Die Theorie The Messon of the Masserturbinen

a. Marif

Kan Obeak

Ein kurzes Lehrbuch

von

Rudolf Escher†

Professor an der Eldgenössischen Tochnischen Hochschule in Zürich

 $\omega_{\rm g}$

2011

Dritte, vermehrte und verbesserte Auflage

th & horausgogoben von

Robert Dubs

Oberingenieur der A.-H. d. Maschinenfabriken Escher Wyss & Cle., Zürleh

> Mit 364 Textabbildungen und I Tafel



Berlin Verlag von Julius Springer 1924 621 219 N.211

Alle, Rochto, insbesondere das der Übersetzung in fremde Sprachen, verbehalten.

Copyright 1924 by Julius Springer in Borlin.

ALAIDILA.	C ROSPITT AND COME STATE
	Braghten,
	(Pr. f.) His tempts .
	The constitute was been
Claury	our contract of the second

Vorrede zur ersten Auflage.

Das vorliegende kleine Buch hat sich zur Aufgabe gestellt, über alle wichtigeren Fragen Auskunft zu geben, die sich auf die hydraulischen Vorgänge in der Turbine, auf die Berechnung der Abmessungen, auf die Betriebseigenschaften, das Regeln und die Prüfung der Turbinen beziehen. Es ist in orster Linie dazu bestimmt, den Anfänger in den Stoff einzuführen. Ich hoffe, daß auch der orfabrene Ingenieur, der über den ihm sonst ferne liegenden Gegenstand sich belehren will, das Buch mit Vorteil benutzen, und daß selbst der Fachmann es nicht unbefriedigt aus der Hand legen wird; bei der Abfassung habe ich aber doch stets den Standpunkt der Studierenden im Auge gehabt, die sieh in das Wesen der Turbinen hineinarbeiten wollen, nachdem sie zwar ihren Kurs über Mechanik gehört haben, aber noch im vollen Ringen mit deren Grundsatzen begriffen sind, ein Zustund, der sich zumeist noch längere Zeit hinzicht. Es wurden darum nicht nur die Elemente der Hydraulik, sondern auch die Grundbegriffe der Mechanik in den Text aufgenommen, damit der Leser alles unter der Hand habe, was zum Verständnis notwendig ist, und nicht zum Nachschlagen erst nach underen Büchern greifen müsse.

Mit Rücksicht auf diesen Leserkreis wurde mit den einfachsten Hilfsmitteln gearbeitet und vor allem nach moglichster Anschaulichkeit gestrebt. Es wurde darum die alte Wasserfadentheorie bejbehalten, die einen viel deutlicheren Einblick in die Wechselwirkung zwischen dem strömenden Wasser und den Turbinenschaufeln vermittelt als die neuere Theorie nach Präßil und Lorenz, nach der die strömende Wassermasse als Ganzes behandelt wird, die aber auch ihrerseits mit Voraussetzungen arbeitet, die der Wirklichkeit nicht genau entsprechen, so daß auch sie kein ganz zutreffendes Bild gibt.

Mit dem Streben nach Anschauliehkeit hängt die Verwendung graphischer Konstruktionen in allen denjenigen Fällen zusammen, wo ihre Anwendung für den Studierenden, der ohnehin vor dem Reißbrett sitzt, bequemer ist als die Rechnung. Um die Übersichtlichkeit zu fördern, wurde der Stoff in möglichst kleine, eng umschriebene Abschnitte geteilt. Minder wichtige Partien, deren Studium ohne Schaden für das Verständnis des Folgenden zurückgestellt werden kann, sind in kleinerer Schrift gehalten.

Bei der Theorie der Turbinen bietet die Berücksichtigung der hydraulischen Widerstände die größten Schwierigkeiten. Führt man sie einzeln in die Rechnung ein, seweit dies überhaupt möglich ist, so erhält man verwickelte Formeln, bei denen die Übersicht verloren geht und aus denen sich der Einfluß der einzelnen Größen nur noch schwierig erkennen läßt. Es wurde darum der Wog eingeschlagen, für die Widerstände von vornherein einen Abzug am Gefälle zu machen und mit dem übrigbleibenden Teil, dem sogenannten wirksamen Gefälle, so zu rechnen, als ob überhaupt keine Widerstände vorhanden Man bekommt hierbei verhältnismäßig einfache Formeln, die ein deutliches Bild der Vorgänge geben und namentlich auch besser erkennen lassen, welchen Anteil die einzelnen Größen daran haben. Dieser Einblick ist namentlich darum wichtig, weil man die Wahl derjenigen Größen, die bei der Berechnung einer Turbine von vornherein angonommon werden müssen, mit offenen Augen treffen kann. Der Leser wird sich freilich stets daran erinnern mitssen, daß jede Theorie nur ein vereinfachtes Bild der unendlich verwickelten Wirklichkeit geben kann. Ich habe keine Gelegenheit versäumt, darauf hinzuweisen, daß man die Sicherhoit hinter sich läßt und sich mit der Wahrscheinlichkeit begnügen muß, sobald man von der mathematischen Abstraktion zur Wirklichkoit üborgeht.

Die Neuzeit hat unter den verschiedenen Bauarten der Turbine, wie sie im Laufe der Zeit entstanden sind, so gründlich aufgeräumt, daß im gegenwärtigen Augenblick nur noch zwei Formen, die Francis-Turbine und das Löffelrad, in allgemeinerem Gebrauche stehen. Ich habe dennoch die älteren Formen in den Rahmen des Buches aufgenommen, da es mir zweckmäßig schien, den Anfänger sich erst an den einfacheren Formen der Axialturbine einüben zu lassen, bevor er sich an einer Francis-Turbine versucht. Es bietet namentlich die Jonval-Turbine, für die sich die Theorie des mittleren Fadens und die Konstruktion der Schaufeln besonders einfach gestaltet, ein treffliches Beispiel, um sich in die Grundsätze hineinzuleben.

Der Schwerpunkt des ganzen Gebietes liegt in den Gesetzen, nach denen das Wasser durch die Turbinenkanäle hindurchfließt. Sind diese vollständig erfaßt worden, so ergibt sieh die Bestimmung der Abmessungen einer Turbine für gegebene Verhältnisse für den genbten Ingenieur so gut wie von selbst; denn es handelt sich hierbei ja nur darum, den Turbinenkanülen diejenigen Querschnitte zu erteilen, die für den Durchgang einer gegebenen Wassermenge erforderlich sind. Er wird nach kurzer Überlegung einen brauchbaren Weg durch die unbegrenzten Möglichkeiten finden. Nicht so der Anfänger, der sich nirgends unbehaglicher fühlt, als der absoluten Freiheit gegenüber. darum für alle behandelten Typen bis ins einzelne gehende Vorschriften aufgestellt, an denen der Anfänger sicher und verhältnismäßig schnell zum Ziele klettern kann. Er bleibe sieh nur dessen bewußt, daß derartige Vorschriften oder Rechnungsschemata nie Anspruch darauf erhoben können, unter allen Umständen branchbar zu sein, daß sie überhaupt nur als Vorschläge aufzufassen sind, an die man sich halten kann oder nicht, wie es gerade zweckmäßig zu sein scheint. Er bekommt auf diesem Wege doch etwas aufs Reißbrott, an dem er seine Kritik üben kann; gefällt es ihm nicht, so möge er es abändern. Übrigens

möchte ich den Nutzen dieser "Eselsbrücken" selbst für den Fachmann doch nicht zu tief anschlagen; denn ihre Anwendung sichert den Konstruktionen eine gewisse Stetigkeit. Es hat keinen Sinn, dem Leitrad einer gewissen Turbinennummer am Samstagabend 18 Leitschaufeln zu geben, während man ihm vielleicht am Montag früh 24 zuteilen würde.

In der Nomenklatur habe ich mir einige Abweichungen vom allgomeinen Gebrauche erlaubt. Anstatt von Reaktions- und von Aktionsturbinen spreche ich von Turbinen mit gestautem Durchfluß und von solchen mit staufreiem Durchfluß oder abgekürzt von Stauturbinen und von staufreien Turbinen. Es sei mir ein Wort zur Rechtfertigung gestattet. Ein Gegensatz zwischen Roaktion und Aktion besteht im Grunde gar nicht. In beiden Fällen hat man es mit der Rückwirkung des abgelenkten Wasserstromes gegen die ablenkenden Schaufeln zu tun; es findet denn auch diese Rückwirkung in beiden Fällen genau denselben analytischen Ausgruck. Wenn die beiden Namen aber genau genommen dasselbe besagen, so sind sie ungeeignet, die bestehenden Gegensätze zwischen den beiden Turbinenformen zu bezeichnen Diese Gegensätze werden durch die Formeln $p_1 > p_2$ und $p_1 = p_2$ ausgedrückt, und die neuen Bezeichnungen sind nichts anderes als Übersetzungen dieser Formeln in die Umgangssprache. Die alten Bezeichnungen sind wie geschaffen, um sehwere Verwirrung in den Köpfen der Anfänger hervorzurufen, und je eher man sie durch wirklich zutreffende ersotzt, desto besser ist es.

Für die Bezeichnung sind die Vorschläge von Camerer zur Anwendung gekommen.

Zürich, im März 1908.

Rudolf Escher.

Vorrede zur zweiten Auflage.

Bei der wohlwollenden Aufnahme, die dieses Buch bei den Fachgenossen gefunden hat, lag für den Verfasser keine Veranlassung vor, wesentliche Änderungen an der Anlage des Buches vorzunehmen. Wenn auch die älteren Bauarten der Turbinen seither noch viel mehr an praktischer Bedeutung verloren haben, so wurde ihre Behandlung dennoch im früheren Umfang beibehalten, da sie als Einführung zu den neueren Formen kaum entbehrt werden kann. Daß die Francis-Turbine entsprechend ihrer inzwischen stark gewachsenen Bedeutung noch eingehender behandelt wurde, ist wohl selbstverständlich. Der Umstand, daß man bei Hochdruckturbinen zur Verwendung immer höherer Gofälle übergegangen ist, hat Veranlassung gegeben, den Erseheinungen in langen Druckleitungen eine vermehrte Aufmerksamkeit zu widmen und ihnen ein besonderes Kapitel einzuräumen. Da-

neben hat das Buch unter Verwendung der Winke, die dem Verfasser von fachmännischer Seite zugeflossen sind, eine gründliche Überarbeitung in redaktioneller Richtung erfahren, durch die, wie der Vorfasser hofft, das Buch an Klarheit und Verständlichkeit gewonnen haben sollte.

Seit dem Erscheinen der ersten Auflage hat die Literatur über den Gegenstand einen bedeutsamen Zuwachs erfahren. Wir besitzen mehrere Handbücher über den Gegenstand, in denen auch die konstruktive Seite zu ihrem vollen Rechte kommt, und auf die derjenige Leser verwiesen werden kann, der sich in dieser Beziehung unterrichten will. Es mögen hier nur genannt werden die Bücher von Pfarr (zweite Auflage, Julius Springer, Berlin 1912), Thomann (Wittwer, Stuttgart 1908) und Camerer (Engelmann, Leipzig und Berlin 1914).

Zürich, im Oktober 1920.

Rudolf Escher.

Vorrede zur dritten Auflage.

Da der Verfasser vorliegenden Buches Herr Prof. R. Escher kurz nach dem Erscheinen der zweiten Auflage desselben leider gestorben ist, und sich die Herausgabe einer dritten Auflage nach kurzer Zeit als notwendig erwies, erklärte ich mich auf Anfrage der Verlagsbuchhandlung bereit, die Neubearbeitung der dritten Auflage zu übernehmen.

Nachdem das Buch in seiner bisherigen Fassung sich des Wohlwollens der Fachgenossen so sehr erfreute, habe ich es als zweckmäßig eruchtet, die Einteilung desselben unverändert zu lassen. Auch die frische, von der herkömmlichen Ausdrucksweise öfters stark abweichende Darstellung meines ehemaligen Lehrers ließ ich zum größten Teil unverändert, da ich in ihr einen wesentlichen Vorzug dieses Buches erblicke. Es hat dies allerdings zur Folge, daß diejenigen Teile, welche ich dem heutigen Stande des Wasserturbinenbaues entsprechend ergänzen mußte, sich nicht glatt in das Ganze einfügen ließen. Verschiedene Tabellen und Abbildungen wurden ersetzt und die Bezeichnungen den heute im Wasserturbinenbau gebräuchlichen angepaßt. Auch einige Neuerscheinungen haben Aufnahme gefunden, und es ist insbesondere das Gebiet der Schaufelung der Laufräder und der Turbinenregelung wesentlich ergänzt worden.

Wenn die vorliegende dritte Auflage des Escherschen Buches die gleichgute Aufnahme bei meinen Fachkollegen findet wie die vorhergehenden, so hat sie ihren Zweck erfüllt.

Zollikon b. Zürich, im Juli 1024.

Robert Dubs.

Inhaltsverzeichnis.

Selfe

Ein	lollung	ı
	Hydranlik.	
	I. Elemente der Mechanik.	
	1. Mochanik des materiellen Punktes,	
1	Geschwindigkeit und Beschleunigung	4
2	Kraft and Masse	4
3.	Kraft und Masse	ñ
4.	Arbeit und Leistung	.5
5.	Ulcightörmig beschleunigte Bewegung	65
6.	Drebbewegung	7
7.	Krummlinige Bewegung	()
8.	Gezwungene Bewegung längs einer festen gekrümmten Rume	.9
17.	Allgemeiner Fall	11
11	Schiefe Ebene	13
13	Satz van Cariolia	13
13.	Satz von Coriolis	17
		•
	II. Ifydrostailk.	
	2. Gleichgewicht im ruhenden Wasser.	
14.	Oberflache einer ruhenden Wassermasse	18
15.	Kommunizierende Röhren	18
16.	Druck im Inneren einer ruhenden Wassermasse	18
17.	Prinzip von Paseal	10
	Muß des Druckes	20
[9.	Negativer Druck	21
	Druck auf chene Gefaßwande	22 23
21.	Druck auf gekrümmte Wande	23
93	Umlaufzoiger	21
24.	Oberfildeho in einem retierenden Gefäß mit wagerechter Achse	25
	The state of the s	
	III, Nydrodynamik.	
	A. Strömende Bewegung in der gefüllten Leitung.	
	3. Reibungsfreie Bewegung.	
25.	Potontielle Energie des gefaßten Wassers	20
26.	Druckunterschiede als Bewegungsursache; Stromlinien, Wasserfaden	27
27.	Kontinuitätsbedingung	27
28,	Schiefe Querschnitte	20
20.	Zusammenhang zwischen Überdruck und Geschwindigkeit bei beliebigen	00
	Prinzip von Bernoulli	20
3U.	Princip von Bornoulli	30 31
31.	Ausfluß aus einer Gefäßmündung; Geschwindigkeitshöhe	91

$\Pi\Pi$	Inhaltsvorzoichnis.

VI)	II Inhaltsvorzoichnis.	
33. 34. 35.	Umsatz von Geschwindigkeiten in Druck	
	4. Bewegung mit Widorständen.	_
40. 41. 42. 43. 44. 45.	Bestimmung der Rohrweite für gegebene Verhültnisse Drucklinie Mittlere Geschwindigkeit und mittlere kinetische Energie Luftsücke, Heber Druckverlust bei plötzlicher Erweiterung Allmühliche Erweiterung Plötzliche Verengung Druckverlust bei Richtungsünderung	7 0 4 14 15 16 17 18
48. 49.		i2 i4
NU.	Alundung in claimer Wand; Oberfall	56 59
B.	Mechanische Wirkungen des strömenden Wassers bei der Ablenkung	g.
	5. Ablonkung im ruhenden System.	
52. 53. 54.	Durohfluß	61 62 62
	6. Ablenkung im gleichförmig bewogten Kanal.	
56. 56. 57.	Durchflußgleichung für einen rotierenden Kanal Rückwirkung eines Flüssigkeitsfadens auf eine gleichmäßig rotierende	66 68
59. 6 0.	Bemerkungen zur Eulerschen Gleichung Summarische Ableitung der Grundgleichungen Ableitung der Eulerschen Gleichung nach Zeuner Das Segnersche Wasserrad	71 72 73 75
	7. Sonderfälle.	
63. 64. 65. 66.	Roaktion des ausfließenden Wassers Staufreier Durchfluß Stoß eines freien Strahls gegen eine obene Fläche Schiefer Stoß Arbeitslibertragung beim geraden Stoß Stoß auf eine hehle Fläche Stoßfreier Aufsehlag Messung einer ausströmenden Luftmenge durch Stoß	75 77 78 78 79 80 80 81
	8. Kanale von endlichem Querschnitt.	••
71. 72. 73. 74.	Voraussetzungen Druckvorteilung in einem ruhenden Kanal Ablösungen Stromflichen und Wasserstraßen Bewegung im offenen Kanal Turbinenkanäle Meridienaler Durchfluß in einem Turbinenprofil	82 83 84 85 88 89 91

Inhaltsvorzoichnis.	IX
Die Turbinen.	
IV. Allgemeines.	
9. Überblick über die verschiedenen Bauarten.	
77. Turbinon mit gestautem und mit freiem Durchfluß 78. Radial- und Axialturbinen 70. Teil- und vollschlächtige Turbinen 80. Turbinen mit und ohne Saugrohr 81. Lage der Achse im Raum 82. Offene und geschlossene Aufstellung 83. Mehrfache Turbinen 84. Houte gebräuchliche Bauarten	95 95 96 97 98
10. Das Rogola der Durchflußmenge.	
85. Zweck der Abschützung 86. Zellenregulierung 87. Spaltschieber 88. Die Finksche Drehschaufel 89. Die Regulierungen von Schaud und Zedel 80. Das Regeln einzelner Leitkanüle 80. Drosselverrichtungen	104 107 107 109 110
II. Rechnungsunterlagen.	
92. Gefälle bei einer bostehenden Anlage 93. Leistung und Wirkungsgrad 94. Gefälle einer Neuanlage 96. ende Turbine 97. 98. Ahnliche Turbinen bei verschiedenen Gefällen 99. Einheitsturbinen; spezifische Größen	114 115 117 118 119 120
V. Die Turbinen mit gestautem Durchfluß.	
A. Gemeinsames.	
12. Grundgleichungen.	
100. Durchflußgesehwindigkeit und Gefälle	122 125 126 128
13. Goschwindigkeiten, Schaufelwinkel und Stauung.	
104. Austritt aus dem Laufrad 105. Eintrittsdiagramm 106. Umfangs-und Eintrittsgeschwindigkeit 107. Schluckfähigkeit und gesteigerte Umlaufzahl 108. Umlandgeschwindigkeit und Schaufelform 109. Günstigste Vorhälbnisse 110. Kleinste Umfangsgeschwindigkeit 111. Gesteigerte Umfangsgeschwindigkeit 112. Vergleichung mit der Gefüllsgeschwindigkeit 113. Numerische Berechnung des Eintrittsdiagrammes 114. Spaltüberdruck 115. Gefüllsgeschwindigkeit 116. Stauverhältnis und Geschwindigkeit	133 134 135 135 136 136 137 138
17 Annassung gings vorhandenen Modelly an varinderte Verhältnisse	140

Inhaltsyerzeichnis.

	14. Energie- und Wasserverluste in der Turbine.	
118.	Das Wesen der Verluste	140
119.	Verluste im Leitrad.	1.12
120.	Wasserverlust am Spalt	143
121.	Verlust beim Eintritt ins Laufrad	144
122,	Reibungsverluste im Laufrad	146
123.	Austritt aus dem Laufrad	146
124.	Verluste im Saugrohr	147
125.	Boisniel	148
	15. Zwanglose Übergünge.	
126.	Zwanglosor Austritt aus dom Leitrad	149
127.	Das Ziehen der zwanglesen Bahn	151
128.	Zwungloser Austritt aus dem Leitrad bei konstanter Radbreite	151
129.	Zwangloser Ubergang ins Laufrad: Zuschärfung der Schaufeln	152
130.	Der Eintritt der Laufrudschaufel Der Austritt der Laufradschaufel	153
131.	Der Austritt der Laufrackehaufel	153
132.	Donnelt gekrimmte Kanfile	154
133.	Doppelt gekrümmte Kanüle Linführung der Schaufeldicke; meridionale Kanalweite	154
134.	Evolventenförmige Übergänge	157
135.	Spielriume zwischen Leit, and Laufred	158
136	Die Therefore bei innergeblächtigen Turbinen	159
	Die Oweignige bei innernenningen karbitett	11717
	B. Die älteren Bauarten.	
	16. Die Jonval-Turbine.	
137.	Kennzeichnung; Geschwindigkeitsdiagramm	159
138.	Absolutor Wasserweg	161
139,	Borothnung einer neuen Jonval-Turbine	162
140.	Zahlen boispiel	165
141,	Schaufolung'	168
142.	Schaufelung Einfluß der Radbreite; Winkelausgleichung; mehrkränzige Turbinen	168
143.	Absolutizing	170
	17. Die Fourneyron-Turbine.	
144		171
144,	Komzeichnung	171
140	Solution foliates	173
1.47	Schaufolung	174
146	Nachteile	174
Tau.	Additions	T t.F
	C. Die Francis-Turbine.	
	18. Wesen und Berochnung der Francis-Turbine.	
149.	Konnzeichnung; Vorzüge	174
150.	Langeantation	177
151.	Normaltorm	178
152.	Schnollitufor	179
153.	Exproblation mit geschweifter Eintrittskante	181
164.	Exproblation init axialom Durchflub	182
las.	Die Kaplanturbine	188
156.	Die Schraubenturbine	184
157.	Die Durchflußvorhältnisse des Expreßläufers	184
158,	Die spezifischen Drohzahlen	186
159.	Normale Wassermenge	187
160.	Normale Wassermenge Die meridienulen Durchflußgesehwindigkeiten und die Durchmesser-	
	vorhilltnisse	188
161.	verhilltnisse	190
162.	Die Schaufelwinkel	194

Inhaltsverzeichnis.	ΧI
163. Anzahl und Stärko der Laufradschaufeln 164. Die Wellenstärke 165. Erstes Zahlenbeispiel: Langsamläufer 166. Zweites Zahlenbeispiel: Normalrad 167. Drittes Zahlenbeispiel: Exproßläufer mit geschweifter Eintrittskante 168. Die Reihe der Einheitsturbinen 169. Medellreihen 170. Anhang: Die Diagonalturbine	197 197 198 200 201 202 203 205
10. Die Schaufelung des Leitrades.	
171. Zutritt des Wassers zum Leitrad	208 209 209 209 210 213
20. Die Schaufelung des Laufrades mit radialem Austritt.	
177. Radprofil, Eintritt und Austritt der Schaufeln	215
178. Das Aufzeichnen der Schaufelung	218 218
Of Die Schaufelang des Laufardes mit avieles Ablankung	
21. Die Schaufelung des Laufrades mit axialer Ablenkung. 180. Voraussetzungen	218 220
182. Druckverteilung im Laufradkanal	221 222
183. Ausgangspunkte	223
186. Das innerste Schaufelprofil	224
186. Austrittskante	224
187. Die Konstruktion als Normaltrajektorie	226 226
188. Der Schaufelaustritt	227
190. Darstellung der Schaufelfläche	228
191. Beispiel eines Normalrades	228
192. Vereinfachtes Verfahren	229
193. Turbinen mit greßem Spaltraum	220 230
tor. Exontorme Aubitatingen	213()
VI. Die staufrelen Turbinen.	
22. Die Girard-Turbine.	
195. Das Gesehwindigkeitsdiagramm der Axialturbine	232
196. Faustregeln	235
197. Vorbreiterung des Laufrades beim Austritt	285
108. Bereelnung einer neuen vollschlächtigen Axialturbine	236
199. Schaufelung	238 238
201. Unterschied zwischen Ein- und Austrittshalbmesser	280
202. Innerschlächtige Vollturbine	289
203. Die teilschlächtige Girard-Turbine	289
204. Dor Wirkungsgrad	241 241
205. Die Grenzturbinen	Z.F.T
28. Die Freistrahlturbine.	
206. Anwendungsbereich und Wirkungsgrad	242
207. Laufred mit enggestellten Schaufeln	242
208. Das Löffelrad	244
200. Der Einlauf	245

Inhaltsvorzeichnis.

ш

210.	Dio Berechnung der Düse	248
211.	Die Weite des Einlaufes Zusammenhang zwischen Nadelstellung und Austrittsquerschnitt	249
212.	Zusammenhang zwischen Nadelstellung und Austrittsquerschnitt	249
213.	Die Kraft zum Verschieben der Nadel	250
	Der Radhalbmesser	251
216.	Die Umfangsgeschwindigkeit	251
218	Spezifische Umlaufszahl	252
917	Dia Sahuufaltailung	253
910	Die Schaufelteilung	254
010	Delative Dalan des sintestendes Wissesse	256
210.	Relative Balm des eintretenden Wassers	
220.	best minuing der Sommitteltenung mittels der relativen Behn	267
721.	Ein- und Austrittswinkel	257
222,	Schaufelform	258
223.	Die relative Bahn längs der Schaufel	258
224.	Die Abmessungen der Schaufel	260
225.	Das Aufzeichnen	261
226.	Befestigung der Löffel	262
227.	Gohiuse	262
228.	Löffelrad mit mehreren Düsen	263
220.	Löffelrad mit mehreren Düsen Vorteilung des Wasserstrahls auf die einzelnen Schaufeln.	264
230.	Modellreihe	265
231	Modellreihe	207
-01,	Zanadisonspice 1	401
	VII. Verhalten der Turbinen unter veränderten Betriebsverhälfnissen,	
	24. Verhalten einer gegebenen Turbine unter veränderten	
	Bodingungon.	
232.	Bodoniung der Frage	269
283	Bedoutung der Frage	270
234	Allgameina Durchfhißgleichung der Steuturbine	271
235	Radionneum fligo Hallmaggar	272
998	Roolmungsmillige Halbmesser Umlaufgesehwindigkeit und Durchflußmenge	274
994	Drohmoment und Umlaufzahl	275
090	Tricture and Combaindisheit	
200.	Loistung und Geschwindigkeit	278
20V.	Wirkingsgrad und Gesonwindigker.	278
240.	Othungs- und Bullungsgrad	279
241.	Wirkungsgrad und Geschwindigkeit. Offnungs- und Füllungsgrad Empirisohe Formole Vorteilung des Wassers im Laufrad der Francis-Turbine bei abnehmender	281
242.	Vorteilung des Wassers im Lattfrad der Francis-Turbine bei abnehmender	
	John John John John John John John John	282
243.	Unstatigkoiten	283
244.	Verbalten der Fournevron-Turbine	284
245.	Die Jonyal-Turbine	284
246.	Schnell- und Expressaufer.	285
247.	Vorhulton der staufreien Turbinen	285
248.	Einfluß des Füllungsgrades bei normaler Geschwindigkeit	287
240.	Anderung des Gefülles	289
250.	Änderung des Gofülles	200
251	Geschwindigkoit, Füllung und Wirkungsgrad	202
	commendated a newith offer therefore the commendation and the commendation of the comm	-110
	25. Das Regeln der Geschwindigkeit.	
0.40		000
202.	Uberblick über die Aufgabe	202
203.	Ansgangspunkt für das Regulieren	295
254.	Tachometer	206
255,	Stellkraft	299
256.	Goschwindigkeit und Hillsenweg	299
257.	Unempfindlichkeit	301
268.	Unempfindlichkeit	301
259.	Direkt wirkendes Stellzeug	303
200.	Servemotor mit Rückführung	304
201	Ungloiohförmigkeit	310

	Inhaltsvorzeichnis.	XIII
263.	Sohwungrad	
	VIII. Die Verwendung der verschiedenen Bauarten.	
26. E	lignung der verschiedenen Bauarten für gegebene Vorhal	tnieso.
265.	Gesichtspunkte für die Wahl der Bauert	. 316
	Gofalle und Wassermonge	. 916
267. 268.	Wirkungsgrad	. 317
269.	Das Einhalten der gewählten Geschwindigkeit	. 320
270.	Zugänglichkeit	. 321
271. 070	Lage der Welle im Raume	. 321
	Platzbedarf	
274.	Preis	323
275.	Schlußfolgerungen	. 323
	IX. Die Druckleitung.	
	27. Die Druckleitung im Beharrungszustand.	
276.	Wandspannungen an Gefäßen mit innerem Druck	. 323
277.	Spannungen in einem an beiden Enden verankerten Robestrang .	. 326
278.	Anlago der Druckleitung	. 326
•1	28. Dynamische Wirkungen in der Druckleitung bei gestör Durchfluß.	te m
279.	Wasserschlag	. 328
280.	Gegenmittel	. 336
281.	Gefallsbruch	. 336
283.	Standrohr	338
284.	Negativer Sprung	. 341
285.	Schwingungsdauer	. 341
286,	Zahlenbeispiel	. 344
	X. Das Spurlager.	
	20. Die Belastung und Bemessung des Spurzapfens.	
287.	Zusammensetzung der Zapfenbelastung	. 314
288.	Eigengewicht	. 345
28ย. งดด	Wasserdruck	346
291.	Entlasting.	347
202.	Entlastung	347
	XI. Die experimentelle Untersuchung.	
	30. Prüfung auf die Betriebseigenschaften.	
	Ziel der Untersuchung	. 349
	Clefalle	. 350
205. ออล	Umlaufzahl	. 350 . 351
207.	Wassermente	. 354
208.	Wassermenge	. 355

Berichtigung.

Auf S. 109 Zeile 15 von unten lies:

statt: Abb. 173 richtig: Abschnitt 175, Abb. 241;

auf S. 110 Zeile 12 von unten lies:

statt: Abb. 341 richtig: Abb. 344.

Einleitung.

Zur Gewinnung von mechanischer Arbeit aus Wasserläufen für den Betrieb von Mahl- und Sägemühlen, Hämmern u. dgl. benutzte man in Mittel- und Nordeuropa von alters her die Wasserräder, als deren gemeinsame Eigentümlichkeit vor allem die wagrechte Lage der

Achse in die Augen springt.

Es lassen sich je nach der Wirkungsweise des Wassers zwei Hauptarten der Wasserräder unterscheiden. Bei der einen Bauart versieht man das Rad am ganzen Umfange mit Kammern oder Zellen. Das Wasser wird mittels einer Rinne derart zugeführt, daß sieh die Zellen auf der einen Seite des Rades füllen. Es entsteht so ein einseitiges Übergewicht, das die Drehung herbeiführt. Da die Zellen sieh unten fortwährend entleeren und oben wieder aufs neue füllen, wird das Übergewicht und damit auch die Drehung dauernd erhalten. Das Wasser bleibt einige Zeit in den Zellen liegen und wirkt durch sein Gewicht. Diese Räder werden Zellen- oder Kübelräder genannt. Wird ihnen das Wasser am Scheitel zugeführt, so bezeichnet man sie als oberschlächtig.

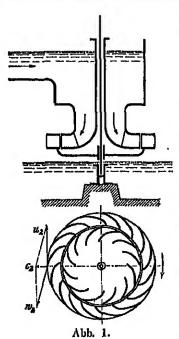
Bei andern Rädern ist der Umfang mit frei herausstehenden flachen Schaufeln besetzt. Entweder wird das Rad mit wenig Spielraum in ein Gerinne eingesetzt, in welchem das Wusser mit großer Geschwindigkeit zufließt, oder man stellt das Rad frei in einen rasch fließenden Strom. In beiden Fällen kommt die Drehung durch den Stoß zustande, den das Wasser auf die Schaufeln ausübt. Derartige

Råder heißen unterschlächtig.

Eine Zwischenform, die im Gebirge zur Erzielung größerer Geschwindigkeiten für den Betrieb von Sägemühlen allgemein Verwendung findet, besteht aus einem Zellenrad von kleinem Durchmesser, dem man das Wasser aus einer gewissen Höhe mittels einer steilen Rinne zuleitet. Das Wasser wirkt zuerst durch Stoß und hernach noch durch sein Gewicht.

In den Mittelmeerländern sind zum unmittelbaren Antrieb von Mahlgängen kleine, rasch laufende Stoßräder mit sonkrochter Achse gebräuchlich. Das Wasser wird aus einem seitlich stehenden Schacht mittels eines hölzernen Mundstäckes schräg von oben her auf den mit schrägstehenden Schaufeln besetzten Radumfang geleitet; das Wasser wirkt durch Stoß. Man erspart bei dieser Anordnung die Zahnradübersetzung, die beim Antrieb des Mahlganges durch ein Wasserrad mit liegender Welle nicht zu umgehen ist.

Als im zweiten und dritten Jahrzehnt des vorigen Jahrhunderts nach den langen Kriegsjahren die Industrie wieder aufzuleben begann, machte sich ein größeres Bedürfnis nach Wasserkrüften geltend. Zunächst erfuhren die Wasserräder eine bedeutende Vergrößerung bei sorgfältigerem Ausbau. Indessen fand man sich dabei sowohl hinsichtlich des verwendbaren Gefälles als auch in bezug auf die Größe der Zuflußmenge stark beschränkt; es ließen sich mit einem einzigen Rade nicht wohl mehr als 60 bis 80 Pferdestärken gewinnen. Diese Schranke wurde indessen bald durch die Erfindung von Fourneyron beseitigt,



der Ende der zwanziger Jahre die ersten brauchbaren Turbinen baute und damit die Möglichkeit bot, beliebig große Gefälle und Wassermengen auszunützen.

Die Einrichtung der Turbine von Fourneyron geht aus Abb. 1 hervor. Das eigentliche Turbinen- oder Laufrad besteht aus zwei flachon Kränzen mit dazwischenliegenden gekrümmten Schaufeln, die eine kreisförmige Folge von gekrümmten Kanälen bilden. Der untero Kranz steht durch gebogene Armo mit der sonkrochten Welle in Verbindung. Im Innern des Laufrades liegt das feste Leitrad mit ähnlichen, aber entgegengesetzt gekrämmten Kanälen. führen das Wasser dem Laufrad auf dessen innerem Umfang in angenähert tangentialer Richtung zu. Im Laufrad wird es durch die Schaufeln derart abgelenkt, daß es am äußeren Umfang beinahe in entgegengesetzter Richtung austritt. Da aber das Wasser das Bestroben hat, einen einmal angenommenen Bewogungszustand beizubehalten, setzt

cs dieser Ablenkung einen gewissen Widerstand entgegen; es übt daher auf die Schaufeln einen entsprechenden Gegendruck aus, und dieser ist es, der das Rad in Drehung versetzt. Konnzeichnend für die Turbine (von lat. turbe = Wirbel, Kreisel) ist, daß das Wasser stetig den Schaufeln entlang fließt und durch die stetige Ablenkung, die es dabei erfährt, einen Gegendruck auf die Schaufel herverbringt. Auch bei den Stoßrädern wird das Wasser durch Schaufeln abgelenkt; der große Unterschied liegt darin, daß dert die Ablenkung plötzlich eintritt und daher mit großen Energieverlusten verbunden ist. Hier wird dagegen die Ablenkung allmählich und darum ohne wesentliche Arbeitsverluste durchgeführt.

Die senkrechte Lage der Welle ist wohl für die vorliegende Turbinenform als gegeben anzuschen, kann aber nicht als ein allgemeines Merkmal der Turbinen überhaupt gelten.

Damit das Wasser die in ihm enthaltene Energie möglichst vollständig abgibt, soll die absolute Geschwindigkeit og, mit der es das Rad verläßt (vgl. Abb. 1), so klein werden, als irgend angeht. Zwar fällt die Geschwindigkeit w_2 , die das Wasser beim Austritt gegenüber der Schaufel besitzt, ziemlich groß aus. Da aber das Wasser noch die Umfangsgeschwindigkeit u_2 mit dem Rade gemeinsam hat, ergibt sich nach dem Parallelogramm der Geschwindigkeiten ein recht kleiner Wert für die absolute Austrittsgeschwindigkeit c_2 , sobald die Geschwindigkeiten w_2 und u_2 einander annähernd gleich sind und die Schaufeln den äußeren Umfang unter flachem Winkel treffen. Indem man noch für einen stetigen, stoßfreien Eintritt ins Laufrad und für eine stetige Ablenkung in den Radkanälen sorgt, sind alle Bedingungen für eine gute Ausnutzung der Wasserkraft erfüllt.

Der Anwendungsbereich der Turbinen hat in den letzten Jahren eine sehr starke Erweiterung erfahren. Bis vor kurzer Zeit richtete sich die größte Leistung einer Turbinenaulage nach dem Bedarfe einer einzelnen Fabrik und überstieg nicht leicht einen Betrag von 200 bis 300 Pferdestärken. Heute, wo die elektrische Kraftübertragung die Möglichkeit bietet, Energie in beliebigen Mengen über große Entfernungen fortzuleiten und zu verteilen, bestehen keine Gronzen mehr. Man schreckt nicht daver zurück, Gefälle von weit über 1000 m auszunützen, und die Leistung einer einzelnen Turbine hat sehen öfter den Betrag von 30000 Pferdestärken überschritten. Größere Anlagen mit mehreren Turbinensätzen bringen ganz gewaltige Leistungen auf.

Die Theorie der Turbinen hat die Aufgabe, die Vorgange, die sich in der Turbino vollzichen, soweit als möglich rechnungsmäßig zu beschreiben und die Zusammenhänge zwischen Gefälle, Geschwindigkeiten, Durchflußmengen, Abmessungen und Leistungen darzustellen. Sie kann dazu verwendet werden, eine bestehende Turbine zu beurteilen, also zu untersuchen, ob sie richtig gehaut und demgemäß imstande ist, ihre Aufgabe zu erfüllen. Eine welt wichtigerer Zweck aber ist die Berechnung einer neu zu bauenden Turbine, die unter gegebenen Bedingungen möglichst vorteilhaft arbeiten soll. Diese Bedingungen werden in erster Linie durch das Gefälle und die Zuflußmenge und sodann durch die Forderung umschrieben, daß die Energie des Wassers gut ausgenützt werde. Es sind daher vor allem die Bedingungen des günstigsten Wirkungsgrades aufzustellen. Aus diesen erhält man den Zusammonhang zwischen den Durchflußgeschwindigkeiten und dem Gofälle. Die Geschwindigkeiten und die Wassermenge bestimmen die Querschnitte der Kanale, und aus diesen ergeben sieh endlich die Abmessungen der Turbine. Dabei stellt fibrigens die ganze Aufgabe keineswegs ein eindeutiges mathematisches Problem dar; zu einer befriedigenden Lösung, namentlich aber zur Anpassung an die besonderen Bedingungen des gegebenen Falles sind Geschiek und Erfahrung unentbehrlich.

Die Turbinentheorie ist ein Zweig der Mechanik der tropfbarflüssigen Körper oder der Hydraulik (von griech. hyder = Wasser). Wir haben uns zuerst mit den Elementen der Hydraulik zu befassen, um hernach aus dieser Grundlage die Theorie der Turbine zu entwickeln. Da sich die Flüssigkeiten aus einzelnen leicht verschiebbaren Teilehen zusammensetzen, sollen vor allem die wichtigsten Sitze der Mechanik des materiellen Punktes zusammengestellt worden.

Hydraulik.

I. Elemente der Mechanik.

1. Mechanik des materiellen Punktes.

1. Geschwindigkeit und Beschleunigung. Legt ein Punkt, der in Bewegung begriffen ist, in der unendlich kurzen Zeit dt den Wog ds zurück, so heißt das Verhältnis

$$\frac{ds}{dt} = w \tag{1}$$

die Geschwindigkeit des Punktes.

Ändert sich die Geschwindigkeit w in der unendlich kleinen Zeit dt um den Betrag dw, so stellt der Ausdruck

$$p = \frac{dw}{d\hat{t}} \tag{2}$$

die Beschleunigung der Bewegung dar. Mit Rücksicht auf Gl. (1) kann man auch schreiben

$$p = \frac{d^2s}{dt^2} \,. \tag{3}$$

2. Kraft und Masse. Jede Änderung im Bewegungszustand eines Körpers ist auf die Einwirkung von Kräften zurückzuführen. Die Kräfte können durch die Änderungen des Zustandes gemessen werden; die Wirkungen sind den Ursachen proportional. Wenn ein materieller Punkt vom Gewichte G in einer gewissen Richtung eine Beschleunigung p erfährt, so ist diese Beschleunigung das Ergebnis einer in jener Richtung wirksamen Kraft P, deren Größe sich durch den Vergleich mit der Schwerkraft oder dem Eigengewicht ergibt. Wenn dieses dem Punkte in einer Schunde die Beschleunigung q erteilt, so ist

oder

$$\frac{G}{g} = \frac{P}{p}$$

$$P = p \frac{G}{g}$$

$$m = \frac{G}{g}$$
(4)

Das Verhältnis

wird als die Masse des materiellen Punktes bezeichnet. Dieselbe ist unabhängig von der Größe der Schwerkraft. Für unsere Breite ist, auf m und sek bezogen,

 $g = 9.81 \text{ m/sek}^2$.

Als Ausdruck für die Kraft erhält man

$$P = mp \tag{5}$$

oder mit Rücksicht auf Gl. (2) $P = m \frac{dw}{dt}.$

$$P = m \frac{dw}{dt} . {(5a)}$$

Eine Kraft ist für sich allein nicht denkbar; jede Kraft ruft eine zweite, ebenso große, aber entgegengesetzt gerichtete Kraft hervor. Der Magnet, der ein Eisenstück anzicht, wird von diesem mit einer obenso großen Kraft angezogen. Ist eine Last mittels einer Schnur an einem Haken aufgehängt, so übt der Haken auf die Schnur einen aufwirts gerichteten Zug aus, der gerade so groß ist als die Last. Um einen Wagon vorwärts zu schieben, muß man sich gegen den Boden stemmen usw. Man stellt die beiden zusammengehörigen Kräfte einander als Kraft und Gegenkraft oder als Aktion und Roaktion gegentiber (... Nulla actio sine reactio").

3. Prinzip von d'Alembert. Wenn ein Teilehen von der Masse m unter dem Einflusse einer Kraft P eine Beschleunigung p erführt so sotzt es dieser Änderung seines Bewegungszustandes infolge seines Beharrungsvermögens einen Widerstand entgegen, der gerade so groß wie die Kraft, jedoch umgekehrt gerichtet ist. Dieser Widerstand

$$(mp) = -P$$

wird als Trägheits- oder Beharrungskraft bezeichnet1). Ohne diesen Widerstand ware eine Kraftäußerung auf die Masse gar nicht donkbar 2).

Die obenstehende Gleichung, in die Form gebracht

$$P + (mp) = 0 \tag{6}$$

besagt, daß die wirksame Kraft P mit der Trägheitskraft (mp) im Gleichgewicht steht. Dieser Satz ist unter dem Namen des Prinzips von d'Alembert bekannta).

4. Arbeit und Leistung. Die beiden Gleichungen (1) und (2)

$$\frac{ds}{dt} = w \quad \text{und} \quad p = \frac{dw}{dt}$$

ergeben, wenn man sie miteinander multipliziert,

$$p ds = w dw. (7)$$

Fügt man beiderseits den Faktor m hinzu, so erhält man mit Rücksicht darauf, daß nach Gl. (5) P = mp ist,

oder

$$Pds = mwdw$$

$$Pds = d\left(\frac{mw^2}{2}\right).$$
(8)

¹⁾ Man bekommt eine deutliche Vorstellung von diesem Widerstand, wenn man vorsucht, eine schwere Flügeltüre rasch zu öffnen.
3) Jedermann kennt die unangenehme Empfindung, die sieh einstellt, wenn man einen stark überschätzten Widerstand unerwartet leicht überwindet.

³⁾ Wir werden die Trägheitskräfte jeweilen durch Einklammern als solche kennzeichnen.

Die Größe Pds stellt die von der Kraft P über die Streeke ds verrichtete Arbeit dar. Der Gegenwert für diese geleistete Arbeit liegt in der Veränderung der Größe

$$A = \frac{m w^2}{2} \,. \tag{9}$$

Diese bedeutet die Arbeit, die in der Geschwindigkeit w der Masse m verkörpert ist; man neunt sie die lebendige Kraft oder besser die kinetische Energie einer Masse m, die die Geschwindigkeit w besitzt.

Unter der Leistung einer Kraft versteht man die in der Zeiteinheit von ihr verrichtete Arbeit'

$$L = \frac{Pds}{dt} = Pw. \tag{10}$$

Aus der Gl. (2)

$$p = \frac{dw}{dt}$$

erhält man durch Multiplikation mit m unter Rücksichtnahme auf Gl. (5)

$$Pdt = mdw. (11)$$

Diese Größe Pdt wird als der Antrieb der Kraft P während der Zeit dt bezeichnet.

Als Maß für die Arbeit benützt man in der Maschinentechnik gewöhnlich das Meterkilogramm (mkg). Die Leistung wird entweder durch das Sekundenmeterkilogramm (mkg/sek) oder durch die Pferdestürke (PS) gemessen. Letztere ist gleich einer Leistung von 75mkg/sek).

Die Elektrotechnik verwendet als Leistungseinheit das Voltampere (VA) oder Watt (W) und für größere Leistungen das Kilowatt (KW) gleich 1000 Watt. Der Zusammenhang zwischen den mechanischen und den elektrischen Einheiten ist der folgende:

5. Gleichförmig beschleunigte Bewegung ist vorhanden, wenn in der Bewegungsrichtung eine unveränderliche Kraft wirkt. Es ist in diesem Falle nach Gl. (5) auch $p=\mathrm{const.}$ Nach Gl. (2) ist

$$p = \frac{dw}{dt}$$

oder

$$p dt = dw$$
.

Da hier p= const., kann man die Integration leicht durchführen, und wenn die Geschwindigkeit im Anfangspunkt gleich null war, so findet sich

$$w = pt. \tag{12}$$

¹) Diese Zahl beruht auf einem Versuche mit besonders kräftigen Pferden. Die dauernde Leistung eines gewöhnlichen Arbeitspferdes dürfte den Betrag von 0,8 PS nicht überschreiten.

pds = wdw

liefert beim Integrieren

$$w^2 = 2 ps. (13)$$

Beim Einsetzen von w aus Gl. (12) erhält man

 $p = \frac{2s}{t^2}$ oder $s = \frac{1}{2} p t^2.$

6. Drehbewegung. Ein Punkt von der Masse m sei nach Abb. 2 fest mit einer Drehachse verbunden und führe unter dem Einflusse einer tangential gerichteten Kraft P eine kreisförmige Be-

wegung vom Halbmesserraus. Die Schnelligkeit seiner Bewegung kann durch die Umfangsgesch windigkeit

$$u = r \frac{d \varphi}{d \bar{t}} \tag{15}$$

gemessen werden. Oft ist es bequemer, als Maß die Winkelgeschwindigkeit

 $m = \frac{d\,\varphi}{dt} \tag{16}$

zu verwenden, für die sich nach GI. (15) die Beziehung ergibt

und

Nach Gl. (5a) ist

$$P = m \frac{du}{dt}. ag{18}$$

Durch Multiplikation mit r wird daraus unter Beachtung von Gl. (17)

$$Pr = mr^2 \frac{d\omega}{dt}. ag{10}$$

Die Größe

$$\mathfrak{M} := Pr$$

ist das Drohmoment der Kraft P am Hebelarm r. Die Größe

$$J = mr^2 \tag{20}$$

heißt man das Trägheitsmoment der Masse m hinsichtlich der Drehachse. Unter Einführung dieser Bezeichnungen schreibt sich Gl. (19)

$$\mathfrak{M} = J \frac{d \, \omega}{d \, t} \tag{21}$$

Das Verhältnis $d\omega:dt$ wird die Winkelbeschleunigung genannt.

Die Arbeit, die während der Drehung um den Winkel $d\phi$ verrichtet wird, ist

$$dA = Pds = Prd\varphi = \mathfrak{M}d\varphi$$
,

oder nach Gl. (8) und Gl. (20)

$$dA = d\left(\frac{mu^2}{2}\right) = d\left(\frac{mr^2 \omega^2}{2}\right),$$

$$dA = d\left(\frac{J\omega^2}{2}\right).$$

Die kinetische Energie des rotierenden Massenpunktes ist somit

$$A = \frac{J\omega^2}{2} .1 \tag{22}$$

Die augenblickliche Leistung ist

$$L = \frac{dA}{dt}$$
;

mit Rücksicht darauf, daß

$$dA = \mathfrak{M} \omega$$

und

$$\frac{d\varphi}{dt} = d\omega$$
,

ergibt sich

$$L = \mathfrak{M}\omega^{-2} \tag{23}$$

Bei der gleichförmigen Drohbewegung benützt man als Maß der Geschwindigkeit die Umlauf- oder Drehzahl n, d. h. die Anzahl der Umläufe oder Drohungen in der Minute. Der Zusammonhang mit der Winkelgeschwindigkeit ω orgibt sich aus der Beziehung

 $\omega = \frac{2\pi n}{60} = \frac{n}{9,5492} = 0,1047 n$ $n \sim 9,55 \omega.$ (24)

oder

Zwischen der Drehzahl n und der Umfangsgeschwindigkeit u im Durchmesser d besteht folgender Zusammenhang:

folgender Zusammenhang:
$$u = \frac{\pi n d}{60} = \frac{n d}{19,1}$$

$$n = \frac{19,1 u}{d}$$

$$d = \frac{19,1 u}{n}$$

$$(25)$$

Bezeichnet N die Leistung in Pferdestärken zu je 75 mkg/sek, so ist die Leistung, in mkg/sek ausgedrückt,

$$L=75N$$
.

Nach Gl. (23) und (24) kann man auch schreiben

$$L = \frac{\mathfrak{M} n}{9.55}.$$

¹⁾ Hat man es statt mit einem einzelnen Punkte mit einem System starr miteinander verbundener Punkte zu tun, so ist als Trägheitsmoment einzuführen $J = \mathcal{L}(mr^2)$.

²⁾ Die Analogie zwischen den Gl. (21), (22) und (23) einerseits und den Gl. (5a), (9) und (10) andererseits ist in die Augen fallend.

Beim Gleichsetzen dieser beiden Ausdrücke für L erhält man

$$\mathfrak{M} = 716,2 \frac{N}{n} \text{ mkg}$$

$$N = \frac{\mathfrak{M}n}{716,2} \text{ PS.}$$
(26)

7. Krummlinige Bewegung. Wonn die wirksamen Kräfte bzw. ihre Resultante in die Richtung der Bewegung fallen, so geht diese nach einer gradlinigen Bahn vor sich. Wo diese Voraussetzung nicht zutrifft, entsteht eine krummlinige Bewegung.

Da man sowohl die Kräfte als auch die Geschwindigkeiten und die Beschleunigungen nach dem Parallelogramm zusammensetzen und zerlegen kann, so läßt sich jede ebene krummlinige Bowegung in zwei, und jede Bewegung mit räumlich gekrümmter Bahn in drei geradlinige Bewegungen auflösen, für die die betreffenden Komponenten der wirksamen Kräfte maßgebend sind.

Wirken auf einen Punkt von der Masse m verschieden gerichtete Krifte P_1 , P_2 , P_3 ..., von denen jede für sich die Beschleunigungen $p_1, p_2, p_3 \ldots$ hervorbrächte, donon also der Massenpunkt die Trägheitskräfte (mp_1) , (mp_2) , (mp_3) ... entgegensetzt, so ist nach dem Prinzip von d'Alembert

 $P_2 + (m p_2) = 0$, $P_3 + (m p_3) = 0$ $P_1 + (m p_1) = 0,$ usw. Daher ist auch die Resultante sämtlicher wirksamen und Trägheitskräfte gleich null, also

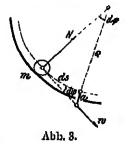
Res
$$[P_1, P_2, P_3, \dots (mp_1), (mp_2), (mp_3), \dots] = 0.$$
 (27)

Es ist, anders ausgedrückt, jede Kraft gleich der negativ genommonon Rosultanten aller übrigen Kräfte1).

8. Gezwungene Bewegung längs einer festen, gekrämmten Rinne. Gezwungen nennt man eine Bewegung, der durch feste Körper eine bestimmte Bahn vorgeschrieben wird. Es soll der Zwang durch eine ebene gekrümmte Rinne ausgeübt werden, längs der sich ein Massenteilehen

m bewegen muß. Die Rinne sei in einer wagrechten Ebene enthalten, so daß die Schwerkraft nicht zur Wirkung gelangt; weitere Krüfte seien nicht vorhanden und die Bewegung sollreibungs frei sein.

Das Toilchon m bewegt sich in der Zeit dt um den Betrag de längs der Rinne. Wäre diese nicht vorhanden, so würde sich das Teilehen mit der Geschwindigkeit w, die es augenblicklich besitzt, geradlinig in der Richtung der Tangente weiterbewegen und sich in der Zeit dt um die Streeke a



(s. Abb. 3) von der Bahn nach außen entfernen. Um den Massenpunkt tatsächlich auf der Bahn zu erhalten, muß die Rinne dem Ausbrechen

¹⁾ Fügt man also zu den wirksamen Kräften noch die Trägheitskräfte hinzu. so last sich jede dynamische Aufgabe gerade so behandeln, als ob statisches Gleichgewicht bestände.

des Teilchens einen gewissen Widerstand N entgegensetzen, den man als Bahnwiderstand bezeichnet. Da nach der Voraussetzung die Reibung fehlt, muß derselbe normal zur Rinnenwand gerichtet sein, da die Rinne keine anders gerichteten Kräfte auszuüben vermag; es sind also keine tangentialen Komponenten verhanden, und die Bewegung

längs der Rinne erfolgt mit unveränderlicher Geschwindigkeit.

Die Größe des Bahnwiderstandes ergibt sieh aus folgender Betrachtung. Man kann die Bewegung, die sieh in der Zeit dt tatsächlich vollzieht, in zwei unabhängige Bewegungen zerlegen, von denen die erste tangential verläuft, während durch die zweite das Teilehen in radialer Richtung auf die wirkliche Bahn zurückgeführt wird. Diese zweite Bewegung stellt sieh als die Wirkung des Bahnwiderstandes N dar, und da dieser für die unendlich kleine Zeit dt als unveränderlich gelten kann, ist er als die konstante Kraft bestimmt, die die Masse m von der Anfangsgeschwindigkeit null aus in der Zeit dt längs der Strecke a bewegt. Nach Gl. (14) ergibt sieh für die konstante Beschleunigung dieser Bewegung, indem man a für s und dt für t einsetzt, der Ausdruck

$$p = \frac{2a}{dt^2}. (28)$$

Die Streeke a, um die das Teilchen von der gradlinigen Bahn abgelenkt wird, heißt die Deviation (von lat. via = Weg); nach Abb. 3 läßt sich dafür der Ausdruck ableiten (wenn unendlich kleine Größen höherer Ordnung vernachlässigt werden)

$$a = \frac{1}{2} ds d\varphi$$
.

Damit erhält man aus Gl. (28)

$$p = \frac{ds}{dt} \frac{d\varphi}{dt}.$$

Da nach der Definitionsgleichung (1)

$$\frac{ds}{dt} = w$$

und da ferner nach Abb. 3

$$d\varphi = \frac{ds}{\rho}$$
,

wo ϱ den Krümmungshalbmesser bedeutet, erhält man sehließlich

$$p = \frac{w^2}{\varrho}. \tag{29}$$

Der Bahnwiderstand ist somit

$$N = m p = m \frac{w^2}{\rho} . \tag{30}$$

Diese Kraft, die nach dem Krümmungsmittelpunkt gerichtet ist und darum die Zentripotalkraft genannt wird (von lat. petere = zustreben), hält das Teilehen auf der Bahn. Mit einer ebense großen Kraft sucht das Teilehen vermöge seiner Trägheit der Ablenkung durch die Rinne zu widerstreben. Da diese Gegenkraft vom Krümmungsmittelpunkt nach außen gerichtet ist, wird sie die Zentrifugalkraft genannt (von lat. fugere = flichen). Die Zentrifugalkraft ist eine Trägheitskraft; sie ist die Reaktion des abgelenkten Teilehens gegen die ablenkende Rinne.

• 9. Allgemeiner Fall. Die Rinne habe eine beliebige doppelte Krümmung, und der Massenpunkt stehe unter dem Einflusse beliebiger äußerer Kräfte. Findet die Bewegung unter Reibung statt, so steht der Bahnwiderstand nicht mehr rechtwinklig zur Bahntangente; denn er setzt sich zusammen aus dem Normaldruck N und der rückwärts gerichteten Reibung R.

Auf das Massenteilehen wirken nach Abb. 4 folgende Kräfte:

die Resultante P der sämtlichen äußeren

Kräfte;

der Bahnwiderstand B.

An Beharrungskräften sind zu verzeichnen: der Widerstand (mp), der sich der tatsächlichen Beschleunigung p entgegensetzt; die Zentrifugalkraft (C).

Nach dem Prinzip von d'Alembert stehen diese Kräfte alle im Gleichgewicht.

$$Res[P, B, (mp), (C)] = 0$$
.

Daraus ergibt sich für den Bahnwiderstand

$$B = -\operatorname{Res}[P, (mp), (C)].$$

Die Rückwirkung aber, die das bewegte Teilehen auf die Rinne ausübt, ist

Abb.

$$W = -B$$

oder
$$W = \operatorname{Res} [P, (mp), (C)].$$
 (31)

Die Rückwirkung des bewegten Massenteilehens auf die Rinne ist gleich den Resultanten der äußeren Kräfte

und der Beharrungskräfte.

Es befremdet, daß in dem Ausdrucke für die Rückwirkung auf die Rinne die Reibung R nicht vorkommt, da diese doch einen entsprechenden Schub in der Bewegungsrichtung darauf ausüben muß. Der scheinbare Widerspruch läßt sich indessen leicht erklären. Da die taugentiale Komponente von P gleich $P\sin\alpha$ ist, wenn unter α der Winkel verstanden wird, den P mit der Bahnnermalen einschließt, erhält man für die beschleunigende Kraft:

$$mp = P \sin \alpha - R$$
.

Man erkennt, daß in Gl. (31) der Einfinß der Reibung indirekt in der Größe (mp) zur Geltung kommt.

Für die Untersuchung der Bewegung längs der Rinne ergibt die

Gleichung

$$p = \frac{d^3s}{dt^3} = \frac{P \sin \alpha - R}{m}$$

den Ausgangspunki.

10. Schlofe Ebene. Als Beispiel soll die gleitende Bewegung eines materiellen Punktes auf einer schiefen Ebene behandelt werden, die nach Abb. 5 mit dem Horizont den Winkel α einschließt. Als äußere Kraft kommt nur das Eigengewicht des Punktes

$$P = mg$$

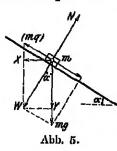
ein Betracht. Die einzige Beharrungskraft ist (mp), wenn p die Beschleunigung der Gleitbewegung und m die Masse des Punktes bezeichnet. Die Rückwirkung auf die Unterlage ist somit nach Gl. (31)

$$W = \operatorname{Res}[P, (mp)].$$

Für die wagrechte und die senkrechte Komponente derselben erhält man nach Abb, 5

$$X = mp \cos \alpha Y = mg - mp \sin \alpha.$$
 (32)

Die senkrechte Komponente Y ist um den Betrag der entsprechenden Komponente des Beharrungswiderstandes kleiner als das Eigen-



gowicht. Es wird eben ein Teil der Schwerkraft für die Beschleunigung verbraucht, so daß nur der Rest als Belastung wirksam bleibt. Auffällig ist, daß die Ebene einen rückwärts gerichteten Horizontalschub X erfahren soll, ebwohl nur die sonkrecht wirkende Schwerkraft vorhanden ist. Auch diese Erscheinung hängt mit der Beschleunigung zusammen. Wäre der Massenpunkt fest mit der Ebene verbunden, so entstünde kein Horizontalschub und die Ebene würde durch das volle Gewicht belastet. Sobald aber die Verbindung ge-

löst würde, träte alsbald der rückwärts gerichtete Schub und die senkrechte Entlastung auf.

Für die beschleunigende Kraft erhält man mit Rücksichtnahme auf die Reibung ${\cal R}$

 $mp = mg \sin \alpha - R$.

Bezeichnet N den Normaldruck und μ den Koeffizienten der Reihung zwischen dem gleitenden Können und den schiefen Ehene, so wöre

Bezeichnet W den Normaldruck und μ den Koeffiziehten der Reibung zwischen dem gleitenden Körper und der schiefen Ebene, so wäre nach den gebräuchlichen Anschauungen über das Wesen der Reibung

$$R = \mu N = \mu mg \cos \alpha$$
,

und daher

$$mp = mg (\sin \alpha - \mu \cos \alpha).$$

Setzt man diesen Ausdruck in Gl. (32) ein, so erhält man für die beiden Komponenten der Rückwirkung auf die schiefe Ebene

$$X = mg \left(\sin \alpha - \mu \cos \alpha \right) \cos \alpha$$

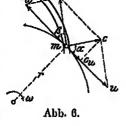
$$Y = mg \left[1 - \left(\sin \alpha - \mu \cos \alpha \right) \sin \alpha \right].$$
(33)

Ist der Reibungskoeffizient konstant, so sind es auch die beiden Komponenten. Wenn die Reibung mit der Geschwindigkeit wächst, so kommt der Augenblick, wo die Beschleunigung null wird. Damit verschwindet auch der Horizontalschub, und die Unterlage hat das volle Gewicht des gleitenden Körpers zu tragen.

11. Absolute und relative Bewegung in einer rotlerenden Rinne. Eine Rinne von beliebiger Krümmung drehe sich mit der Winkelgeschwindigkeit wum eine feste Achse; ein Punkt m bewege sich nach Abb. 6 mit der Geschwindigkeit w längs der Rinne. Da er daneben noch

in dem gegebenen Augenblick mit der Rinne gemeinsam die Geschwindigkeit $u = r\omega$ besitzt, webei r den augenblicklichen Abstand von der Achse bedeutet, so ist seine absolute Geschwindigkeit σ nach Größe und Richtung die Resultante der relativen Geschwindigkeitw und der Geschwindigkeitu des Systemoder Rinnenpunktes.

Will man umgekehrt aus der absoluten Geschwindigkeit c die relative Geschwindigkeit w finden, so hat man zu der absoluten Geschwin-



digkeit nur noch die Umfangsgeschwindigkeit des Systempunktes im umgekehrten Sinne hinzuzufügen.

Sind α und β nach Abb. 6 die Winkel, die die Richtungen der absoluten und der relativen Bewegung mit der Umfangstangente einschließen, und wird α von +u, β von -u aus gemessen, so ergeben sich die beiden Beziehungen

$$c^2 = u^2 + w^2 - 2 uw \cos \beta$$
,
 $w^2 = c^2 + u^3 - 2 cu \cos \alpha$.

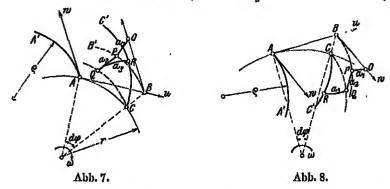
Für die Umfangskomponente der absoluten Geschwindigkeit c erhält man die beiden Ausdrücke

$$c_u = u - w \cos \beta ,$$

und

 $c_{u} = c\cos\alpha\,.$ Mit letzterem kann man die zweite der beiden obenstehenden

Gleichungen schreiben $w^2 = c^2 + u^2 - 2uc_u. \tag{34}$



12. Satz von Coriolis. Auf der in Abb. 7 und 8 angedeuteten, ebenon Rinne AA', die sich mit der Winkelgeschwindigkeit ω um eine feste Achse normal zu ihrer Ebene dreht, befindet sich augenblicklich in A ein Punkt von der Masse m, der längs der Rinne die relative Ge-

schwindigkeit w und mit ihr gemeinsam die Umfangsgeschwindigkeit $u=r\omega$ besitzt. Vermöge dieser beiden Geschwindigkeiten würde er ohne die Ablenkung durch die Rinne nach der Zeit dt eine Stellung O erreichen, die man findet, indem man $AB=u\,dt$ in der Richtung der Umfangstangente und $BO=w\,dt$ in der Richtung parallel zur Bahntangente aufträgt. Tatsächlich gelangt er aber in eine Stellung R, die sich ergibt, wenn man die Rinne eine Drehung um die Achse im Betrage von $d\varphi=\omega\,dt$ machen läßt, wobei sie in die Lage OO' gelangt, und von C aus den Bogen $OR=w\,dt$ abmißt. Der Punkt erfährt somit durch die Rinne gegenüber der freien Bewegung eine Deviation a=OR, der nach GL (28) eine Beschleunigung

 $p = \frac{2a}{dl^2}$

und ein Bahnwiderstand

$$B = mp = 2 m \frac{a}{dt^2}$$

entspricht.

Die Deviation a läßt sich nicht wohl als Ganzes ausdrücken; sie läßt sich aber in einzelne Teile zerlegen, die man leicht bestimmen kann¹). Diese ergeben sich aber, indem man die ganze Bewegung selbst in folgende Teile zerlegt.

- 1. Die Rinne AA' wird durch eine Parallelverschiebung in der Richtung der Umfangstangente im Betrage von udt in die Lage BB' gebracht.
- 2. Der Massenpunkt erhält eine Bewegung in der Richtung der Bahutangente um den Betrag wdt. Er befindet sich jetzt in der Stellung O, die er nach der Zeit dt einnähme, wenn er nicht durch die Rinne abgelenkt würde.
- 3. Das Massenteilehen wird von O in der Richtung des Krümmungshalbmessers der Bahn nach P auf der Rinne verscheben. Dies gibt eine Deviation $a_1 = OP$. Die zugehörige Beschleunigung ist nach Gl. (29)

 $p_1 = \frac{w^2}{\varrho} \,. \tag{36}$

wobei ø den Krümmungshalbmesser der Bahn bedeutet.

4. Die Rinne wird samt dem Massenpunkt parallel zu sich selbst derart verscheben, daß B einem Halbmesser entlang nach C gelangt. Es entsteht hierbei eine Deviation $a_2 = PQ = BC$, und dieser entspricht nach Gl. (29) die Beschleunigung

$$p_2 = \frac{u^2}{r} = r \, \omega^2 \,. \tag{36}$$

5. Durch eine Schwenkung um den Punkt C im Betrage von $d\varphi$ im Sinne der Drehung des Systems wird der Kanal in die Endstellung

¹) Da die Deviationen den Kräften proportional sind und mit ihnen dieselbe Richtung haben, geht ihre Zerlegung und Zusammensetzung in derselben Weise vor sich wie für die Kräfte.

CC' gebracht. Hierbei wird eine Deviation $a_0 = QR = CQd\varphi = wdtd\varphi$ orzeugt, die man, da $d\varphi = wdt$ ist, auf die Form bringen kann

$$a_3 = \omega w dt^2$$
.

Sie ist nach Gl. (28) das Ergebnis einer Beschleunigung

$$p_3 = \frac{2 a_3}{d t^3} = 2 \omega w. (37)$$

Von diesen drei Teilbeschleunigungen (35), (36) und (37) wird die erste

 $p_1 = \frac{w^2}{\varrho}$

als die Zentripetalbeschleunigung der relativen Bewegung bezeichnet. Sie ist in der Schmiegungsebene der Rinne enthalten und steht normal zur Bahn mit der Richtung nach dem Krümmungsmittelpunkt. Die zweite Beschleunigung

$$p_2 = \omega^2 r$$
,

die radial einwärts gerichtet ist, heißt die Zontripetalbeschleunigung des System- oder Rinnenpunktes.

An der Entstehung der dritten Beschleunigung

$$p_{s} = 2 \omega w$$

ist sowohl die relative als auch die Drehbewegung um die Achse beteiligt; sie wird darum — nicht sehr glücklich — als die zusammen-

gosetzte Zentripetalbeschleunigung bezeichnet. Sie steht normal zur Rinne und ist in der Parallelkreisebene enthalten. Gegenüber der Stellung, die der Massenpunkt unmittelbar zuver einnahm, ergibt sie einen Drehungssinn, der mit demjenigen des Systems übereinstimmt.

Diesen drei Beschleunigungen setzt das (P₁)
(P₂)
(P₃)
(P

Massenteilehen die entsprechenden Beharrungs- oder Zentrifugalkräfte entgegen

 $\begin{array}{l}
(P_1) = m \frac{w^3}{\varrho} \\
(P_2) = m \omega^2 r \\
(P_3) = 2 \, m \, \omega w .
\end{array}$ (38)

Die Richtungen derselben sind in Abb. 9 für den Fall eingetragen, wo das Teilehen sich auswärts bewegt und in Abb. 10 für die einwärtsgehende Bewegung.

Gestalt an

Wirken auf den Massenpunkt noch weitere Kräfte ein, die die Resultante P ergeben mögen, so läßt sich nach Gl. (31) die Rückwirkung auf die Rinne durch das Symbol ausdrücken

$$W = \text{Res}[P_1(P_1), (P_2), (P_3), (mp)]. \tag{39}$$

Dabei ist der Einfluß der Reibung bereits in (mp) enthalten,

braucht also nicht besonders eingeführt zu werden.

Für die Bewegung längs der Rinne fallen nur die Kraftkomponenten in der Richtung der Bahntangente in Betracht; daher hat man sich mit den Beharrungskräften (P_1) und (P_3) , die normal dazu stehen, gar nicht mehr zu befassen. Bezeichnet α den Winkel zwischen w und P, und β denjenigen zwischen w und (P_2) , bedeutet ferner R die Reibung des Teilchens auf der Rinne, so ist

$$mp = P\cos\alpha + (P_2)\cos\beta - R \tag{40}$$

und damit läßt sich die Bewegung des Punktes auf der Rinne vorfolgen. Stünde die Rinne still, so fielen die Beharrungskräfte (P_2) und (P_3) dahin und es verblieben nur noch die Kräfte P, (P_1) , (mp) und die Reibung R übrig. Die beiden Gl. (39) und (40) nähmen dann die

$$W = \text{Res}[P, (P_1), (mp)],$$

$$mp = P \cos \alpha - R.$$

In den Beharrungskräften (P_2) und (P_3) kommt also der Einfluß der Drehung des ganzen Systems zum Ausdruck und es ergibt sich folgender Satz, der als der Satz von Coriolis bekannt ist:

Wenn man zu den wirkenden Kräften P, (P_1) , (mp) und R noch die beiden fingierten, scheinbaren oder ergänzenden Kräfte

$$(P_{\mathfrak{A}}) = m\omega^2 r,$$

$$(P_{\mathfrak{A}}) = 2 m\omega w$$

hinzufügt, so geht die Bewegung längs der stillstehenden Rinne gerade so vor sich, wie wenn sich die Rinne drehen würde.

Zieht man diese fingierten oder scheinbaren Beharrungskräfte mit in Betracht, so gilt nach Gl. (39) auch hier der in Absehn. 9 entwickelte Satz, daß die Rückwirkung des Massenteilchens auf die Rinne gleich der Resultanten sämtlicher äußeren und Beharrungskräfte ist

Sind also die wirklichen Kräfte bekannt, so braucht man nur noch die Ergänzungskräfte (P_2) und (P_3) hinzuzufügen und kann dann

gerade so rechnen, als ob die Rinne in Ruhe wäre.

Wenn die wirklichen Krifte nur von der Lage des Massenpunktes im System abhängen, so ist die Untersuchung leicht zu führen. Die Rochnung wird aber schwierig, wenn diese Bedingung nicht erfüllt ist. Wenn z. B. die Bewegung unter dem ausschließlichen Einflusse der Schwerkraft bei wagerechter Lage der Drehachse vor sich geht, so hat zwar die Schwerkraft, absolut genommen, stots dieselbe Richtung; sie ändert aber ihre Richtung gegenüber dem beweglichen System fortwährend. (Ponceletrad.)

Der Fall, wo die Rinne doppelt gekrümmt ist, wird am übersichtlichsten in der Weise behandelt, daß man die Bewegung in eine Parallelkreisebene und auf die Achse projiziert. Für die Bewegung in der Parallelkreisebene ist der Satz von Coriolis ohne weiteres anwendbar. Die axiale Bewegung wird uns in der Regel nicht weiter interessieren, da sie keinen Beitrag zum Drehmoment der Rückwirkung auf die Rinne liefert.

18. Sonderfall. Längs der in Abb. 11 gezeichneten ebenen Rinne, die sich in ihrer Ebene gleichförmig um eine feste Achse dreht, bewegt sich ein Massenteilehen reibungsfrei einwärts ohne die Einwirkung irgendwolcher äußeren Kräfte. Es soll die Bewegung desselben untersucht werden.

Nach dem Satz von Coriolis hat man zu den wirkenden Kräften nur noch die Ergänzungskräfte $(P_{\mathfrak{g}})$ und $(P_{\mathfrak{g}})$ hinzuzuftigen, um gerade so rochnen zu können, als ob die Rinne in Ruhe wäre. An wirkenden Kräften kommt nur

$$W = -(P_1)$$

in Betracht. Da indessen sowohl diese als auch (P_3) normal zur Rinne stehen, bleibt nur die Projektion von (P_2) auf die Richtung der Rinnentangente in der Rechnung. Die Bewegung längs der

Rinne steht also nur unter dem Einflusse von

$$T = (P_n) \cos \beta$$
,

wenn β den Winkel zwischen w und (P_z) bedeutet. Nach Gl. (8) ist

$$Tds = mvdm$$

und da nach Gl. (38)

$$(P_2) = m\omega^2 r$$

und ferner

$$ds \cos \beta = dr$$
,

erhält man aus diesen drei Beziehungen

$$\omega^2 r dr = w dw$$

als Differenzialgleichung der Bewegung längs der Rinne.

Integriort man zwischen einem äußeren und einem inneren Punkte, für die Halbmesser und die relativen Geschwindigkeiten mit r_1 und w_1 bzw. r_2 und w_3 bezeichnet sein mögen, so erhält man

$$\omega^{2} (r_{1}^{2} - r_{3}^{2}) = w_{1}^{2} - w_{3}^{2}$$

$$u_{1}^{2} - u_{2}^{2} = w_{1}^{2} - w_{2}^{2}$$

odor

wobei u_1 und u_2 die Umfangsgeschwindigkeiten der betreffenden Punkte bedeuten.

Die Bewegung, die unter dem Einflusse von (P_2) verzögert verläuft, hört ganz auf, wenn $w_2 = 0$ wird, also wenn

$$r_2^2 = r_1^2 - \frac{w_1^2}{\omega^2}$$

oder

$$r_{3}^{2} = r_{1}^{2} \left(1 - \frac{w_{1}^{3}}{u_{1}^{3}} \right). \tag{41}$$

Macher-Dubs, Wasserturbinen. ' A

Abb. 11.

Von dort an kehrt der Massenpunkt wieder längs der Rinne zurück und passiert den äußeren Punkt mit der anfänglichen Geschwindigkeit w_1 in umgekehrter Richtung. Wenn $w_1=u_1$ ist, kommt der Körper erst im Mittelpunkte zur Ruhe. Ist aber $w_1>u_1$, so wird r_2 imaginär, d. h. die Bowegung hört nicht auf.

Es ist tibrigens leicht einzuschen, daß diese Betrachtungen ohne weiteres auch für eine beliebige doppelt gekrümmte Rinne gelten.

II. Hydrostatik.

2. Gleichgewicht im ruhenden Wasser.

14. Oberfläche einer ruhenden Wassermasse. Steht eine gefaßte, ruhende Wassermasse unter dem ausschließlichen Einflusse der Schwerkraft, so stellt sich ihre Oberfläche wagrecht ein. Wenn dem nicht so wäre, so müßten die höher liegenden Teilehen so lange über die andern herunterfließen, bis alle gleich tief stehen¹).

15. Kommunizierende Röhren. An dieser Tatsache wird nichts geändert, wenn man nach Abb. 12 einen festen Körper teilweise in die

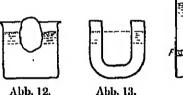


Abb. 14.

Wassermasse eintaucht. Es wird auch dann nichts daran geändert, wenn man sich den eingetauchten Körper nach vorn und nach hinten bis zur Berührung mit den Gefäßwänden ausgedehnt denkt. Es stellt

sich somit der Wasserspiegel in den beiden Schenkeln der kommunizierenden Röhren (Abb. 13) auf dieselbe Höhe ein.

16. Druck im Innern einer ruhenden Wassermasse. Denkt man sich in den einen senkrechten, zylindrischen Schenkel der kommunizierenden Röhren (Abb. 14) einen gewichtlosen Kolben von verschwindend kleiner Dieke reibungsfrei eingebaut, so wird hierdurch das Gleichgewicht nicht gestört. Man kann nunmehr die über dem Kolben stehende Wassersäule entfernen und das Gleichgewicht dadurch bewahren, daß man an ihrer Stelle eine Kraft P von geeigneter Größe senkrecht auf den Kolben drücken läßt. Die weggenommene Wassermasse ruhte offenbar nur auf dem Kolben, indem ihr ja die senkrechten Wände keine Stütze bieten konnten. Daraus geht herver, daß die Kraft P gleich dem Gewicht der Wassermasse sein muß, die sie ersetzen soll.

¹⁾ Wirken irgendwelche beliebig gerichteten Kräfte auf das Wasser, so nimmt der Spiegel eine Lage normal zu ihrer Resultanten ein.

Bezeichnet man mit γ das Gewicht der Volumeneinheit oder das spezifische Gewicht des Wassers¹) und bedeutet F die Kolbenfläche, so hat man

 $P = F I I \gamma . (42)$

Auf die Flächeneinheit wirkt in einer Tiefe II unter dem Wasserspiegel in senkrechter Richtung der spezifische Druck

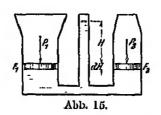
$$p = H\gamma . (43)$$

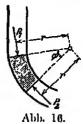
Es seien in die beiden äußeren der drei kommunizierenden Röhren in Abb. 15 in derselben Höhe zwei unendlich dünne, gewichtlese Kolben eingesetzt und durch Käfte P_1 und P_2 gegenüber dem gefüllten Mittelsehenkel im Gleichgewicht gehalten. Sind F_1 und F_2 die Kolbenflächen, so bestehen nach dem vorigen die Beziehungen

$$P_1 = F_1 H \gamma$$
 and $P_2 = F_2 H \gamma$.

Nimmt man die Kräfte weg und füllt man die Außenschenkel bis auf die Höhe H des Mittelschenkels mit Wasser auf, so muß nach

Absehn. 15 wieder Gleichgewicht vorhanden sein; die Kräfte P_1 und P_2 sind also durch die Auffüllung vollständig ersetzt worden. Die Wirkung der Auffüllung ist unabhängig von der Gestalt des Gefäßes und hängt nur von der Größe der Kolbenfläche und von der Tiefe





unter dem Wasserspiegel ab. Somit ist der spezifische Druck in senkrechter Richtung unabhängig von der Gestalt des Gofäßes; er wird nur durch die Tiefe unter dem Spiegel und durch das spezifische Gewicht der Flüssigkeit bestimmt.

17. Prinzip von Pascal. In dem kreisförmig gebogenen Teil einer kommunizierenden Röhre nach Abb. 16 denke man sich den zwischen den Schenkeln des Winkels φ eingeschlossenen Teil der Wassermasse fest geworden, dabei aber als Ganzes beweglich geblieben. Unter der Voraussetzung, daß man das Eigengewicht dieser Wassermasse als verschwindend klein ansehen könne, besteht Gleichgewicht, wenn

$$P_1 r = P_2 r$$

$$P_1 = P_3 .$$

oder

Da nun tatsächlich Gleichgewicht besteht, ist daraus der Schluß zu ziehen, daß der Wasserdruck auf die beiden Endflächen derselbe ist oder daß sich der Druck im Wasser nach allen Richtungen

¹⁾ Bei einer Temperatur von 4º Celsius hat das Wasser seine größte Diehte. Its besitzt in diesem Zustand ein Gewieht von 1 kg auf 1 edm oder von 1000 kg auf 1 ebm. Der Einfluß der Ausdehnung durch die Wärme ist gering; es beträgt z. B. bei 20º die Abnahme des spezifischen Gewiehtes nur 1,8 Tausendstel. Man nimmt daher bei teelmischen Rechnungen keine Rücksicht darauf und rechnet mit $\gamma=1000$ kg pro 1 ebm.

gleichmäßig fortpflanzt. Dieser Satz ist unter dem Namen des Prinzips von Pascal bekannt.

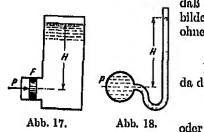
Der Druck auf den Kolben F in Abb. 17 ist somit immer

$$P = FH_{\gamma}$$
,

wie auch seine Achse gerichtet sein möge.

18. Maß des Druckes. Der Druck im Innern einer ruhenden Wassermasse wird durch die Tiefe des betreffenden Punktes unter dem Wasserspiegel gemessen. We dieser nicht zugänglich ist oder we ein freier Wasserspiegel gar nicht besteht, wie bei einem allseitig geschlossenen Gefäße, benutzt man besondere Meßinstrumente, um den Druck zu bestimmen.

Das Piezometer (von griech, piezo = ich drücke) besteht nach Abb. 18 aus einer oben offenen, heberförmigen Röhre, die unten an das Gefäß angeschlossen ist und nach oben soweit empor geführt wird,



daß sich darin ein freier Wasserspiegel bilden kann. Die Piezometerhöhe $Iar{I}$ mißt ohne weiteres den Druck im Gefäß. Es ist

$$p = H\gamma \tag{44}$$

Mißt man H in Zentimeter, so ist, da das Gewicht von 1 com gleich 1 g ist,

$$p = H_{\rm g/qcm}$$

$$p = \frac{H}{1000} \, \text{kg/qcm} .$$

Man wird es meistens verziehen, H in Meter zu messen; dann ist

$$p = \frac{II}{10} \log/\text{qom} . \tag{44 a}$$

Der Druck von 1 kg/qcm wird als Atmosphäre bezeichnet1). Ein Druck von einer Atmosphäre entspricht dom

Drucke einer Wassersäule von 10 m Höhe. Eine Wassersäule von 1 mm bringt auf 1 qm einen Druck von 1 kg hervor.

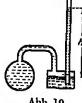


Abb. 19.

Das Piezometer ist sohr geeignet, eine deutliche Vorstellung von den Druckverhältnissen zu geben. Eur wirkliche Messungen ist es nur verwendbar, wenn es nicht zu hoch wird, wenn also die Drücke klein sind. Für höhere Drücke verwendet man verschiedene Formen des Manomoters (von lat. manus = Hand, hier im Sinne von Kraft).

Das Quecksilbermanometer (Abb. 19). An die Stelle der Wassersäule tritt eine Quecksilbersäule. Die Höhe II, mit dem spezifi-

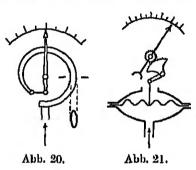
¹⁾ Der mittlere Atmosphärendruck in Meereshöhe wird durch eine Queeksilbersäule von 760 mm bei 0° gemessen. Dies ergibt bei einem spezifischen Gewicht des Quecksilbers von 13,596 einen Druck von 1,0336 kg/qem. Die Technik setzt der Bequemlichkeit wegen für die Atmosphäre einen Druck von 1 kg/qem in ihre Rechnungen. Der technischen Atmosphäre entspräche eine Quecksilbershule von 735,5 mm bei 0°.

schen Gewichte des Quecksilbers multipliziert, gibt den Piezometerstand. Auch dieses Instrument ist für größere Drücke unhandlich und

zudem schwer transportabel; es wird daher selten gebraucht.

Das Federmanometer besteht aus einem elastischen Metallgefäß, das mit dem Druckraum in Verbindung gebracht wird und je nach dem Drucke seine Form etwas verändert. Diese Anderung wird durch ein Zeigerwerk in stark vergrößertem Maßstab zur Anschauung gebracht. Die Skala muß durch den Versuch bestimmt werden, wobei ein

Quecksilbermanometer zur Kontrolle zu bonutzen ist. Das Manometer von Bourdon (Abb. 20) besitzt als clastisches Gefäß eine gebogene Röhre von flachem Querschnitt. Bei zunehmendem Drucke strebt der Querschnitt der Kreisform zu und daboi strockt sich die Röhre. Beim Manemeter von Schäffer & Budenberg (Abb. 21) wird die Durchbiegung einer kreisförmig gewellten Platte zum Messen des Druckes benutzt.



Die Manometerfedern ändern sich

beim Gebrauch wie alle Federn. Ihren Angaben ist daher Vorsicht entgegenzubringen, und eine häufige Kontrolle, am besten mittels Queeksilbermanometers, ist unerläßlich. Wird das Federmanometer zur Bestimmung des wirklichen Gefälles einer Hochdruckturbine

gebraucht, so lasson sich seine Angaben bei geschlossener Turbine (statisches Gefälle) durch den Vergleich mit dem durch Nivellement gemessenen Gefälle nachprüfen 1).

19. Negatiyer Druck, Füllt man ein Gefäß durch Eintauchen ins Wasser und zieht man es nach Abb. 22 in umgestûrzter Lage wieder heraus, doch so, daß der Rand noch eingetaucht bleibt, so wird man finden, daß das Wasser nicht ausläuft. Die Erscheinung ist auf den



Druck der äußeren Luft zurückzuführen. 1st a der Druck der Atmosphäre auf die Flächeneinheit und p der Druck an der höchsten Stelle, so wirkt auf den Querschnitt F in der Höhe des Wasserspiegels von oben der Druck $F(p + H\gamma)$ und von unten der Druck Fa, und da sich diese beiden Drücke im Gleichgewicht halten, ergibt sich

$$p = a - H\gamma. \tag{45}$$

Die Höhe H kann nicht größer werden, als daß

$$II \gamma = a$$

p=0.

oder Zöge man das Gefäß noch weiter heraus, so bliebe die Flüssigkeit stehen, da p nicht negativ werden kann, und über der Flüssigkeit würde

¹⁾ Die im Handel verkemmenden Federmanemeter besitzen in der Regel zum Anschluß ein Gasgowindo von $\frac{1}{8}$ englisch (äußerer Durchmesser = 21 mm),

sich ein luftleerer Raum bilden. Wenn der Atmosphärendruck $1\,\mathrm{kg/qem}$ beträgt, so kann für Wasser die Höhe H den Wert von $10\,\mathrm{m}$ nicht überschreiten.

Bei hydraulischen Vorgängen steht das Wasser mit seltenen Ausnahmen zu Beginn unter atmosphärischem Druck und fließt zuletzt wieder in einen Raum, der unter demselben Druck steht. Hierbei fällt der Atmosphärendruck ganz aus der Rechnung, und darum zieht man es meistens vor, ihn gar nicht erst einzuführen; man zählt den Druck erst von der atmosphärischen Pressung an; man rechnet also mit dem "Überdruck" (über die Atmosphäre)¹).

Zählt man in dieser Woise, so erhält man für den Druck im Schoitel

des Gefäßes den negativen Wert

$$p = -H\gamma. \tag{46}$$



und man spricht von einem negativen Druck, obwohl das für Flüssigkeiten eigentlich keinen Sinn hat. Es ist damit ein Druck gemeint, der kleiner als der atmosphärische ist.





Wonn es sich um Höhenunterschiede von einigen hundert Metern zwischen Anfangs- und Endpunkt des hydraulischen Vorganges handelt, so treten in den Luftdrücken oben und unten allerdings sehen recht merkliche Unterschiede auf; in Wassersäulen ausgedrückt, sind sie indessen

gegenüber dem ganzen Gefälle so unbedeutend, daß man sie selbst in solchen Fällen vernachlässigen darf.

20. Druck auf ebene Gefüßwände. Der Druck, den das Wasser auf ein Stück F der wagrechten Bodenfläche ausübt, ist nach früherem

$$P = FII\gamma$$
.

Er ist also gleich dem Gewichte der über F stehenden Wassersäule, ganz gleichgültig, ob diese vollständig vorhanden sei oder nicht (vgl. Abb. 23).

Dieser Satz gilt auch für sohräge Wandflächen; nur muß das Volumen der Wassersäule nach Abb. 24 bestimmt werden.

Den Druckmittelpunkt, d. h. den Punkt, in dem man sich den ganzen Wasserdruck vereinigt denken kann, oder in dem man die aus dem Verbande der Gefäßwand losgelöste Fläche unterstützen müßte, um das Gleichgewicht zu erhalten, findet man, wenn man vom Schwerpunkte der drückenden Wassersäule ein Lot auf die Fläche fällt. Diese Aufgaben laufen also auf Volumen- und Schwerpunktsbestimmungen eben abgeschnittener Zylinder und Prismen hinaus.

In dem Sonderfalle Abb. 25 ist ein Schützenbrett gedacht, das senkrecht in einen Kanal von der Breite B und der Wassertiefe II ein-

¹⁾ Bei den käuflichen Metallmanometern steht unter atmosphärischem Druck der Zeiger auf null; die Zahlen bedeuten Überdruck.

gesetzt ist. Das Gewicht der darüber stehenden Wassersäule und also auch der horizontal wirkende Wasserdruck hat die Größe

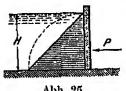
$$P = \frac{1}{2}BH^2\gamma. \tag{47}$$

Der Druckmittelpunkt liegt im unteren Drittel der Wassertiefe.

21. Druck auf gekrimmte Wände. Es soll zunächst der Fall behandelt werden, we nach dem Drucke in einer bestimmten Richtung

gefragt wird. Man wählt nach Abb. 26 in passender Lage eine Hilfsebene normal zur Druckrichtung und projiziori die Fläche F darauf. Der gesuchte Druck

ist gleich der Summe des Gewichtes der über der Projektion stehenden Wassersäule und der Komponento des Gewichtes der Wassermasse zwischen Hilfsebene und Wand, genommen in Die Ander Druckrichtung. griffsrichtungen dieser beiden Teildrücke gehen durch die



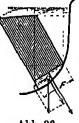


Abb. 25.

Abb. 26.

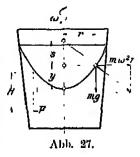
Schwerpunkte der betreffenden Wasserkörper. Sind diese ermittelt, so läßt sich auch die Resultante nach Größe und Lage bestimmen.

Führt man diese Untersuchung für drei verschiedene Druckrichtungen durch, so gelangt man schließlich dazu, den resultierenden

Druck nach Größe, Richtung und Angriffspunkt als Resultanto der drei Einzelresultanten zu findon.

Der Druck auf das ganzo Gefäß ist sonkrecht gerichtet und gleich dem Gewichte des ganzen Inhaltes. Die Angriffsrichtung geht durch den Schwerpunkt der Wassermasse.

22. Oberfläche in einem rotierenden Gefüß mit senkrechter Achso. Der Wasserspiegelnimmt nach Abb. 27 die Gestalt einer hohlen Drehfläche ein. Auf ein Teilchen von der Masse m, das in der Oberfläche liegt und einen Ab-



stand r von der Achse hat, wirken folgende Kräfte:

sonkrecht die Schwerkraft mg, radial die Beharrungskraft $(m\omega^2 r)$,

normal zur Oberfläche der Gegendruck N der Flüssigkeit.

Nach d'Alombert stohen diese Kräfte unter sich im Gleichgewicht, oder es ist der Gegondruck der Flüssigkeit

$$N = -\operatorname{Res}\left[mg, (m\omega^2 r)\right].$$

Somit stoht auch die Resultante von mg und moer normal zur Oberfläche.

Man findet aus der Ähnlichkeit der Dreiceke

$$\frac{s}{r} = \frac{mg}{m\omega^2 r}.$$

Für die Subnormale s der Meridiankuryo ergibt dies den Wert

$$s = \frac{g}{\omega^2} = \text{const.}$$

Daraus, daß dieser Wert konstant ist, geht hervor, daß die Moridiankurve eine Parabel ist, deren Achse mit der Drehachse zusammenfällt. Die Gleichung der Parabel findet sich tibrigens sefert aus der Boziehung

 $\frac{s}{r} = \frac{dr}{dv}$

oder

rdr = sdu.

Die Integration ergibt für den Scheitel als Anfangspunkt

oder

$$r^{2} = 28y y = \frac{(r\omega)^{2}}{2g} = \frac{u^{2}}{2g},$$
 (48)

wobei u die Umfangsgeschwindigkeit des Punktes bedeutet.

Für den Höhenunterschied zwischen zwei Punkten des Wasserspiegels, deren Umfangsgeschwindigkeiten u_1 und u_2 sind, bekommt man

$$y_1 - y_3 = \Delta H = \frac{u_1^2 - u_2^2}{2g}$$
 (48a)

Der Druck an irgendeinem Punkte im Innern der Wassermasso wird auch hier durch die senkrechte Tiefe unter der Oberfläche gemessen. Er ist

 $p = H_{\gamma}$.

23. Umlaufzeiger. In dem zylindrischen, oben zugeschmolzenen Glasgefäß nach Abb. 28 steigt beim Rotieren die Oberfläche der Flüssigkeit am Rande um ebensoviel über die Ruhelage hin-

auf, als sie in der Mitte sinkt, da der Querschnitt des Paraboloides dem Abstande vom Scheitel proportional ist. Es ergibt sich für die Senkung in der Mitte Abb. 28.

 $h = \frac{1}{2}H = \frac{1}{2} \cdot \frac{u^8}{2\sigma}$,

wobei

 $u = \frac{dn}{10.1}$

die Geschwindigkeit am Umfange des Gefäßes vom Durchmesser d und n die Zahl der Umdrehungen in der Minute

bedeutet. Ist die Flüssigkeit durchsichtig, so kann man die Umlaufzahl aus der Senkung an einer festen Skala ablesen, deren Nullpunkt in die Höhe der Mittellage fällt.

Bei einem Durchmesser von 0,03 m und einer Umlaufzahl von 400 ist z. B. die Senkung 10 mm.

Abb. 28 läßt erkennen, wie man mit Hilfe einer Parabel die Skala konstruieren kann, wenn ein Punkt derselben berechnet wurde.

Das spezifische Gewicht der Flüssigkeit spielt hier keine Rolle.

24. Oberfläche in einem rotlerenden Gefäße mit wagrechter Achse. Wenn sich nach Abb. 29 ein Gefäß (eine Wasserradzelle) mit konstanter Winkelgeschwindigkeit ω um eine wagrechte Achse dreht, so stellt sich der Flüssigkeitsspiegel nach einer Zylinderfläche ein, deren Erzeugende parallel zur Achse liegen. Die Leitlinie dieser Zylinderfläche ergibt sich aus folgender Betrachtung. Die Rückwirkung N der Flüssigkeit selber auf ein Massenteilehen m in der Oberfläche ist gleich und entgegengesetzt der Resultanten R der beiden Kräfte mq und (mw^2r) , und steht normal auf der Oberfläche. Es ergibt sich aus

der Ähnlichkeit der Dreiecke

$$\frac{a}{r} = \frac{mg}{mw^2r}$$

$$a = \frac{g}{m^2} = \text{const.}$$

oder

Daraus folgt, daß alle Normalen der Leitlinie durch m sieh in demselben Punkte A der senkrechten Mittellinie schneiden. Die Leitlinie ist also ein Krois mit A als Mittelpunkt und die Oberfläche ein gerader Kreiszylinder. Die Frage hat mit Rücksicht auf die vorzeitige Entleerung der Zellen der Wasserräder eine gewisse Bedeutung.

der Zellen der Wasserräder eine gewisse Bedeutung.

Abb. 29.

Ein Wasserrad habe z. B. einen Durchmesser von 6 m und eine Umfangsgeschwindigkeit von 2 m in der Sekunde. Es ist also $\omega = \frac{2}{3}$ und es findet sich der Abstand

$$a = \frac{9.81}{(1)^2} = 22.07 \text{ m}.$$

Für eine Umfangsgeschwindigkeit von 3 m würde a sehon auf 0,80 m zurückgehen, was bereits einer recht starken Neigung des Wasserspiegels entspräche.

Das Wasser bleibt übrigens in der Zelle nicht in Ruhe, sondern verschiebt sich darin. Der Einfluß dieser Bewegung auf die Gestaltung der Oberfläche verschwindet indesson.

III. Hydrodynamik.

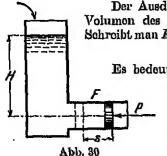
A. Strömende Bewegung in der gefüllten Leitung. 8. Reibungsfreie Bewegung.

25. Potentielle Energie des gefaßten Wassers. Wenn eine gefaßte Wassermenge unter Druck ausfließt, so kann sie eine gewisse Arbeit verrichten; sie enthält also verrätige eder potentielle Energie. Um den reibungsfrei gedachten Kolben in Abb. 30 im Gleichgewicht zu halten, bedarf es einer Kraft

 $P = F I I \gamma$,

wobei F die Kolbenfläche bedeutet. Läßt man den Kolben (langsam) um die Strecke s zurückweichen, während der Wasserspiegel durch einen Zufluß auf dersolben Höhe erhalten wird, so verrichtet der Wasserdruck hierbei die Arbeit

$$A = Ps = FsyII$$
.



Der Ausdruck Fs bedeutet nichts anderes als das Volumen des Wassers, das aus dem Gefäß austritt. Schreibt man Fs=V, so nimmt die Gleichung die Form an

$$A = V \gamma II . (49)$$

Es bedeutet aber $V\gamma = G$ das austretende Wassergewicht; also wäre auch

$$A = GH. \tag{49a}$$

Ferner ist $\gamma H = p$ der Druck, unter dem das Wasser austritt; dies führt auf die Form

$$A = V p$$
. (49b)

Ändert man den Vorgang nach Abb. 31 ab, so ist augenscheinlich

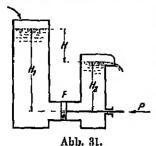
$$P = FH_1 \gamma - FH_2 \gamma = F\gamma (H_1 - H_2)$$

$$P = FH\gamma.$$

oder

Es kommt also nur auf den Höhenunterschied oder auf das Gefälle zwischen beiden Wasserspiegeln an.

Die potentielle oder Spamiungsenergie einer gefaßten Wassermenge, auf die Gewichtseinheit Wasser bezogen, wird durch die Druckhöhe gemessen, unter der Ausfluß sich vollzieht. Die ganze poten-



tielle Energie ist gleich dem Produkt aus dem Gefälle und dem Gewicht der Wassermenge.

Wird der oben beschriebene Vorgang stetig fortgesetzt, indem man die in der Sekunde ausfließende Wassermenge Q durch einen ebense großen Zufluß immer wieder ersetzt, so ist die sekundliche Arbeit oder die Leistung, die diese Wassermenge beim Ausfließen verrichten kann,

$$L=Q\gamma H$$
, da $Q=\frac{V}{I}$.

Davon wird indessen ein Teil durch Reibungen und andere Verluste aufgezehrt, so daß die gewonnene wirkliche oder effektive Leistung nur den Betrag erreicht

$$L_o = cQ\gamma II$$
.

Die Zahl e, die stets kleiner als eins ist, wird als Wirkungsgrad oder auch als Nutzeffekt¹) bezeichnet.

¹) Dieser Ausdruck kann zu Mißverständnissen Veranlassung geben, da man anter Effekt gewöhnlich eine Arbeitsmenge versteht.

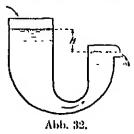
Somit ist die effektive Leistung in Pferdestärken

$$N_{\bullet} = e \frac{Q \gamma H}{75}. \tag{50}$$

26. Druckunterschiede als Bewegungsursache; Stromlinien, Wasserfäden. In einer ruhenden Wassermasse steht jedes Teilehen allseitig unter demselben Drucke. Tritt in irgendeinem Punkte eine Anderung des Druckes ein, so entsteht in den benachbarten Flüssigkeitsteilehen ein einseitiger Überdruck; sie setzen sich in Bewegung und diese ergreift sofort auch weiter abliegende Teilehen.

Eine solche Druckänderung tritt auf, wenn man nach Abb. 32 zwei Räume verschiedenen Druckes durch eine Leitung oder einen Kanal miteinander verbindet. In dem Raume höheren Druckes entsteht in der Nähe der Stelle, wo die Verbindung angeschlossen ist, eine Druckentlastung; die Flüssigkeit strömt auf die Anschlußstelle zu und ergießt sich in den Raum des kleineren Druckes; es stellt sich eine strö-

mende Bewegung ein. Die Druckzustände in den beiden Gefäßen werden durch die Höhenlagen bzw. die Höhenunterschiede der beiden Wasserspiegel gemessen. Erhält mun diese Druckzustände voränderlich, so darf man annehmen, daß sich in der strömenden Bewegung ein bestimmter Beharrungszustand einstelle, d. h. daß in jedem Punkte der Druck und die Geschwindigkeit nach Größe und Richtung stets dieselben bleiben.



Die Bahn, die ein einzelnes Wasserteilehen beschreibt, wird Stromlinie genannt. Die auf derselben Stromlinie hintereinander herlaufenden Teilehen bilden in ihrer Gesamtheit einen Wasserfaden. Stromlinien und Wasserfäden haben das Bestreben, sich parallel zueinander zu legen, soweit das Längsprofil des Kanales es gestattet¹).

27. Kontinuitätsbedingung. Unter Querschnitt eines Kanales ist die Fläche zu verstehen, die die Wasserfäden unter rechtem Winkel schneidet. Aus Gründen der Bequemlichkeit pflegt man diese Fläche in der Regel durch eine Ebene zu ersetzen, die sich der Querschnittsfläche möglichst anschließt. Bei Kanälen von gleichbleibender Weite fallen die beiden Flächen zusammen. Um rechnen zu können, geht man von der Annahme aus, daß in allen Punkten eines Querschnittes dieselbe Geschwindigkeit herrsche. Unter dieser Voraussetzung würden alle Teilehen, die in einem gegebenen Augenblick in einem ebenen Quer-

¹⁾ Dieses regelmäßige Hintereinanderherlaufen findet in Wirklichkeit so wenig statt wie in einer dichten Menschennenge, die sich in einer Straße verwärts schiebt. Neben einer ziemlich stetigen Bewegung in der Stromrichtung beobachtet man violmehr noch unregelmäßige Querbewegungen, die im allgemeinen um so schwächer sind, je größer die Strömungsgeschwindigkeit ist und umgekehrt.

schnitt enthalten sind, sich auch weiter in ebenen Querschnitten be-

wegen1).

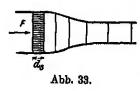
Abb. 33 stelle ein Stück einer gefüllten Leitung vor, in der eine heliebige (elastische oder tropfbare) Flüssigkeit stetig dahin strömt. Wenn das Teilchen, das zwischen zwei Querschnitten im Abstande ds voneinander eingeschlossen ist, sich in der Zeit dt um seine eigene Länge fortschiebt, so besitzt es die Geschwindigkeit

$$w = \frac{ds}{dt}.$$

$$dm = \frac{F\gamma}{a}ds,$$

Seine Masse ist

wenn F den Querschnitt bedeutet. Da Beharrungszustand vorausgesetzt ist und die Flüssigkeit den Raum vollständig orfüllt, kann in keinem Punkte mehr oder weniger Flüssigkeit zutreten als abfließt.



oder

Es muß also in der Zeit dt eine andere cheuse große Flüssigkeitsmenge an die Stelle der fortgeflossenen treten; es ist somit dm die in der Zeit dt an irgendeinem Punkte durchfließende Masse; daher ist die in der Zeiteinheit pussierende Flüssigkeitsmasse

 $M = \frac{dm}{dt} = \frac{F\gamma}{g} \frac{ds}{dt} = \frac{F\gamma}{g} w.$

Oder für verschiedene Querschnitte erhält man als Kontinuitätsbedingung

$$F_1 \gamma_1 w_1 = F_2 \gamma_2 w_3 = F_3 \gamma_3 w_3$$
. (51)

Für tropfbare Flüssigkeiten ist das spezifische Gewicht γ als unveränderlich anzusehen und es nimmt die Kontinuitätsbedingung die vereinfachte Gestalt an

 $Q = F_1 w_1 = F_2 w_2 = \dots = \text{const.}$ $\frac{w_1}{w_2} = \frac{F_2}{F_1}; \qquad \frac{w_2}{w_0} = \frac{F_3}{F_2} \dots$ (52)

Die Geschwindigkeiten sind den Querschnitten umgekehrt proportional.

Schreibt man
$$Fw = \frac{Fds}{dt} = \text{const.}$$
,

so kann man (da Fds sowohl die in der Zeit dt an irgendeinem Punkte vorübersließende Wassermenge als auch das Volumen bedeutet, das der Querschnitt F in derselben Zeit dt beschreibt) die Kontinultitsbedingung auch so ausdrücken, daß man sagt, das Wasser schiebe sich in gleichen Zeiten um gleiche Volumina vorwärts. Teilt man eine Röhre oder Leitung durch Querschnitte in gleichgroße Volumina, so messen

¹⁾ Tatsächlich ist die Geschwindigkeit in ein und demselben Querselmitt recht verschieden, und zwar meistens an den Wänden am kleinsten, in der Mitte am größten.

Abb. 34.

g dru

Abb. 36.

die Entfernungen dieser Querschnitte voneinander die Durchflußgeschwindigkeiten; die einzelnen Wasserteile schieben sich in gleichen Zeiten um ihre eigene Länge vorwärts.

Dieso Beziehungen gelten bei tropfbaren Flüssigkeiten für einen gegobenen Zeitpunkt auch dann, wenn die Bewegung keinen Beharrungs-

zustand zeigt.

Mit der Tatsache, daß die Geschwindigkeit in Wirklichkeit nicht in allen Punkten eines Querschnittes dieselbe ist, kann man sich dadurch abfinden, daß man den

Wert

$$w = \frac{Q}{F}$$

28. Schiele Querschnitte. Es kann uns unter

als mittlere Geschwindigkeit auffaßt.

Umständen bei den Turbinenkanälen dienen, den Quorschnitt nicht normal zu den Wasserfäden, sondern schief unter dem Winkel a (Abb. 34) zu messen. Führt man als Geschwindigkeit die Komponente in der Richtung normal zu dem betreffenden schiefen Querschnitt ein, so bleibt die Kontinuitätsgleichung unverändert be-

stehen. Da

$$F_{\rm u} = \frac{F_{\rm u}}{\cos \alpha}$$

und

wird tatsächlich

Mündung zu messen.

 $u = w \cos \alpha$.

$$F_{w}u = F_{w}w,$$

$$F_v v = F_w w$$
.

Wendet man diese Betrachtung auf eine trichterförmige, zylindrisch auslaufende Mündung nach Abb. 35 an, so ist der schiefe Querschnitt auf dem Berührungszylinder der

29. Zusammenhang zwischen Ubordruck und Goschwindigkeit bei beliebigen Flüssigkeiten. Wenn das Vorhandensein eines cinscitigen Ubordruckes als Bowegungsursache

anzusehon ist, so muß sich zwischen

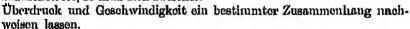


Abb. 35.

In der Röhre (Abb. 36) vom Querschnitt F bewege sich eine Flüssigkeit reibungsfrei derart, daß sieh ein Teilehen von der Länge de in der Zoit dt um seine eigene Länge verschiebt. Es ist demnach Fdsy das Flüssigkeitsgewicht, das in der Zeit dt an dem betreffenden oder auch an irgendeinem andern Punkte vorbeifließt; es ist forner

$$dm = \frac{Fds\gamma}{g}$$

die Masse dieser Flüssigkeitsmenge. Schließt die Röhre an dem betreffenden Punkt mit dem Horizonte den Winkel a ein, so ist gdm sina die in der Richtung der Robrachse wirkende Komponente der Schwerkraft. Es herrsche hinter dem Teilehen der Druck p und vorne daran der Druck p+dp), so daß das Teilehen unter dem Überdruck — Fdp steht. In der Richtung der Rohrachse wirkt somit auf das Flüssigkeitsteilehen die Resultierende

$$dP = gdm \sin \alpha - Fdp$$
.

Nach Gl. (8) Abschn. 4 erhält man

 $dPds = dmwdw = (gdm \sin \alpha - Fdp) ds$.

Führt man für das Gefälle der Röhre auf eine Länge ds den Ausdruck ein

 $dH = ds \sin \alpha$,

so wird

Abb. 37.

$$w dw = g \left(dH - \frac{Fds}{gdm} dp \right).$$

Daraus erhält man mit obigem Ausdruck für dm:

$$wdw = g\left(dH - \frac{dp}{\gamma}\right). \tag{53}$$

Diese Gleichung ist für alle Arten von Flüssigkeiten, also auch für Gase und Dämpfe, gültig; sie ist indessen nur integrierbar, wenn der Zusammenhang zwischen p und γ bekannt ist.

30. Prinzip von Bernaulli. Für tropfbare Flüssigkeiten kann das spezifische Gewicht γ als konstant gelten. Die Integration der Gl. (53) zwischen den beiden Punkten A und

B (Abb. 37) ergibt unter dieser Voraussetzung:

$$\frac{w_2^2 - w_1^2}{2g} = II + \frac{p_1 - p_2}{\gamma}.$$
 (54)

Führt man die Piezometerstände

$$\frac{p_1}{\gamma} = h_1$$
 und $\frac{p_2}{\gamma} = h_2$

in die Gleichung ein, so erhält man auf der rechten Seite

$$H + \frac{p_1 - p_2}{\gamma} = H + h_1 - h_2 = H_p;$$
also wird
$$\frac{w_2^3 - w_1^2}{2a} = H_p.$$
 (55)

Der Höhenunterschied H_p der beiden Piezemeterstände wird als lus piezemetrische Gefälle bezeichnet. Die Bedeutung der Gl. (55) st leicht erkennbar, wenn man sie mit dem Gewichte G der in der Zeitsinheit durchfließenden Wassermenge multipliziert. Man erhält

$$\frac{G w_2^2 - w_1^2}{g - 2} = GH_p,$$

und kann den Satz aussprechen: die Zunahme an Bewegungsmergie ist gleich der Arbeit des piezemetrischen Gefälles;

¹⁾ Die Druckänderung dp ist in der Regel negativ.

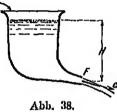
oder auch: die Zunahme an kinetischer Energie ist gleich der Abnahme an potentieller Energie.

Diese Beziehungen wurden von Daniel Bernoulli aufgefunden und 1738 in seiner Hydromechanik veröffentlicht. Der Satz ergibt sich als eine unmittelbare Folge des Prinzips von der Erhaltung der Energie.

81. Ausfluß aus einer Gefäßmündung; Gesehwindigkeitshöhe. In dem Sonderfalle, wo nach Abb. 38 eine tropfbare Flüssigkeit, also z. B. Wasser, aus einem größeren Gefäße ausströmt, hat man sowohl an der Oberfläche als auch an der Mündung den Überdruck null; die Geschwindigkeit in der Oberfläche kann ebenfalls gleich null gesetzt werden. Man erhält daher für die Ausflußgeschwindigkeit o nach Gl. (55)

$$\frac{c^2}{2g} = II \qquad \text{oder} \qquad c = \sqrt{2gH} \,. \quad (56)$$

Die Geschwindigkeit, mit der das Wasser unter dem Gefälle H ausströmt, ist also gerade so groß wie diejenige eines Körpers, der frei um die Höhe H horabfällt. Beim Ausfluß hat sich die ganze potentielle Energie in kinetische umgesetzt.



Man bezeichnet das Gefälle, durch das die Geschwindigkeit e erzougt wird, als deren Geschwindigkeitshöhe. Mit diesem Begriff läßt sich das Prinzip von Bernoulli nach Gl. (55) auch so aussprechen: Die Zunahme der Geschwindigkeitshöhe ist gleich der Abnahme der Druckhöhe; oder: die Summe der Geschwindigkeits- und der Druckhöhe ist konstant. Dies gilt jedoch nur für reibungsfreie Strömungen.

Einen Überblick über die Ausflußgeschwindigkeit bei verschiedenen Gefallen gibt folgende kleine Tabelle:

Bedeutet F den Querschnitt der Mündung, so ist das in der Sekunde ausfließende Wasservolumen

$$Q = Fc = F\sqrt{2gH} . ag{57}$$

32. Statischer und dynamischer Druck. In einem gewissen Punkte der in Abb. 30 dargestellten Ausflußröhre werde ein Piezemeterstand h. beobachtet; w2 sei die Geschwindigkeit des Wassers an jener Stelle. Für die Obersläche im Gefäß sind der Druck und die Geschwindigkeit gleich null zu setzen. Das piezometrische Gefälle ist also

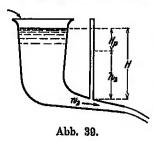
$$H_{g} = H - h_{g}.$$

Nach Gl. (55) wird für den vorliegenden Fall

$$\frac{w_3^2}{2g} = H_g \,. \tag{58}$$

Das piezometrische Gefälle ist also gleich der Geschwindigkeitshöhe von w_o .

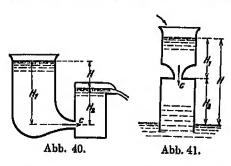
Hält man die Ausflußöffnung zu und stellt man dadurch den statischen Zustand her, so steigt das Piezometer auf die Höhe II. Diese möge als der statische Piezometerstand bezeichnet werden; im Gegensatz dazu heiße die während des Ausfließens beobachtete Höhe der dynamische Piezometerstand. Mit diesen Bezeichnungen



kann man das Prinzip von Bornoulli in der Form aussprechen: Der dynamische Piezometerstand ist um die Geschwindigkeitshöhe kleiner als der statische Piezometerstand.

Die potentielle Energie, die in dem beobachteten Punkte ursprünglich (bei geschlossener Mündung) vorhanden war und durch die Höhe H gemessen wird, hat sich zum Teil in eine kinetische Energiemenge umgesetzt, deren Maß H_2 ist; dagegen hat

ein anderer Teil, der durch h_2 ausgedrückt wird, seine ursprüngliche Form beibehalten. Da nach unseren Voraussetzungen keine Energie verloren gehen soll, muß die Summe dieser beiden Energiemengen gleich der ursprünglichen sein. (Bei reibungsloser Strömung.)



33. Ausflußunter Wasser. Auch wonn der Ausfluß nicht in die freie Luft erfolgt, sondern in einen mit Wasser gefülltem Raum, kann man den Vorgang dennoch leicht verfolgen, sobald man voraussetzen darf, daß der Druck in der Mündung gleich demjenigen im auffangenden Gefäße sei 1).

Hält man in den beiden

Gefäßen Abb. 40 und 41 den Ausfluß zu, so ist im ersten Falle

der statische Piezometerstand H_1 , , dynamische ,, H_2 .

Daher ergibt sich für die Ausflußgeschwindigkeit

$$\frac{c^3}{2g} = H_1 - H_2 = H.$$

Im zweiten Falle ist

der statische Piezometerstand
$$H_1$$
, dynamische ,, $-H_2$,

¹⁾ Diese Annahme ist bei tropfbaren Flüssigkeiten zulässig. Bei elastischen Flüssigkeiten kann der Druck in der Mündung ganz bedeutend größer sein.

und daher ergibt sich

$$\frac{c^2}{2g} = H_1 + H_2 = H^4).$$

Es darf indessen H_2 nicht größer als die Wassersäule werden, die dem Atmosphärendruck entspricht.

Die Ausflußgeschwindigkeit hängt somit nur vom Höhenunterschiede beider Wasserspiegel ab.

34. Ausfluß von Gasen. Die Ausflußformel

$$c = \sqrt{2gH}$$

darf bei geringem Überdrucke auch auf den Ausfluß von Gasen angewendet werden, weil man unter diesen Umständen das Volumen als unveränderlich ansehen kann. Die Größe der Ausflußhöhe ist dabei nach Gl. (43)

$$H=\frac{p}{\gamma}$$
,

wenn p den Überdruck des Gases gegenüber dem äußeren Drucke und p dessen spezifisches Gewicht bedeutet. Es ist z. B. für atmosphärische Luft von mittlerer Feuchtigkeit bei 730 mm Barometerstand und 15° Celsius das Gewicht pro Kubikmeter

$$\gamma = 1.17 \,\mathrm{kg}$$
.

Steht die eingeschlossene Luft unter einem Drucke von 100 mm Wassersäule, so ist

 $p = 100 \,\mathrm{kg/qm}$

und somit

$$H = \frac{100}{1.17} = 85.5 \text{ m}$$
.

Es würde also die Luft mit einer Geschwindigkeit von

$$c = \sqrt{2 \cdot 9.81 \cdot 85.5} = 41 \text{ m/sck}$$

ausströmen. Durch eine Mündung von 4 em Durchmesser, deren Querschnitt 12,6 qcm mißt, würde somit in der Sekunde eine Luftmenge von

 $0.126 \cdot 410 = 51 \frac{1}{\text{sck}}$

oder von rund 3 ebm in der Minute ausströmen.

35. Umsatz von Geschwindigkeit in Druck. Das Prinzip von Bornoulli ist nur anwendbar, wenn das Wasser eine stetige Bewegung mit gleichmäßig verlaufenden Wasserfäden besitzt. Dies trifft im allgemeinen zu, wenn das Wasser ohne zu rasche Änderungen von einer kleineren Geschwindigkeit in eine größere übergeht, wenn sich also der Querschnitt allmählich zusammenzieht. Hierbei findet man tatsächlich, laß sich der Umsatz von potentieller Energie in Bewegungsenergie ohne wesentliche Verluste vollzieht.

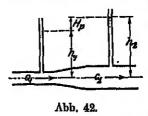
Wäre das Prinzip auch auf den Fall anwendbar, wo die Geschwindigteit von einem größeren Worte in einen kleineren übergeht, weil sich

Dieser Fall liegt bei Turbinen mit Saugrehr vor. Escher-Dubs, Wasserturbinen. S. Aufl.

der Querschnitt erweitert, so ergäbe sich für die in Abb. 42 dargestellte Rohranordnung jenseits der Erweiterung eine Druckzunahme im Betrage von

$$H_{p} = \frac{c_{1}^{2} - c_{2}^{2}}{2g}.$$
 (59)

Es findet allerdings eine Druckzunahme statt; dieselbe erreicht aber nicht diesen Betrag, sondern bleibt nicht unerheblich darunter.

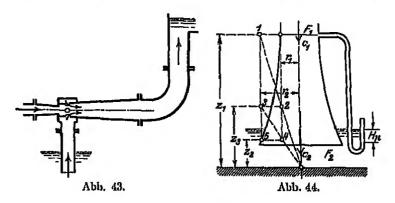


Der Ausfall rührt daher, daß der Übergang des Wassers in die Erweiterung nicht stetig, sondern unter Sprüngen und Wirbeln vor sich geht (vgl. Absehn, 43 und 44).

Schnürt sich die Rohrleitung an der Übergangsstelle zusammen, so kann der Überdruck an jener Stelle negativ werden. Darauf beruht die Wirkung der Wasserstrahlpumpe, Abb. 43, gewöhnlich Ejektor genannt. Wo

Druckwasser zur Verfügung steht, kann dieser Apparat bequem zum Entwässern von Kellern u. dgl. gebraucht werden. Der Wirkungsgrad ist froilich recht gering.

36. Saugrohr. Von Bedoutung ist die Umsetzung von Geschwindigkeit in Druck, die sich in dem Saugrohr der Francis-Turbine vollzieht,



wenn man es nach unten erweitert. Man kann hierbei einen großen Teil der kinetischen Energie zurückgewinnen, die beim Austritt aus der Turbine im Wasser enthalten ist und sonst verlorenginge. Der Gewinn wird in Abb. 44 durch die Piezometerhöhe H_n dargestellt.

Hat das Wasser beim Eintritt in allen Punkten des Querschnittes F_1 die Geschwindigkeit w_1 und verläßt es das Saugrohr mit der gleichmäßigen Geschwindigkeit w_2 , so wäre nach dem Prinzip von Bernoulli die gewonnene Druckhöhe

$$II_p = \frac{w_1^2 - w_2^2}{2a}$$
.

oder, wenn man die Querschnitte einführt,

$$H_{g} = \frac{w_1^2}{2g} \left[1 - \left(\frac{F_1}{F_2} \right)^2 \right].$$

Der Umsatz vollzieht sich aber nur dann einigermaßen vollständig, wenn das Wasser möglichst wirbolfrei durch das Saugrohr fließt. Das Saugrohr sollte ein bestimmtes Profil haben, für das Prašil¹) die Gleichung aufstellt

wobei r den Halbmesser des Saugrohrquerschnittes in der Höhe z über dem Boden der Turbinenkammer bezeichnet.

Man kann diese Gleichung aus folgenden Annahmen ableiten. Je größer die Geschwindigkeit einer Wussermasse ist, desto stetiger wird diese ihren Weg verfolgen; sie wird umgekehrt um so leichter in Unordnung geraten, je langsamer sie sich bewegt. Das Wasser muß also im Saugrohre um so versichtiger verzögert werden, je kleiner die Geschwindigkeit bereits geworden ist. Wir setzen darum die Verzögerung der Geschwindigkeit proportional und schreiben

$$\frac{dw}{dt} = aw,$$

wo w die Geschwindigkeit und a eine Konstante bedeutet. Bezeichnet z die Höhenkoordinate, so ist

$$w = -\frac{dz}{dt}^{-2}).$$

Setzt man diesen Ausdruck für w oben ein, so erhält man

$$dw = -adz$$
.

Mißt man z vom Boden der Turbinenkammer aus, wo w = 0 ist, so ergibt die Integration

$$w = az$$
.

Die Geschwindigkeit w ist dem Saugrohrquersehnitt, also dem Quadrate des Halbmessers, umgekohrt proportional. Daher erhält man wie oben als Gleichung des Saugrohrprofiles

$$zr^3 = \text{const.}$$
 (60)

Die Kurve ist eine kubische Hyperbel, die die z- und die r-Aehse zu Asymptoten hat. Die in Abb. 44 augegebene Konstruktion stellt sich als eine Erweiterung der bekannten Bestimmung der gleichseitigen Hyperbel dar. Die Richtigkeit ergibt sieh aus den beiden Proportionen

$$\frac{r_1}{z_2} = \frac{r_2}{z_3}$$

$$\frac{r_1}{z_3} = \frac{r_2}{z_1}$$

und

") Prašil: Über Elüssigkeitsbewegungen in Rotationshehlräumen. Schweiz.

Bauzg. 1903, Bd. 41, S. 207.

2) Dies gilt freilich nur so lango, als der Kosinus des Winkels, den w mit der Achse einschließt, nicht wesentlich verschieden von eins ist.

bei der Multiplikation dieser Gleichungen miteinander erhält man

$$\frac{r_1^2}{z_2} = \frac{r_2^2}{z_1}$$

oder wie oben

$$zr^2 = \text{const.}^{-1}$$
).

Es ist selbstvorständlich, daß man mit dem unteren Rande des Saugrohres so weit von den Wandungen wegbleiben muß, daß das Wasser ungehindert seitlich entweichen kann.

Als Wirkungsgrad des Saugrohres ist das Verhältnis anzusehen, das sich zwischen dem wirklich erreichten Druckumsatz H_p und demjenigen einstellt, der nach dem Prinzip von Bernoulli überhaupt möglich ist. Er beträgt

$$\eta = \frac{2gH_p}{c_1^2 - c_2^2}. (61)$$

Bei gut ausgeführten Saugrohren kann er nahe an die Einheit heranrücken. ($\eta = 70-80^{\circ}/_{0}$.)

Die totale Höhe des Sauggefälles $(H_s + H_p)$ darf unter keinen Umständen die jenige der Wassersäule überschreiten, die dem Atmosphärendruck entspricht. Mit Rücksicht darauf, daß sich unter stark vermindertem Druck die im Wasser aufgelöste Luft in großen Mengen ausscheidet und die Kontinuität des Wassers unterbricht, darf man in Wirklichkeit nicht über etwa 7 m hinausgehen und bleibt besser bei höchstens 5 bis 6 m stehen. Das zulässige höchste Sauggefälle ist außerdem noch abhängig von der Schnelläufigkeit der Turbine.

37. Ausfluß aus großen Öffnungen; Überfall. Bei den bisherigen Betrachtungen über den Ausfluß wurde stillschweigend angenommen,

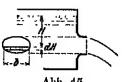


Abb. 45.

daß die Ausflußhöhe für alle Punkte des Ausflußquerschnittes als gleichgroß anzuschen sei. Dies trifft genau zu, wenn der Ausflußquerschnitt horizontal liegt, also wenn die Öffnung im Gefäßbeden angebracht ist. Für irgendeine andere, z. B. für die senkrechte Lage kann die Bedingung als angenähert erfüllt angesehen werden, wenn die Ausflußhöhe gegenüber den

Abmessungen der Mündung groß ist. Trifft dies nicht zu, so läßt sich die Ausflußmenge auf folgendem Wege bestimmen.

Für das schmale, horizontale Streifehen von der Höhe dH und der Breite b, das nach Abb. 45 aus der Öffnung herausgeschnitten ist, ergibt sich eine Ausflußmenge

$$dQ = b d H \sqrt{2gH}$$
.

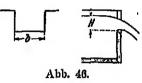
¹) Die genaue Herstellung des Profils in Gußeisen bietet keine Schwierigkeiten. Bei der Ausführung in Blech muß das Saugrehr aus einigen kegelförmigen Schüssen zusammengesetzt werden.

Um die ganze Ausfußmenge zu erhalten, hat man die Integration über die ganze Mündung auszuführen.

Von praktischer Bedeutung ist der rechteckige Überfall nach Abb. 46. Hierbei ist die Breite b konstant und daher erhält man die Überfallmenge

$$a = \int b \sqrt{2g} H^{\frac{1}{2}} dH = \frac{a}{3} b H \sqrt{2g H} . \quad (62)$$

Die Erfahrung zeigt allerdings, daß in Wirklichkeit nur etwa zwei Drittel dieser Menge überfließen (s. Absehn. 50). Die Ursache liegt darin, daß sich der Wasserspiegel nach dem Überfall hin stark senkt, so daß

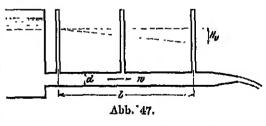


der Ausflußquerschnitt eine Verminderung erfährt. Durch das Auftreten von Kontraktionen wird die ausfließende Menge noch weiter vermindert.

4. Bewegung mit Widerstünden.

38. Rohrreibung. Bei allen Bewegungen treten Widerstände auf. Es handelt sich hierbei um Verluste an kinetischer Energie, die zur Aufrechterhaltung der Bewegung immer wieder aufs neue aus der vorrätigen Spannungsenergie gedeckt werden müssen; sie äußern sich als Druckverluste und werden als solche gemessen. Bei der Bewegung längs einer Kanalwand werden die anliegenden Teilehen durch die Adhäsion und durch die Rauhigkeiten zurückgehalten und verzögert. Durch die Berührung mit den weiter abliegenden, rascher strömenden Wasserteilehen werden sie in eine wirbelnde Bewegung versetzt. Die Wirbel lösen sieh ab und verlieren sich im Strom, der sie mitreißt und nen beschleunigt¹). So erfährt ein Teil des Wassers eine abwechselnde Verzögerung und Beschleunigung: an den Wänden wird Bewegungsenergie vernichtet; der Verlust wird weiter innen auf Rechnung der

Energie des Wasserstromes wieder ersetzt; was aber dem Strom an kinetischer Energie verlorengeht, muß aus dem Vorrat an Spannungsenergie oder Druck immer wieder ergänzt werden, wenn der Beharrungszustand aufrechterhalten werden



soll. Zwar geht die Energie insefern nicht verloren, als sie in Ferm von Wärme umgesetzt wird. Da aber diese Wärmebildung für hydraulische Aufgaben durchaus wertles ist, ist die in der beschriebenen Weise umgesetzte Energie als Verlust anzusehen.

¹) Ganz ähnliche, nur umgekehrte Vorgänge kann man bei einer Wasserfahrt beebachten, namentlich im Meerwasser. Man sieht, wie Teile des Wassers von der Schiffshaut mitgerissen werden, sieh wirbelnd ablösen und im ruhenden Wasser verlieren.

In dem geraden zylindrischen Rohrstrang, der sich nach Abb. 47 wagrecht an einen größeren Behälter anschließt, herrscht unmittelbar hinter dem Eintritt ein gewisser Piezometerstand, der etwas niedriger als der Wasserspiegel im Behälter ist. Setzt man auf die Rohrleitung der Länge nach noch weitere Piezometer, so wird man finden, daß ihre Stände nach außen in einer geraden Linie abnehmen, obwohl die Geschwindigkeit des Wassers in der Leitung überall dieselbe bleibt. Es kommt in dieser Abnahme der Piezometerstände der Widerstand zum Ausdruck, der durch die stetige Wiederbeschleunigung des an den Wänden hängenbleibenden Wassers entsteht. Dieser Widerstand wird als Rohrreibung bezeichnet, ein Name, der insofern unzutreffend ist, als der Vorgang mit der Reibung zwischen festen Körpern nichts gemein hat. So ist die Rohrreibung ganz unabhängig von dem Druck, unter dem die Flüssigkeit steht; sie hängt von der Zähigkeit der letzteren und von der Oberflächenbeschaffenheit der Rohrwände ab.

Es ist von vornhorein anzunehmen, daß der Rohrreibungsverlust im geraden Verhältnis zur Länge l der Leitung stehe, und da er auf der Zerstörung von Bewegungsenergie beruht, ist vorauszusetzen, daß er ungefähr der zweiten Petenz der mittleren Geschwindigkeit w proportional sei, mit der das Wasser die Leitung durchströmt. Ferner wird der Verlust um so geringer, je kleiner die Wassermenge am äußeren Umfange, die abwechselnd verzögert und wieder beschleunigt werden muß, im Verhältnis zur ganzen verhandenen Wassermenge ist. Die erste wird dem Umfange U, die zweite dem Quersehnitt F der Leitung ungefähr proportional sein. So erhält man schließlich für den Rohrreibungsverlust, als verlorene Druckhöhe gemessen, die Formel

$$II_{v} = \zeta \frac{U}{F} l_{2g}^{w^2}, \tag{63}$$

worin ζ eine Erfahrungszahl bedeutet¹).

Für den gewöhnlichen Fall, daß die Röhre kreisförmigen Querschnitt besitzt, ist $U = \pi d$ und $F = \{\pi d^2, \text{ wenn } d \text{ die Lichtweite bezeichnet.}$ Die Formel nimmt die Gestalt an

$$H_{v} = 4\zeta \frac{l \ w^{3}}{d \ 2g} = \lambda \frac{l \ w^{2}}{d \ 2g}. \tag{64}$$

Die Zahl $\lambda=4\zeta$ wird als Koeffizient der Rohrreibung bezeichnet; sie muß durch Versuche bestimmt werden. Da die Frage der Rohreibung von großer praktischer Bedeutung ist, sind viele solcher Versuche angestellt worden. Es hat sich aus denselben ergeben, daß λ nicht ganz konstant ist. Man versteht sofort, daß der Widerstand von der Glätte oder Rauhigkeit der Wände abhängen muß. Viele Autoren nehmen an, daß der Koeffizient mit wachsender Geschwindigkeit kleiner werde. Das ließe sich etwa darauf zurückführen, daß bei größeren Geschwindigkeiten die Wirbel, die am Umfange ihren Ursprung haben,

¹⁾ Don Divisor 2 g fügt man hinzu, damit ζ eine reine Zahl worde. Als Durchflußgeschwindigkeit gilt der Wert $w = Q \colon F$.

nicht so weit ins Innere dringen, da sie schneller weggespült werden. Andere schreiben wiederum dem Durchmesser einen Einfluß in dem Sinne zu, daß der Widerstand mit abnehmendem Durchmesser wachse. Auch das läßt sich orklären; denn es wird wohl die außenliegende gestörte Wasserschicht, die doch eine gewisse Dieke haben muß, bei kleinerem Durchmesser einen verhältnismäßig größeren Teil des ganzen Querschnittes einnehmen. Übrigens hat auch die Temperatur des Wassers einen merklichen Einfluß; warmes Wasser ist dünnflüssiger als kaltes. Da indesson die Temperatur bei den meisten Aufgaben sich nur in engen Gronzen ändort, verlohnt es sich nicht, diesen Einfluß in Betracht zu zichen. Von den vielen vorgeschlagenen Formeln für 2 folgen hier einige der bekanntesten; der Durchmesser d und die Geschwindigkeit w sind in m cinzusctzen.

Weisbach 1) stellt auf Grund zahlreicher eigenen und fromden Versuche mit Röhren von 27 bis 490 mm Durchmesser und mit Geschwindigkeiten von 0,0436 bis 4,6 m/sek die Formel auf

$$\lambda = 0.01439 + \frac{0.00947}{1/m}. (65)$$

Darcy gibt für Geschwindigkeiten über 0,2 m/sek

$$\lambda = 0.01989 + \frac{0.0005078}{d}.$$
 (06)

Nach Sonno²) wäre zu setzen

$$\lambda = 0.0171 + \frac{0.00235 \, Vd}{d}, \quad 0.000589 \, . \tag{67}$$

Eine einfach gebaute Formel gibt Christona)

$$\lambda = \frac{0.01867}{Vd} \,. \tag{68}$$

Lang4) gibt für neue gußeiserne Röhren den Wert

$$\lambda = 0.02 + \frac{0.0018}{\sqrt{w \, d}} \,. \tag{69}$$

Nach Biel⁵) ist für neue Gußröhren mit Wasser von 12° zu setzen

$$\lambda = 0,00942 + \frac{0,00565}{Vd} + \frac{0,000895}{wVd} . \tag{70}$$

¹⁾ Ingoniourmochanik, 5. Aufl., Bd. 1, S. 1015.

²⁾ Z. V. d. I., 1907, S. 1017. Die Formel ist dort in etwas anderer Gestalt gegebon.

3) Das Gesetz der Translation des Wassers. Leipzig 1903.

10. Aufl. Bd. 1. S. 272.

⁴⁾ Taschonbuch der Hutte, 20. Aufl., Bd. 1, S. 272.

a) Mitt. über Forschungsarbeiten, herausgegeben vom Verein deutscher Ingenieure, Heft 44.

Zum Vergleiche folgen hier einige Werte von A, nach den Formeln berechnet, die den Einfluß der Rohrweite und der Geschwindigkeit in Anschlag bringen.

Worto von λ						
•	Darcy	Sonno	Christen	Lang	\mathbf{B} iol	
$d = 25 \mathrm{mm}$	0,0402	0,0555	0,0470	0,0257	0,04653	
50	0,0300	0.0394	0,0395	0,0240	0,03567	
100	0,0250	0,0304	0,0332	0,0228	0,02798	
200	0,0224	0,0253	0,0279	0,0220	0,02254	
400	0,0212	0,0223	0,0235	0,0214	0,01870	
600	0,0207	0,0211	0,0212	0,0212	0,01700	
800	0,0205	0,0205	0,0197	0,0210	0,01599	
1000	0,0204	0,0200	0,0187	0,0209	0,01529	
1500	0,0202	0,0194	0,0168	0,0207	0,01421	
2000	0,0201	0,0101	0,0157	0,0206	0,01357.	

für w = 4 m/sok.

Die Formel (63) kann auch zur Berechnung der Gefällsverluste in offenen Kanälen benutzt werden, wenn man unter U den benetzten Umfang des Kanalprofiles vom Querschnitt F vorsteht. Koeffizienton & hat man nach Bazin zu setzen

$$\zeta = 2g \left(\frac{1+c\sqrt{U}:F}{87}\right)^2. \tag{71}$$

Die Zahl c hängt von der Rauhigkeit der Wände ab und es wäre etwa zu nehmen

c = 0,06 für Zoment

0,16 ,, Quadermauerwork 0,47 ,, Bruchsteinmauerwork 1,30 ,, Erde.

Für die Erde muß die Wassergeschwindigkeit unter 1 m/sek bleiben, damit die Kanalwändo nicht angefressen werden.

39. Bestimmung der Rohrweite für gegebene Verhältnisse. Beim Entwerfen einer neuen Leitung handelt es sich in der Regel darum, die Rohrweite so zu withlen, daß für eine gegebene Durchflußmenge der Druckverlust ein gewisses Maß nicht überschreitet. Für diese Aufgabe kann man sich die Formel (64) etwas bequemer zurechtlegen. Schreibt man

 $1000 \frac{H_{v}}{I} = i$ oder $H_{v} = \frac{li}{1000}$,

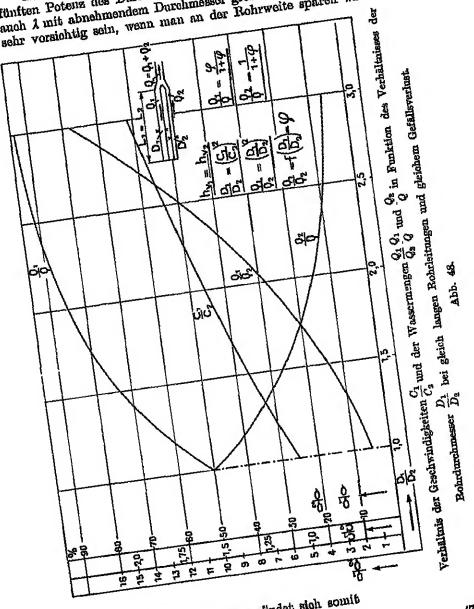
wobei also i den Druckverlust in Tausendsteln der Rohrlänge bedeuten wiirde, so nimmt Gl. (64) die Gestalt an

$$i=51\frac{1}{d}w^2$$

oder, wenn man die Geschwindigkeit w durch die Wassermenge Q und den Querschnitt $F = 0.25 \pi d^2$ ausdrückt,

$$i = 82.6 \lambda \frac{Q^2}{d^5}$$
.

Es wächst also der Druckverlust in umgekehrtem Sinne mit der fünften Potenz des Durchmessers oder eigentlich noch stärker, da ja anch A mit abnehmendem Durchmesser größer wird. Man muß daher sehr vorsiohtig sein, wenn man an der Rohrweite sparen will.



Für den Rohrdurehmesser findet sieh somit (72) $d^5 = 82.6 \lambda \frac{Q^3}{i}.$

Alle Größen in m und sek.

Mit Rücksicht auf Kostenersparnis wird nun eine Rohrleitung nie von oben bis unten mit konstantem Innendurchmesser ausgeführt, sondern der Durchmesser nimmt nach unten ab. Von D.-Ing. W. Bauersfeld wurde seinerzeit für die wirtschaftlichste Abstufung der Rohrdurchmesser (d) in Funktion des Gefälles (II) die Beziehung aufgestellt

$d^{7} \cdot H = \text{const.}$

Bei Einhaltung dieser Beziehung werden bei kleinstem Druckverlust auch die Kosten ein Minimum.

Zur Beurteilung der Frage, in welcher Weise die Gewichte sich ändern, wenn bei gleichem Druckverlust und bei gleichen Materialbeanspruchungen und gleicher totaler Wassermenge eine, zwei oder drei usw. Leitungen gewählt werden, dient die untenstehende Abbildung, welche zeigt, daß, wie zu erwarten war, eine Leitung stets die billigste Lösung darstellt, sofern natürlich die Dimensionen keine zu großen werden (d < 5 m) (Abb. 49).

Da indessen λ selbst eine Funktion des zu bestimmenden Durchmessers ist, ergäbe sich eine sehr mühsame Rechnung. Weil man sich aber ohnehin an gewisse Durchmesser halten muß, z. B. bei Gußröhren an die handelsgebräuchlichen Weiten, kann man näherungsweise vorgehen. Man rechnet mit einem versuchsweise gewählten Werte von λ den Durchmesser aus, ermittelt für diesen den entsprechenden Wert von λ nach irgendeiner der angegebenen Formeln und wiederholt mit diesem die Rechnung. Eine Tabelle der fünften Potenzen der gebräuchlichen Rohrweiten wird die Rechnung sehr erleichtern,

Weitaus am bequematen aber ist die Benutzung der graphischen Tabelle, die folgendermaßen entstanden ist. Für eine passend abgestufte Reihe von Rohrweiten d wurden nach der Formel von Lang die Druckverluste i berechnet, die sich für verschiedene Wassermengen Q ergeben. Indem man diese Werte von i über dem Durchmesser d im rechtwinkligen Koordinatensystem aufträgt, erhält man eine Schar von Kurven, die als Q-Kurven bezeichnet werden mögen. In ähnlicher Weise bestimmt man die Schar der w-Kurven, indem man die Druckverluste i für jene Durchmesser und gewisse gewählte Geschwindigkeiten w berechnet und aufträgt. Jedem Punkte der Ebene entspricht jo cine Q- und cine w-Kurve, cine Abszisse und cine Ordinate, und os ergeben sich daraus je vier zusammengehörige Werte von Q, w, d und i. Zu zwei beliebig gewählten Größen lassen sich mit Hilfe der Tabelle die zugehörigen beiden anderen Größen finden. Will man z. B. die Rohrweite für eine gegebene Wassermenge und einen gewählten Druckverlust ermitteln, so geht man von dem auf der senkrechten Koordinatenachse abgelesenen Worte von i wagrecht bis zur betreffenden Q-Kurve hinüber. Während die durch diesen Punkt laufende w-Kurve gleich die betroffende Geschwindigkeit angibt, liest man senkrecht darunter den Durchmessor ab.





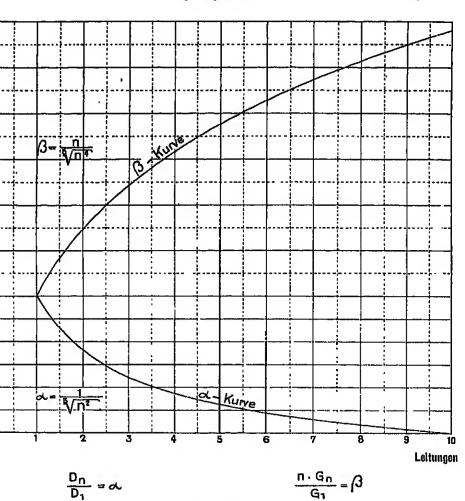


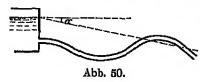
Abb. 40.

Austatt d und i solbst wurden ihre Logarithmen aufgetragen. Wäre 2 konstant, so würden die Q- und w-Kurven geradlinig verlaufen. Dies ist nun freilich nicht der Fall; immerhin sind sie so stark gestrecht, daß dadurch die Interpolation sohr erleichtert wird.

Im Laufe der Jahre können sich in den Röhren durch Rosten, Ausetzen von Algen und von Wasserstein starke Krusten bilden, die nicht nur den Querschnitt verengen, sondern auch die Rauhigkeit der Wände vermehren und so eine Steigerung der Widerstände herbeiführen. Wo man Wert darauf legen muß, daß der Druckverlust auch nach Jahr und Tag ein gewisses Maß nicht überschreite, hat

man den Durchmesser etwas größer zu wählen als die Rechnung ergibt. Dieser Zuschlag wird bei engen Röhren verhältnismäßig größer sein müssen, weil bei kleinem Durchmesser eine gegebene Krustendicke den Querschnitt verhältnismäßig stärker vermindert. Es hängt übrigens vor allem von der Beschaffenheit des betreffenden Wassers ab 1).

40. Drucklinie. Durch eine Rohrleitung (Abb. 49) ströme in der Zeiteinheit eine gegebene Wassermenge. Darf man den Längenunterschied zwischen der



Loitung und ihrer Horizontalprojektion als verschwindond anschen, so stellen sich die Piezometerstände nach einer geraden Linie ein, die mit dem Horizonte einen gewissen Winkel α einschließt, und zwar ist

 $\tan \alpha = \frac{H_e}{l} = \frac{\lambda}{d} \frac{w^a}{2g}.$

Diese Linie bestimmt durch ihren Abstich bis auf die Röhre herab den in dieser herrschenden Druck; man nennt sie daher die Drucklinie. Dieselbe darf die Leitung nirgends schneiden, wenn nicht der Druck stellenweise negativ, d. h. kleiner als der Atmosphärendruck werden soll.

[41. Mittlere Goschwindigkeit und mittlere kinetische Energie. Bedeutet

$$w = \frac{Q}{F}$$

die mittlere Geschwindigkeit in irgendeinem Leitungsquerschnitt, so pflegt man die entsprechende kinetische Energie der Flüssigkeitsmasse durch

$$L = \frac{M}{4} \frac{w^2}{2}$$
 (73)

auszudrücken, webei M die in der Zeiteinheit durchströmende Flüssigkeitsmasse bezeichnet. Camerer 2) macht darauf aufmerksam, daß dieser Ausdruck für die kinetische Energie ungenau ist. Die Geschwindigkeit ist in der Mitte am größten und nimmt nach den Wänden hin stark ab. Versteht man unter ε die Geschwindigkeit eines Wasserfadens vom Querschnitt df im Abstande r von der Achse einer Röhre von kreisförmigem Querschnitt, so ist die ganze kinetische Energie

$$L' = \int \frac{\gamma \, cd \int c^2}{g} \, \frac{c^2}{2} \, . \tag{74}$$

Nimmt man an, daß die Geschwindigkeit von der Mitte aus nach einem parabolischen Gesetze abnehme, so wäre unter Verwendung der aus Abb. 51 sich ergebenden Bezeichnungen

$$c = c_{max} - \alpha r^2 \tag{75}$$

die Geschwindigkeit im Abstando r von der Achse; dabei ist unter a eine Konstanto zu verstehen, für die sieh aus

$$h = \frac{a}{4} d^2$$

¹⁾ Man wird übrigens wehl daran tun, dessen eingedenk zu bleiben, daß allen diesen Widerstandsberechnungen stets eine große Unsieherheit anhaftet, da die Beschaffenheit der Wände, die von großen Einfluß ist, sehr verschiedenartig sein kann. Die Ausdehnung der graphischen Tabelle bis 2 m Durchmesser ist etwas unsieher, da für so große Durchmesser wenig Erfahrungen verliegen.

2) Vorlesungen über Wasserkraftmaschinen, Leipzig 1914.

$$a = \frac{4h}{d^2}$$

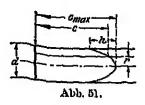
orgibe. Die mittlere Geschwindigkeit aber ist

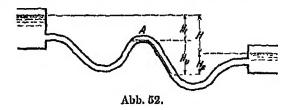
$$w = c_{max} - \frac{1}{h} h = c_{max} - \frac{1}{h} a d^2 \tag{76}$$

souli Setzt man die Werte aus (76) und (76) in (74) und (73) ein, so ergibt sieh

$$\frac{L'-L}{L'} = \frac{1}{8} \frac{h^2}{v \mu^2} ; \qquad (77)$$

d. h. die wirkliche kinetische Energie ist etwas größer als diejenige, die sich aus





der 1321 ttloren Geschwindigkeit nach (73) orgäbe. Wir werden indessen die Rechnung aus Bequemlichkeit stets nach (73) ausführen.

42. Luftsicke, Heber. Liegt eine Leitung nicht im statigen Gefalle und zeigt sie nach Abb. 52 Gegensteigungen, so körmen Lufteinschlüßse darin zurlickblei bern und den Durchfluß erhoblich erschweren, wenn nicht gar vollständig verhindern. Der bei A liegende Luftsack verschiebt sich solunge, bis das Wasser über den Scheitel wegfließt. Das Gefälle H_r , geht verloren und kommt nicht nicht für die Uberwindung der Widerstände in Betracht. Wird die Luftausammlung so groß, daß $H_r = H$ ist, so hört der Durchfluß überhaupt auf. In diesem Falle wäre $H_2 = H_1$.

The Heript and. In diesom Fallo ware $H_2 \approx H_1$. Vo sich Gegensteigungen der Bodenverhältnisse vogen nicht vermeiden lassen, ist für Entluftung der Scheitel durch selbsttätige Vorrichtungen zu sorgen. Liegen die Verhältnisse so, daß sich breim fällen der Leitung der Durchfluß von selbst beinstellt, so kann man durch kräftiges Spillen

die Laift wogschaffen.

Abb. 53.

13cd hoberförmigen Leitungen nach Abb. 52 muß clie Luft aus dem Scheitel (etwa durch einen

Elektor) ausgepungt worden, oder es ist dafür zu sergen, dalt man den Heber mit I-lilfe der Abschlüsse A und B durch den Füllhahn im Scheitel aufüllen kann. Unter dem verminderten Drucke seheidet sich Luft aus, und zwar um so reichticher, jo größer die Höhe H ist. Wird die Luft nicht stetig oder wenigstens in kurzen. Zeiträunen weggeschaft, so hört der Durchfluß bald auf.

Tri den Saugleitungen von Schleuderpumpen sind Gegengefälle auf das peinlichs to zu vermeiden. Gelangt ein Schwall Luft aus dem Sack ins Red, so steht die Pum zo sefert ab und ist nur dadurch wieder in Gang zu bringen, das man Pumpe

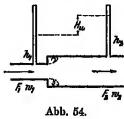
und Sangleitung wieder ganz mit Wasser anfallt.

43. Druckverlust bei plötzlicher Erweiterung. Geht der Querschnitt einer Leitung nach Abb. 54 unvermittelt von einem Werte F_1 in einem größeren F_2 über, so beobachtet man, daß der Piezenneterstand im weiteren Teil um einen gewissen Betrag H_a höher ist als im Ongeren; es findet also ein Umsatz von Bewegungsenergie in

Spannungsenergie statt. Vollzöge sich dieser Umsatz verlustfrei, so ergäbe sich nach dem Prinzip von Bernoulli für die umgesetzte Druckhöhe der Wert

$$H_{u} = \frac{w_{1}^{2} - w_{2}^{2}}{2g}.$$

In Wirklichkeit ist aber der Betrag erheblich kleiner, da bei diesem Übergange ein Verlust auftritt. Derselbe läßt sich nach Borda dadurch berechnen, daß man den Satz von Carnot über den Stoß unelastischer Massen auf den vorliegenden Fall anwendet. Das Wasser besitzt anfänglich die Geschwindigkeit w_1 ; beim Übergange stößt



Geschwindigkeit w_1 ; beim Übergange stößt dasselbe auf die vordere Wassersäule, die sich mit der Geschwindigkeit w_2 fortbewegt. Der Stoß vollzieht sich mit der relativen Geschwindigkeit $w_1 - w_2$, und da das Wasser als unclastisch anzusehen ist, geht die entsprechende Energiemenge verloren, die durch eine Druckhöhe im Betrage von

$$H_{v} = \frac{(w_1 - w_2)^2}{2g} \tag{78}$$

gemessen wird. Diese Formel ist der Ausdruck für den Satz von Borda-Carnot.

Da die zufließende Energie gleich der Menge der wegfließenden und der verlorenen Energie sein muß, ergibt sich die Beziehung

$$\frac{w_1^2}{2g} + h_1 = \frac{w_2^2}{2g} + h_2 + H_v.$$

Für die in Druck umgesetzte Geschwindigkeitshöhe $H_u=h_2-h_1$ findet sich daraus

$$H_{u} = \frac{w_{1}^{2} - w_{2}^{2}}{2g} - H_{v},$$

und wenn man für H_v seinen Wort aus Gl. (78) einsetzt, wird

$$H_{u} = 2 \frac{(w_{1} - w_{2}) w_{2}}{2 g}. \tag{79}$$

Will man H_v und H_v auf die anfängliche Geschwindigkeit w_1 beziehen, so hat man nur den Ausdruck

$$w_2 = \frac{F_1}{F_1} w_1$$

einzuführen und erhält alsdann

$$H_{v} = \frac{w_{1}^{2}}{2g} \left(1 - \frac{F_{1}}{F_{0}}\right)^{2} \tag{78a}$$

$$H_{\rm u} = 2 \frac{w_1^2}{2g} \begin{bmatrix} F_1 \\ F_2 \end{bmatrix} - \begin{pmatrix} F_1 \\ F_2 \end{pmatrix}^2$$
 (79 a)

Die Bedingung dafür, daß die umgesetzte Druckhöhe ein Maximum wird, orgibt sich, wonn man den Differontialquotienten des Klammerausdruckes nach $F_1:F_2$ gleich Null setzt. Man findet

$$F_2 = 2 F_1$$
, oder $w_2 = \frac{1}{2} w_1$.

Für diesen Fall wird die umgesetzte Druckhöhe

$$II_n = \frac{1}{2} \frac{w_1^2}{2g}$$
,

und die verlorene Druckhöhe

$$H_v = \frac{1}{4} \frac{w_1^2}{2g}$$
.

Es setzt sich also die Hälfte der Bewegungsenergie des zufließenden Wassers in Druck um; ein Viertel geht beim Übergang durch Stoß verloren, und das letzte Viertel ist noch im wegfließenden Wasser als Bewegungsenergie vorhanden; denn es ist

$$\frac{w_2^2}{2g} = \frac{1}{4} \frac{w_1^2}{2g}.$$

44. Allmähliche Erweiterung. Geht der enge Querschnitt nach Abb. 55 allmählich in den weiteren über, so setzt sich keineswegs der

ganze Überschuß an kinetischer Energie in Druck um; es tritt vielmehr auch hier ein gewisser Verlust auf, da sich der Übergang in ähnlicher Weise wie im vorigen Fallo vollzieht. Man muß daraus schließen, daß auch in diesem Falle der Strahl zunächst seinen ursprünglichen Querschnitt beizu-

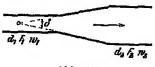


Abb. 55.

behalten sucht und sich erst später mehr oder minder plötzlich über den erweiterten Querschnitt ausbreitet. Auf Grund seiner Versuche empfiehlt Flieguer1) sicherheitshalber den Verlust gerade wie für die plötzliche Erweiterung zu berechnen, also den Einfluß der Allmählichkeit gar nicht in Anschlag zu bringen. Nach Fliognors Versuchen gibt das Taschenbuch der "Hütte"2) eine Formel, die lautet

$$II_{p} = \frac{(w_{1} - w_{2})^{2}}{2g} \sin \delta , \qquad (80)$$

wobei δ nach Abb. 55 den Divergenzwinkel bedeutet.

Jedenfalls darf man den Winkel δ nicht zu groß (nicht über 10°) wählen, wenn man mit der allmählichen Erweiterung noch etwas gowinnen will.

Für $\delta = 10^{\circ}$ und $F_2 = 2 F_1$ erhält man aus Gl. (80)

$$II_{u}=0.0435\frac{w_{1}^{2}}{2g}$$
.

¹⁾ Civilingoniour 1875, S. 98.
2) 22. Auflago, Bd. 1, S. 302. Fliognor lolmt übrigens die Verantwortlichcoit für diese Formel ansdrücklich ab.

Ferner wird die im wegfließenden Wasser enthaltene Energie durch die Höhe

$$H_w = 0.2500 \, \frac{w_1^2}{2g}$$

gemessen. Die umgesetzte Druckhöhe wäre somit

$$H_{u} = \frac{w_{1}^{2}}{2g} - (H_{v} + H_{w}) = 0.7065 \frac{w_{1}^{2}}{2g}.$$

Vollzöge sich der Übergang verlustfrei, so wäre die umgesetzte Druckhöhe nach dem Prinzip von Bernoulli

$$H_{\mathbf{u}'} = \frac{w_1^2 - w_2^2}{2g} = 0.750 \, \frac{w_1^2}{2g}.$$

Der Wirkungsgrad der vorliegenden Erweiterung wäre somit

$$\eta = \frac{0.7065}{0.750} = 0.94$$
.

Durch sorgfältige Ausgestaltung des Überganges läßt sich die Güte des Umsatzes noch weiter verbessern (vgl. Abschn. 36).

Dabei darf aber nicht übersehen werden, daß diese Berechnungen nur dann ein einigermaßen richtiges Bild der tatsächlichen Verhältnisse liefern, wenn an keiner Stelle des Rohres Unterdruck (Druck kleiner als Atmosphärendruck) auftritt und wenn die Strömung rein translatorisch ist, also keine Rotationskomponente aufweist.

Es kann deshalb der oben gefundene Umsetzungswirkungsgrad nicht ohne weiteres auf Turbinensaugrehre (in welchen Unterdruck herrscht und Rotationsströmung) übertragen werden. Eine Reihe von Versuchen haben gezeigt, daß in geraden runden Turbinensaugrehren, deren totaler Erweiterungswinkel 8° nicht übersteigt, nur mit einem maximalen Wirkungsgrad von 85°/0 gerechnet werden kann. Bei richtig ausgeführten und genügend langen Betonsaugkrümmern kann der Umsetzungswirkungsgrad 75°/0 erreichen. Er ist unter sonst genau gleichen Verhältnissen stets kleiner als bei geraden runden Saugrehren.

45. Plötzliche Verengung. Beim unvermittelten Übergang von einem größeren zu einem kleineren Querschnitt bildet sich nach Abb. 56 eine Einschnürung, da das Wasser wegen seiner Trügheit nicht scharf um die Eeke biegt. Es muß sich dort eine größere Geschwindigkeit



 w_a ausbilden, und da das Wasser weiterhin mit der Geschwindigkeit w_2 wegfließt, entsteht nach dem Satze von Borda-Carnot ein Druckhöhenverlust

$$H_{q} = \frac{(w_{r} - w_{2})^{2}}{2 g}$$
.

Da indesson die Geschwindigkeit w_e nicht bestimmbar ist, schreibt man

$$H_{\mathbf{r}} = \zeta \frac{w_{\mathbf{a}}^2}{2g}$$

Abb. 59.

und leitet den Widerstandskoeffizienten ζ aus Versuchen ab. Es ist nach Weisbach

 $\zeta = 0.50$ 0.50 0.42 0.33 0.25 0.15 $\frac{F_2}{F_1} = 0.01$ 0.1 0.2 0.4 0.6 0.8.

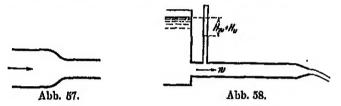
Es liegt auf der Hand, daß die Einschnürung und damit auch der Verlust um so kleiner wird, je weniger die Querschnitte voneinander verschieden sind.

Schon eine mäßige Abrundung des Überganges nach Abb. 57

bringt den Verlust zum Verschwinden.

für

Ganz gleicher Art sind die Verluste, die beim Übergange aus einem Behälter in eine Rohrleitung auftreten, die man als die Eintritts-



verluste bezeichnet. Die Druckhöhenabnahme, die nach Abb. 58 unmittelbar nach dem Eintritt in die Leitung beobachtet wird, setzt sich zusammen aus der Höhe, die zur Erzeugung der Geschwindigkeit w verbraucht wird und aus dem Eintrittsverluste. Dieser

ist je nach der Art des Übergangs recht verschieden. Man stellt ihn in der Form dar

$$II_v = \zeta \frac{w^2}{2g}.$$

Dabei kann für Röhren von rundem Querschnitt etwa gesetzt werden

Abb. 59 a and b
$$\zeta = 0.5$$
,
c $\zeta \ge 1^{-1}$),
d and e $\zeta = 0.06$ bis 0.08.

Ist der Rohransatz mit einem Seiher verschen, so läßt sich der Eintrittsverlust etwa folgendermaßen überschlagen. Bedeutet F_s den Querschnitt aller Löcher zusammen, so kann die Durchflußgeschwindigkeit w_s nach Abschn. 50 etwa gesetzt werden

$$w_s = \frac{3}{2} \frac{Q}{F_s}$$
.

Die entsprechende Geschwindigkeitshöhe

$$H_{q} = \frac{w_{s}^{2}}{2\sigma}$$

stellt den Eintrittsverlust der; denn sie ist als vollständig verloren

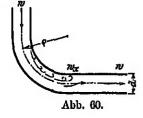
Jo dünner und schärfer der Rand ist, desto größer ist der Widerstand.
 Escher-Dubs, Wasserturbinen. S. Auff.

zu betrachten, weil das Wasser im Innern des Seihers beinahe zur Ruhe kommt.

46. Druckverlust bei Richtungsänderung. Beim Rohrkrümmer oder Bogen löst sich nach Abb. 60 der Wasserstrom auf der konkaven Seite von der Wand ab, und es entsteht ein von wirbelndem Wasser erfüllter Raum¹). Dadurch wird der Durchgang verengt und das Wasser muß eine erhöhte Geschwindigkeit w_a annehmen. Wenn sich dann beim Übergang in den geraden Strang das Wasser über den ganzen

Querschnitt ausbreitet, tritt ein Stoß ein,

der einen Druckhöhenverlust



$$H_v = \frac{(w_w - w)^2}{2g}$$

herboiführt. Da sieh die Größe von w_n nicht ermitteln läßt, ist mit dieser Formel nichts gewonnen; man schreibt daher kurzweg

 $H_v = \zeta \, \frac{w^2}{2g}$

und muß den Wert von ζ durch den Versuch bestimmen. Nach Woisbach ist für einen Bogen vom mittleren Krümmungshalbmesser ϱ und von der lichten Weite d zu nehmen

$$\zeta = 0.131 + 0.163 \left(\frac{d}{\rho}\right)^{3.5}$$
 (81)

Nach dieser Formel ist folgende Tabelle berechnet.

$d: \varrho$	ζ	d:0	ζ
$0.\bar{2}$	0,132	0.0	0,243
0,3	0.133	1,0	0,204
0,4	0.137	1,1	0,359
0,5	0.145	1,2	0.436
0,6	0,158	1,3	0,539
0,7	0,179	1,4	0,606
0.8	0.205	1.5	0.805

In der Formel kommt der Ablenkungswinkel nicht vor. Hat sieh der Strahl infolge Richtungsänderung des Rohres von der Wand

abgelöst, so bleibt er in diesem Zustande, bis er sich in der geraden Fortsetzung wieder über den ganzen Querschnitt verteilt. Da sich der Verlust erst in diesem Augenblick vollzicht, tritt er auch nur einmal auf, ob der Ablenkungswinkel größer oder kleiner sei. Wird die Röhre nach Abb. 61 zweimal nacheinander in verschiedenen Richtungen abgebogen, so kommt die Ablösung und damit auch der Verlust zweimal zustande; der Gesamtverlust ist also deppelt so groß.

Wonn die Röhre in der Krümmung so stark verjüngt wird, daß die Ablösung sich nicht bilden kann, tritt auch der Verlust nicht auf. Nicht die Krümmung an sich ist schüd-

¹⁾ Vgl. Abschn. 72, 8. Kapitol.

lich, sondern die nachfolgende plötzliche Geschwindigkeits. abnahmo.

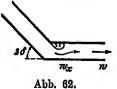
Beim Knierohr (Abb. 62) hat der Ablenkungswinkel einen großen Einfluß, weil mit wachsender Ablenkung der wirbelerfüllte Raum und daher auch we größer wird. Weisbach gibt für den Widerstandskoeffizienten die Formel

$$\zeta = 0.9457 \sin^2 \delta + 2.047 \sin^4 \delta$$
, (82) woraus sich folgende kleine Tabelle ergibt:

 $2\delta = 20^{\circ}$ 400 600 90.0 900

 $\zeta = 0.0416$ 0.139 0,364 0,740 0.984^{1}).

Die plötzliche Ablenkung erzeugt beträchtliche Verluste und muß darum vermieden werden.



47. Widerstandskooffizient. Es wurde bereits wiederholt ein hydraulischer Widerstand als Energieverlust durch eine Zahl & gemessen, die wir als Widerstandskoeffizient bezeichneten. Der Maßstab, in dem diese Zahl den Widerstand mißt, ergibt sich aus folgender Betrachtung.

Bei irgendeinem hydraulischen Vorgang, z. B. Durchfluß durch einen Hahn nach Abb. 63 verschwindet ein piezometrisches Gefälle II, Für die Durchführung des Vorganges steht von Anfang an eine Höhe im Betrage von

$$H = H_p + \frac{w_1^2}{2g}$$

zur Verfügung. Aus dieser wird der Druckverlust II, bestritten, und nach dem Durchgang ist noch die Geschwindigkeitshöhe

$$H_w = \frac{w_2^2}{2g}$$

Da es in der Regel die Geschwindigkeit we ist, auf die vorhanden.

es uns ankommt, so daß also die Wirkung des ganzen Vorganges sich in der Geschwindigkeit wa ausdrückt, bezeichnet man sie als die wirksame Geschwindigkeit und II, als die wirksame Druckhöhe. Wenn die Widorstände nicht vorhanden wären, würde die wirksame Druckhöhe genügen, um die wirksame Geschwindigkeit w2 zu erzeugen. Zur Überwindung der Widerstände bedarf es indessen noch eines gewissen Überschusses. Die Druckhöhe H, die vou Anfang an zur Verfügung stehen muß, ist also

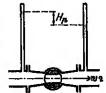


Abb. 63.

gleich der Summe der verlorenen und der wirksamen Druckhöhe

$$II = H_v + II_w . (83)$$

Es ist üblich, den Druckverlust auf die wirksame Druckhöhe zu beziehen und zu schreiben

$$H_{\mathbf{v}} = \zeta H_{\mathbf{w}} \,. \tag{84}$$

^{1) ,}Hutto", 20. Aufl., Bd. 1, S. 274.

. Diese Gleichung kann zur Definition des Widerstandskoeffizienten ζ benutzt werden; es ist

$$\zeta = \frac{H_{\sigma}}{H_{\psi}}.\tag{85}$$

Der Widerstandskoeffizient ζ ist gleich dem Verhältnis zwischen der verlorenen Druckhöhe H_v und der wirksamen Druckhöhe H_v .

Setzt man den Ausdruck für H_v in Gl. (83) ein, so erhält man

oder

$$H = (1 + \zeta) H_w$$

$$H_w = \frac{H}{1 + \zeta}.$$
(86)

48. Ausfuß aus gut abgerundeten Mündungen. Man bezeichnet als abgerundet eine Mündung, die nach Abb. 64 stetig in ein kurzes zylindrisches Rohrstück ausläuft und darum die Wasserfäden parallel entläßt. Der Querschnitt des austretenden Strahles stimmt mit demjenigen der Mündung überein. Ist der Mündungsquerschnitt F aus-

gemessen und durch den Versuch die in der Zeiteinheit ausströmende Wassermenge Q bestimmt worden, so findet sich daraus für die mittlere Ausflußgeschwindigkeit

$$w = \frac{Q}{F}$$
.

Abb. 64.

Dieselbe ist wegen der vorhandenen Reibungen stets etwas kleiner als die Fallgeschwindigkeit, die der Ausflußhöhe H entspricht. Da man auch hier annehmen darf, daß der Reibungsverlust in demselben Verhältnis

zunehme wie das Quadrat der Geschwindigkeit also wie die erste Potenz der Ausflußhöhe, kann man schreiben

$$w = q \sqrt{2g} \bar{H}. \tag{87}$$

wobei φ stots kleiner als eins ist. Diese Zahl φ , die man den Ausflußkoeffizienten nennt, findet sich aus dem Ausflußversuch. Man nimmt an, daß sie nur von der Gestalt der Mündung, nicht aber von deren Abmessungen oder von der Geschwindigkeit abhängig sei¹).

Man könnte auch den Druckverlust nach Abschu, 47 durch den Widerstandskoeffizienten ausdrücken. Da hier w als wirksame Geschwindigkeit anzuschen ist, hätte man

$$\frac{w^2}{2g} = \frac{II}{1+\zeta}$$

$$w = \sqrt{\frac{2g}{1+\zeta}}.$$
(88)

odor

Vergleicht man die beiden Ausdrücke für w aus den Gl. (87) und (88) miteinander, so ergibt sich zwischen den beiden Kooffizienten der Zusammenhang

$$\varphi^{\underline{a}} = \frac{1}{1+\zeta}$$
 und $\zeta = \frac{1}{\varphi^{\underline{a}}} - 1$.

¹⁾ Diese Annahme trifft nur annähernd zu.

Da φ nicht viel kleiner als die Einheit ist, kann man sich die Rechnung noch etwas bequemer machen. Schreibt man

$$\varphi = 1 - a$$
,

so fällt a klein genug aus, daß man die höheren Potonzen vernachlässigen darf. Entwickelt man den Ausdruck

$$\zeta = \frac{1}{(1-a)^2} - 1$$

nach einer Reihe und läßt man die höheren Potenzen von a weg, so erhält man als Näherungswerte

$$\begin{cases}
\zeta = 2 \, a = 2 \, (1 - \varphi) \\
\varphi = 1 - \frac{1}{2} \, \zeta
\end{cases}$$
(89)

Bei einer Mündung von gegebenem Längenprofil und von beliebigem Querschnitt nach Abb. 65 könnte man es wohl unternehmen, den Druckverlust zu berechnen und zwar auf folgendem Wege. Für irgendeinen auf der Achse gewählten Punkt ist nach Gl. (63) der Druckverlust pro Längeneinheit

$$\frac{dH_v}{d\hat{l}} = \zeta \frac{U}{F} \frac{w^2}{2a}.$$

Drückt man die Geschwindigkeit w durch den Querschnitt F und die Durchflußmenge Q aus, so wird

$$\frac{dH_{u}}{d\bar{l}} = \zeta \frac{Q^{2}}{2\hat{a}} \frac{U}{F^{\bar{a}}}.$$

dl $2gF^3$ Abb. 65.

Unter der Voraussetzung, daß ζ als

Funktion der Geschwindigkeit und des Querschnittes bekannt sei, lassen sich einzelne Werte berechnen, und indem man diese als Ordinaten über der Achse als Abszissen aufträgt, erhält man eine Kurve etwa wie in Abb. 65 angedeutet. Die Fläche, die diese Kurve mit der Achse einschließt, stellt offenbar das Integral

$$H_{\mathbf{v}} = \int_{\mathbf{w}=0}^{\mathbf{w}} \frac{dH_{\mathbf{v}}}{dl} dl$$

dar, also den ganzen Druckverlust.

In Abb. 65 wurde ein runder Querschnitt angenommen. In diesem Falle ist

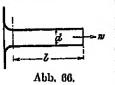
$$\zeta = \frac{1}{4}\lambda$$
,

und zwar wurde für λ ein konstanter Wert eingesetzt. Man erkennt, daß der Verlust in der Hauptsache erst im vorderen Teil der Mündung entsteht, wo der Querschnitt bereits stark verengt ist und die Geschwindigkeit sich ihrem Größtwort nähert. Dagegen kommt es auf die Ausgestaltung des hinteren weiteren Teiles nicht stark an. Will man eine Mündung von möglichst kleinem Widerstand haben, so muß man die engeren Teile möglichst kurz halten, oder in anderen Worten,

die Mündung soll so stark und so rasch als möglich zusammengezogen werden1). Dabei hat man sich besonders davor zu hüten, den vordersten zylindrischen Teil der Mündung unnötig zu verlängern, wie in Abb. 66 angenommen ist. Bei kreisförmigem Querschnitt ist

$$H_v = \lambda \, \frac{l}{d} \, \frac{w^2}{2g} \, .$$

Die Größe $w^2:2g$ mißt den Vorrat an kinetischer Energie im ausfließenden Wasser. Wäre z. B. $\lambda = 0.03$, so verlöre man für jede

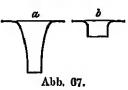


Verlängerung des zylindrischen Teils der Mündung um cino Längo l = d ganzo 3 v. H. der Energie. Es ist also Gewicht darauf zu legen, daß die Mindung im zylindrischen Teil nicht länger genommen werde, als zur Parallelführung der austretenden Wasserfäden durchaus notwendig ist.

Bei abgerundeten Mündungen von kreisförmigem Querschnitt liegt der Ausflußkoeffizient etwa zwischen den Grenzen

 $\varphi = 0.95$ bis 0.99. je nach der Sorgfalt der Formgebung und besonders auch nach der Glätte der Wandungen. Kürze ist vorzuziehen; von den beiden Mündungen in Abb. 67 ist a schlechter als b.

Hansen²) fand für seehs zylindrische Mündungen von 100 mm Durchmesser und 70 mm Länge, deren Innenkanten mit 30 mm Halbmesser abgerundet waren,



$$\varphi = 0.9938$$
 bis 0.9986.

Bei rechteckigen Mündungen liegen die Verhältnisse etwas ungünstiger. Bei sorgfältig ausgeführten Turbinenkanälen rechnet man etwa mit

 $\varphi = 0.95$ bis 0.97

ontsprechond $\zeta = 0.10$ bis 0.06.

49. Ausfluß aus konvergenten Mündungen; Kontraktion. sich die Vorjüngung einer Mündung bis in den Austrittsquerschnitt fort, fehlt also der zylindrische Auslauf, so treten die Wasserfäden micht mehr parallel aus. In ihrem Beharrungsvermögen drängen sie sich vielmehr nach der Mitte zusammen und der Strahlquerschnitt vermindert sich nach Abb. 68 noch außerhalb der Mündung F bis auf einen Betrag F_k ; der Strahl zeigt eine Zusammenziehung oder Kontraktion. Da sich das Wasser von außen nach der Mitte zusammendrängt, orhält sich in der Achse ein etwas höherer Druck. Dor Umsatz von potentieller in kinetische Energie ist dort noch unvollständig und die Geschwindigkeit kleiner als außen. Erst wenn die axiale Ablenkung der Wasserfäden überall eingetreten ist, also im

¹⁾ Gewöhnlich glaubt man, daß man das Wasser nur langsam und sachte beschleunigen oder die Mündung nur allmählich zusammenziehen dürfe. Gerade das Gegenteil ist richtig! Abb. 65 wigt in punktierten Linien, wie der Reibungsvorlust größer wird, wonn man die Mündung schlank auszieht.

2) Z. V. d. I. 1892, S. 1061.

kontrahierten Querschnitt F_k hat sich der Druck und damit auch die Geschwindigkeit ausgeglichen. Die Geschwindigkeit entspricht der Ausflußhöhe und für die Ausflußmenge ist der kontrahierte Quer-

schnitt F_k maßgebend.

Die Erscheinungen verlaufen übrigens nur bei kreisförmigem Querschnitt regelmäßig. Bei jeder anderen Gestalt der Öffnung verschwindet der innere Überdruck nicht gleichzeitig für alle Wasserfäden in ein und demselben Querschnitt. Daraus entstehen Unregelmäßigkeiten; der Strahl wird durcheinander geworfen und geht gleich jenseits des zusammengezogenen Querschnittes besonförmig auseinander, während er bei runden Mündungen dank der allseitig vorhandenen Symmetrie noch auf eine längere Strecke geschlossen und

durchsichtig bleibt. Man geht darum bei Mündungen von unrunder Form, z. B. bei den Turbinenkanälen, der Kontraktion sorgfältig aus dem Wege, sofern es sich nicht um zellenlose Räderhandelt.

handelt. Die für den kontrahierten Querschnitt F_k berechnete Ausflußgeschwindigkeit w ist nach früherer Schreibweise

t um zellenlose Räder ierten Querschnitt
$$F_k$$
 indigkeit w ist nach Abb. 68.

 $w = \varphi \sqrt{2gII},$

wenn H die Druckhöhe bedeutet, unter der der Ausfluß erfolgt. Die Erfahrungszahl φ mag hier als Geschwindigkeitskoeffizient bezeichnet werden. Die Ausflußmenge wäre

$$Q = F_k w \,.$$

$$\frac{F_k}{F} = \alpha \,,$$

Schreibt man

welches Verhältnis Kontraktionskoeffizient genaunt wird, so ergibt sich für die Ausflußmenge der Ausdruck

$$Q = \alpha \varphi F \sqrt{2gH}$$
.

Aus dem Ausflußversuch mit Bestimmung der Wassermenge findet sich zunächst nur die Zahl

$$\mu = \alpha q = \frac{Q}{F\sqrt{2gH}},$$

die Ausflußkooffizient genamt wird¹). Aus diesem läßt sieh von den beiden Kooffizienten α und φ der eine nur berechnen, wenn der andere direkt gemessen wurde. Gewöhnlich wird man den kontrahierten Querschnitt ausmessen und dann den Geschwindigkeitskooffizienten durch Rechnung ermitteln. Man findet, daß er sieh bei kreisrundem Querschnitt etwa in denselben Grenzen bewegt, wie der Ausflußkooffizient bei abgerundeten Mündungen; er ist

$$\varphi = 0.05$$
 bis 0.08,

¹) l'ür die gut abgerundete Mündung von kreisförmigem Querschnitt wird $\alpha=1$; die Begriffe Geschwindigkeits- und Ausflußkoeffizient fallen zusammen, da $\mu=\varphi$ ist.

Abb. 69.

Abb. 71.

und hängt hauptsächlich von der Glätte der Wandungen ab. Der Kontraktionskoeffizient steht dagegen unter dem Einflusse des Längsprofiles: stärkere Konvergenz erzeugt größere Kontraktion.

Für die kegelförmige Mündung nach Abb. 69 läßt sich aus Vorsuchen von Weisbach¹) innerhalb der Grenzen $\delta = 0$ bis 45° die

Formel ableiten

$$\mu = 0.966 - 0.213 \, \text{tang } \delta.$$
 (90)

Für $\delta=0$ geht die Mündung in die abgerundete Form über und es wird

 $\mu = \varphi = 0.966$.

Nimmt man an, daß dieser Wert von φ auch für alle anderen Winkel δ gültig sei, so erhält man für den Kontraktionskoeffizienten α den Ausdruck

$$\alpha = 1 - 0.22 \operatorname{tang} \delta. \tag{91}$$

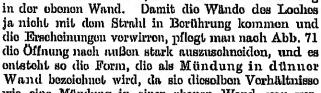
Bei stärkerer Konvergenz der Mündung hat übrigens auch die Geschwindigkeit einen Einfluß in dem Sinne, daß die Zunahme der Geschwindigkeit eine stärkere Kontraktion herbeiführt²).

> Die Kontraktion bedoutet keinen Gesehwindigkeits- und somit auch keinen Energieverlust. Löst sich freilich der Strahl im weiteren Verlaufe auf, geht er besenförmig auseinander, so verliert er beim Vermischen mit der Lutt rasch einen großen Teil seiner Energie.

Ist die Mündung nicht an ein größeres Gefäß, sondern nach Abb. 70 an das Ende einer Röhre angeschlossen und besitzt daher das Wasser sehen vor dem Eintritt in die Mündung eine gewisse Geschwindigkeit C_0 , so entwickelt sieh die Kontraktion nicht ganz frei; sie wird schwächer und daher die Ausfluß-Abb. 70. menge größer. Man spricht in diesem Falle von unvellkommener Kontraktion. Ihr Einfluß ist nicht näher

bekannt, indessen nicht sehr bedoutend, und zwar um so geringer, je kleiner w_0 ist.

50. Mündung in dünner Wand; Überfall. Steigert man die Konvergenz bis zu einem Werte von $\delta = 90^{\circ}$, so erhält man die Mündung



wie eine Mündung in einer ebenen Wand von verschwindend kleiner Dieke zeigt. Da sieh diese Mündungen leicht in übereinstimmender Beschaffenheit herstellen lassen, verwendet man sie oft zum Wassermessen.

Auf die Kontraktion, die naturgemäß sehr stark ist, haben die Geschwindigkeit und die Größe der Abmessungen einen merklichen

2) Siche auch Camerer, S. 571.

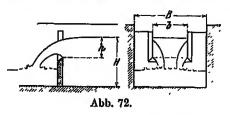
¹⁾ Ingoniourmochanik, 5. Aufl.; Bd. 1, S. 985.

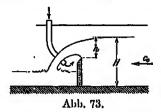
Einfluß. So fand Weisbach bei runden Mündungen für den Ausfluß-koeffizienten μ folgende Werte

	d = 10	20	30	$40 \mathrm{mm}$
H = 0.60 m	$\mu = 0.628$	0,621	0,614	0,607
H = 0.25 m	$\mu = 0.637$	0,629	0,622	0,614.

Der Geschwindigkeitskoeffizient φ wird wohl nahezu derselbe bleiben, so daß diese Ziffern eine Vorstellung von der Veränderlichkeit des Kontraktionskoeffizienten geben. Da φ etwas kleiner als die Einheit ist, kann der Kontraktionskoeffizient durchschnittlich etwa auf $\alpha = \frac{2}{3}$ geschätzt werden.

Besonders wichtig ist für die Messung größerer Wassermengen die Mündung in dünner Wand in der Gestalt des rechteckigen Überfalles nach Abb. 72 und 73. Der Überfall wird in ein möglichst regelmäßiges Kanalstück eingebaut, und zwar genau senkrecht und rechtwinklig zum Stromstrich. Er reicht entweder über die ganze Breite, was senkrechte Kanalwände voraussetzt, oder er ist schmaler als der Kanal und weist daher Seitenkontraktion auf. Damit sich der





Strahl frei ausbilden könne, muß die Überfallskante höher stehen als der Unterwasserspiegel. Beim Überfall über die ganze Breite ist dafür zu sorgen, daß nach Abb. 73 der Raum hinter dem Strahl mit der Atmosphäre in Verbindung bleibt. Anderen Falles wird die Luft bald weggespült; das Unterwasser steigt bis zur Kante emper und hindert die Ausbildung der Kontraktion. Die Überfallhöhe h muß auf einen Punkt bezogen werden, wo der Wasserspiegel noch keine Senkung zeigt.

Wegen der Kontraktion und wegen der starken Senkung des Wasserspiegels am Überfall ist der wirkliche Ausflußquerschnitt bedeutend kleiner, als sich aus der Überfallshöhe h und der Breite b ergäbe. In dem Ausdruck für die Überfallsmenge Gl. (62) Absehn. 37 hat man daher noch einen Ausflußkoeffizienten μ beizufügen und zu sehreiben

$$Q = \frac{9}{3} \mu b h \sqrt{2g} \hat{h} . \tag{92}$$

Die Zahl μ muß durch Vorsuche bestimmt werden. Da sie je nach den Umständen sehr verschieden ausfällt, sucht man sie durch empirische Formeln als Funktion der maßgebenden Abmessungen darzustellen, so daß man sie ohne Interpolationen für jeden einzelnen Fall berechnen kann.

Solcher Formeln sind eine große Zahl aufgestellt worden. Streng genommen sind sie nur für die Verhältnisse gültig, unter denen die ihnen zugrunde liegenden Versuche ausgeführt wurden. Wendet man sie auf andere Fälle an, so ergeben sich stets kleinere oder größere Unterschiede. Bei Verträgen über die Lieferung von Turbinen sollte darum meistens verabredet werden, daß die Wassermenge nach einer bestimmten Formel berechnet werden soll, damit nicht hinterher Meinungsverschiedenheiten entstehen.

Nach Braschmann ist für den m als Einheit und für $h \ge 0,1$ m:

beim Überfall mit Seitenkontraktion

$$\frac{2}{3}\mu = 0.3838 + 0.0386 \cdot \frac{b}{B} + 0.00053 \cdot \frac{1}{h}.$$
 (93)

In dieser Formel kommt die Kanaltiefe H nicht vor. Nun hat diese aber augenscheinlich einen gewissen Einfluß auf die Wassermenge. Es hat z. B. bei geringer Kanaltiefe das Wasser sehen im Zufluß eine gewisse beträchtliche Geschwindigkeit C_0 und um so größer wird die Geschwindigkeit sein, mit der das Wasser über die Kante wegfließt; daher ist die wirkliche Durchflußmenge größer als die berechnete. Die Braschmannsche Formel setzt eine große Kanaltiefe, d. h. einen verschwindend kleinen Wert von C_0 voraus. Wendet man sie daher auf einen Fall au, wo H einen kleineren, bzw. C_0 einen größeren endlichen Wert hat, so ergibt sie zu kleine Wassermengen.

Besonderes Zutrauen wird den Formeln von Frese¹) und Rehbook entgegengebracht, in denen der Kanaltiefe II bereits Rechnung

getragen ist.

Für den Überfall über die ganze Breite ist nach Rehbock zu nehmen

$$\mu = 0.005 + \frac{1}{1050h - 3} + 0.08 \frac{h}{s} , \qquad (95)$$

gültig für

$$h = 0.1$$
 bis 0.6 m $b \equiv h$.

Beim Überfall mit Seitenkontraktion ist nach Frese:

$$\mu = \mu_0 \left\{ 1 + \left[0.25 \binom{b}{B}^2 + \zeta' \right] \binom{h}{H}^2 \right\},$$
worin
$$\mu_0 = 0.5755 + \frac{0.017 - 0.075}{h + 0.18 - b + 1.2},$$
und
$$\zeta' = 0.025 + \frac{0.0375}{\binom{h}{H}^2 + 0.02};$$
(96)

gültig für

$$h=0.1$$
 bis 0.6 m
 $b \ge 0.1$ m für $h=0.2$ m

¹⁾ Z. V. d. I. 1800, S. 1285. "Hütte", 22. Aufl. Bd. 1, S. 272 u. 273.

$$b \ge 0.5 \text{ m}$$
 für $h = 0.6 \text{ m}$
 $\frac{h}{H} \ge 0.1$ für $\frac{b}{B} = 0.9$
 0.2
 0.8
 0.8
 0.7
 0.4
 0.5
 0.5
 0.3

51. Wassermesser. Es ist in gewissen Fällen von praktischer Bedoutung, den Durchfluß eines unter Druck stehenden Rohrstranges fortlaufend messen zu können. Zu diesem Behufe baut man in die Leitung besondere Wassermesser ein. Es sind verschiedene Arten davon im Gebrauch.

Die Kolbenmesser sind Kolbenmotoren, bei denen das durchfließende Wasser den Kolben hin- und hertreibt. Das vom Kolben beschriebene Volumen mißt die Durchflußmenge recht genau und zuverlässig; man hat nur die Zahl der Kolbenspiele zu registrieren.

Die Kolbenmesser sind teuer und werden darum nur dort angowandt, wo es auf Genauigkeit ankommt, wie z. B. beim Speisewasser von Dampfkesseln. Sie kommen nur für kleine Wassermengen in Betracht.

Die am häufigsten gebrauchten Wasscruhren können als Wirbelmosser bezeichnet werden. Das Wasser wird nach Abb. 74 durch eine Anzahl schräger Bohrungen in das Innere eines zylindrischen Ge-

häuses geleitet und aus demselben durch eine axiale Öffnung wieder abgeführt, so daß es in dem Gehäuse eine wirbelnde Bewegung annimmt. In diesen Wirbel wird ein leicht bewegliches Flügelrädehen gesetzt, dessen Geschwindigkeit wenigstens annähernd diejenige des Durchflusses und damit auch die Wassermenge selber mißt. In bezug auf die Anordnung des Zahlwerkes, durch das die Umläufe des Rädehens angezeigt werden, trifft man zwei Arten. Entweder liegt das Zählwerk im Trocknen; dann muß eine Achse durch eine Stopfbüchse ins Freie geführt werden; unter der Stopfbüchsenreibung leidet aber die Zuverlässigkeit des Apparates. Oder das Zählwerk steht unter Wasser; dann muß die



davor liegende Glasscheibe stark genug sein, um dem Drueke zu widerstehen.

Die Wirbelmesser bedürfen auf alle Fälle einer besonderen Eichung; dennoch können sie auf Genauigkeit keinen Anspruch erheben. Im besonderen geben sie kleine Durchflußmengen zu klein an. Sie sind billig und werden vielfach zur Kontrollo des Wasserbezuges aus öffentlichen Leitungen gebraucht, also auch nur für relativ kleine Mengen.

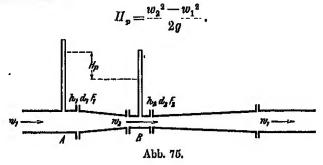
Beide Arten von Wassermessern erzeugen nicht unwesentliche Druckverluste. Die im Handel vorkommenden Wasseruhren ergeben für den größten nominellen Durchfluß einen Druckverlust von 10 m.

Der Venturi-Wassermesser¹) von C. Herschel ist dazu bestimmt, die Durchflußmenge von größeren Rohrsträngen ohne wesentliche Druckverluste zu messen. Es wird nach Abb. 75 eine allmähliche Verengung in die Leitung eingebaut. Der Höhenunterschied der Piezometerstände vor und in der Verengung gibt ein Maß für die augenblicklich vorhandenen Geschwindigkeiten. Die Geschwindigkeit in der Verengung wird sodann durch eine allmähliche Erweiterung wieder in Druck umgesetzt, so daß keine wesentlichen Druckverluste entstehen.

Darf man den Reibungsverlust zwischen den Punkten A und B außer acht lassen, so erhält man die Energiebilanz

$$h_1 + \frac{w_1^2}{2g} = h_2 + \frac{w_2^2}{2g}$$
.

Daraus erhält man für das piezometrische Gefälle $H_p=h_1-h_2$ zwischen A und B:



Drückt man w_2 durch w_1 und das Verhältnis $F_1:F_2$ aus, so erhält man für die Berechnung der Durchflußgeschwindigkeit

$$w_1^2 = \frac{2gH_p}{\binom{F_1}{F_2}^2 - 1}.$$

Die Durchflußmonge solbst ist

$$Q = F_1 w_1.$$

In der Erweiterung geht nach Absehn. 43 eine Druckhöhe verleren

$$H_v = \frac{(w_3 - w_1)^2}{2y}$$
,
 $F_t - 1$
 $H_v = H_v F_2 - \dots$,
 $F_t + 1$

oder

¹⁾ Von seinem Erfinder zu Ehren des italienischen Hydraulikers Venturi so benannt.

Es sei z. B.

$$d_2 = 0.4 d_1;$$
 $\frac{F_1}{F_2} = \frac{100}{16} = 6.25;$

man findet

$$w_1 = 0.718 \sqrt{H_p}$$

$$H_p \ge 0.724 H_p.$$

Wurde beobachtet $H_{p} = 0.210 \text{ m}$, so wäre

 $w_1 = 0.329 \text{ m/sek}$

H, ₹ 0,152 m.

Für die Durchmesser $d_1 = 250 \text{ mm}$ und $d_1 = 100 \text{ mm}$ wäre der Durchfluß Q = 16 l/sek.

Der Venturi-Messer wird mit totalisierenden Registriervorrichtungen versehen, an denen man ablesen kann, wieviel Wasser in einem

gewissen Zeitraum durchgeflossen ist.

Es kann sich auch bei diesem Wassermesser nicht sowohl um eine genaue Bestimmung als viel mehr nur um eine ungefähre Kontrolle des Durchflusses handeln.

B. Mechanische Wirkungen des strömenden Wassers bei der Ablenkung.

5. Ablenkung im ruhenden System.

52. Die Wirkung des Wassers in den Turbinen beruht darauf, daß das strömende Wasser in den Kanälen des Laufrades eine starke Ablenkung erfährt. Diese Ablenkung stellt sich als das Ergebnis der Kräfte dar, die die Turbinenschaufeln auf das Wasser ausüben. Mit ebenso großen Gegenwirkungen preßt das Wasser gegen die Schaufeln und indem diese zurückweichen, wird vom Wasser Arbeit verrichtet.

Das Wasser besitzt beim Eintritt ins Laufrad einen gewissen Vorrat an Energie; die Untersuchung darüber, wie sich dieser Energieinhalt in den Kanälen ändert, wie er auf das Laufrad übertragen wird und unter welchen Bedingungen diese Übertragung am vollständigsten

orfolgt, bildet die Grundlage der Turbinentheorie.

Die Größe der Rückwirkung des Wassers auf die Turbinenkanüle steht offenbar mit der in der Zeiteinheit durchfließenden Wassermasse im direkten Verhältnis. Die Durchflußmenge hängt für einen gegebenen Kanal von dessen Querschnitten und von den Geschwindigkeiten und diese wieder von der Druckverteilung im Kanal ab. Daher müssen in erster Linie die Durchflußverhältnisse, d. h. der Zusammenhang zwischen der Druckverteilung und den Geschwindigkeiten, untersucht werden. Es lassen sich alsdann die Querschnitte bestimmen, wenn eine gewisse Wassermenge durchfließen soll.

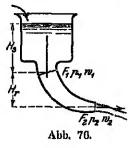
Weiterhin hängt aber die Rückwirkung des Wassers auf die Schaufeln noch von der Stärke der Ablenkung, also von der Größe und der Richtung der Verzögerungen ab, die die Wassermasse während ihrer Bewegung längs des Kanales erleidet. Somit sind in zweiter Linie die

Massenwirkungen zu studioren, die als Folge der Ablenkung zwischen der durchströmenden Wassermasse und den Kanalwänden auftreten.

Diese Untersuchungen sollen zunächst am ruhenden Kanal durchgeführt werden, da hier die Dinge in der einfachsten Form auftreten.

53. Durchfluß. Es sei nach Abb. 76 ein gekrümmter Kanal an die Mündung eines festen Gefäßes dieht aber völlig frei angesetzt. Der Kanal verjünge sich nach unten so stark, daß der Druck p_1 an der Anschlußstelle größer ist als derjenige am Austritt des Kanals, also $p_1 > p_2$; das Wasser staue sich somit im Kanal.

Führt man für den Druckhöhenverlust durch die Reibung im Kanal die Größe H_v ein, so ergibt sich auf Grund des Prinzips von Bernoulli die Energiebilanz



$$\frac{p_1}{\gamma} + \frac{w_1^2}{2g} + H_r = \frac{p_2}{\gamma} + \frac{w_2^2}{2g} + H_v. \quad (97)$$

Dadie Geschwindigkeiten den Querschnitten umgekehrt proportional sind, ergibt diese Gleichung einen eindeutigen Zusammenhang zwischen den verschiedenen Größen, sobald die Drücke p_1 und p_2 bekannt sind und die verlorene Druckhöhe H_v als Funktion der Geschwindigkeit eingeführt wird. Da man die Turbinenkanite möglichst stark zu verjüngen

pflogt, ist der Druckvorlust durch Reibung nach Abschn. 48 in der Hauptsache von der großen Geschwindigkeit w₃ abhängig, so daß man schreiben kann

$$H_v = \zeta \frac{w_2^2}{2a}$$
,

wobei für sorgfältig ausgestaltete Kanäle gesetzt werden darf $\zeta = 0.06$ bis 0.10.

Mit diesem Ausdruck für H_v nimmt die Gleichung die Form an

$$(1+\zeta)\frac{w_2^2}{2g} = H_r + \frac{w_1^2}{2g} + \frac{p_1 - p_2}{\gamma}, \qquad (97 \text{ a})$$

die als die Durchflußgleichung bezeichnet werden mag.

Für den Druck p_1 gilt die Beziehung

$$\frac{p_1}{\gamma} = H_s - (1 + \zeta_1) \frac{w_1^3}{2g}$$
,

wenn ζ_1 den Widerstandskoeffizienten für die Mündung des feststehenden Gefäßes bedeutet.

54. Rückwirkung des strömenden Wassers. Der in Abb. 77 augedeutete Kanal möge in einer senkrechten Ebene enthalten sein. Denkt man sich die ganze Flüssigkeitsmasse in lauter gleichgroße Teilehen von der Masse dm zerlogt, so erhält man die Rückwirkung des ganzen Kanalinhaltes als Summe der Wirkung der einzelnen Teilehen. Nach Abschn. 27 orgibt sich die Kontinuitätsbedingung

$$dm = Mdt$$

wobei M die in der Zeiteinheit und dm die in der Zeit dt an irgendeinem Punkte des Kanals verbeiströmende Flüssigkeitsmenge bedeutet.

Nach Abb. 77 sind an dem Flüssigkeitsteilehen folgende Kräfte wirksam: in der Richtung der Bahntangente rückwärts die Beharrungskraft (pdm), vom Krümmungsmittelpunkt weg ebenfalls als Beharrungskraft die Zentrifugalkraft (dC), in senkrechter Richtung das Eigengewicht my und endlich noch der Flüssigkeitsdruck dD, von dessen Richtung sich einstweilen nichts sagen läßt, als daß er in der Kanalebene liegt und eine Komponente in der Durchflußrichtung besitzen muß. Dieser Flüssigkeitsdruck ist es, der schließlich die Rückwirkung der strömenden Flüssigkeiten auf den Kanal überträgt. Die Reibung

braucht nicht besonders in die Rechnung gesetzt zu werden, da sie schon in der Größe (pdm) zur Geltung gelangt.

Dem Prinzipe von d'Alembert gemäß stehen alle diese Kräfte miteinander im

Gleichgewicht (vgl. Abschu. 9); cs ist also
$$\operatorname{Res}[ydm, (pdm), (dC), dD] = 0$$
.

Daraus orgibt sich für den Flüssigkeitsdruck

$$dD = -\operatorname{Res}[gdm, (pdm), (dC)].$$

Ebonso groß, aber entgegengesetzt gerichtet, ist die Rückwirkung auf den Kanal dW = -dD = Res [ydm, (pdm), (dC)].

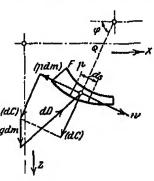


Abb. 77.

Bezeichnet man mit a den Winkel, den die Bahntangente mit dem Horizonte einschließt, so erhält man unter Rücksichtnahme auf die in Abb. 77 gewählten Koordinatenrichtungen für die wagrechte Komponente

$$dX = -(pdm)\cos\alpha - (dC)\sin\alpha$$
.

Darin ist
$$(pdm) = \frac{dw}{dt} dm$$
.

$$(dC) = \frac{w^2}{\rho} dm,$$

wohei ϱ den Krümmungshalbmesser bedeutet. Schließt dieser mit dem Horizonte den Winkel φ ein, so hat man

$$\rho d\varphi = ds$$
 and $d\varphi = -d\alpha$.

Da im weiteren

$$ds = wdt$$

also

$$\varrho = -\frac{wdt}{dx}$$
,

erhült man für die Zentrifugalkraft

$$(d0) = -\frac{wd\alpha}{dt} dm.$$

Es ergibt sich schließlich für die wagrechte Komponente der Rückwirkung

$$dX = -(dw\cos\alpha - w\sin\alpha d\alpha)\frac{dm}{di} = -d(w\cos\alpha)\frac{dm}{dt}$$

oder, wenn man $w\cos\alpha=w_a$, d. h. gleich der wagrechten Komponente der Geschwindigkeit im Kanal setzt,

$$dX = -dw_w \frac{dm}{dt},$$

eine Beziehung, die in dieser Schreibweise als eine Selbstverständlichkeit erscheint.

In analoger Weise erhält man die senkrechte Komponente, nur daß die Schwerkraft noch dazu kommt; man kann sefert anschreiben

$$dZ = -dw_z \frac{dm}{dt} + g \cdot dm.$$

Da bei stetigem Durchfluß

$$\frac{dm}{d\tilde{t}} = M$$

die in der Zeiteinheit durchströmende Flüssigkeitsmasse bedeutet, ergibt die Integration über den ganzen Kanal innerhalb der in Abb. 78 angegebenen Grenzen für die beiden Komponenten der Rückwirkung die Werte

 $Z = \begin{bmatrix} w_{21} \\ w_{21} \end{bmatrix}$ $w_{21} \\ w_{22} \\ \text{Abb. 78.}$

$$X = -M(w_{x2} - w_{x1}) Z = -M(w_{x2} - w_{x1}) + U.$$
 (98)

Darin bedeutet G das Eigengewicht des Kanals samt Inhalt.

Zu diesen Kräften tritt noch der statische Flüssigkeitsdruck auf die Anschlußfläche hinzu, der unter Verwendung der in Abb. 76 enthaltenen Bezeichnung den Wert hat

$$P = l^{1}(p_{2} - p_{1}).$$

Man überzeugt sich von der Notwendigkeit dieser Ergänzung am einfachsten, wenn man sich zuerst den Ausfluß des Kanals verschlossen denkt. Es stellt sich dabei ein bestimmter Druck auf die Anschlußfläche ein. Gibt man den Ausfluß wieder frei, so tritt freilich alsbald eine andere Verteilung des Druckes auf; man muß aber nach wie vor mit einem entsprechenden Druck auf die Anschlußfläche rechnen.

Läßt man diesen statischen Druck und das Eigengewicht des Kanals und der darin enthaltenen Flüssigkeit aus dem Spiel, so bleiben nur die dynamischen Rückwirkungen des strömenden Wassers übrig. Ihre Komponenten sind

$$X = -M (w_{\alpha 2} - w_{\alpha 1}),$$

 $Z = -M (w_{\alpha 2} - w_{\alpha 1}).$

Setzt man die in diesen beiden Gleichungen übereinander stehenden Größen zusammen und beachtet man, daß

Res
$$[w_{n2}, w_{n2}] = w_0$$

Res $[w_{n1}, w_{n1}] = w_1$,

und

so erhält man für die ganze dynamische Rückwirkung

 $R = \operatorname{Res}\left[Mw_1, Mw_2\right];$

(99)

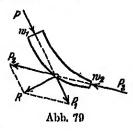
d. h. diese Rückwirkung ist gleich der Resultanien zweier Kräfte

 $P_1 = M w_1$ und $P_2 = M w_2$, (99a)

die nach Abb. 79 im Anfangs: und im Endpunkt des Kanals in der Richtung der Tangente wirksam sind.

Es ist leicht zu übersehen, daß dieser Satz auch für doppelt gekrümmte Kanäle gilt.

Die Betrachtungen dieses Abschnittes sind auf Flüssigkeiten jeder Art, also auch auf Gase und Dämpfe anwendbar; denn es wurde nirgends konstantes Volumen vorausgesetzt.



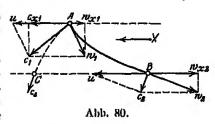
Es sei nochmals daran erinnert, daß der Einfluß der Reibung bereits in den Geschwindigkeiten zum Ausdruck gelangt und daher nicht besonders einzuführen ist.

6. Ablenkung im gleichförmig bewegten System.

55. Parallelverschiebung. Die Ergebnisse der Untersuchung im vorigen Abselmitte behalten ihre Gültigkeit, auch wenn die Rinne eine gleichförmige geradlinige Bewegung parallel zu sich selbst besitzt; denn es entstehen hierbei offenbar keine neuen Beschleunigungen, also auch keine weiteren dynamischen Rückwirkungen. Ein genaueres rechnerisches Eintreten ergibt die Bestätigung.

Es führe z. B. die in Abb. 80 angedeutete Rinne AB eine Bewegung mit der Geschwindigkeit u in der Richtung der X-Achse aus¹).

Damit die Bewegung möglich sei, muß die Anschlußfläche an die Mündung wagrecht liegen; daher wird der statische Druck auf dieselbe so wenig wie die Schwerkraft einen direkten Beitrag andie Kraftkomponente X liefern. Indirekt trägt er allerdings dadurch bei, daß er die Beschleunigung des Wassers im Kanal unterstützt; sein Einflußigt aber handte in Anschlag geler



ist abor bereits in Anschlag gebracht, wenn man die Beschleunigung in die Rochnung eingeführt hat.

Die Bewegung längs des Kanales setzt sich mit der Eigenbewegung desselben zu einer absoluten Bewegung zusammen, deren Bahn etwa dem Linienzug AC entspricht. Diese absolute Bewegung zeigt beim Ein- und beim Austritt in wagrechter Richtung die Geschwindigkeitskomponenten

$$c_{\alpha 2} = w_{\alpha 2} + u$$
 and $c_{\alpha 1} = w_{\alpha 1} + u^2$.

¹⁾ Etwa wie bei einer Jonyal-Turbine von unendlich großem Durchmesser.
2) Nach der in Abb. 80 getroffenen Anordnung wären die Geschwindigkeiten w_{x_1} und w_{x_3} als negativ anzuschen.

und

Ginge die Bewegung längs eines festen Kanals von der Gestalt AC vonstatten, so wäre die dynamische Rückwirkung in der Richtung der X-Achse nach Abschu. 54, Gl. (98)

$$X = -M(c_{\alpha_2} - c_{\alpha_1}).$$

Es kann nun aber augenscheinlich nicht darauf ankommen, in welcher Weise der Übergang vom Anfangs- in den Endzustand sich vollzieht, und was für die Bewegung längs eines festen Kanals AC gilt, muß auch richtig sein, wenn diese selbe Bewegung sich aus der Verbindung zweier anderen Bewegungen ergibt. Setzt man in den obenstehenden Ausdruck für X die beiden Ausdrücke für c_{x2} und c_{x1} ein, so erhält man in der Tat aus Gl. (98)

$$X = -M(w_{\alpha 2} - w_{\alpha 1}),$$

und die Eigengeschwindigkeit u der Rinne fällt aus der Rechnung.

Bei der angenommenen Parallelverschiebung wird in der Zeiteinheit eine Arbeit im Betrage von

$$L = uX = Mu(c_{x1} - c_{x2})$$
 (100)

vom Wasser auf den Kanal übertragen.

56. Durchflußgleichung für einen rotierenden Kanal. Es soll die Strömung eines Flüssigkeitsfadens durch einen Kanal untersucht werden, der sich gleichförmig um eine feste Achse dreht. Der Einfachheit wegen sei angenommen, die Achse stehe senkrecht. Unter dieser Annahme behält die Schwerkraft gegenüber dem rotierenden System ihre Richtung unveränderlich bei und läßt sich leicht in die Rechnung einführen.

Aus dem Faden werde durch zwei Querschnitte ein Flüssigkeitsteilehen herausgeschnitten, dessen Größe nach Absehn. 27 mit Rücksicht auf die Kontinuität so gewählt wird, daß es sich in der Zeit dt um seine eigene Länge ds fortschiebt. Es bezeichne dm die Masse des Teilehens, F den Querschnitt des Flüssigkeitsfadens, p den Druck an jener Stelle und p die Beschleunigung des Teilehens. Bei stillstehender Rinne wäre das Element unter dem Einfluß der Schwerkraft gdm, der tangentialen Komponente — Fdp des Flüssigkeitsüberdruckes, der Flüssigkeitsreibung und der Beharrungskräfte (— pdm) und (dC). Fügt man nach dem Satze von Geriolis (Absehn. 12) noch die Ergänzungskräfte

$$(dP_3) = \omega^2 r dm$$

$$(dP_3) = 2 \omega w' dm$$

hinzu, so kaun man die Bewegung längs der Rinne in Anlehnung an Absehn. 53 gerade so behandeln, als ob keine Drehung stattfände.

Für den Durchfluß fallen die Kräfte (dC) und (dP_B) , die normal zur Rinne gerichtet sind, außer Betracht, und es bleiben nur die Kräfte in der Rechnung, die Komponenten in der Richtung der Tangente an den Kanal liefern. Diese Kräfte müssen sich das Gleichgewicht halten, oder die Summe der Arbeiten, die sie in der Zeit dt verrichten, muß gleich Null sein. Es ergibt sich an Hand von Abb. 81 folgende Liste der einzelnen Arbeiten:

von den wirklichen Kräften

Sohwerkraft $gdmdH_r$,

Flüssigkeitsdruck -Fdpds,

Flüssigkeitsreibung $-gamdH_{ax}$;

von den scheinbaren Kräften

$$\begin{array}{ll} (dP_2) & \omega^2 r dm dr^1), \\ (q dm) & -\frac{dw}{dt} dm ds = -w dw dm. \end{array}$$

Die Gleichgewichtsbedingung ergibt

 $Fdpds = -wdwdm + \omega^{2}rdmdr + g(dH_{r} - dH_{ur})dm$

oder, da
$$Fds = \frac{g}{\gamma} dm$$
 ist,

$$g \frac{dp}{\gamma} = -w dw + \omega^2 r dr + g (dH_r - dH_{pr}). \tag{101}$$

Diese Gleichung gilt für alle Flüssigkeiten ohne Unterschied. Ihre Integration setzt voraus, daß der Zusammenhang zwischen dem Druck p und dem spezifischen Gewicht p bekannt sei. Für tropfbare Flüssigkeiten ist p als konstant anzuschen, und in diesem Fall ergibt die Integration zwischen den in Abb. 81 angedeuteten Grenzen

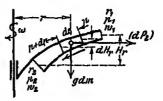


Abb. 81.

$$\frac{p_1 - p_2}{\gamma} = \frac{w_1^2 - w_1^2}{2g} - \omega^2 \frac{r_2^2 - r_1^2}{2g} - H_r + H_{vr},$$

wobei H_{pr} den ganzen Druckhöhenverlust im Kanal bedoutet.

Führt man die Umfangsgeschwindigkeit $u=r\omega$ ein, so nimmt die Gleichung die Form an

$$\frac{p_1 - p_2}{\gamma} = \frac{m_2^2 - w_1^2}{2g} - \frac{u_2^2 - u_1^2}{2g} - H_r + H_{vr}. \tag{102}$$

Dies ist eine der Hauptgleichungen der Turbinentheorie; sie gibt Auskunft über die Geschwindigkeit, mit der das Wasser für gegebene Verhältnisse, d. h. unter bestimmten Werten von p_1 und p_2 , u_1 und u_2 durch die Rinne fließt, und werde daher als die Durchflußgleichung bezeichnet. Sie gilt für jede Durchflußrichtung, sobald man den Zeiger 1 auf den Eintritt und 2 auf den Austritt bezieht; ihre Gültigkeit ist aber auf tropf bare Flüssigkeiten beschränkt.

Bei den Turbinen ist stets $p_1 - p_2 \ge 0$; es besteht zumeist ein Überdruck im Sinne des Durchflusses. Gibt man der Gl. (102) eine leichte Abänderung in der Anordnung;

$$\frac{p_1 - p_2}{\nu} = \frac{w_2^3 - w_1^3}{2g} + \frac{u_1^2 - u_3^2}{2g} + (H_{vr} - H_r), \tag{102a}$$

 $^{^{1}}$) Man boachte, daß bei der gewählten Durchflußrichtung dr und also auch die Arbeit negativ ist.

und bleibt man nach Abb. 81 bei der Annahme, der Durchfluß erfolge von außen nach innen, so kann man die Gleichung folgendermaßen lesen: Der Überdruck vom Eintritt nach dem Austritt wird dazu verwendet: erstens die Flüssigkeit längs der Rinne von der Geschwindigkeit w_1 auf w_2 zu beschleunigen, zweitens die Zentripetalbeschleunigung zu erzeugen und drittens den Radwiderstand H_{vr} (abzüglich der Radhöhe H_r) zu überwinden; sie stellt sich somit als Ausdruck für das Prinzip von der Erhaltung der Energie dar, und kann demgemäß sefort angeschrieben werden.

Je kleiner die Umfangsgeschwindigkeit u_2 nach innen wird, deste größer muß der Überdruck $p_1 - p_2$ sein, um die Bewegung aufrechtzuerhalten. Umgekehrt wird bei unverändertem Überdruck der Durchfluß deste lansgamer vor sich gehen, je mehr die Umfangsgeschwindigkeit nach innen abnimmt, d. h. je kleiner der innere Halbmesser wird.

Hätte man den Eintritt innen, so wäre $u_2 > u_1$; das zweite Glied rechts, das die Zentripetalbeschleunigung mißt, würde negativ, d. h. es wirkt diese fördernd auf den Durchfluß; die Gleichung wäre also ein wenig anders zu lesen.

57. Rückwirkung eines Flüssigkeitsladens auf eine gleichförmig retterende Rinne. Zur Vereinfachung der Untersuchung sei angenommen, daß die Drehachse senkrecht stehe und ferner, daß die Rinne in einer wagrechten Ebene enthalten sei.

Nach Abschn. 9 Gl. (31) übt ein einzelnes Teilehen des Flüssigkeitsfadens, das die Masse dm besitzt, auf die Rinne eine Rückwirkung aus, die gleich der Resultanten sämtlicher Beharrungs- und Außenkräfte ist. Die Schwerkraft, die im vorliegenden Falle die einzige Außenkräft ist, fällt außer Betracht, da sie normal zur Ebene der Rinne gerichtet ist und daher keinen Einfluß auf die Bewegung haben kann. Es bleiben daher nur die Beharrungskräfte übrig, und da diese alle in der Rinnenebene liegen, böte die Zusammensetzung derselben keine Schwierigkeiten. Was uns hier aber vor allem interessiert, ist nicht die Resultante als solche, sondern das resultierende Drehmoment der Rückwirkung, das auf die Rinne übertragen wird und Arbeit zu verrichten imstande ist. Dasselbe wird erhalten als die algebraische Summe der Momente der einzelnen Krüfte.

Als cinzelne Kräfte sind nach Abschn. 12 wirksam (vgl. Abb. 9 bzw. 10):

1. Die Zentrifugalkraft der relativen Bewegung

$$(dP_1) = \frac{w^2}{\varrho} dm$$

am Hobelarm

2. die tangentiale Beharrungskraft

$$(pdm) = \frac{dw}{dt}dm$$

in der Richtung entgegengesetzt zur relativen Bewegung längs der Rinne, am Hebeların $r\cos\beta$,

3. die zusammengesetzte Zentrifugalkraft

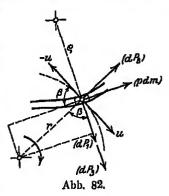
$$(dP_s) = 2 \omega w dm$$

am Hebelarm $r \sin \beta$.

Dagegen fällt die radial gerichtete Zentrifugalkraft (dP_2) des Systempunktes aus der Betrachtung, da sie kein Drehmoment liefert.

In Abb. 82 sind die Kräfte ihrer Richtung nach für den Fall eingetragen, wo die Bewegung von außen nach innen vor sich geht, entsprechend der Strömung bei Francisturbinen. Für die gewählten Durchfluß- und Krümmungsverhältnisse ergeben sich lauter positive Teilmomente. Wie sich die Vorzeichen gestalten, wenn die Strömung oder die Krümmung des Kanals anders verläuft, ist leicht zu überblicken.

Für das resultierende Drehmement erhält man



 $d\mathfrak{M} = (dP_1)r\sin\beta + (pdm)r\cos\beta + (dP_2)r\sin\beta.$ (103)

Um dasselbe zu bestimmen, hat man die Einzelglieder zu berechnen. Für das erste Glied

$$(dP_1)r\sin\beta = r\frac{w^2}{\rho}dm\sin\beta$$

ist vor allem der Krümmungshalbmesser o zu bestimmen. Das Teilchen, das sich nach Abb. 83 augenblicklich in A befindet, gelangt nach

der Zeit dt nach B. Würde sich der Winkel β , den die Rinne mit dem Radumfang einschließt, beim Ubergange von A nach B nicht ändern, so witre der Winkel $d\mu$, den die Bahntangenten in A und B miteinander bilden, gleich dem Winkel $d\psi$ zwischen den Strahlen nach A und B. Wächst aber beim Übergange der Winkel & um den Betrag $d\beta$, so wird augenscheinlich der Winkel $d\mu$ um obonsoviel kleiner; es ist also

$$d\mu = d\psi - d\beta$$
.

Diesen selben Winkel $d\mu$ schließen aber auch die belden Krümmungshalbmesser in A und B mitcinandor cin; darans ergibt sich

$$\varrho = \frac{ds}{d\mu} = \frac{ds}{d\psi - d\bar{\beta}}.$$

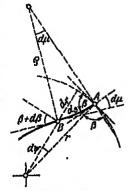


Abb. 83.

Multipliziert man Zähler und Nenner mit $r \sin \beta$, so erhält man

$$\varrho = \frac{r d \sin \beta}{r d \psi \sin \beta - r \sin \beta d \beta}.$$

Da aber $rd\psi = ds \cos \beta$ und $ds \sin \beta = dr$, kann man schreiben

$$\varrho = \frac{rd s \sin \beta}{dr \cos \beta - r \sin \beta d\beta}$$
$$\varrho = \frac{rd s \sin \beta}{d(r \cos \beta)}.$$

oder

Führt man diesen Wert in den Ausdruck für das erste Teilmement ein, so nimmt or die Gestalt an

$$(dP_1)r\sin\beta = w\frac{dm}{dt}d(r\cos\beta)$$
.

Nach der Kontinuitätsbedingung ist dm:dt=M die in der Zeiteinheit durchströmende Flüssigkeitsmasse; man erhält daher schließlich für das erste Teilmement

$$(dP_1)r\sin\beta = Mwd(r\cos\beta). \tag{104}$$

Für das zweite Teilmement kann man sofort anschreiben

$$(pdm)r\cos\beta = Mrdw\cos\beta. \tag{105}$$

Das dritto Teilmoment ist

$$(dP_3)r\sin\beta = 2\omega wrdm\sin\beta$$

oder, da w = ds : dt und $ds \sin \beta = dr$

$$(dP_3)r\sin\beta = 2M\omega rdr = M\omega d(r^2). \tag{106}$$

Bei der gewählten Durchflußrichtung, also bei abnehmendem Halbmesser, ist $d(r^2)$ negativ; da aber (dP_3) ein positives Drehmoment ergeben muß, ist der Ausdruck für das dritte Teilmement mit dem negativen Verzeichen in die algebraische Summation einzusetzen.

Führt man die Werte aus Gl. (104), (105) und (106) in Gl. (103)

ein, so erhält man für das resultierende Drehmement

$$d\mathfrak{M} = M \left[wd(r\cos\beta) + rdw\cos\beta - \omega d(r^2) \right].$$

Da w nach der Voraussetzung konstant ist, kann man für das letzte Glied auch schreiben

$$\omega d(r^2) = d(\omega r^2) = d(ur),$$

wenn $u = r\omega$ die Umfangsgeschwindigkeit des Rinnenpunktes bedoutet. Die beiden ersten Glieder bilden das vollständige Differential

von rw cos f, und es ergibt sich somit für das resultierende Drehmoment

$$d\mathfrak{M} = M \left[d(rw\cos\beta) - d(ur) \right]$$

= $M d\left[r(w\cos\beta - u) \right].$

Es ist aber nach Abb. 84

$$u - w \cos \beta = c_u$$

Abb. 84, oder gleich der Umfangskomponente der absoluten Gosohwindigkeit c des Flüssigkeitsteilehens, und wonn man diosolbe einführt, so orhält man schließlich

$$d\mathfrak{M} = -Md(rc_u).$$

Die Integration über die ganze Rinne zwischen den Gronzen r_i und r_2 für Ein- und Austritt, denen die Werte c_{u1} und c_{u2} entsprechen, ergibt endlich für die dynamische Wirkung des strömenden Flüssigkeitsfadens

$$\mathfrak{M} = M(r_1 c_{u1} - r_2 c_{u2}). \tag{107}$$

Diese Beziehung wurde von Leonhard Euler aufgefunden und im Jahre 1754 veröffentlicht. Sie bildet mit der Durchflußgleichung (102) die Grundlage der Turbinentheorie. Für die meisten Anwendungen wird sie zweckmäßiger noch etwas umgeformt. Multipliziert man sie mit ω, so erhält man eine Beziehung für die vom Flüssigkeitsfaden auf die Rinne übertragene Leistung $L = \mathfrak{M}\omega$. Da $r\omega = u$ die Umfangsgeschwindigkeit des Rinnenpunktes bedeutet, erhält man als Ausdruck für die Leistung

 $L = \mathfrak{M}\omega = M\left(u_1c_{u_1} - u_2c_{u_2}\right).$

Man bezeichnet diese Gleichung als die Eulersche Arbeitsgleichung. Der statische Druck auf die Anschlußfläche der Rinne liefert keinen Beitrag zum Drehmoment; denn er ist radial gerichtet, da die Anschlußfläche wegen der Beweglichkeit der Rinne in die Richtung des Umfanges fallen muß.

Da über die Natur der Flüssigkeit keine besonderen Annahmen getroffen wurden, gilt die Eulersche Gleichung für jede Art von Flüssig-

keit; sie gilt auch, wenn die Bewegung mit Reibung behaftet ist, da deren Einfluß sich in den Geschwindigkeiten geltend macht.

Ist die Rinne nicht in einer Parallelkreisebene enthalten, sondern beliebig doppelt gekrümmt, so gelangt man auf folgendem Wege zu einem deutlichen Einblick. Projiziert man nach Abb. 85 die Bewegung auf eine Parallelkreisebene, so ist auf diese Projektion die Eulersche Gleichung ohne weiteres anwendbar. Da die relative Geschwindigkeit w längs der Rinne und ihre Projektion dieselbe

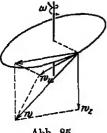


Abb. 85.

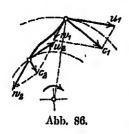
Umfangskomponente w_n ergeben, erhält man aus der Eulerschen Gleichung dieselben Werte, ob man mit w oder mit der Projektion w_u rechnet. Die senkrechte Bewegungskomponente w_2 aber kann keinen Einfluß auf das Drehmoment ausüben; allfällige Rückwirkungen derselben kommen nur als Axialschübe zur Geltung.

58. Bemerkungen zur Eulerschen Gleichung. Die Analogie zwischen der Gl. (108) und der Gl. (100), die die Leistung des Wasserfadens bei Parallelverschiebung der Rinne darstellt, ist in die Augen fallend. In der Tat ergibt sich die letztere als Sonderfall der ersteren, indem man den Halbmesser unendlich groß setzt. In diesem Falle geht die Drehung in eine geradlinige Parallelverschiebung über und die Umfangsgeschwindigkeit wird für alle Punkte dieselbe. Es geht Gl. (108) in die Form über

$$L = Mu \left(c_{u1} - c_{u2} \right)$$

was mit Gl. (100) identisch ist.

Aus der Eulerschen Gleichung läßt sich der Schluß ziehen, daß die Leistung nur vom Anfangs- und vom Endzustand der Flüssigkeit abhängt. Wie sich der Übergang vollzicht, ist ohne Bedeutung, sobald er nur möglichst reibungs- und verlustfrei vor sich geht. Wichtig ist aber, daß das negative Glied in der Klammer möglichst klein werde. Man kann sich so einrichten, daß nach Abb. 86 die



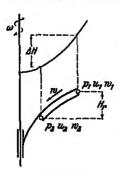
absolute Austrittsgeschwindigkeit c₂ radial gerichtet ist, daß also ihre Umfangskomponente Null wird. In diesem Falle geht die Eulersche Gleichung in die Form über

$$L = M u_1 c_{n1}.$$

Zur Erzielung einer erheblichen Leistung ist unbedingt erforderlich, daß die Flüssigkeit beim Eintritt eine größere vorwärtsgerichtete Komponente c_{n1} besitze. Darum muß die Flüssigkeit annähernd tangential auf die Turbine geleitet

worden. Das austretende Wasser aber soll keine, oder dann eine negative Umfangskompenente besitzen.

59. Summarische Ableitung der Grundgleichungen. Die beiden Gl. (102) und (108), die die Grundlagen der Turbinentheorie bilden, lassen sich sehr einfach in folgender Weise ableiten. Abb. 87 stellt einen gekrümmten Kanal dar, der sich um eine feste senkrechte Achse mit der konstanten Winkelgeschwindigkeit ω dreht und vom Wasser



z. B. in der Richtung von außen nach innen durchflossen wird. Denkt man sich die Rinne außen und innen abgesohlossen, so stellen sich an heiden Enden Piezometerstände ein, die nach Absehn. 22 auf einem Paraboloid liegen und nach Gl. (48a) einen Höhenunterschied von

$$2H = \frac{u_1^2 - u_2^3}{2g}$$

aufweisen. Zwischen Ein- und Austritt besteht somit ein Druckunterschied von

Abb. 87.

Um das Gloichgewicht auch ohne die Verhältnisse aufrechtzuerhalten, müßte ein Druck-

unterschied in eben dieser Höhe vorhanden sein. Soll aber nicht nur Gleichgewicht bestehen, sondern überdies das Wasser von der Geschwindigkeit w_1 auf w_2 beschleunigt werden, so bedarf es dazu noch eines weiteren Überdruckes im Betrage von

$$v_2^2 - v_1^2 \over 2g$$
 .

Rechnet man endlich noch eine Überdruckhöhe H_v für die Überwindung der hydraulischen Widerstände hinzu, so erhält man für die im ganzen erforderliche Überdruckhöhe

$$\frac{p_1 - p_2}{\gamma} = \frac{w_0^2 - w_1^2}{2g} - \frac{u_2^2 - u_1^2}{2g} - H_r + H_v.$$

Dies ist die Durchflußgleichung in der früher aufgestellten Form (102).

Die Eulersche Arbeitsgleichung läßt sich aus der Energiebilanz ableiten. Bis zum Austritt hat man an eingehender Energie

$$Mg\left(\frac{c_1^2}{2g} + \frac{p_1}{\gamma} + H_r\right),$$

wobei c_1 die absolute Eintrittsgeschwindigkeit bezeichnet. An austretender und verlorener Energie ist zu buchen

$$Mg\left(\frac{c_2^2}{2g}+\frac{p_2}{\gamma}+H_{vr}\right)$$
,

wobei c2 die absolute Austrittsgeschwindigkeit bedeutet. Der Unterschied zwischen Ein- und Ausgang muß die auf den Kanal übertragene Arbeit sein; man erhält dafür

$$L = M g \left(\frac{c_1{}^2 - c_2{}^2}{2 g} + \frac{p_1 - p_2}{\gamma} + H_r - H_{\tau\tau} \right).$$

Setzt man für $(p_1 - p_2) : \gamma$ den Wert aus der Durchflußgleichung (102) ein, so bekommt man als Leistung

$$L = \frac{M}{2} (c_1^2 - c_2^2 + w_2^2 - w_1^2 + u_1^2 - u_2^2).$$

Es ist aber nach Abschn. 11, Gl. (34)

$$w_1^2 = c_1^2 + u_1^2 - 2 u_1 c_{u_1}$$

$$w_2^2 = c_2^2 + u_2^2 - 2 u_2 c_{u_2}$$

und

Setzt man dies ein, so erhält man die Arbeitsgleichung in der früheren Form (108)

$$L = M (u_1 c_{u_1} - u_2 c_{u_2}).$$

Es lassen sich somit die beiden Grundgleichungen auch ohne Zuhilfenahme des Coriolisschen Satzes aufstellen. Die auf dem weiteren Wege gowonnene Vertiefung der Begriffe und des Einblickes in die Einzelheiten der Vorgänge dürfte für den Mehraufwand an Zeit und Arbeit reichlich entschädigen¹).

60. Die Ableitung der Eulerschen Gleichung nach Zeuner²) zeichnet sich durch ihre Einfachheit aus und mag daher hier auch noch folgen.

Die in Abb. 88 dargestellte ebene Rinne ist drehbar um eine Achse, die normal zur Ebene der Rinne steht. Sie worde zunächst festgehalten. Zerlegt man die Bewegung längs der Rinne in ihre Komponenten in der Achsenrichtung eines rechtwinkligen Koordinatensystems, dessen Anfangspunkt in der Drehachse liegen soll, so ergeben sich für

¹⁾ Es gibt bis auf den heutigen Tag noch genug Leute, die im Ernste glauben, es lasse sich aus der Zentrifugalkraft Arbeit gewinnen. Sie vergessen, daß die Zentrifugalkraft als Rückwirkung der Trägheit erst durch die Drehung hervorgerufen wird und somit nicht wieder fördernd auf die Drehbewegung zurückwirken kann. Man denkt beinahe unwillkürlich an den Herrn Beron von Münchnauson, der sich selbst am Zopfe aus dem Sumpfe herauszieht.

*) Vorlesungen über die Theorie der Turbinen, Leipzig 1899.

die dynamischen Rückwirkungen des fließenden Wasserteilchens von der Masse dm auf die Rinne die beiden Komponenten

$$dX = -\frac{dw_g}{dt}dm,$$

$$dY = -\frac{dw_g}{dt}dm.$$

Wonn'x und y die Koordinaten des Punktes bedeuten, in welchem das betrachtete Teilehen sieh eben befindet, so erzeugen diese dynamischen Rückwirkungen ein Drehmoment hinsichtlich der Achso

$$d\mathfrak{M} = (ydw_{\alpha} - xdw_{y})\frac{dm}{dt}.$$

In der Klammer kann man, ohne die Gleichung zu stören, den Ausdruck

$$w_x dy - w_y dx = \frac{dx}{dt} dy - \frac{dy}{dt} dx = 0$$

addieren und dadurch den Klammerausdruck zu einem vollständigen Differential machen. De dm : dt = M die in der Zeiteinheit durch die Rinne fließende Wassermasse bedeutet, erhält man die Gleichung

$$d\mathfrak{M} = Md(yw_{\varphi} - xw_{y}).$$

Mit Rücksicht darauf, daß nach Abb. 88

$$w_x = w \cos \alpha;$$
 $w_y = w \sin \alpha$
 $y \cos \alpha - x \sin \alpha = l,$

und

kann man sie in der Form schreiben

Abb. 88.

Abb. 89.

$$d\mathfrak{M} = Md(wl).$$

Nach Abb. 80 ist abor $l = r \cos \beta$, wobei r den Abstand von der Drehachse und & den Winkel bezeichnet, den die Rinne mit der Umfangsrichtung einschließt; somit geht die Gleichung in die Form über

$$d\mathfrak{M} = M d (rw \cos \beta)$$

$$du w \cos \beta = w$$

oder, de $w \cos \beta = w_n$

$$d\mathfrak{M}=Md(r\,w_u).$$

Wenn sich die Rinne um die Achse droht, so outstoht eine absolute Bewegung als Resultante der relativen Bewegung längs

der Rinne und der Drehbewegung der letzteren. Bedeutet cu die Umfangskomponente der absoluten Bewegung des Wasserteilehens im Achsabstander, so gibt offenbar auch für diesen Fall die verstehende Gleiohung das Drohmoment der Rückwirkung auf die Rinne an, sebald man c_u für w_u einsetzt; denn es kommt augenscheinlich nicht darauf an, ob eine gewisse absolute Bewegung durch Strömen längs einer stillstehenden oder längs einer rotierenden Rinne zustande kommt. ist also

$$d\mathfrak{M} = Md\left(rc_{u}\right)$$

und wenn man die Integration zwischen den Grenzen r_1 und c_{u_1} einerseits und re und one andererseits vollzieht, die für den Ein- und Austritt der Rinne gelten, so erhält man wie früher für das ganze Drehungsmoment die Gl. (107)

$$\mathfrak{M} = M \left(r_1 c_{u_1} - r_2 c_{u_2} \right).$$

61. Das Segnersche Wasserrad, mit dessen Theorie sich schon Euler wiederholt beschäftigt hat, wurde vor Erfindung des Tangentialrades durch Zuppinger öfters zur Ausnützung größerer Gefälle bei kleineren Wassermengen benutzt und erhielt dabei die in Abb. 90

skizzierte Anordnung. Da das Wasser auf einem kleinen Halbmesser mit geringer Geschwindigkeit angenähert radial in die gebogenen Arme eintritt, fällt in der Eulerschen Arbeitsgleichung

$$L = M (u_1 c_{u_1} - u_2 c_{u_2})$$

das erste Glied in der Klammer ziemlich klein aus. Setzt man dasselbe der Einfachheit wegen gleich Null, so geht die Gleichung in die Form über

$$L = -Mu_2c_{u_2}.$$

Da das Wasser nach Abb. 90 rückwärts in der Richtung des Umfanges austritt, ist

$$c_{u_2} = c_2 = u_2 - w_3$$
.

Damit eine gewisse Leistung erzielt werde, muß die absolute Austrittsgeschwindigkeit ce eine beträchtliche rückwärts gerichtete Größe besitzen; es darf also das Wasser seine Geschwindigkeit nur ganz unvollständig abgeben, und daher ist der Wirkungsgrad schlecht.

7. Sonderfälle.

62. Reaktion des ausfließenden Wassers. Der Ausfluß aus dem in Abb. 91 dargestellten Gefäße kann als Sonderfall des Durchflusses nach dem 5. Kapitel behandelt werden, indem man den Anfangszustand auf die Oberfläche bezieht und einsetzt

$$p_1 = p_s; \qquad w_1 = 0.$$

Damit nimmt die Durchflußgleichung (97a) die Gestalt an
$$\frac{c^2}{2g} = \frac{H}{1+\zeta}$$
 oder $(1+\zeta)\frac{c^2}{2g} = H$. (109)

Als Rückwirkung auf das Gofäß erhält man nach Gl. (99a)

$$P_1=0$$
 und $P_2=-Mc$.

Es bleibt also neben dem Eigengewicht als Wirkung des Wassers auf das Gefäß nur die Kraft

$$W = P_{\mathbf{s}} = -Mc \tag{110}$$

Abb. 90.

in der Richtung entgegengesetzt zum Ausfluß übrig. Daniel Bernoulli hat diese Kraft zuerst berechnet und sie als die Reaktion des ausfließenden Wassers bezeichnet.

Man kann den Ausdruck für W durch eine Umformung noch etwas anschaulicher machen. Bedeutet F den Mündungsquerschnitt, so erhält man als Ausdruck für die ausfließende Wassermasse

$$M = \frac{Fc\gamma}{g}$$
.

Führt man diesen Wert oben ein, so wird

$$W = -2 F \gamma \frac{c^2}{2g}.$$

Unter der Annahme, daß der Ausfluß reibungsfrei vor sich gehe, wäre

 $\frac{c^2}{2g} = H$

und daher

$$W = 2FH\gamma; \tag{110a}$$

d. h. die Reaktion witre doppelt so groß als der statische Druck FHy auf die zugeschlossene Mündung.

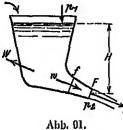


Abb. 01.

Wie Pfarr gezeigt hat1), besteht das Wesen der Reaktion in der Entlastung der Mündung und der anliegenden Teile der Wandfläche, die dadurch eintritt, daß sich der Druck in Geschwindigkeit umsetzt. Man denke sich die Mündung zunächst geschlossen; das Gefäß befindet sich alsdam im vollständigen Gleichgewicht. Gibt man sodann die Mündung frei, so fällt zunächst der Druck auf diese dahin; es ontsteht also ein einseitiger Überdruck in der Richtung entgegengesetzt zum

Ausfluß im entsprechenden Betrage von

$$\Delta_1 P = I I I \gamma = \frac{1}{2} M c$$
.

Damit wäre die eine Hälfte der Reaktion ausgewiesen. Wie die andere Halfte entsteht, ergibt sieh aus folgender Betrachtung. In einem beliebigen Punkte des Ansatzrohres besitze der Querschnitt die Größe f und daher die Geschwindigkeit den Wert

$$w = \frac{Q}{f}$$
.

Dem entspricht gegentiber dem statischen Zustand bei geschlessener Mündung eine Druckverminderung um den Betrag der Geschwindigkeitshöhe:

 $\Delta p = \gamma \frac{w^2}{2a} = \gamma \frac{Q^2}{2at^2}.$

Schneidet man an jenem Punkte durch zwei unendlich nahe Ebenen normal zur Ausflußrichtung ein Element der Wandfläche heraus,

¹⁾ Z. ges. Turbinonwoson, 1908, S. 85.

lessen Projektion auf die Ebenen die Größe df besitzen mag, so gibt liese Druckverminderung eine Entlastung in der Richtung entgegengesetzt zum Ausfluß in der Höhe von

$$dP = \Delta p d / = \gamma \frac{Q^2}{2 g} \frac{d /}{f^2}.$$

Bei der Integration hat der Mündungsquerschnitt F die untere Gronze zu bilden und da im Gefäße selbst die Entlastung verschwindet, ist die obere Grenze mit ∞ einzusetzen. Somit findet sich für die Entlastung auf den Wänden der Ausdruck

$$A_{3}P = \gamma \frac{Q^{3}}{2g} \frac{1}{F} = \gamma \frac{Q}{2g} \frac{Q}{F} = \frac{1}{2} Mc.$$

Die ganze Entlastung ist somit

$$\Delta P = \Delta_1 P + \Delta_2 P = M c,$$

wie früher gefunden wurde.

oder

63. Staufreier Durchfluß. Ist der Druck in der Rinne überall derselbe, so erfolgt der Durchfluß ungestaut oder staufrei. Man erreicht diesen Zustand am sichersten, wenn man den Auslauf nach Abb. 92 auf der konkaven Seite offen läßt. Da $p_1=p_2$ ist, nimmt die Durchflußgleichung (97) nach Abschn. 52 die Form an

Abb. 92.

$$H_r - H_v = \frac{w_2^2 - w_1^2}{2g},$$

$$H_r = \frac{(1+\zeta) w_2^3 - w_1^2}{2g}.$$

Die Rückwirkung des strömenden Wassers auf die Rinne wird nach wie vor durch die Gl. (98) ausgedrückt

$$X = M (w_{x_1} - w_{x_2}),$$

 $Z = M (w_{z_1} - w_{z_2}) + G.$

Unter der Voraussetzung, daß der Einfluß des Gefälles H_r und der Reibung sich aufheben, ist $w_1=w_2$ und man erhält die beiden Komponenten

$$X = M w \left(\cos \alpha_1 - \cos \alpha_2\right)$$

$$Z = M w \left(\sin \alpha_1 - \sin \alpha_2\right) + G.$$
(111)

An der Anschlußstelle tritt kein Überdruck auf.

Sonderbarerweise hat man sich veranlaßt gefunden, die Rückwirkung bei staufrolem Durchfluß als Aktion und diejenige bei gestautem Durchfluß nach Absohn. 54 als Reaktion voneinander zu unterscheiden, während es sich doch in beiden Fällen genau um dasselbe handelt, nämlich um die Wirkungen der Beharrungskräfte des strömenden Wassers.

64. Stoß eines freien Strahles gegen eine ebene Fläche. Trifft nach Abb. 93 ein Wasserstrahl, der einer Mündung entströmt, mit der Geschwindigkeit o unter rechtem Winkel auf eine entgegenstehende ebene Fläche von genügender Ausdehnung, so wird das Wasser nach allen Seiten rechtwinklig abgelenkt. Die Ablenkung erfolgt überaus plötzlich, so daß man von einem Stoß spricht.

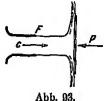
Die Wirkung, die ein einzelnes Wasserteilchen von der Masse dm in der Stromrichtung auf die Fläche ausübt, ist nach Abschn. 54

$$dP = -\frac{dmdw}{dt} = -Mdw,$$

wobei w die augenblickliche Geschwindigkeitskomponente des Teilchens in der ursprünglichen Richtung und M die in der Zeiteinheit aufschlagende Wassermasse bedeutet. Die Integration zwischen den Grenzen w=c und w=0 ergibt für den ganzen Stoßdruck

$$P = Mc.$$

Bedeutet F den Querschnitt des Strahles oder der gut abgerundeten Mündung, der er entströmt, so ist



$$M = \frac{Fc\gamma}{q}.$$

Es ergibt sich somit für die Stoßkraft

$$P \stackrel{\cdot}{=} 2 F \gamma \frac{c^2}{2g} . \tag{112}$$

Unter der Voraussetzung, daß der Ausfluß aus der Mündung verlustfrei vor sieh gehe, bedeutet

$$H = \frac{c^2}{2g}$$

die Ausflußhöhe. Führt man diesen Ausdruck in Gl. (112) ein, so findet sich

$$P = 2 F H \gamma, \qquad (112a)$$

d. h. der Stoßdruck ist zweimal so groß als der statische Druck auf die Mündungsfläche.

Der Versuch zeigt, daß Gl. (112) den Stoßdruck etwas zu groß angibt; man muß noch einen Korrektionsfaktor beifügen und schreiben

$$P = \varphi M c = 2 \varphi F \gamma \frac{c^3}{2g}. \tag{112b}$$

Weisbach fand sowohl für Wasser als für Luft

$$\varphi = 0.92$$
 bis 0.96.

Ist die Stoßfläche im Verhältnis zum Mündungsquerschnitt nicht groß genug, so tritt keine völlige Ablenkung ein und der Stoßdruck fällt daher etwas kleiner aus.

65. Beim schiefen Stoß nach Abb. 94 rechnet man gewöhnlich mit der Annahme, daß der Normaldruck N auf die Fläche der Wirkung eines geraden Stoßes entspreche, der mit der Geschwindigkeitskomponento normal zur Stoßfläche erfolgt. Es ergäbe sich also für den Normaldruck auf die Fläche

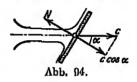
$$N = M c \cos \alpha$$
,

und für den Druck in der Richtung des Strahles

$$P = N \cos \alpha = M c \cos^2 \alpha$$
.

Diese Annahme ist indessen keineswegs zutroffend, und das Ergebnis stimmt daher nicht mit der Erfahrung überein. Die Erschei-

nung ist ziemlich verwickelt, da die Bedingungen für das Ausweichen des Wassers nach jeder Richtung hin wieder andere sind. Soviel ist indes ohne weiteres zu erkennen, daß die axiale Stoßwirkung kleiner als beim geraden Stoß sein muß, da ein größerer Teil des abgelenkten Wassers noch eine gewisse Geschwindigkeits-



komponente in der ursprünglichen Richtung besitzt. Demgegenüber ist die Tatsache nicht ausschlaggebend, daß ein kleiner Teil des Wassers rückwärts ausweicht, also um mehr als 90° abgelenkt wird.

66. Arbeitsübertragung beim gernden Stoß. Die getroffene Fläche weiche nach Abb. 95 mit der Geschwindigkeit u zurück. Der Strahl schlägt daher nur mit der Geschwindigkeit c-u auf, und es beträgt der Stoßdruck nur

$$P = M(c - u)$$
.

Dieser Druck erreicht seinen größten Wert tür u=0; mit zunehmender Geschwindigkeit u nimmt er stetig ab, bis er für u=c verschwindet.

Beim Zurückweichen wird in der Zeiteinheit eine Arbeit verrichtet im Betrage von

$$L = Pu = M(c - u)u$$

$$L = M(cu - u^2).$$
(113)

Die Leistung wird Null für u = 0 und u = c. Sie erreicht ihren Größtwert für $u = \frac{1}{2}c$, wie sich leicht ergibt, wenn man den Differentialquotienten des Klammerausdruckes nach u bildet und gleich Null setzt. Es wird alsdam

oder

$$L_{\rm max} = rac{1}{2} rac{M c^2}{2}$$
.

Die Leistung, die im besten Falle übertragen wird, ist gerade die Hälfte der im Strahl ursprünglich enthaltenen Emergie. Es fragt sieh, was aus der anderen Hälfte wird.

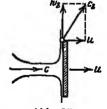


Abb. 95.

Vor dem Stoß besitzt das Wasser gegenüber der Stoßfläche die Geschwindigkeit c-u. Nach dem Stoß verlasse das Wasser den Umfang der Scheibe mit einer relativen Geschwindigkeit w_2 . Es geht hei der Ablenkung des Wassers bis zum Augenblick, wo es die Fläche verläßt, eine Energie verloren

$$L_{s} = \frac{1}{2}M \left[(c - u)^{2} - w_{2}^{2} \right].$$

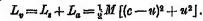
Das abgelenkte Wasser besitzt nach dem Verlassen der Scheibe noch eine Geschwindigkeit ce, die sich nach Abb. 95 aus der Beziehung

$$c_2^2 = w_2^2 + u^2$$

Die entsprechende Bewegungsenergie, mit der das Wasser orgibt. den Rand der Stoßfläche verläßt, wird ausgedrückt durch

$$L_a = \frac{1}{2}M(w_2^2 + u^2).$$

Da dieso Energie für die Arbeitsübertragung verloren geht, ist der gesamte Verlust



Unter der Voraussetzung, daß $u = \frac{1}{2}c$ sei, $nimmt L_v don Wort an$

$$L_v = \frac{1}{2} \frac{M c^2}{2}$$
.



Abb. 96.

Dies ist gerade die andere Hälfte der ur-

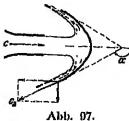
sprünglichen Energie. Bei der Berechnung des Stoßverlustes fällt

die relative Austrittsgeschwindigkeit we heraus; es läßt sich somit rechnungsmäßig nicht feststellen, welchen Anteil die kinetische Energie daran hat und wieviel sieh beim Stoß in Wärme umgesetzt hat.

Die praktische Ausführung des Vorganges müßte mittels eines Schaufelrades nach Abb. 96 erfolgen. Man erkennt, daß der Strahl zumeist schräg auf die Schaufeln trifft; daher wird die Übertragung noch wescutlich schlechter ausfallen als nach obiger Rechnung¹).

Die Verhältnisse beim unterschlächtigen Wasserrad zeigen eine gowisso Ahulichkeit; doch ist der Strahl durch das Gerinne geführt und das Wasser kann nicht allseitig ausweichen.

67. Stoß auf eine hohle Fläche. Trifft der Strahl zontrisch auf eine hohle Rotationsfläche nach Abb. 97, so treten alle Wasserfäden



am Umfange unter denselben Bedingungen aus. und zwar mit einer Geschwindigkeit ca und unter dem Winkel a zur Achse. Da für alle Wasserteilehen die axiale Geschwindigkeitskomponente vom Anfangswert e auf den Endwert c2 cos α gebracht wird, orgibt sich für den Stoßdruck

$$P = M(c - c_2 \cos \alpha_2). \tag{114}$$

Da nach Abb. 97 cos a nogativ ist, fallt der Stoßdruck erhoblich größer aus als bei einer

Von der Austrittsgeschwindigkeit ca litßt sich nur chenen Fläche. aussagen, daß sie wegen der Reibung längs der Fläche und besonders wegen des Stoßes beim Auftreffen erheblich kleiner als e sein muß.

68. Stoßfreier Außehlag. Gibt man der stillstehenden Rotationsfläche, auf die der Strahl trifft, ein Profil nach Abb. 98, so wird das Wasser nur allmählich abgelenkt und somit der Stoß vermieden. Dürfte

¹⁾ Wassorrader nach dieser Art werden als unterschlächtig bezeichnet.

man die Bowegung längs der Fläche als reibungsfrei ansehen, so wäre $c_2 = c$. In diesem Falle nimmt der Ausdruck (114) den Wort an

$$P = Mc(1 - \cos \alpha_2),$$

und wenn man den Rand der Fläche völlig zurückbiegt, so daß $\alpha_2=180^\circ$ wird, orhält man sogar

$$P = 2 M c$$

oder in der Schreibweise von Gl. (112a)

$$P = 4 F II \gamma$$
.

Es ware also der Druck gegen die Fläche viermal so groß als der statische Druck auf den Mündungsquerschnitt.

Weicht die Fläche mit der Geschwindigkeit u zurück, so ist die Geschwindigkeit des Aufschlagens gleich c-u, und man erhält für den Druck des Wassers auf die Fläche

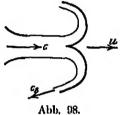
$$P=2M(c-u).$$

Die vom Wasser in der Sekunde auf die Fläche übertragene Arbeit ist

$$L = Pu = 2 M (cu - u^2).$$

Sie erreicht bei $u = \frac{1}{2}c$ ihren größten Wert

$$L=rac{Mc^2}{2}$$
,



1. h. die ganze Energie des Wassers würde auf die Stoßfläche überbragen.

Diese Grenze ist in Wirklichkeit unerreichbar, denn wegen der Reibung ist

$$c_a < c - u$$
.

Soll das Wasser den Rand der Fläche mit möglichst kleiner Geschwindigkeit verlassen, so muß annähernd die Bedingung erfüllt sein

$$c_2 = u$$
.

Es folgt daraus, daß die günstigste Umfangsgeschwindigkeit

$$u < \frac{1}{2}c$$

vird, und daboi fällt die Leistung entsprechend kleiner aus. Zudem larf man, um dem Wasser den Austritt nicht unmöglich zu machen, den Schaufelrand nicht völlig auf sich selbst zurückbiegen; es ist also

$$\alpha < 180^{\circ}$$
.

Diese Vorgänge sucht man bei den Löffelrädern oder Pelton-Furbinen so genau als möglich nachzuahmen.

60. Messung einer ausströmenden Luftmenge durch Stoß. Die Gesetze der Bewegung des Wassers lassen sich augenähert auch auf die Luft übertragen, ofern es sich um Vorgünge handelt, bei denen sich das Volumen nicht wesentlich adert, d. h. bei denen nur geringe Druckunterschiede auftreten. So kann auch ie (4). (112b)

$$P = q \, 2F \gamma \, \frac{c^2}{2q}$$

ungels genauerer Methoden zum Messen des Ausflusses von Luft verwendet writen. Gegenüber der Mündung eines Gebläses, dessen Lieferung bestimmt werden sell, wird nach Abb. 99 eine Platte an einem Winkelhebel aufgehängt und ausgewuchtet. Nachdem das Gebläse in Gang gesetzt ist, belastet man die Wagschale, bis die Platte in die Anfangslage zurückkehrt. Für den Stoßdruck des Luftstromes erhält man

$$P = G \frac{b}{a}$$
.

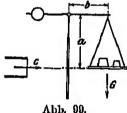
Aus der obenstehenden Gleichung ergibt sich

$$F^2c^2 = \frac{\sigma}{\varphi \gamma} FP$$
,

wobei F den Mündungsquerselmitt bedeutet. Die Größe Fe ist aber nichts anderes als das Volumen V der Luft, die in der Zeiteinheit austritt; man erhält dafür den Ausdruck

$$V = \sqrt{\frac{g}{\varphi \gamma} FP}. \tag{115}$$

Für mittelfeuchte Luft von 15° bei 720 mm Barometerstand kann man otwa nehmen



$$\gamma = 1,155 \text{ kg/obm.}$$

Setzt man ferner etwa $\varphi = 0.94$, so nimmt die Formel die Gestalt au

$$V = \sqrt{\frac{FP}{0.1107}} = 3\sqrt{FP}$$
. (115a)

Für einen Baromoterstand von 700 mm wird y = 1,221 kg/obm und

 $V = 2,923 \sqrt{FP}$. (115b)

Das beschriebene Verfahren ist zur Bestimmung der Liefermenge von Gebläsen ganz allgemein im Ge-

brauch, da nur in den seltensten Fällen ein Gasemeter für die unmittelbare Messung zur Verfügung steht. Für Wasser hat das Verfahren keinen Wert, da man das austretende Wasser bequemer auffangen und direkt messen kann.

Der Abstand zwischen Mündung und Stoßfläche muß ausprobiert werden;

wonn or zu klein ist, wird die Flache angesaugt.

8. Kanäle von endlichem Querschnitt.

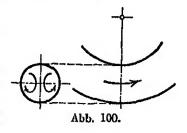
70. Voraussetzungen. Solange es sich um verhältnismäßig enge Querschnitte handelt, kann man die Verstellung gelten lassen, daß die in der Ablenkung begriffenen Wasserteilehen, die einen gekrümmten Kanal durchströmen, ihre Drücke unmittelbar auf die Wände übertragen, und daß die Geschwindigkeiten und Drücke in allen Punkten eines Querschnittes dieselben seien. Es witren dann die für einen Wasserfaden entwickelten Beziehungen ohne weiteres auch auf einen engen Kanal von endlichen Querschnitten übertragbar. Bei verhältnismäßig weiteren Kanälen ist indessen eine Wirkung auf die Wände von seiten der weiter abliegenden Teilehen nur durch die Vermittlung der dazwischenliegenden Wasserteilchen denkbar; der Druck pflanzt sich von einem zum andern fort und wird durch die Wirkung des folgenden verstärkt. Unter diesen Umständen kann aber von einer gleichmäßigen Verteilung des Druckes über alle Punkte eines und desselben Querschnittes nicht mehr die Rede sein, und ebensowenig hinsichtlich der Goschwindigkeit.

Wenn nicht jedes einzelne Wasserteilehen unmittelbar durch die Kanalwände geführt wird, so hört in Wirklichkeit die Stetigkeit der strömenden Bewegung auf. Durch die Reibung der Teilehen an den Wänden und unter sich entstehen wälzende, wirbelnde Bewegungen, und an die Stelle eines stationären Zustandes, wo für jeden Punkt der Druck und die Geschwindigkeit nach Größe und Richtung unverändert bleiben, tritt eine turbulente Strömung ein, wie man leicht an jedem größeren laufenden Gewässer erkennen kann, solbst wenn dieses einen ganz einfachen geraden Verlauf nimmt. Man braucht nur einen Blick auf die an der Oberfläche entstehenden und immer wieder verschwindenden flachen rundlichen Kuppen und wirbelartigen Vertiefungen zu werfen, von denen die ersteren durch aufsteigende, die letzteren durch versinkende Lokalströmungen hervorgerufen worden.

Damit fällt nun eigentlich auch der Begriff der Wasserfäden in sich selbst zusammen; man kann höchstens sagen, die wirkliche Bowegung des Wassers besteht in (unregelmäßigen) Schwingungen um mittlere Gleichgewichtszustände, die sich

als Wasserfäden darstellen lassen.

Selbst wenn man an der Vorstellung von den Wasserfäden festhält, wird man in violen Fällen finden, daß sich die Vorhältnisse unter dem Einfluß der Reibung an den Gefäßwänden auch so noch äußerst verwickelt gestalten¹). So werden z. B. in dem in Abb. 100 gezeichneten Krümmer die mittleren Teile des Wassers gegenüber den äußeren, die durch die Wandreibung



verzögert werden, etwas vereilen und sich vermöge ihres stärkeren Beharrungsvermögens nach außen drängen. Das verdrängte Wasser aber wird nach beiden Seiten ausgequetseht, und so entstehen nebeneinander zwei sehraubenförmige Strömungen mit gegenläufigem Drehungssinne.

Es ist völlig ausgeschlossen, daß man der endlosen Verwicklung, die die Wirklichkeit zeigt, auf dem Wege der Rechnung beikenmen könne. Man muß von verneheren mit weitgehenden Vereinfachungen rechnen, und so knüpfen wir auch bei Kanälen von endlichem Querschnitt an die Verstellung einer stetigen und reibungsfreien Strömung an. Die Reibung werden wir höchstens in der Weise in die Rechnung einführen, daß wir summarisch einen gewissen Bruchteil der im Wasser verhandenen Energie als Reibungsverlust in Abzug bringen. Auch so wird es meist nur in besonders günstigen Füllen oder nur unter gewissen mehr oder minder willkürlichen Annahmen möglich sein, zu einem einfachen Resultate zu gelangen.

71. Von der Druckverteilung in einem ruhenden Kanal kann man sich durch folgende Betrachtung ein Bild verschaffen. Der in Abb. 101

¹⁾ Isaachson: Innere Vorgange in strömenden Flüssigkeiten. Z. V. d. I. 1911, S. 215.

dargestellte Kanal sei in einer senkrechten Ebene enthalten und ziehe sich in der Durchflußrichtung stetig zusammen. An Hand des Prinzips von d'Alembert ergibt sich nach Absohn. 9 und 54, daß die Resultante D des Druckes, den die Umgebung auf ein Wasserteilehen mausübt, gleich der der negativ genommenen Resultierenden der sämtlichen äußeren und Trägheits- oder Massenkrüfte ist, die auf das Teilchen einwirken. An Trägheitskräften sind verhanden: der Widerstand

$$\cdot (mp) = m \frac{dw}{dt}$$

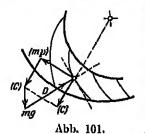
gegen die Beschleunigung in der Flußrichtung und die Zentrifugalkraft

$$(C) = \frac{m w^{\mathfrak{g}}}{\varrho}.$$

Als Außenkraft kommt nur die Schwerkraft mg in Betracht. Der Druck der Umgebung auf das Wasserteilehen m läßt sich daher durch das Symbol

 $D = -\operatorname{Res}[(mp), (C), mg]$

darstellen. Man sie



Man sicht gleich, daß die Richtung dieses Druckes um so stärker aus der Bewegungsrichtung heraustritt, jo größer die Zentrifugalkraft im Verhältnis zur Beschleunigung in der Flußrichtung wird.

Die Punkte sämtlicher Wasserfäden, in denen derselbe Druck besteht, bilden zusammen eine Fläche gleichen Druckes oder Isobare (von griech: isos. = gleich und barys = schwer). Die Isobaren stehen normal zur Richtung des Druckes, und da der Druck in der Durchfinisrichtung nach dem Prinzip von Bornoulli entsprechend der Geschwindigkeitszunahme gleiche

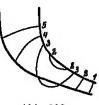
nohmen muß, besteht in einem sich stetig verjüngenden Kanal in jeder folgenden Isobare ein etwas geringerer Druck. Die Abbildung läßt sofort erkennen, daß der Druck längs eines Krümmungshalbmessers von innen nach außen zunimmt, da man auf Isobaren mit immer höherem Druck trifft, und daraus ergibt sich dann auch die auswärts gerichtete dynamische Wirkung des strömenden Wassers auf den Kanal.

Besitzen die sämtlichen Wasserfäden im Anfangszustand, z. B. beim Eintritt in den Kanal, dieselben Energiemengen, so sind nach dem Prinzip von Bernoulli die Flächen gleichen Druckes zugleich auch Flächen gleicher Geschwindigkeit oder Isotachen (von griech. isos = gleich und tachys = schnell). Wenn aber der Druck längs des Krümmungshalbmessers von innen nach außen wächst, so muß umgekehrt die Geschwindigkeit von außen nach innen zunehmen. Die inneren Fäden eilen gegenüber den äußeren vor, und zwar um so mehr, als überdies der Weg dert am kürzesten ist.

72. Ablösungen. Wenn infolge von ungenügender Verjüngung des Kanales im innersten Wasserfaden die Beschleunigung klein wird

oder ganz verschwindet, so kann es vorkommen, daß sich die Druckrichtung rechtwinklig zur Richtung des Wasserfadens einstellt. Dann steht der Wasserfaden ohne Mitwirkung der Kanalwand im Gleichgewicht; er wird unabhängig von der Kanalwand, und wenn diese ausweicht, so trennt er sich von derselben und es entsteht, wie in Abb. 102 angedeutet, eine Ablösung. Kann die Luft hinzutreten, so bildet sich eine freie Wasseroberfläche. Wo dies ausgeschlossen ist, füllt sich die Ablösung mit wirbelndem Wasser, werin sich Blasen von mitge-

rissener oder aus dem Wasser ausgeschiedener Luft herumtreiben, bis sie endlich weggespült und durch neue ersetzt werden. Bei eisernen Wandungen kann diese Wirbelbildung äußerst schädlich werden. Das Eisen wird durch den Sauerstoff der Luft oxydiert, das entstehende Eisenhydroxyd immer wieder weggespült und neues Eisen bloßgelegt; daher frißt der Rost immer tiefer. Es können auf diesem Wege Ausfressungen oder Korrosionen von unglaublicher Größe entstehen, die zur Zer-



Abb, 102,

störung der betroffenden Teile führen, während hart daneben, wo das Wasser im vollen Strahl über das Eisen fährt, vielleicht nicht einmal der Farbanstrich Schaden genommen hat!).

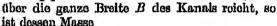
In Abb. 102 sind die andeutungsweise eingezeichneten Isobaren derart numeriert, daß der höheren Ziffer der höhere Druck entsprieht. Hinter der Ablösung stellt sich eine lokale Druckzunahme ein, die nach Abschn. 43 auf einer plötzlichen Querschnittserweiterung des Wasserstromes beruht.

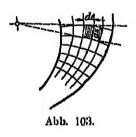
Da der ganze Vergang mit erheblichen Energieverlusten verbunden ist, hat man alle Ursache ihn zu vermeiden. Man erreicht dies durch eine genügende Verjüngung des Kanales, besonders an den Stellen, wo diese stark gekrümmt ist. Es sollen die Verjüngung und der Krümmungshalbmesser im umgekehrten Verhältnis zueinander stehen; je größer der Krümmungshalbmesser ist, deste langsamer braucht der Kanal zusammengezogen zu werden und umgekehrt. Da, wie aus verstehendem hervergeht, die Korrosionsbildungen auf Versehwinden des Überdruckes zurückzuführen sind, so muß bei Laufrüdern besonders darauf geachtet werden, daß die Saughöhe möglichst klein angenommen wird. Diese Saughöhe muß um so kleiner sein, je größer die Geschwindigkeiten am Laufradaustritt sind.

73. Stromflächen und Wasserstraßen. Der in Abb. 103 gezeichnete ebene Kanal möge einen rechtwinkligen Querschnitt haben, dessen Breite B normal zur Bildfläche unveränderlich sei. Wenn überdies die Wirkung der Schwerkraft ausgeschaltet ist, so lassen sich die Strom-

¹⁾ Diese Zerstörungen werden wohl etwa dem Sandgehalt des Wassers zu geschrieben. Wohl kommen auch Abnützungen durch Sand vor; diese sind aber durch eine gewisse Glätte und durch einen eigenen wachsartigen Glanz gekennzeichnet. Die besprochenen Anfressungen deuten dagegen durch ihre zackige Beschaffenheit, die an diejenige eines halb aufgelösten Stückes Zucker erinnert auf eine ehemische Einwirkung hin.

linien oder Wasserfäden bestimmen¹). Nach unseren Annahmen müssen in allen Punkten einer Normalen zur Bildfläche dieselben Druck- und Geschwindigkeitsverhältnisse bestehen. Legt man also durch einen der in Abb. 103 eingetragenen Wasserfäden eine Zylinderfläche, deren Erzeugende normal zur Bildfläche stehen, so enthält diese Stromfläche lauter kongruente Wasserfäden. Man kann den ganzen Kanal durch eine Anzahl von Stromflächen in Teilkanäle zerlegen, von denen jeder eine gleichgroße Wassermenge führt. Diese Teilkanäle mögen als Wasserstraßen hezeichnet werden. Zieht man die Normaltrajektorien zu den Stromlinien, so stellen die durch dieselben gelegten Zylinderflächen normal zur Bildebene die Querschnitte des Kanals dar. Schneidet man aus einer Wasserstraße von der Breite de mittels zweier Querschnitte im Abstand ds ein parallelepipedisches Wasserteilchen heraus, das





$$dm = \frac{\gamma}{g} B deds$$
.

Ist ϱ der Krimmungshalbmesser der Bahn und w die Geschwindigkeit des Teilehens, so übt dieses auf das außen anliegende Teilehen der benachbarten Wasserstraße eine Kraft aus im Betrage von

$$dP = \frac{w^2}{\rho} dm,$$

und da sich diese auf eine Fläche

$$dl = Bds$$

gleichmäßig verteilt, ruft sie im äußeren Teilehen eine Druckvermehrung von der Größe

 $dp = \frac{dP}{df} = \frac{\gamma}{g} \frac{w^2}{\rho} de,$

hervor, woraus sich für die Druckzunahme in der Richtung des Krümmungshalbmessers nach außen findet

$$\frac{dp}{\gamma} = \frac{1}{g} \frac{v^2}{\varrho} de.$$

Da von einem Wasserfaden zum andern der Energieinhalt derselbe bleibt, entspricht der Druckzunahme im daneben liegenden Wasserfaden eine Geschwindigkeitsabnahme, die sich aus der Gleichung

$$\frac{dp}{\gamma} = -\frac{dw^2}{2g} = -\frac{wdw}{g}$$

bestimmt, durch die das Prinzip von Bernoulli ausgedrückt wird. Durch Gleichsetzen der beiden Werte für $dp:\gamma$ erhält man

$$\frac{\frac{de}{\varrho} = \frac{dw}{w}}{\frac{\varrho + de}{\varrho}} = \frac{w - dw}{w}.$$

oder

¹⁾ Wagonbach: Z. ges. Turbinonweson 1907, S. 273.

Addiert man rechts sowohl im Zähler als im Nenner die unendlich kleine Größe dw, so wird dadurch der Wert des Bruches, dessen Zahlwert nahezu gleich eins ist, nur um unendlich wenig geändert; man darf also schreiben

$$\frac{\varrho+de}{\varrho}=\frac{w}{w+dw}.$$

Der Zähler $\varrho+de$ auf der linken Seite ist mit unendlich großer Annäherung gleich dem Krümmungshalbmesser ϱ_1 der außen anliegenden Wasserstraße. Rechts bedeutet $w+dw=w_1$ soviel als die Geschwindigkeit w_1 in eben dieser Wasserstraße. Dies führt zur Schreibweise

$$\frac{\varrho_1}{\varrho} = \frac{w}{w_1}.$$

Nun verhalten sich die Längen ds und ds_1 der beiden nebeneinander liegenden Wasserteilchen wie die betreffenden Krümmungshalbmesser ϱ und ϱ_1 ; es ergibt sich daher

$$\frac{ds_1}{ds} = \frac{w}{w_1}. (116)$$

Ferner verhalten sich die Geschwindigkeiten w und w_1 in zwei nebeneinanderliegenden Wasserstraßen umgekehrt wie die Breiten de und de_1 der beiden Wasserstraßen, also ist

$$\frac{w}{w_1} = \frac{de_1}{de},$$

$$\frac{ds_1}{ds} = \frac{de_1}{de},$$

$$\frac{ds}{de} = \frac{ds_1}{de_1}.$$

oder

und weiter

Gilt dies für zwei nebeneinander liegende Wasserstraßen in ein und demselben Querschnitt, so ist auch für alle übrigen Punkte längs ein und derselben Trajektorie

$$\frac{ds}{de} = \text{const.}$$

Da diese Beziehung ohne merklichen Fehler auf nicht zu große endliche Abmessungen e und s übertragen werden darf, liefert sie das Mittel, um die Wasserstraßen und die Querschnitte durch Tasten zu bestimmen. Man geht dabei am bequemsten von dem Verhältnis aus

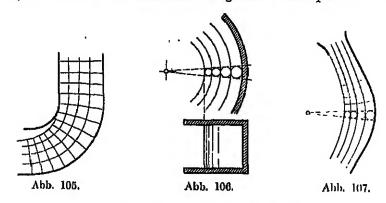
$$\frac{8}{4} = 1$$
 (117) Abb. 104,

und ändert nach Abb. 104 die zunächst nach dem Augenmaß gezogenen Stromlinien und Trajektorien so lange ab, bis man lauter Vierecke erhält, in die sich Kreise einschreiben lassen.

Bei der Durchführung dieser Arbeit ist man überrascht, zu sehen, wie streng zwangläufig die Konstruktion ist: jeder Fehler in den Annahmen führt weiterhin zu Unmöglichkeiten und gibt sich dadurch zu erkennen. Freilich kann die Arbeit zu einer scharfen Geduldprobe werden.

Sobald man die Wasserstraßen kennt, erhält man die Isotaehen, die zugleich Isobaren sind, indem man mit Hilfe eines Handzirkels die Punkte gleicher Breite der Wasserstraßen aufsucht und miteinander verbindet. Man erkennt, daß im äußersten Wasserfaden die Geschwindigkeit nach dem Eintritt in die Krümmung zumüchst etwas abnimmt; es bildet dort eine Zone des größten Druckes.

In Abb. 105 sind die Verhältnisse dargestellt, wie sie in einem Rohrkrümmer von rechteckigem Querschnitt mit konstanter Breite auftreten würden. Geht man beim Entwerfen vom geraden Schenkel aus, in welchem die Wasserstraßen in gleicher Breite parallel zuein-



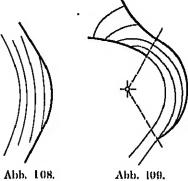
ander dahin ziehen, so kommt man mit zwingender Notwendigkeit darauf, daß sieh der Strom im Bug zusammenzieht und daher von der inneren Wand ablöst. Diese Ablösung ließe sieh nur dadurch vermeiden, daß man den Kanal noch etwas stärker zusammenzöge, als es der Strom freiwillig täte.

74. Bewegung im offenen Kanal. In Abb. 106 ist ein Stück eines innen offenen Kanals von rechteckigem Querschnitt, kreisförmiger Krümmung und gleichbleibender Breite dargestellt. Der Einfluß der Schwerkraft sei ausgeschaltet. Im Beharrungszustand bewegen sich alle Wasserteilehen auf konzentrischen Kreisen. Die Drücke sind radial gerichtet und es bestehen keine beschleunigenden Kräfte. Es haben also sowohl die Stromflächen als auch die Isobaren die Gestalt konzentrischer Zylinderflächen. Da die Trajekterien radial verlaufen, ist die Weite der Wasserstraße dem Halbmesser proportional, und sie läßt sich daher nach Abb. 106 leicht finden. Dieser Beharrungszustand läßt sich indessen nicht ohne weiteres herstellen, da man das Wasser erst irgendwie in den gekrümmten Kanal einführen muß. Es geschehe dies nach Abb. 107 durch einen geradlinigen tangentialen Ausatz. In diesem besitzt das Wasser zunächst an allen Punkten eines Querschnittes dieselbe Geschwindigkeit, und die Wasserstraßen zeigen

überall dieselbe Weite. Im innersten Wasserfaden, der überall unter atmosphärischem Drucke steht, bleibt die Geschwindigkeit auch beim Eintritt in den Krümmer dieselbe. In den äußeren Fäden dagegen stellt sich eine Drucksteigerung ein, die mit dem Halbmesser wächst; daher stauen sie sich; die Geschwindigkeit nimmt ab, und die Weite der Wasserstraßen wird größer. Der Übergang muß sich aber stetig vollziehen. Versucht man die Wasserstraßen nach Abschnitt 73 zu entwerfen, so kommt man notwendigerweise darauf, daß die Anschwellung und Verzögerung der inneren Wasserstraßen einsetzt, bevor die Krümmung erreicht wird. In ähnlicher Weise erstreckt sich der Einfluß der Krümmung noch ein Stück weit in den in Abb. 107 angenommenen tangentialen Auslauf; es entsteht so das angedeutete Strombild. Die Isobaren zeigen etwa die Anordnung, wie sie Abb. 108 darstellt.

Fehlt nach Abb. 109 der tangentiale Anlauf ganz oder ist er zu kurz, so erstreckt sich die Stauung bis in die Mündung zurück, und der Verlauf der Isobaren entspricht etwa den Andeutungen in Abb. 109.

1st der Auslauf nicht genügend lang, so tritt am Ende des Kanals die Druckausgleichung ein, ehe sich die Fäden parallel gelegt haben: der Strahl wird unregelmäßig auseinander geworfen. Soll das Wasser einerseits frei aus der Mündung austreten und andererseits den Kanal in geschlossenem Strahl verlassen,



so dürfen also die tangentialen Anschlüsse nicht fehlen.

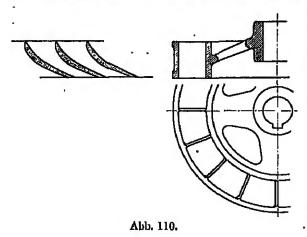
In Wirklichkeit gestalten sich die Erscheinungen unter dem Einflusse der Reibung etwas anders. So bildet die freie Oberfläche des Wassers auf der inneren Seite keineswegs eine Zylinderfläche; das Wasser steigt vielmehr an den beiden Seitenwänden in die Höhe.

Bei fehlenden Seitenwänden worden die äußeren Wasserfaden seitlich ausgequetscht; der Strahl breitet sich aus, und zwar um so stärker, je schärfer die Krümmung und je größer die Strahldicke ist; dabei ist auch die Geschwindigkeit von Einfluß.

75. Die Turbinenkanille, auch Zellen genannt, werden durch gebogone plattenförmige Körper oder Schaufeln gebildet, die zwischen zwei konzentrische Wände oder Kränze eingesetzt sind. Da die Reihe der Kanäle im Kreise herum in sich selbst zurückkehren muß, sind die Kanäle und somit auch die Schaufeln unter sich kongruent. Die Schaufeln bestehen entweder aus gepressten Blechplatten, die mit ihren schwalbenschwanzförmigen und verzinnten Rändern in die Kränze eingegessen sind, oder sie sind mit den Kränzen aus einem Stück gegessen. indem man die Kanüle durch Kerne ausspart.

In Abb. 110 ist das Laufrad einer Jonval-Turbine abgebildet, und os sollen an diesem Beispiel die wichtigsten Grundsätze erörtert werden, die beim Entwerfen einer Turbinenschaufelung zu beachten sind. Im vorliegenden Falle sind die Kränze zylindrisch; der führenden (d. h. der konkaven) Fläche der Schaufeln gibt man der Einfachheit wegen die Gestalt einer Regelfläche, deren Erzeugende in der Verlängerung die Achse rochtwinklich schneiden. Die Schaufel wird durch den zylindrischen Mittelschnitt bestimmt. Die Kantle haben angenähert trapezförmigen Querschnitt.

Die Kanäle haben die Aufgabe, dem Wasser eine ganz bestimmte Ablenkung zu erteilen. Eine Verminderung der lichten Weite erzielt man bei gegebener Kanal- oder Schaufellänge durch Engerstellen der



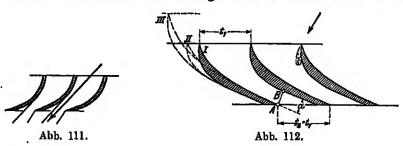
fen aber die Kanäle nicht länger sein als gerade nötig ist, da sonst mit einer Vermehrung der benetzten Fläche auch eine Erhöhung der Reibungsverluste einträte.

Schaufeln. Es dür-

Man darf annehmen, daß geometrisch ähnliche Kanäle annähernd gleiche Reibungsverluste aufweisen; von zwei Kanälen, die dasselbe Län-

genprofil besitzen, ist also der breitere günstiger, da er im Verhaltnis zum Querschnitt einen kleineren benetzten Umfang besitzt. Wird daher das Verhältnis zwischen lichter Weite und Länge beibehalten, so gibt eine weite Schaufelstellung weniger Reibungsverluste als eine enge. Mit der Zahl der Schaufeln wachsen die Stoßverluste an der Eintrittskante und die Wirbelverluste in den toten Räumen hinter den Austrittskanten der Schaufeln, und so ist der Vermehrung der Schaufelzahl um so cher eine gewisse, jedoch nicht bestimmbare Grenze gesetzt, als mit der Verengung der Kanale die Gefahr des Verstopfens zunimmt. Zur Verminderung des benetzten Umfanges der Kanalquerschnitte vermeidet man schiefe Ecken; die Schaufeln sellen also die Kränze ungefähr unter rechten Winkeln treffen. Am wichtigsten ist das Längsprofil. Beim Entwerfen desselben sind der Winkel beim Eintritt und der Austrittwinkel als gegeben zu betrachten. Wie der Übergang beschaffen ist, ist soweit gleichgültig, sebald nur das Wasser eine sichere Führung bei geringsten Widerständen findet, und so kommt alles auf den letzteren Punkt an.

Besondere Sorgfalt ist vor allem auf den äußersten, letzten Teil des Kanals zu verwenden; denn dieser liefert den größten Beitrag zu den Verlusten, da hier die größte Geschwindigkeit herrscht. Damit das Wasser ungezwungen und als geschlossener Strahl austrete, führt man nach Abb. 112 den Schaufelrücken vom Punkte B aus, der der Austrittskante A der benachbarten Schaufel gegenüber liegt, parallel zur Tangente an die vordere Schaufelfläche in A geradlinig bis zum Rande fort. Man unterläßt es aber, diese gerade Linie rückwärts hinter den Punkt B zu verlängern, da dies nach Abschn. 48 die Reibung wesentlich steigern würde. Man beginnt also gleich im Punkte B den Kanal durch Abbiegen des Schaufelrückens so rasch



als möglich nach rückwärts zu erweitern, jedoch mit der Vorsicht, die nach Absehn. 72 zur Vermeidung von Ablösungen aufzuwenden ist.

In dem Maße, wie sich der Kanal erweitert (und daher die Wassergeschwindigkeit abnimmt), steigert man die Krümmung, um sie dann in der Gegend der Eintrittskante wieder um so vorsichtiger zu halten, weil an jener Stelle verhältnismäßig leicht Wirbel auftreten, wie in Abb. 112 angedeutet.

Zwischen dem unten zu langsam und dafür oben zu stark ab-

gebogenen Profil II und dem zu sanft gekrümmten und dafür zu lang gezogenen Profil III, das eine übermäßig große Reibungsfläche bietet, wird das Profil I etwa die richtige Mitte halten.

Um die Druckverteilung in einem rotierenden Turbinenkanal zu studieren, hätte man
nach Coriolis zu den wirklich verhandenen Beschleunigungen noch die fingierten Beschleunigungen
hinzuzufügen, werauf dann die Betrachtung so geführt werden könnte, als ob der Kanal stillstünde.
Die Aufgabe ist aber so noch überaus verwickelt, und
wenn wir uns später mit ihr beschäftigen, so werden
wir starke Vereinfachungen vernehmen müssen.

76. Der merklionale Durchfluß in einem Turbluonprofil, wie es beispielsweise in Abb. 113 aufgezeichnet ist, läßt sich ziemlich genau verfolgen und man kann die Wasserstraßen konstruieren 1). Das Problem entbehrt indessen der praktischen Bedeutung; denn dieser Zustand des Wassers wäre nur möglich bei Abwesenheit aller Schaufeln im Leit-

und Laufrad, die dem Wasser eine Ablenkung in der Umfangsrichtung geben könnten. Hat man nach Abb. 113 die Wasserstraßen gleicher Mengen und die

Abb. 118. '

¹⁾ Wagenbach: Z. ges. Turbinenwesen 1907, S. 298.

Querschnitte gezogen, so gilt für alle Punkte eines Querschnittes die Beziehung

$$\frac{s_1}{s} = \frac{w}{w_1}.$$

$$\frac{w}{w_1} = \frac{r_1 e_1}{r e}.$$

Ferner ist

Es gilt somit längs einer und derselben Querschnittsfläche für alle Punkte die Gleichung

 $\frac{r_{\theta}}{s} = const. \tag{118}$

Wenn diese Beziehung strong genommen auch nur für unendlich kleine Größen gilt, so darf man sie doch ohne merklichen Fehler auf nicht zu große end-

liche Werte übertragen.

Zum Entwerfen der Wasserstraßen werden zunächst unter Benutzung der Anhaltspunkte, die man erhält, indem man die Ein- und Austrittsquerschnitte in inhaltsgleiche Ringflächen teilt, nach dem Augenmaß die Stromlinien und hernach die Trajektorien gezogen. Darauf Andert man die beiden Kurvenscharen so lange ab, bis für alle Viereelte längs einer Trajektorie die Bedingung re: s = const. erfült ist. Sobald die Wasserstraßen ausprobiert sind, lassen sich die Geschwindigskeiten und aus diesen die Drücke bestimmen, so daß man zu einem vollständigen Bild der Strömung gelangt. Freilich gestaltet sich die Arbeit recht mühsam und langwierig, wobei das Resultat außerdem wie bereits oben bemerkt ein zienlich unsieheres ist, da der Einfluß der Schauseln und der Reibung das Bild stark verzeren. Immerhin genügt diese Methode für die praktische Bereelmung.

Die Turbinen.

IV. Allgemeines.

9. Überblick über die verschiedenen Bauarten.

77. Turbinen mit gestautem und mit freiem Durchfluß. Seitdem Fournoyron zu Ende der zwanziger Jahre des vorigen Jahrhunderts die erste brauchbare Turbine (Abb. 114) erfunden hatte, sind eine Reihe von weiteren Bauarten entstanden. Zurzeit werden indessen nur zwei derselben neu gebaut, davon die eine allerdings mit zahlreichen Abänderungen; da aber noch tausende der älteren Bauarten im Betriebe stehen, ist die Kenntnis derselben nicht zu entbehren, ganz abgesehen von der Vertiefung, die der Einblick in das Wesen der Turbinen beim Studium derselben gewinnt.

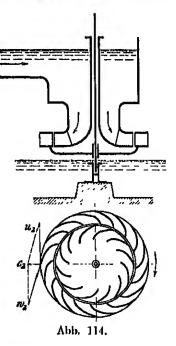
Die Richtungen, in denen die Turbinen nach und nach abgeändert wurden, sind aus den Bedürfnissen herausgewachsen und daher so mannigfaltig wie diese. Die Merkmale, durch die diese Richtungen gekennzeichnet werden, lassen sich violfach miteinander kombinieren, und so steht man einer fiberaus großen Zahl verschiedener Bauarten gegenfüher, deren wichtigste in den nachstehenden Abschnitten ihrem

Weson nach kurz besprochen werden sellen.

Das einschneidendste Morkmal, durch das alle vorkommenden Formen in zwei Gruppen geschieden werden, bezieht sich auf die Druckverhältnisse, unter denen das Wasser durch das Laufrad strömt. Fourneyron und seine unmittelbaren Nachfolger kamen beim Streben, dem Wasser beim Verlassen der Turbine nur eine geringe absolute Geschwindigkeit zu lassen, von selber darauf, die Schaufeln beim Austritt recht flach zu halten. Da sie die Krauzbreite der Einfachheit wegen konstant nahmen, ergab sieh ohne weiteres für die Laufradkanäle eine starke Verjüngung in der Richtung des Durchflusses Das Wasser staut sieh unter diesen Umständen beim Durchfluß; der Druck wächst vom Austritt nach rückwärts, und im Spalt, d. i. der Spielraum zwischen Leit- und Laufrad, herrscht gegenüber dem Raum,

in den das Laufrad ausgießt, ein starker Überdruck, der meistens ungefähr dem halben Gefälle entspricht. Beim Austritt aus dem Leitrad besitzt das Wasser noch eine gewisse Spannungsenergie, und seine Geschwindigkeit ist bedeutend kleiner als diejenige, die dem ganzen Gefälle entspricht. Beim Durchfluß durch das Laufrad setzt sich die Spannung in Geschwindigkeit um, und das Wasser erfährt eine starke Beschleunigung. Die Laufradkanäle sind vollständig mit Wasser gefüllt.

Man hat den Ausfluß des Wassers aus den Laufradkanälen mit demjenigen aus der Mündung eines Gefüßes (nach Absehn. 62, Abb. 91) vergliehen und demgemäß die Wirkung des durchströmenden Wassers auf die Kanäle mit dem von Bernoulli geprägten Ausdruck Reaktion belegt; das gab Veranlassung, diesen Turbinenformen den Namen Reaktionsturbinen zu erteilen. Zweckmäßiger, weil an das Wesentliehe anknüpfend, dürfte die Bezeiehnung Tur-



binen mit gestautem Durchfluß oder kurz Stauturbinen sein. Mit gestautem Durchfluß, oder mit Spaltüberdruck, arbeiten die Turbinen von Fourneyron, von Jonval und von Francis. Versteht man unter p_1 den Druck im Spalt und unter p_2 denjenigen am Austritt aus dem Laufrad, so kann man die Gruppe der Stauturbinen mit der Formel konnzeichnen

 $p_1 > p_2$.

Die Strömung durch die Laufradkanäle wird nicht gestört, wenn die Turbine taucht, d. h. wenn der Austritt unter Wasser liegt.

Girard fand später, daß es für die Anpassung an einen Weehsel des Wasserzuflusses vorteilhafter sei, den Überdruck im Spalt dadurch zum Verschwinden zu bringen, daß man die Laufradkanäle in der Richtung des Durchflusses erweitert. Gibt man dabei der Luft freien Zutritt, so löst sich der Strahl vom Schaufelrücken ab und legt sich an die hohle Schaufelfläche an. Die Erweiterung erreicht Girard dadurch, daß er den Radkranz beim Austritt stark verbreitert. Er verschafft hierdurch dem Wasserstrahl den nötigen Spielraum, um sich ungezwungen seitlich auszubreiten. Im Kanal sind Wasser und Luft nebeneinander verhanden; es herrscht im ganzen Kanal derselbe (atmosphärische) Druck, und der Durchfluß geht ungestaut oder staufrei vor sich, wie in einer offenen Rinne. Diese Turbinenform kann daher als staufrei bezeichnet und von der vorigen Gruppe unterschieden werden. Gewöhnlich wird sie nach Girard benannt.

Man hat wohl die Wirkung des Wassers auf die offene Rinne unter dem Namen Aktion in einen Gegensatz zur Roaktion in der geschlos-

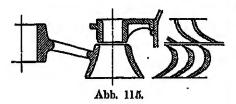


Abb. 116.

senon Rinne gestellt und demontsprechend die Bezeichnung Aktionsturbinen gebraucht. In Abselm. 63 wurde indessen gezeigt, daß die Wirkung in der offenen und in der geschlossenen Rinne durchaus wesensgleich ist; jene Bezeichnung hat daher keine Berechtigung.

Gewisse Gründe, die später zu entwickeln sind, führten dazu, diesen Turbinen sackförmige Schaufelprofile nach Abb. 115 zu erteilen. Es ergibt sich somit eine eigenartige Beschaffenheit des Laufrades.

Da der Druck am Anfang und am Ende des Laufradkanals derselbe ist, kann das Wesen der staufreien Turbine durch die Formel

$$p_1 = p_2$$

zum Ausdruck gebracht werden. Beim Austritt aus den Leitkanälen besitzt das Wasser keine Spannungsenergie mehr; die ganze im Gefälle dargebotene Energie ist bereits in die kinetische Form überge-

gangon, und im Laufrad findet kein Umsatz von Druck in Geschwindigkeit mehr statt.

Wesentlich ist, daß die Luft freien Zutritt habe; diese Turbinen dürfen nicht tauchen, sie müssen vielmehr frei über dem Unterwasser hängen, und zwar hoch genug, daß dieses auch bei seinem höchsten Stand nicht hinanreicht. Das Freihängen bedeutet einen entsprechenden Gefällsverlust.

Eine eigenartige Stellung unter den staufreien Turbinen nimmt das mederne Tangen-

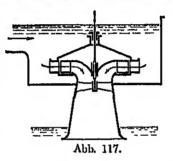
tial-oder Löffelrad cin¹). Das Wasser wird demselben nach Abb. 116 durch eine Düse als einzelner Strahl in tangentialer Richtung zugeführt. Das Rad ist am Umfange mit frei herausstehenden löffelförmigen Schaufeln besetzt, die in der Mitte einen scharfen Grat haben. Der Wasserstrahl trifft mitten auf den Grat; er wird durch denselben in zwei gleiche

¹⁾ Es wird gowöhnlich nach dom kalifornischen Ingenieur Polton benannt, dessen Löffelrad in Europa zuerat bekannt wurde.

Teile gespalten und nach beiden Seiten abgelenkt. Seitliche Radkränze fellen, und von Kanälen kann nicht mehr die Rede sein; die Räume zwischen den einzelnen Schaufeln bieten sehr viel überschüssigen Platz, und der Durchfluß ist nach allen Richtungen frei. Jedes Wasserteilehen trifft in einem anderen Punkt und in einer anderen Richtung auf und beschreibt längs der Schaufel wieder eine andere Bahn, so daß es den Schaufelrand an einem anderen Punkt verläßt.

78. Radial- und Axialturbinen. Mehr äußerlich ist die Unterschaftung nach der Richtung des Durchflusses im Laufrad. Ist die

Wasserbahn wenigstens beim Eintritt in einer Ebene
normal zur Achse
enthalten, so besitzt es eine radiale Geschwindigkeitskompononte; manspricht
dann von einer
Radialturbine
und unterscheidet



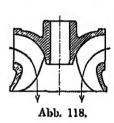


Abb. 119.

die in Abb. 117 dargestellte ältere Form der Francis-Turbine als außerschlächtig von der in Abb. 114 skizzierten Fourneyron-Turbine, die als innerschlächtig bezeichnet wird, weil der Eintritt von innen erfolgt¹). Bei der außerschlächtigen Radialturbine ist der Austritt heutzutage ausnahmslos nach Abb. 118 mehr oder minder stark axial abgelenkt; es liegt in dieser Anord-

nung ein wichtiges Mittel zur Erhöhung der Dredizahlen.

Als axial bezeichnet man eine Turbinenform, bei der das Wasser keine radiale, dafür
aber eine axiale Geschwindigkeitskomponente
amminmt, so daß sich die Wasserfäden auf
Zylinderflächen bewegen. In Abb. 110 ist als
Beispiel die Turbine von Jonval skizziert.

Führt man die Wasserfäden auf Kegelflüchen, so erhält man die Konusturbine. Da-

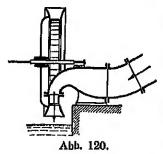
bei kann die Wasserführung sowohl konvergierend als auch divergierend angeordnet werden.

Dieso Morkmalo sind sowohl auf staufreio als auch auf Stauturbinen auwendbar.

79. Teil- und vollschlächtige Turbinen. Bei größeren Gefällen und kleinen Wassermengen fielen die Durchmesser der Turbinen leicht zu klein und die Umlaufzahlen zu groß aus, wenn man das Wasser

¹⁾ Der Ausdruck "schlächtig" (von schlagen) dürfte an die alten Wasserräder anzuknüpfen sein, denen das Wasser durch eine stelle geneigte Rinne aus einer gewissen Höhe mit Stoß oder Schlag zugeführt wird,

auf dem ganzen Umfang zuführen wollte. Man begnügt sich in diesem Falle damit, den Eintritt nach Abb. 120 nur über einen Teil des Umfanges auszudehnen und spricht von einer teilschlächtigen Turbine im Gegensatz zur vollschlächtigen, die das Wasser auf dem ganzen Umfang zugeführt bekommt. Die teilschlächtigen Turbinen sind immer

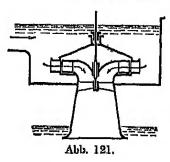


als staufrei ausgeführt. Umgekehrt sind die Stauturbinen stets vollschlächtig gebaut.

Die in Abb. 120 dargestellte radiale innerschlächtige Anordnung mit liegender Wolle ist als die Schwammkrug-Turbino bekannt.

80. Turbinen mit und ohne Saugrohr. Stellt man die Stauturbinen, die eingetaucht arbeiten können, ins Unterwasser, so wird das Gefälle vollständig ausgenützt; allein die Turbine ist schlecht zugänglich. Diesen Nachteil vermeidet man, indem man sie

über dem Unterwasser aufstellt und ihren Austritt durch ein Saugrohr mit dem Unterwasser verbindet, so daß auch in diesem Falle kein Gefäll verloren geht. Der untere Rand des Saugrohres darf auch beim tiefsten Unterwasserstand niemals austauchen. Die Saughöhe soll 6 bis 7 m nicht überschreiten, sofern es sich nicht um moderne Schnelläuferturbinen handelt, bei welchen die Saughöhe bedeutend kleiner gewählt werden muß, wenn man Kavitationen verhäten will. Es ist zweckles, am unteren



Ende des Saugrohres einen Verschluß (etwa eine Ringschütze) anzubringen, in der Meinung, denselben zum Füllen des Saugrohres nötig zu haben. Wird der Zulaß geöffnet, so fegt das niederstürzende Wasser ohne weiteres in kurzer Zeit die Luft aus dem Saugrohr fort, und der Druck beim Austritt aus dem Laufrad ist um den Betrag des Sauggefälles kleiner als derjenigen der umgebenden Luft.

Bei der Francis-Turbine läßt sich das Saugrohr an den Austritt der Tur-

bine derart anschließen, daß keine plötzliche Erweiterung des Querschnittes mit ihren Steßverlusten auftritt. Gibt man dem Saugrohr nach unten eine kenische Erweiterung, wie in Abb. 121 angedeutet, so kann ein großer Teil der Austrittsgeschwindigkeit aus dem Laufrade wieder in Druck umgesetzt und das entsprechende Gefälle zurückgewonnen werden.

Bei der Jonval-Turbine läßt sich, wie Abb. 122 zeigt, nicht gut ein stetiger Anschluß erzielen; die Austrittsgeschwindigkeit geht gleich beim Übergang ins Saugrehr in der starken Erweiterung ziemlich vollständig verloren und darum hat es wenig Sinn, das Saugrehr nach unten divergieren zu lassen.

Ganz ungeeignet für den Anschluß eines Saugrohres ist die Fourevron-Turbine; sie wurde aus diesem Grunde sehr bald durch dieenige von Jonval verdrängt.

In Fällen, wo der Unterwasserspiegel stark schwankt, hat man as Saugrohr auch für staufreie Turbinen angeordnet, um sich vom tand des Unterwassers unabhängig zu machen: Da diese Turbinen icht eingetaucht arbeiten dürfen, läßt man oben ins Saugrohr so viel aft eindringen, daß sich dicht unter dem Laufrad ein Luftraum von entigender Höhe bildet. Das stark zersplittert aus dem Laufrad ausretende Wasser reißt indessen die Luft sehr energisch fort, und diese auß daher fortwährend ersetzt werden. Der Lufteinlaß wird daher

urch ein Schwimmerventil derart geregelt, daß ich der Wasserspiegel unterhalb der Turbine uf einer unveränderlichen Höhe erhält. Im augrohr hat man ein Gemisch von Luft und Vasser, dessen spezifisches Gewicht kleiner ist ls dasjenige des Wassers; es darf daher nicht as ganze Sauggefälle in die Rechnung gesetzt rerden.

81. Lago der Achse im Raum. Anfänglich ab man den Turbinen stets eine senkrechte Velle, und man erblickte darin wohl ein unteroheidendes Merkmal gegenüber den Wasseridern, die ja immer eine wagrechte Achse aben. Erst später wurden Turbinen mit liegen-

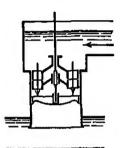


Abb. 122.

er Welle gebaut¹). Entscheidend waren dabei sowohl die Bauart der 'urbine als auch die Art, wie die Leistung weiter übertragen wurde. lo bietet die wagrechte Lage für die Anwendung des Riemen- oder eilantriebs entscheidende Vorteile und kann auch für die direkte Supplung mit Arbeitsmaschinen (Dynamobetrich) zweckmäßig sein.

Bei frei ausgießenden Turbinen trachtet man zur Vermeidung on Gefällsverlusten danach, für alle Punkte des Austrittes einen ninimalen Abstand vom Unterwasserspiegel einzuschalten; daher ist ei einem größeren Austrittsbogen die wagrechte Wellenlage auseschlossen²). Bei der Schwammkrug-Turbine dagegen ergibt sich ie liegende Welle von selbst. Diese ist auch für das Löffelrad das infachste und natürlichste, da sich hierbei ein symmetrischer zweicitiger und völlig freier Austritt ergibt, webei sich die axialen Schübe as Gleichgewicht halten. Das Löffelrad wird etwa auch fliegend auf las Ende einer liegenden Generatorwelle aufgesetzt. Das erfordert ndessen ein enges Zusammenarbeiten zwischen dem Turbinenbauer ind dem Elektriker. In neueror Zeit sind mehrfach Löffelräder mit enkrechten Wellen zum direkten Antrieb großer Generatoren gebaut vorden. Man eröffnet sich dabei die Möglichkeit, im Kreise herum achrere Düsen anzubringen, muß aber besondere Ablenker anordnen,

¹⁾ Die sehräge Lage bildete stets nur eine seltene Ausnahme.

²⁾ So z. B. boi der Fourneyron-Turbine. Bscher-Dubs, Wasserturbinen. S. Auft.

um zu verhindern, daß das nach oben austretende Wasser auf das Rad zurückfällt.

Die Turbinen mit Saugrohr, insbesondere die Francis-Turbinen führt man ebensowehl mit liegender als mit stehender Welle aus. Bei liegender Anordnung wird der Anschluß an das Saugrohr durch einen Krümmer vermittelt.

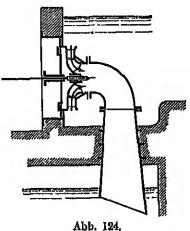
82. Offene und geschlossene Aufstellung. Dio oinfachsto Aufstollung orhält man bei kleinen Gefällen, indem man die Turbine mit



Abb. 123.

sonkrochter Wolle in den Boden eines offenen Kastens odor Schachtes einbaut, wie z. B. in Abb. 117, 119, 121 und 122 zu sehen ist. Man gebraucht in diesem Falle die Bezeichnung Schachtturbine. Wird dieser Schacht viercokig gohalten, was meistens zutrifft, so geht die Geschwindigkeit des Zuflusses verloren, da das Wasser im Schacht eine ganz unregelmäßige Bewogung amimmt. Man gibt daher bei Franois-Turbinon öfters dem Schacht das in Abb. 123

skizzierte spiralförmige Profil, durch das ein stotiger Übergang vom Zufluß in die Turbine hergestellt wird. Doch bedarf diese Anerdnung im Vorhältnis zum Raddurchmesser einer großen Breite des Zuflußkunals. Bei Schachtturbinen mit liegender Achso, die nach der Bauart von Francis



violfach ausgeführt werden, tritt die Wello soitlich durch eine der Schachtwände ins Freio (vgl. Abb. 124).

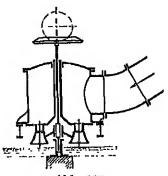
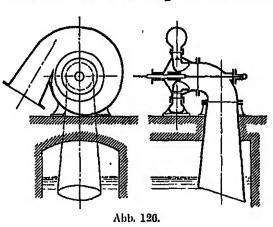


Abb. 125.

Handelt es sich um größere Gefälle, so würde die Welle zu lang, wenn man sle bei sonkrochter Lage bis über den Oberwasserspiegel führen wollte. In solchen Füllen schließt man die Turbine in ein eisernes Gehäuse von kasten- oder kesselförmiger Gestalt ein, dem man das Wasser durch ein Druckrohr zuführt. Abb. 125 läßt die Anordnung einer derartigen Kasten - oder Kesselturbine erkennen. Diese Anordnung ist jedoch aus hydraulischen Gründen nicht empfehlenswert,

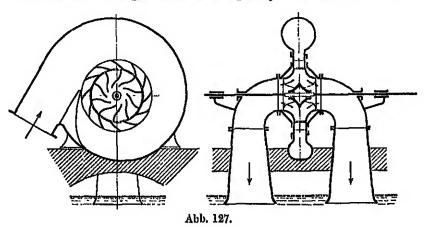
Bei der Francis-Turbino orlaubt der außerschlächtige, radiale Eintritt die Anwendung einer Gehäuseform, die einen stetigen, verlustfreien Übergang des Wassers aus der Druckleitung in die Turbino ergibt. Das Gehäuse ist nach Abb. 126 als Fortsetzung des Druckrehres

mit stotig abnohmendom Quorschnitt ausgebildet und spiralförmig um das Leitrad herumgologt. Der NameSpiralgohäuso kennzeichnet diose Konstruktion in zutroffender Weise. Die Welle liegt in der Regel wagrocht. man der Turbine nach Abb, 127 cinon zweiscitigen Ausguß, wird die ganze Turbine völlig symmetrisch, so daß sich die Axial-



schübe im Gleichgewicht halten. Daneben macht der zweiseltige Austritt die Anwendung eines kleineren Durchmessers und eine Steigerung der Umlaufszahl möglich.

Der Gebrauch des Spiralgehäuses ist übrigens keineswegs an das Vorhandensein eines größeren Gefälles geknüpft; dasselbe kann viel-

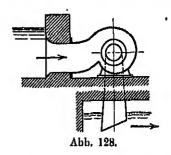


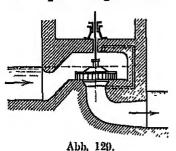
mehr gerude bei niedrigen Gefällen besondere Dienste leisten. Wollte man bei den in Abh. 128 angenommenen Gefällverhältnissen mit hochgenommener Turbine eine offene Aufstellung wählen, so würde die Turbine vom Oberwasser ganz ungentigend überdeckt; es würden sich zahlreiche von der Oberfläche ausgehende Wirbel bilden, durch die

Luft in großen Mengen in die Turbine eindränge. Das in rechteekigen Querschnitten aus Blech hergestellte Spiralgehäuse verhindert die Wirbelbildung vollständig und gibt eine tadellese Wasserzuführung. Liegt die Turbine immerhin so tief, daß sich der Durchfluß von selbst einstellt, so wird die Luft aus dem oberen Teil des Gehäuses in kürzester Zeit weggesaugt, und das Gehäuse wirkt als Heber.

In Abb. 129 ist eine heberförmige Kammer für eine Turbine mit senkrechter Welle angedeutet. Das Saugrohr ist im Betonfundament ausgespart. Bei diesen Heberturbinen muß jedoch besonders darauf geachtet werden, daß das Wasser die Turbinenkammer vollständig ausfüllt, also bis an die Decke steigt, was durch eine Verbindungsleitung zwischen Kammer und Saugrohr erreicht wird. (s. Abb. 129).

In ähnlicher Weise wird neuerdings bei großen Turbinen mit senkrechter Welle das in Abb. 123 angedeutete spiralförmige Schacht-



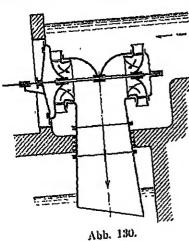


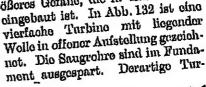
profil als Aussparung im Fundament zu einem vollständig geschlosenen Spiralgehäuse ausgebildet.

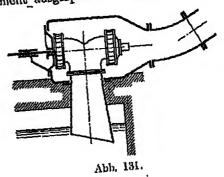
88. Mehrfache Turbinen. Es ist besonders die Elektrotechnik, die für den direkten Antrieb der Dynamomaschinen das Streben nach großen Geschwindigkeiten der Turbine geweckt hat. Um hohe Umlaufzahlen auch bei kleinen Gofällen und bedeutenden Wassermengen zu erzielen, werden zwei oder mehr Turbinen auf ein und derselben Welle befestigt und zu einem Ganzen verbunden. Da auf jede Einzelturbine nur ein Bruchteil der ganzen Wassermenge entfällt, werden ihre Abmessungen kleiner und ihre Umlaufzahl in demselben Verhältnis größer. Ordnet man die Turbinen auf derselben Welle symmetrisch an, so halten sich die Axialschübe im Gleichgewicht und die Lager werden entlastet.

Es kommt hier in orster Linie die Bauart nach Francis in Betracht, weil die Zuführung des Wassers am Eußeren Umfang die größte Freiheit in der Anordnung gibt. Übrigens steht natürlich nichts im Wege, mehrere Tangential- oder Löffelräder nebeneinander aufzustellen. Man kann bei diesen den Zweck aber auch dadurch erreichen, daß man auf ein und dasselbe Rad mehrere Wasserstrahlen führt. In Wirklichkeit ist bei liegender Achse nicht für mehr als zwei oder höchstens drei Düsen Platz, wenn man nicht für die einen Strahlen ungünstige Austrittsverhältnisse in den Kauf nehmen will.

In Abb. 130 ist eine Doppelturbine mit liegender Welle und gemeinsamem Saugrehr für offene Aufstellung gezeichnet. Abb. 131 zeigt eine ühnliche Doppelturbine für größeres Gefälle, die in einen Kessel







binen sind wiederholt an den neuen großen Kraftzentralen am Oberrhein in Anwendung gekommen. So zählt Laufenburg zehn Einheiten von je 5000 PS bei 8 m Gefälle. Basel-Augst ebenfalls 10 Einheiten mit je 2200 PS bei 4 m Gefälle. Abb. 133 zeigt die Anordnung der Turbinen der Kraftübertragungswerke Rheinfolden. Jede Einheit enthält zwei mit den Rücken zusammengebaute Doppelturbinen auf einer senk-

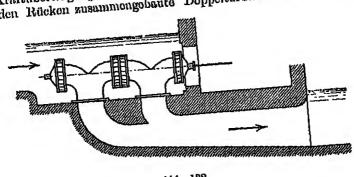


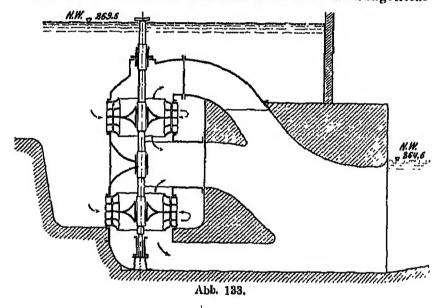
Abb. 132.

rechten Welle. Die einzelnen Turbinen kommen bei dieser Anordnung, wie die Stockwerke in einem Hause, übereinander zu liegen, und man spricht daher von Etagenturbinen. Man spart im Grundniß gegenüber der liegenden Anordnung bedeutend an Platz; dafür wird der Einbau etwas verwiekelter und die untere Partie kommt tief ins Unterwasser zu liegen. Rheinfelden zählte im ersten Ausbau zwanzig Einheiten von jo 840 PS bei 65 Umläufen in der Minute. Die Lauf.

räder haben 2,350 m Durchmesser bei 1,240 m Breite. Die Generatorwelle ist unmittelbar an das obere Ende der Turbinenwelle angekuppelt. Von dem starken Wechsel im Gefälle und in der Wassermenge, wie sie sieh bei Anlagen an großen Flüssen einstellen, geben folgende Zahlen für die Rheinfelder Zentrale eine Vorstellung.

	Hooliwassor	Niederwasser
OborwassorapiegoI	. 273 m	269,5 m ü. M.
Unterwasserspiegel	. 270 ,,	204,6 ,, ,, ,,
Gefälle	. 3	4,0 ,, ,, ,,
Wassermonge pro Turbinensatz	. 25 chm	17.0 ohm.

84. Als heute gebräuchliche Bauarten kommon außer den modernen Schnelläufern nur noch die Francis-Turbine und das Tangential-



oder Löffelrad in Betracht, die erstere für kleinere bis mittlere Gefälle bei größeren Wassermengen, das zweite für höhere Gefälle bei kleineren Wassermengen. Beide zeichnen sich durch hohe Wirkungsgrade bis über 85 v. H. aus, während die Turbinen älterer Bauart selten über 75 v. H. ergaben. Beide gestatten eine gute Regulierung der Durchflußmenge und damit auch der Geschwindigkeit. Die Francis-Turbine besitzt ein weitgehendes Anpassungsvormögen an die verschiedensten Aufstellungsvorhältnisse und an sehr weit auseinauderliegende Anforderungen hinsichtlich der Umlaufzahl.

10. Das Regeln der Durchflußmenge.

85. Zweck der Abschittzung. Unter Abschittzung soll die Vorrichtung verstanden sein, mittels der man den Durchflußquerschnitt einer Turbine auf eine veränderte Wassermenge einstellen kann. Sie

wird häufig als die Regulierung bezeichnet. Das Bedürfnis nach einer Verminderung der Durchflußmenge stellt sieh z. B. ein, wenn der Zufluß wegen trockener Witterung zurückgeht. Die in Abb. 134 gezeichnete Turbine sei derart beschaffen, daß sie bei einem Gefälle H eine Wassermenge Q durchläßt. Nimmt der Zufluß ab, so sinkt der Oberwasserspiegel, da zunächst der Durchfluß unverändert bleibt. Mit abnehmendem Gefälle sinkt aber auch die Durchflußmenge, und schließlich stellt sieh für eine gegebene Zuflußmenge Q_1 wieder der Beharrungszustand bei einem gewissen Gefälle H_1 ein. Dürfte man annehmen, daß die Druckverluste im neuen Zustand zum Gefälle in demselben Verhältnis ständen wie früher, so bestände die Bezeichung

$$rac{Q_1}{Q} = \sqrt{rac{H_1}{II}}$$
 .

Bliebe ferner der Wirkungsgrad derselbe, so wäre das Verhältnis zwischen der jetzigen und der früheren Leistung

$$\frac{L_{1}}{L} = \frac{Q_{1} \, II_{1}}{Q \, II} = \frac{Q_{1}^{3}}{Q^{3}};$$

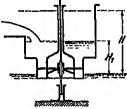


Abb. 134.

die Leistung nähme also mit der dritten Potenz der Wassermenge ab, und man erhielte somit, wenn der Zufluß auf die Hälfte zurückginge, nur noch den achten Teil der früheren Leistung. In Wirklichkeit würde das Verhältnis noch schlechter; da man die ursprüngliche Geschwindigkeit beibehalten muß, die dem Gefälle nicht mehr entspricht, wird der Wirkungsgrad schlechter und die Leistung noch geringer.

Der Verlust rührt in der Hauptsache daher, daß das Wasser um die Höhe $H-H_1$ tot herunterfällt, ohne Arbeit zu verrichten. Man umgeht ihn, indem man den Durchflußquerschnitt der Turbine soweit verengt, daß der Oberwasserspiegel auf der ursprünglichen Höhe verbleibt; unter der Veraussetzung, daß auch der Unterwasserstand sich nicht ändere und daß der Wirkungsgrad derselbe bleibe, ginge alsdann die Leistung nur im direkten Verhältnis zur Zuflußmenge zurück.

Die Abschützung hat noch eine zweite wichtige Aufgabe zu erfüllen. Wenn sich während des Betriebes die Belastung der Turbine ändert, so muß, damit die Geschwindigkeit dieselbe bleibe, alsbald auch die Leistung entsprechend eingestellt werden. Mit seltenen Ausnahmen geschieht dies dadurch, daß man mittels der Abschützung den Durchfluß nach Maßgabe des Bedarfs verändert. Der Abschützung fällt die wichtige Aufgabe zu, die Leistung und damit auch die Geschwindigkeit der Turbine zu regeln. Dies hat ihr denn auch den Namen Regulierung eingetragen.

Bei Stauturbinen stehen Geschwindigkeiten, Querschnitte und Wassermengen in eindeutigem Zusammenhange unter sich und mit dem Gefälle. Soll daher das Verhältnis zwischen den verschiedenen Geschwindigkeiten nicht gestört werden, so müßte man die sämt-

lichen Querschnitte zugleich mit der Wassermenge ändern, also sowohl an den Leitkanälen als auch im Laufrad. Da sich aber der Durchführung dieser Aufgabe, soweit sie sich auf das Laufrad bezieht, sehr große Schwierigkeiten entgegenstellen, begnügte man sich mit einer Veränderung der Leitkanalquerschnitte, während die Laufradkanäle ihre Beschaffenheit unverändert beibehielten. Es ergibt sich daraus, daß bei eintretender Verengung der Leitkanäle die Querschnitte im Laufrad zum Schaden des Wirkungsgrades zu groß sind.

Anders und günstiger liegen die Verhältnisse bei den staufreien Turbinen, wo die Geschwindigkeiten nur vom Gefälle abhängen, und wo das Laufrad so schon überreichliche Querschuitte bietet, so daß

ein weiterer Überschuß nicht viel schaden kann.

Das Abschützen der Turbinen beim Anpassen an eine abnehmende Zuflußmenge bringt fast immer eine Verschlechterung des Wirkungsgrades mit sieh und ist als Notbehelf aufzufassen. Enthält die Anlage nur eine einzige Turbine, so muß man verlangen, daß die Abschützung gestatte, noch mit einem stark zurückgegangenen Zufluß verhältnismäßig günstig zu arbeiten. Bei Anlagen mit mehreren Einheiten tritt dieser Gesichtspunkt zurück; wenn nicht mehr genug Wasser zum Betriebe des Ganzen verhanden ist, so schaltet man so viele Einheiten aus, daß die übrigen angenähert voll arbeiten können. In diesem Falle kann man sich mit geringeren Anforderungen an die Güte der Abschützung zufrieden geben.

86. Zellenregulierung. Enthält das Leitrad einer Turbine eine größere Auzahl von Kanälen, so kann man den Durchfinß dadurch vermindern, daß man eine entsprechende Zahl derselben zudeckt. Da man die Kanäle wohl auch Zellen nennt, spricht man von einer Zellenregulierung. Die Wirkungsweise derselben ist bei Turbinen

mit und ohne Stauung otwas verschieden.

Tritt bei den Stauturbinen, die ja stets unter Wasser arbeiten, ein Laufradkanal aus dem offenen Teil des Leitrades in den toten Teil über, so kann er sich nicht entleeren, weil keine Luft nachströmt; die Bewegung des Wassers wird plötzlich unterbrochen und seine kinetische Energie geht verloren. Beim Wiedereintritt in den offenen Teil muß das in den Laufradkanälen ruhende Wasser durch das neu eintretende wieder plötzlich beschleunigt werden; dabei wird abermals Energie zerstört. Fast noch schlimmer sind die Ausfressungen, die nach Absehn. 72 durch die auftretenden Wirbel hervergerufen werden.

Man kann das Übel nach beiden Richtungen mildern, wenn man die Turbine ventiliert, d. h. Luft in die zugedeckten Leitkanäle einführt; dabei können sich die Kanäle vollständig entleeren und beim Übergang in den offenen Teil findet das eintretende Wasser keinen Widerstand. Die Ventilation ist aber nur bei Turbinen ehne Saugrehr durchführbar, die nicht zu tief im Unterwasser liegen.

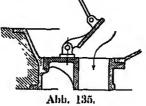
Günstigere Verhältnisse bieten die staufreien Turbinen; da sie stets freihängen und die Luft überall Zutritt hat, geht die Entleerung der Laufradkanäle ungestört vor sieh, auch wenn sie den offenstehenden Toil des Leitrades verlassen. Man hat hier nur mit den Energieverlusten zu rechnen, die infolge der Zersplitterung des Wassers beim Übergang vom offenen Teil des Leitrades zum zugedeckten oder umgekehrt auftreten. Da diese nicht sehr bedeutend sind, geht der Wirkungsgrad beim Abschützen nur wenig zurück, und dieser Eigenschaft verdankte

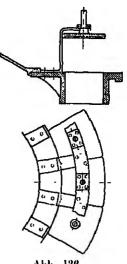
die staufreie Turbine früher ihre Bevorzugung in allen Fällen, wo man einen starken Wechsel in der Zuflußmenge zu erwarten hatte. Aus denselben Gründen gab man den teilschlächtigen Turbinen einen ungestauten Durchfluß.

Die Zahl der Übergänge von den offenen zu den geschlossenen Teilen des Leitrades soll so viel als möglich eingeschränkt werden; man wird daher die Zellen der Reihe nach zuschließen. Der Symmetrie der Kröfe halber

schließen. Der Symmetrie der Kräfte halber pflegt man indessen die abzuschützenden Leitkanäle in zwei ein-

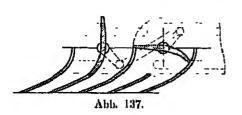
kanāle in zwei einander diametral gegentiber liegende Gruppen zu teilen, innerhalb deren dann die Kanāle der Reihe nach geschlossen werden.

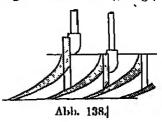




. 135, Abb. 136.

Die Regulierung erfolgt nicht stetig, sondern stufenweise, da immer mindestens ein ganzer Leitkanal ein- oder ausgeschaltet werden muß; ist die Zahl der Zellen nicht zu klein, so wird die Abstufung dennoch fein genug¹).



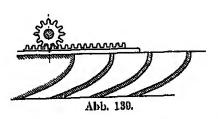


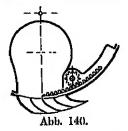
Bei axialer Anordnung werden unter kleinen Drücken zum Zudecken der Leitkanäle verschiedenartige Teller und Klappen nach Abb. 135 und 136 gebraucht, die jeweilen eine oder mehrere Zellen zugleich decken. Die Drehklappen nach Abb. 137 schließen je zwei Zellen ab; die Dichtigkeit läßt aber zu wünschen führig; etwas besser sind die kleinen Schützen nach Abb. 138. Beide Organe können durch

¹⁾ Wenn bei teilweiser Öffnung einer Zelle sieh ein unregelmäßiger Wassereintritt ergibt, so kann es verkemmen, daß die Vermehrung des Zuflusses mehr Energie verbraucht als abgibt. Darin kann eine bedeutende Erschwerung der automatischen Geschwindigkeitsregulierung liegen.

den in Abb. 137 punktiert gezeichneten Zweinutenring mechanisch betrieben werden.

Bei allen derartigen Vorrichtungen, die von oben her durch Zug-





stangen betätigt werden, kann man die letzteren in röhrenförmiger Ausführung zur Ventilation benützen.

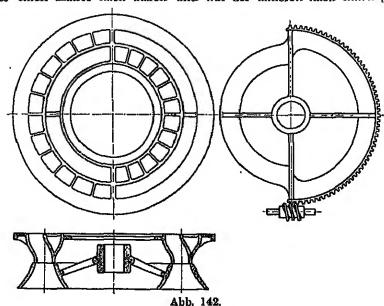


Abb. 141.

Bei mehrkränzigen Jonval-Turbinen deckt man wohl die einzelnen Kränze ganz mit ringförmigen Tellern zu. Das gibt freilich nur eine ganz grobe Abstufung; die offen bleibenden Kränze arbeiten dafür in einwandfreier Weise.

Bei teilschlächtigen Turbinen kommt selbst für höhere Gefälle der in der Umfangsrichtung bewegliche Schieber nach Abb. 139 bis 141 zur Anwendung. Abb. 142 zeigt übrigens, wie sich der Drohschieber auch bei vollschlächtigen Tur-

binen anwenden läßt. Dadurch, daß beim Eintritt die Leitkanäle auf der einen Hälfte nach außen und auf der anderen nach innen ge-



drängt werden, gewinnt man den freien Platz für den ganz zurückgezogenen Schieber.

Die Zelleuregulierungen, die einen mechanischen Antrieb besitzen, wurden früher vielfach auch für die automatische Geschwindigkeits-

rogulierung gebraucht. Den jetzigen Anforderungen genügen sie indessen nicht mehr, da sie zu langsam wirken. Es fallen für diesen Zweck nur die in den folgenden Abschnitten zu behandelnden Vorrichtungen in Betracht, bei denen alle Leitkanäle zugleich durch eine vorhältnismäßig geringfügige Bewegung beherrscht werden.

87. Spaltschieber. Ein einfaches, wenn auch rohes Mittel ist für radiale Vollturbinen der in den Spaltzwischen Leit- und Laufrad eingeschobene Spaltschieber nach Abb. 143 und 144. Daß der Wirkungsgrad unter dem Einflusse der plötzlichen Erweiterung hinter dem Schieber notleiden muß, liegt auf der Hand, und zwar werden die Verhältnisse um so schlimmer, je weiter der Schieber vorgeschoben

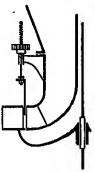
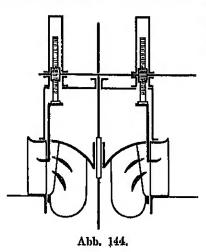
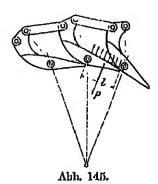


Abb. 143.

wird, d. h. je kleiner der Zufluß geworden ist. Verschlechtert wird die Wirkung noch dadurch, daß die Wasserfäden, die an der Kante des Schiebers streifen, eine Ablenkung normal zur Kante erleiden, wom man nicht die Kante durch Ansätze, die ins Leitrad zurückreichen, stark verbreitert. Die in Abb. 144 nach amerikanischen Mustern auf



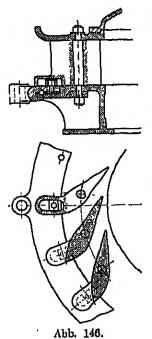
die Schaufeln gesetzten Kämme sollen die Führung des Wassers hinter dem vorgeschobenen Spattschieber verbessern.



Der Verwendung des Spaltschiebers für die automatische Geschwindigkeitsregulierung stehen keine Bedenken entgegen.

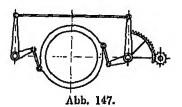
88. Die Finksche Drehschaufel nach Abb. 145 und 146 ist die beste Vorrichtung, um bei vollschlächtigen Radialturbinen die sämtlichen

Leitkanäle gleichzeitig zu verengen. Die Regelung ist fast die einzige, welche heute für Vollturbinen noch in Betracht kommt. Sie hat Ähnlichkeit mit den Jalousiefensterläden; sämtliche Leitschaufeln lassen sich um eine feste Achse drehen, und dadurch werden sowohl die Querschnitte als auch die Winkel der Leitkanäle verändert. Die Seitenränder der Schaufeln müssen mit den Radkränzen in steter Berührung bleiben. Diese Bedingung wird erfüllt, wenn die Radkränze die Ge-



stalt von konzentrischen Kugelflächen erhalten und die Drehachsen der Schaufeln auf den Kugelmittelpunkt gerichtet sind. Von größerer praktischer Bedeutung ist nur der Fall, wo der Kugelhalbmesser unendlich groß wird, wo also die Kränze flach sind; die Finksche Drehschaufel kommt daher meistens nur für die Radialturbine in Betracht, und zwar tatsächlich nur für die außerschlächtige Form, da es bei der innerschlächtigen an Platz fehlen würde.

Die Schaufeln sind unter sich derart verbunden, daß die gleichzeitige Drehung aller gesichert ist. In Abb. 145 wird der Zusammenhang nach Foresti durch Gelenkstangen hergestellt, deren Angriffspunkte an den hobel-

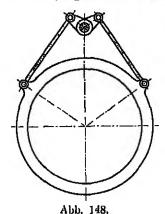


förmigen Verlängerungen der Schaufeln mit den Drehpunkten der letzteren lauter kongruente Parallelogramme bilden. Es entsteht so eine in sich solbst geschlossene Gliederkette, die von zwei diametral einander gegenüberliegenden Punkten aus in Bewegung gesetzt wird.

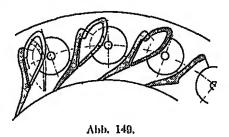
Gowöhnlich legt man um das Leitrad herum einen konzontrischen drehbaren Ring, mit dem die einzelnen Drehschaufeln nach Abb. 146 durch Schubkurbeln oder durch kurze Gelenkstangen verbunden sind. Der Schlitz des Schubkurbelgetriebes kunn entweder im Ring oder in der Schaufel liegen. Man siehert dem Ring oft dadurch einen leichten Gang, daß man ihn auf Kugeln laufen läßt. Der Bewegungsmechanismus für den Ring sollte streng zentrisch symmetrisch sein, wie in Abb. 147 gezeichnet. Aus Platzmangel wird öfters die in Abb. 148 skizzierte Einrichtung gewählt, bei der die Symmetrie verlorengelt, sebald die Verrichtung aus der Mittelstellung heraustritt; ein Klemmen läßt

sich indesson dadurch verhäten, daß man dem Regulierring etwas Spiel läßt.

Zumeist gibt man den Leitschaufeln eine Drehung um feste Bolzen, denen zugleich die Aufgabe zufällt, die beiden Kränze des Leitrades miteinander zu verbinden. Den Platz für die Drehbolzen gewinnt man durch eine starke Verdickung der Schaufeln in der Mitte, die zu der bekannten Fischbauchform führt. Die Leitkanäle erhalten infolge dieser Verdickung leicht ein ungäustiges Profil; sie müssen sieh zu früh verjüngen und der zusammengezogene Teil fällt zu lang aus.



Die vielen Gelenke sind einer ziemlich starken Abnützung unterworfen, so daß der ganze Mechanismus leicht schlotterig wird. Das kann manchmal am Sande liegen, den das Wasser mit sich führt. Einen



stärkeren Anteil dürfte indessen die schütternde Bewegung haben, die die Schaufel im strömenden Wasser annimmt, ähnlich wie die Fahne, die im Winde flattert. Bestehen die Gelenkflächen teilweise oder ganz aus Eisen, so tritt noch der Einfluß des Abrostens hinzu. Die Abnützung fällt um so stärker aus, als die Schmierung schwer

durchzuführen ist, da der ganze Mechanismus im Wasser liegt und somit unzugänglich ist (vgl. übrigens Abb. 173).

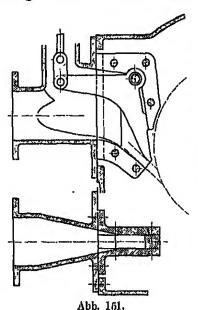
89. Die Regullerungen von Schaad und von Zodel verfolgen ähnliche Zwecke mit etwas anderen Mitteln. Schaad baute nach Abb. 149 in jeden Kanal eine drehbare Zunge ein und bewegt alle diese Zungen miteinander. Zodel legt, wie Abb. 150 zeigt,



innerhalb des Leitrades einen Gitterschieber an, der beim Drehen alle Kanalausgänge gleichzeitig mehr oder weniger schließt. Zur Verbesserung der Wasserführung beim Austritt wird der Schaufelrücken durch eine aufgeschraubte Blechplatte verlängert. Beide haben den Nachteil, daß sie das austretende Wasser in lauter einzelne nicht zusam-

menhängende Strahlen auflösen, deren Wiedervereinigung im Laufrad nicht ohne Unregelmäßigkeiten und Energieverluste vor sich geht. Diese Regelungen sind deshalb weitaus nicht so gut wie diejenige von Fink.

90. Das Regeln vereinzelter Leitkanäle. Enthält der Leitapparat nur einen einzigen Kanal, wie z. B. bei den Tangentialrädern, so wird die Regulierung durch eine Veränderung des Austrittsquerschnittes erzielt. Hat der Kanal einen rechteckigen Querschnitt, so wird die eine Wand, und zwar am besten diejenige, die dem Rade zugekehrt ist, beweglich gemacht, indem man sie z. B. nach Abb. 151 als drehbare Zunge ausbildet. Das Öffnen geschicht von selbst unter dem Einflusse



des Wasserdruckes; zum Schließen ist eine gewisse Kraft aufzuwenden, die ihren Größtwert bei vollendetem Abschluß erreicht. Ein Fehler dieser Vorrichtung ist, daß sie nur bei einer ganz bestimmten Zungenstellung einen parallelen Austritt ergibt; bei verkleinerter Öffnung wird der Strahl zum Schaden seiner Energie in die Breite gequetscht.

Frei von diesem Fehler ist der ebenfalls für Tangentialräder bestimmte Schiebereinlauf nach

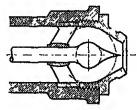


Abb. 152.

Abb. 341. Da der Schieber mit Ausnahme seines untersten Teiles ganz entlastet ist und überdies mit Starrschmiere gefettet werden kann, spielt er sehr leicht.

Für Tangentialräder kommt heute ausschließlich die stark konvergierende kegelförmige Düse nach Abb. 152 und 153 zur Anwendung, deren Querschnitt sich durch eine von hinten eingehobene spitze Reguliernadel beliebig verändern läßt (vgl. Abschnitt 207). Die von A. Doble in San Francisco eingeführte Nadeldüse¹) hat alle übrigen Vorrichtungen in kürzester Zeit aus dem Felde geschlagen.

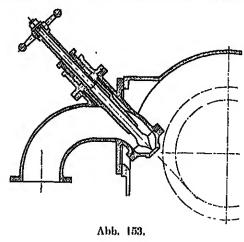
Die in Abb. 154 abgebildete außenliegende Schwinge (bascule extérieure) von Pie eard in Genf ist für innerschlächtige Radialturbinen in der Schwammkrugsehen Aufstellung bestimmt. Der Strahl nimmt

¹⁾ Homberger, II.: Z. V. d. I. 1904, S. 1901.

unter der Kante der Schwinge eine starke Kontraktion an; seine Richtung wird wesontlich durch die der Kanto gegenüberliegende Fläche bestimmt und ändert sieh daher kaum beim Verstellen der Schwinge. Der Wasserdruck auf diese letztere ist völlig ausgewuchtet; die Vorrichtung spielt daher leicht, hält aber wohl nicht auf die Dauer dicht. Diesen Nachteil hat die Schwinge mit der schon besprochenen Zungen-

regulierung gemeinsam.

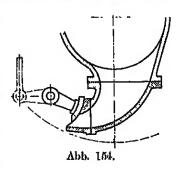
91. Drosselverrichtungon. In sohr einfacher Weise läßt sich der Durchfluß dadurch regeln, daß man ihn durch eine Drosselkappe im Druckrohr oder durch eine Ringschütze am unteren Ende des Saugrohres mehr oder minder Da die Wirabdrosselt. kung auf der Einschaltung cines Widerstandes, also auf einer teilweisen Vernichtung des Gefälles beruht, ist der Vorgang gerado dann am wenigsten ökonomisch, wenn der Zu-



fluß am stärksten zurückgegangen ist; er ist also hinsichtlich der Anpassung an den verminderten Zufluß mit den in Abschn. 85 geschilder-

ten Erscheinungen an der nicht abgeschützten Turbine zu vergleichen. Die Drosselvorrichtungen sind somit für das Sparen von Wasser untauglich.

Wo es nur darauf ankāme, zum Zwecke der Einhaltung einer bestimmten Geschwindigkeit einen Überschuß an Leistung abzudrosseln und wo ein Ansammeln von erspartem Wasser ausgeschlossen ist, könnte man sich diesen Fehler noch gefallen lassen. Die Drosselvorrichtungen sind aber auch für die Geschwindigkeitsregulierung ungeeignet,



da ihr Einfluß anfangs nur sehr langsam, dann aber gegen das Ende der Schließbewegung außerordentlich rapid ansteigt.

Die Drosselklappe wird hie und da noch als Abschlußergan der Druckleitung gebraucht, hat aber in dieser Verwendung den Fehler, daß sie nicht dicht abschließt. Ihr Vorteil ist darin zu sehen, daß sie zur Bewegung verhältnismäßig geringer Kräfte bedarf, da der auf ihr liegonde Wasserdruck annähernd ausgeglichen ist.

11. Rechnungsunterlagen.

92. Gefälle bel einer bestehenden Aulage1). Bei der Beurteilung einer ausgeführten Anlage kommt es in erster Linie darauf an. zu erfahren, in welchem Verhältnis die gewonnene Leistung an der Turbinenwelle zu der ganzen in der Wasserkraft enthaltenen Energie steht. Dieses Vorhältnis wird als Wirkungsgrad bezeichnet.

Ist N die Leistung in Pfordestärken, bedeutet Qy das in der Sokunde zufließende Wassergewicht in kg und II das Gefälle in m. so

ist der Wirkungsgrad

$$e = \frac{75N}{Q\gamma II}. (119)$$

Die Größen Q und N sind eindeutig; dagegen kann die Frage nach dem Gefälle verschieden beantwortet worden, je nachdem sieh die Betrachtung über die ganze Anlage oder über die einzelnen Teile. wie die Wasserfassung, die Zu- und Ableitung und die Motoren, erstrocken soll.

Durch die Grundeigentumsverhältnisse oder durch die Konzession sind der oberste und der unterste Punkt des Wasserlaufes, zwischen denen die Ausnützung der Wasserkraft erfolgen soll, genau bestimmt. Der Höhenunterschied bildet das geodätische Gefälle IIa. Das Wasser fließt beim obersten Punkt mit einer gewissen Geschwindigkeit o' horbei und muß am untersten Punkt mit einer Geschwindigkeit c" entlassen worden. Es wird alsdann die der Ausbeutung entgegengeführte Energie durch das rohe oder Bruttogefälle

$$H_b = H_g - \frac{c'^2 - c''^2}{2g}$$
 (120)

gemessen. Da indessen der Unterschied zwischen c' und c" zumeist gering ist, können das geodätische und das Bruttogefälle als identisch angeschen werden.

Von dem Bruttogefälle geht ein Teil in der Zuleitung verloren. Dieser Verlust setzt sich zusammen aus der Geschwindigkeitshöhe, die aufzuwenden ist, um das Wasser zum Eintritt in den Kanal zu zwingen. aus dem Verlust im Grobrechen, im Oberwasserkanal, im Feinrechen, und bei größeren Gefällen aus dem Verlust im Wasserschloß und in der

Ein anderer Teil kommt in der Ableitung abhanden. Nach dem Austritt aus der Turbine besitzt das Wasser in der Turbinenkammer eine unruhige turbulente Bewegung ohne bestimmte Richtung. Das

¹⁾ Die houtige Technik hat gelernt, selbst die größten Gefälle, die die Natur bietet, zu bezwingen. So beträgt z. B. das Gefälle der Wasserwerke

am Adamollo (Prov. Brosoia) 920 m,

bei Vouvry (Kanton Wallis) 023 ",
bei Orla (Pyrenton) . . . 941 ",
bei Fully (Kanton Wallis) . 1650 ",

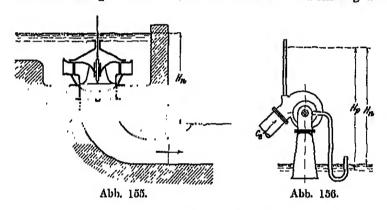
a) Genau genommen käme noch der Unterschied des Luftdruckes am untern
und am obern Punkt in Abzug. Derselbe ist aber so unbedeutend, daß man ihn stets anßer acht lassen darf.

Wasser muß alsdann wieder auf die Geschwindigkeit gebracht werden, mit der es im Unterwasserkanal fortfließen soll. Um die entsprechende Geschwindigkeitshöhe muß sich das Wasser in der Kammer stauen. Des weiteren geht im Unterwassergraben das Reibungsgefälle verloren.

Für den Betrieb der Turbine bleibt nur noch das reine oder Nettogefälle H_n übrig, das durch den Höhenunterschied zwischen dem Oberwasserspiegel im Turbinenschacht oder dem Piezometerstand vor der Turbine einerseits und dem Wasserspiegel in der Turbinenkammer andererseits ausgedrückt wird.

Ist das Saugrohr nach Abb. 155 heberförmig abgebogen, so übt os im Unterwasser eine ejektorartige Wirkung aus; in diesem Falle ist das reine Gefülle bis auf den Punkt zu messen, wo sieh der Sprung im Unterwasser vollzogen hat.

Um die Energie zu messen, die der Turbine wirklich zugeführt



oder dargeboten wird, hat man zum reinen Gefälle noch die Höhe zuzuschlagen, die der Geschwindigkeit c, entspricht, mit der das Wasser zur Turbine herbeisließt. Es wird das dargebotene, rechnungsmäßige oder disponible Gefälle H ausgedrückt durch

$$H = H_n + \frac{c_s^2}{2g}^{1}. \tag{121}$$

Für den Durchfluß des Wassers durch die eigentliche Turbine (Loit- und Laufrad) ist der Höhenunterschied der Piezometerstände unmittelbar vor und hinter der Turbine oder das piezometrische Gefälle $H_{\mathfrak{p}}$ maßgebend, und zwar unter Zuschlag der Geschwindigkeitshöhe $c_{\mathfrak{q}}^2:2\,g$, wenn diese wie in Abb. 156 der Turbine zugute kommt. Bei der Turbine mit Saugrohr ist das piezometrische Gefälle $H_{\mathfrak{p}}$ merklich größer als das reine Gefälle $H_{\mathfrak{q}};$ der Unterschied stellt die im Saugrohr zurückgewonnene Energie dar.

¹⁾ Bol oiner offenen Turbine nach Abb. 155 geht allerdings die Geschwindigkeit of verloren, während sie der Turbine mit Spiralgehäuse nach Abb. 156 zugute kommt.

Endlich pflegt man noch zwei rechnungsmäßige Begriffe einzuführen. Als wirksames Gefälle H_w bezeichnet man die Größe

$$H_w = II - \sum (II_v), \qquad (122)$$

wobei $\Sigma\left(H_{v}\right)$ die Summe aller Druckverluste in der Turbine unter Abrechnung eines allfälligen Druckgewinnes im Saugrohr bedeutet. Es wäre also H_{w} dasjenige Gefälle, das den tatsächlichen Durchfluß bewirken würde, wenn keine Druckverluste bestünden.

Bezeichnet c_2 die absolute Austrittsgeschwindigkeit des Wassers aus dem Laufrad, so mißt das Nutzgefälle

$$H' = H_w - \frac{c_s^2}{2g} \tag{123}$$

die Energie, die tatsächlich in der Turbine in nützliche Arbeit umgesetzt wird.

Für die Beurteilung der Turbine allein kommt es auf das dargebotene Gefälle an; dagegen berechnet sich die Güte der ganzen Anlage nach dem Bruttogefälle.

Es ergibt sich nach den vorstehenden Betrachtungen von selbst, daß für die Beurteilung der staufreien Turbinen an sich das dargebotene Gefälle bis auf den Austritt aus dem Leitrad zu messen ist. Bei der Einschätzung des wirtschaftlichen Wortes darf aber natürlich das Freihängen nicht außer acht gelassen werden.

Bei Lieferungsverträgen mit scharfen Bestimmungen ist es ratsam, bereits im Vertrage festzulegen, wie das Gefälle zu messen bzw. zu rechnen ist, damit nicht hinterher Meinungsverschiedenheiten entstehen können. Es sind nun eine Reihe von Normen für die Durchführung von Messungen aufgestellt worden, von denen nur diejenigen des Vereines deutscher Ingenieure und des Schweiz. Ing. und Architektenvereines erwähnt werden sollen.

Wenn man bei einer Turbine, in der die Eintrittsgesehwindigkeit c_s ausgenützt wird, das Gefälle vom Piezometerstand vor der 'Eurbine aus mißt ohne $\frac{C_s^2}{2g}$ zu berücksichtigen, so hat es der Konstrukteur in der Hand, der Turbine durch Steigerung jener Geschwindigkeit einem kleinen Rechnungsvorteil zuzuwenden.

Die Gefälle, die man zu unterscheiden hat, sind also die folgenden:

H, das geodätische Gefälle,

H, das Brutto- oder rohe Gofalle,

H, das reine Gefälle,

H das dargebotene, rechnungsmilßige oder verfügbare Gelälle,

H, das piezometrische Gefälle,

H_w das wirksame Gofallo,

H^r das Nutzgofälle.

93. Leistung und Wirkungsgrad. Ist das dargebetene Gefälle H und die Wassermenge Q aus dem Versuch bekannt, so ist die der Turbine dargebetene Leistung

Die wirkliche oder effektive Leistung, die au der Turbinenwelle gemessen wird, werde mit L_s bezeichnet. Wird für die Überwindung der Reibung in den Lagern und im umgebenden Mittel eine Leistung L_r verbraucht, so ist die vom Wasser auf die Turbine übertragene oder die hydraulische Leistung

$$L_{\varepsilon} = L_{\alpha} + L_{r} \,. \tag{124}$$

Als gesamten Wirkungsgrad der Turbine bezeichnet man das Verhältnis

$$e = \frac{L_o}{L}. \tag{125}$$

Der hydraulische Wirkungsgrad ist

$$\varepsilon = \frac{L_{\epsilon}}{L}.\tag{126}$$

Unter dem mechanischen Wirkungsgrad versteht man das Verhältnis

$$\eta = \frac{L_o}{L_o}. (127)$$

Nach dieser Definition ist

und $\begin{array}{c} c = \varepsilon \eta \\ \varepsilon = \frac{e}{n} \end{array}$ (128)

Den wirtschaftlichen Wertmesser für die Turbine bildet der gesamte Wirkungsgrad e; an diesen Wert denkt man, wenn man vom "Nutzeffekt" spricht.

Die Ermittlung der Reibungsarbeit L_r ist nur ausnahmsweise möglich; daher läßt sich auch der hydraulische Wirkungsgrad r nur ausnahmsweise bestimmen.

Der gesamte Wirkungsgrad bewegt sich je nach Bauart, Größe und Sorgfalt der Ausführung zwischen etwa 75 und 85 v. II. und selbst darüber.

Werden Q und H auf das m bezogen, so ist die effektive Leistung der Turbine in Pferdestärken zu 75 mkg/sok

$$N = e^{\frac{Q\gamma II}{75}} PS$$
, (120)

wobei für das Gewicht γ von 1 obm Wasser der Wert 1000 kg einzusetzen ist.

Für einen gesamten Wirkungsgrad von 75 v. H. wird

$$N = \frac{Q\gamma}{100}H = 10 \cdot Q \cdot H;$$

d. h. für jo 100 l/sek Zufluß und 1 m Gofälle kann man mindestens auf eine Pferdestärke rechnen,

94. Gefälle einer Neuanlage. Bei einer Hochdruckanlage ist das geodätische Gefälle von vornherein als gegeben anzuschen, da der Wechsel der Wasserstände an der oberen und unteren Grenze von geringem Einfluß ist. Es sind nun auf Grund besonderer Vorstudien die Verluste bei der Wasserfassung, im Oberwasserkanal, in der Druckleitung und in der Ableitung zu bestimmen und vom geodätischen Gefälle in Abzug zu bringen.

Die Größe dieser Verluste hängt in erster Linie von den gewählten Wassergeschwindigkeiten ab. Kleine Geschwindigkeiten ergeben kleine Verluste, bedingen aber große Querschnitte und somit auch große Anlagekosten. Ist das Gefälle an und für sich sehr bedeutend, so kann man sich einen größeren Verlust gefallen lassen, wenn man dadurch eine erhebliche Ersparnis an den Kosten der Anlage erreicht.

Besondere Aufmerksamkeit hat man auf das Studium der Druckleitung zu richten. Während man bei kurzen Druckleitungen und niedrigem Druck mit der Wassergeschwindigkeit nicht fiber 2 m/sek geht, wählt man für hohen Druck Geschwindigkeiten von 4 m/sek und mehr, da man damit eine bedeutende Ersparnis am Gewicht der Röhren erzielen kann¹).

Bei Anlagen mit niedrigen Gefällen an großen Plüssen wird die Bestimmung des Gefälles noch verwiekelter, da schon das geodätische Gefälle je nach der Wassermenge, die der Fluß gerade führt, schr verschieden sein kann. Bei Hochwasser steigt nämlich der Unterwasserspiegel stärker als das Oberwasser. Es gestalten sich im Zufluß die Reibungsverhältnisse günstiger, und die Geschwindigkeit wächst stärker als der Wasserstand. Da im Unterwasser beim Austritt aus den Turbinen nur eine sehr geringe Anfangsgeschwindigkeit vorhanden ist, tritt dort dafür eine um so stärkere Stauung ein, bis das Abwasser die erforderliche größere Abflußgeschwindigkeit annimmt. Das Gefälle wird bei Hochwasser am kleinsten und bei Niederwasser am größten. Dieser Umstand ist deswegen von Bedeutung, da er eine gewisse Ausgleichung der Leistung ergibt. Dem Turbinenbauer erwächst freilich die schwierige Aufgabe, seine Turbinen so einzurichten, daß sie bei unveränderlicher Umlaufzahl mit Gefällen und Wassermengen, die im umgekehrten Sinne stark wechseln, doch möglichst günstig arbeiten. Diese Gefällsverhältnisse klarzulegen und mit einiger Sieherheit vorauszubestimmen, bedarf es eines umständlichen und gründlichen Studiums des Einflusses, den die Wehr- und Kanalbauten bei verschiedenen Wassermengen auf die Stauung ausüben.

wo a eine nicht näher zu bestimmende Konstante bedeutet. Der Querschnitt steht aber zu der Wassergeschwindigkeit im umgekehrten Verhältnis und zu der zweiten Potenz des Durchmessers im direkten Verhältnis; also ist

$$D^{g} = \frac{b}{v}$$
,

we b eine andere Konstante, v die Wassergeschwindigkeit bezeichnen soll. Es ergibt sieh

$$G = \frac{ab}{a}$$

d. h. das Rohrgewicht ist der Geschwindigkeit umgekehrt proportional.

¹⁾ Bei einer gegebenen Spannung in den Rohrwänden ist die Bleehstärke dem Durchmesser D direkt proportional; da der Umfang in demselben Verhältnis steht, ist das Gewicht der Rohre pro Längeneinheit dem Quadrate des Durchmessers proportional, also $G=aD^{2}$.

95. Wassermongo für eine neu anzulegende Turbine. Es gibt Falle, wo man aus dem vollen schöpfen kann, z. B. bei kleinen Turbinen, die an eine öffentliche Wasserleitung angeschlossen sind; wird eine bestimmte Leistung verlangt, so schätzt man den Wirkungsgrad ab und berechnet die für das verhandene Gefälle erforderliche Wassermonge. Ist die Anlage an einen Gewerbekanal angeschlossen, der aus einem größeren Strom gespeist wird, so steht eine ganz bestimmte Wassermenge, wie sie der Fassungsfähigkeit des Kanals entspricht, zur Verfügung. Zumeist wird es sich aber darum handeln, einen natürlichen Wasserlauf möglichst vorteilhaft auszunfitzen; die fließenden Gewässer aber zeigen je nach der Witterung, der Jahreszeit und selbst nach dem Jahrgang einen sehr starken Wechsel in der Wassermenge. Es hätte offenbar keinen Sinn, die Anlage für die größte vorkommende Wassermonge auszubauen; denn man erhielte eine große, teure Anlage, die man die meiste Zeit über wegen Wassermangel nicht voll betreiben könnte. Wollte man umgekehrt mit der kleinsten Wassermenge rechnen, so ergäben sich, auf die Leistungseinheit bezogen, wiederum hohe Aulagekosten, und während des größten Teiles des Jahres ginge ein größerer oder kleinerer Wasserüberschuß über das Wehr verleren. Somit wird man von einer mittleren Wassermenge ausgehen, hat sieh aber darauf gefaßt zu machen, daß während eines Teiles des Jahres Wassermangel horrscht. Entweder muß dann der Betrieb eingeschränkt worden, oder man hat eine Reservekraft (Dampfmaschine, Dieselmotor) zu beschaffen. Wie groß diese mittlere Wassermenge anzusetzen sei, läßt sich nur auf Grund mehrjähriger Beobachtungen der Wassermongo im Flußlauf und gestützt auf eingehonde Studien der Betriebsverhältnisse entscheiden. Abgesehen von der Größe des Kraftbedarfs und seiner Verteilung über die Tages- und Jahreszeiten spielen eine ganze Reihe von Umständen mit, wie z. B. die Dauer und die zeitliche Verteilung der Niederwasserperioden, die Kosten der Reservekraft und ganz besonders der Wert der erzeugten Kraft. Weiterhin kommt es auf die Zahl der nebeneinander aufzustellenden Turbinen an, die bei großen Werken sehr beträchtlich werden kann. Tritt eine Abnahme der Wassermenge ein, so schließt man zunächst an einer Turbine ab, während die übrigen voll arbeiten. Erst wenn der Zufluß stärker sinkt, wird eine Turbine nach der andern ausgeschaltet. Man kann sich so unter Erhaltung gutor Wirkungsgrade einem stärkeren Wechsel der Wassermenge leicht anpassen, und darf die im Maximum auszunützenden Wassermengen höher ansetzen. Stellt man aber für eine Wasserkratt nur eine einzige Turbine auf, so wird man bei der Wahl der grundlegenden Wassermenge etwas mehr zurückhalten; da der Wirkungsgrad der Turbine auch im günstigsten Falle merklich abnimmt, wenn der Zufluß sinkt, und man bekäme gerade dann einen schlechten Wirkungsgrad, wenn das Wasser knapp wird.

Von der größten Wichtigkeit ist die Möglichkeit, einen augenblicklichen Wasserüberschuß in Sammelbecken aufzufangen, die mit dem Oberwasser in Verbindung stehen, da man in diesem Falle für kürzere Zeit größere Wassermengen beziehen kann. Legt man diese Sammler so groß an, daß sie den Jahreszufluß ausgleichen können, so kann man den letzten Wassertropfen ausnützen, und dabei spielt die Verteilung des Kraftbedarfs über Tages- und Jahreszeiten gar keine Rolle¹). Die Wasserkräfte mit hohem Gefälle und kleineren Wassermengen haben einen bedeutenden Versprung, da sie mit weit kleineren Sammelbecken auskommen.

Diese Art der Akkumulation ist undurchführbar, wo der untere Anstößer Anspruch auf den ungeschmälerten Zufluß hat²).

Wird dem Sammelbecken längere Zeit mehr Wasser entnommen als ihm zufließt, so sinkt der Wasserspiegel. Daraus ergibt sich eine Abnahme des Gefälles, die unter Umständen so bedeutend wird, daß man nicht unterlassen darf, ihr Rechnung zu tragen.

So setzt die Feststellung der rechnungsmäßigen Wassermenge unter Umständen sehr eingehende Untersuchungen und Berechnungen voraus.

96. Günstigste Geschwindigkeit. Eine gegebene Turbine, die unter einem gewissen Gefälle arbeitet, besitzt keineswegs von vorneherein eine bestimmte Geschwindigkeit; sie kann vielmehr in weiten Grenzen jede beliebige Geschwindigkeit annehmen. Setzt man die Turbine in unbelastetem Zustand in Gang, so nimmt sie die größte Geschwindigkeit an, deren sie bei dem vorliegenden Gefälle fähig ist. Dieser Zustand wird als Leorgang bezeichnet. Hier wird offenbar keine nützliche Arbeit geleistet; die ganze Energie wird dazu verbraucht, das Wasser durch die Turbine und diese selbst umzutreiben; der Wirkungsgrad ist Null.

Wird nunnehr die Turbine mehr und mehr belastet, so nimmt ihre Geschwindigkeit immer mehr ab, bis endlich die Turbine stehen bleibt. Auch in diesem letzteren Falle wird keine nützliche Arbeit verrichtet, und der Wirkungsgrad ist abermals Null. Zwischendrin muß es aber eine Geschwindigkeit geben, bei der der Wirkungsgrad einen Größtwert annimmt, und dies ist die verteilhafteste oder die günstigste Geschwindigkeit.

Bei einer anderen mittleren Geschwindigkeit wird die Leistung der Turbine zu einem Größtwert; das wäre die Geschwindigkeit der größten Leistung, die mit derjenigen des besten Wirkungsgrades keineswegs immer zusammenfällt³).

3) Je nachdem die Geschwindigkeit einen f\u00f6rdernden, gar keinen oder einen hommenden Einfluß auf die durchstr\u00f6mende Wassermenge hat, ist die Geschwindigkeit der gr\u00f6\u00dften Leistung gr\u00f6\u00dfer, gieleh oder kleiner als die Geschwindigkeit des

besten Wirkungsgrades.

¹) Bei Turbinonanlagen für Licht- und Kraftbetrieb, deren Sammelbecken groß genug für den Jahresausgleich ist, darf man etwa das Dreifache der mittleren Kraft verkaufen.

²⁾ Wo os die Bodenverhältnisse erlauben, kann man selbst in diesem Falle die Energie ausammein. Während der Tageszeit des geringsten Kraftbedarfes fördert man mittels Zentrifugalpumpen Wasser in ein hochliegendes Sammelbeeken, um dasselbe mittels Hochdruckturbinen zum Ausgleich der "Spitzen" herauzuiehen, d. h. der auf kurze Zeit über das Gewöhnliche hinausgehenden Kraftbedürfnisse. Hat auch die ganze Anlage einen ziemlich geringen totalen Wirkungsgrad (vielleicht 50%), so kann sie unter Umständen doch recht gute Dienste leisten (s. die Anlage Stura di Viu bei Turin).

Es ware nun naholiegend, jede neue Turbine für eine bestimmte vorteilhafteste Drehgeschwindigkeit zu bauen, allein dies ist in allen denjenigen Fällen, in welchen die Turbine unmittelbar mit einem elektrischen Generator gekuppelt ist, meistens nicht möglich. Die Generatoren sind in den weitaus meisten Fällen Wechselstrommaschinen und müssen ebenfalls für eine bestimmte Periodenzahl gebaut werden. Durch diese Poriodenzahl und die (meistens durch vier teilbare) Anzahl der Pole sind die Drehgeschwindigkeiten, welche in Fragekommen können. tostgologt. Es muß dann stets ein Kompromiß zwischen der günstigsten Drehgeschwindigkeit der Turbine und der möglichen Drehgeschwindigkeit des Generators eingegangen worden. Im übrigen ist hier zu bomerken, daß bei der gleichen Turbine die Drehgeschwindigkeit des besten Wirkungsgrades bei veränderlicher Turbinenöffnung nicht konstant ist, sondern obenfalls und zwar ist sie bei der größten Offnung am größten und bei der kleinsten Öffnung am kleinsten. Beim Betriob muß die Geschwindigkeit dauernd eingehalten werden. Dies geschicht dadurch, daß man je nach der jeweiligen Belastung der Turbino mittols der Regulierung oder Abschützung mehr oder weniger Wasser zutroten läßt, um so die Leistung der Turbine mit der Belastung im Gloichgewicht zu halten.

Spricht man von der Geschwindigkeit einer Turbine, so ist darunter die normale Geschwindigkeit zu verstehen, wenn nicht ausdrücklich

otwas andores verabredet wird.

97. Wirksames Gefälle; Wirkungsgrad. Überschlagsweise kann man für die verschiedenen Bauarten etwa folgende Zahlen annehmen. Dabei sind die Angaben über das wirksame Gefälle und die Austrittsenergie in Bruchteilen des dargebotenen Gefälles, der Wirkungsgrad in v. H. ausgedrückt.

	H_{IP}	$rac{c_2^2}{2g}$	8
Jonval-Turbine	0,85	0,05 bis 0,06	75
Girard-Turbine 1)),9 bis 0,92	0,05 bis 0,06	75
Francis-Turbine			
Langsamläufer	0,88	0,08	82
Normalläufer	bis 0,91	bis 0,100	bis 86
Schnolläufer	bis 0,04	bis 0,300	bis 84
Löffelrad 1)	0,94 bis 0,97		85

Große Ausführungen zeigen übrigens stets etwas bessere Wirkungsgrade als kleine. Wesentlichen Einfluß hat der sorgfältige Entwurf der Schaufelprofile und die saubere und glatte Ausführung der Schaufeln usw.

Es ist ratsam, eher mit einem etwas zu kleinen wirksamen Ge fälle zu reehnen, damit man sicher ist, daß die Turbine die vorgeschriebene Wassermenge tatsächlich schlucken kann. Der Einfluß eines kleinen Fehlers im Gefälle auf die Umlaufzahl ist bei voller Öffnung belangles.

¹⁾ Dabei ist das Gefälle bis auf den Austritt aus dem Leitapparat zu beziehen.

98. Ähnliche Turbinen bei verschiedenen Gefällen. Es ist wortvoll, daß man die Rechnungs- oder auch die Erfahrungsergebnisse verschiedener geometrisch ähnlicher Turbinen¹) in sohr einfacher Weise aufeinander beziehen und übertragen kann, sobald es sich um ähnliche Zustände handelt, d. h. sobald die verschiedenen Geschwindigkeiten in demselben Verhältnis zueinander stehen.

Zwei ähnliche Turbinen, deren Abmessungen durch die Zeiehen D_w und D dargestellt sein mögen, arbeiten unter zwei verschiedenen Gefällen H_w und H in ähnlichen Zuständen. Die Geschwindigkeiten verhalten sich offenbar wie die Quadratwurzeln aus den Gefällen, also ist

$$\frac{v_{\alpha}}{v} = \left(\frac{H_{\alpha}}{II}\right)^{\frac{1}{2}}.$$

Für die Querschnitte hat man

$$\frac{F_{w}}{F} = \left(\frac{D_{w}}{D}\right)^{2}.$$

Somit erhält man für die Durchflußmengen

$$\frac{Q_{x}}{Q} = \frac{F_{x}v_{x}}{Fv} = \left(\frac{D_{x}}{D}\right)^{2} \left(\frac{H_{x}}{H}\right)^{\frac{1}{2}}.$$
 (130)

Setzt man für beide Turbinen denselben Wirkungsgrad voraus²), so sind die Leistungen den Wassermengen und den Gefällen direkt proportional:

$$\frac{N_{\sigma}}{N} = \frac{Q_{\sigma}H_{\sigma}}{QH} = \left(\frac{D_{\sigma}}{D}\right)^{2} \left(\frac{H_{\sigma}}{H}\right)^{2}.$$
 (131)

Daraus ergibt sich für die Abmessungen der beiden Turbinen:

$$\frac{D_{\sigma}}{D} = \left(\frac{N_{\sigma}}{N}\right)^{\frac{1}{2}} \left(\frac{H_{\sigma}}{H}\right)^{-\frac{1}{4}} = \left(\frac{Q_{\sigma}}{Q}\right)^{\frac{1}{2}} \left(\frac{H_{\sigma}}{H}\right)^{-\frac{1}{4}}.$$
(132)

Die Drehzahlen stehen im geraden Verhältnis zu den Geschwindigkeiten und im umgekehrten zu den Abmessungen; also ist

 $\frac{n_x}{n} = \frac{v_x}{v} \binom{D_x}{D}^{-1} = \binom{N_x}{N}^{-\frac{1}{2}} \binom{H_x}{H}^{\frac{5}{4}}$ $\frac{n_x}{n} = \binom{Q_x}{Q}^{-\frac{1}{2}} \binom{H_x}{H}^{\frac{3}{4}}.$ (133)

oder

Stehen zwei identische Turbinen unter zwei verschiedenen Gefällen H_1 und H_2 , so verhalten sich für ähnliche Zustände ihre Geschwindigkeiten

 $\frac{n_1}{n_n} = \left(\frac{II_1}{II_n}\right)^{\frac{1}{2}}.$

¹⁾ Eine Ähnlichkeit zwischen verschieden großen Turbinen ist dann verhanden, wenn die größere Turbine eine streng geometrische Vergrößerung der kleinen Turbine ist.

²⁾ Diese Annahme trifft nicht genau zu; die größere Turbine wird einen höheren Wirkungsgrad aufweisen.

In domselben Verhältnis stehen auch die Durchflußmengen

$$\begin{matrix} Q_{\underline{1}} \\ Q_{\underline{2}} \end{matrix} = \left(\begin{matrix} H_{\underline{1}} \\ \overline{H}_{\underline{2}} \end{matrix} \right)^{\underline{1}} ,$$

und dahor besteht für die Leistungen das Verhältnis

$$\frac{N_1}{N_2} = \frac{Q_1}{Q_2} \frac{II_1}{II_2} = \left(\frac{II_1}{II_2}\right)^{\frac{8}{2}}.$$

99. Einheitsturbinen; spezifische Größen. Wenn man die Turbinen der verschiedenen Bauarten für einerlei Gefälle und für dieselbe Leistung berechnet, so gewinnt man einen Maßstab, mit dem man die verschiedenen Bauarten selbst hinsichtlich ihrer Abmessungen und Umlaufzahlen miteinander vergleichen kann. Nach dem Vorschlage von Camerer legt man der Berechnung ein Gefälle von 1 m und eine Leistung von 1 PS zugrunde¹). Diese Einheitsturbinen können als die Vertreter aller ähnlichen Turbinen angesehen werden. Ihre Abmessungen und Umlaufzahlen werden daher als die spezifischen Größen der betreffenden Bauart bezeichnet und sollen als solche durch den Zeiger s unterschieden werden. Von Bedeutung ist namentlich die spezifische Drehzahl n_s als Maß für die Schnelligkeit einer Turbinenform.

Kennt man das Verhalten einer Turbine bei einem gewissen Gefälle, so lassen sich mit Hilfe der im vorigen Abschnitt entwickelten Beziehungen die spezifischen Größen der betreffenden Bauart berechnen. Dabei nehmen jene Beziehungen eine etwas einfachere Gestalt an, da $H_x=1$ m und $N_x=1$ PS.

Man orhält

 $\frac{n_s}{n} = N^2 H^{-\frac{5}{1}}, \tag{134}$

daraus

$$n_{s} = \frac{n^{\frac{3}{2}} N}{H \sqrt[4]{H}}$$

$$\frac{D}{D_{s}} = N^{\frac{1}{2}} H^{-\frac{3}{4}}.$$
(135)

Umgekehrt läßt sich mit diesen Gleichungen aus der bekannten Einheitsturbine jede ähnliche Turbine rasch berechnen, die bei einem Gefälle H eine Leistung N hervorbringen soll. Die Rechnung läßt sich bequem mit dem Rechenschieber durchführen; man hat nur zu schreiben

$$H^{\frac{6}{4}} = HH^{\frac{1}{4}}$$

$$H^{\frac{1}{4}} = H: H^{\frac{1}{4}}$$

und

¹⁾ Man könnte auch daran denken, die Rechnung auf eine bestimmte Wassermenge, z.B. auf 100 l/sek zu beziehen. Doch käme dabei die Bauart, die weniger Wasser zu schlucken braucht, weil sie einen besseren Wirkungsgrad besitzt, schlochter weg. Für einen Wirkungsgrad von 75 v.H. wäre das Ergebnis dasselbe.

Außer dieser Umrechnungsmethode soll hier noch eine andere Methode, welche in der Praxis viel zur Anwendung kommt, erwähnt werden.

Wenn D der Einheitsdurchmesser des Turbinenlaufrades und Q die beim Gefälle H konsumierte Wassermenge bedeutet, so bildet man:

$$Ku_1 = \frac{\pi \cdot D \cdot n}{60 \sqrt{2} \overline{g} H} = \frac{u}{2gH}$$

und

$$Q_{11} = \frac{Q}{D \cdot \sqrt[3]{II}} = \frac{\text{Wasserkonsum bei I m Gefällo}}{\text{und 1 m Durchmesser.}}$$

Die Größen Ku_1 und Q_{11} bilden ein wichtiges Charakteristikum der Turbine. Je größer Ku_1 bei gleichem Q_{11} ist, deste größer ist die Schnelläufigkeit des Turbinentypes. Als Kennzeichen der Schnelläufigkeit kann deshalb der Ausdruck:

$$K = Ku_1 \sqrt{Q_{11}}$$

betrachtet werden. Je größer K ist, deste größer ist auch die Schnellläufigkeit.

Man darf indessen nicht vergessen, daß die Bedingung der geometrischen Ähnlichkeit zweier verschieden großen Turbinen auch der selben Bauart nie streng erfüllt ist. Die Ergebnisse dieser Rechnungen dürfen nur als Annäherungen gelten. Der Wert liegt darin, daß man schnell zu einen Überschlag kommt.

V. Die Turbinen mit gestautem Durchfluß.

A. Gemeinsames.

12. Grundgleichungen.

100. Durchflußgeschwindigkeit und Gefälle. Wenn eine neuer Turbine zu berechnen ist, so hat man zweierlei ins Auge zu fassen. Erstens muß die Turbine fähig sein, eine gegebene Wassermenge durchzulassen oder zu schlucken. Konnt man die Durchflußgeschwindigkeiten, die vor allem vom Gefälle abhängig sind, so ergeben sich die Querschnitte, die nötig sind, um jener Wassermenge Durchgang zu gewähren. Zweitens soll möglichst viel Energie vom Wasser auf das Laufrad übertragen werden. Zu diesem Zwecke hat man alle Energieverluste auf das erreichbare Mindestmaß zurückzuführen. Es ergibt sich als die zunächst zu lösende Aufgabe, den Zusammenhang zwischen dem Gefälle und den Durchflußgeschwindigkeiten zu berechnen, und zwar unter der Voraussetzung, daß die Bedingungen des besten Wirkungsgrades erfüllt seien.

Für den Durchfluß eines Wasserfadens durch einen retierenden Kanal wurde in Absehn, 56 die Gl. (102) aufgestellt

$$\frac{p_1 - p_2}{\gamma} = \frac{w_2^2 - w_1^2}{2g} - \frac{u_2^2 - u_1^2}{2g} - H_r + H_{vr}.$$

Daboi bezeichnen p_1 , w_1 und u_1 den Druck, die Durchfinßgeschwindigkeit des Wassers und die Umfangsgeschwindigkeit beim Eintritt und die Buchstaben mit dem Zeiger 2 die entsprechenden Größen beim Austritt. Sodann bedeutet H. den Höhenunterschied zwischen Ein- und Austritt, und H_{vr} den Druckverlust im Kanal.

Wäre bei Kanälen von endlichen Querschnitten der Zustand beim Ein- und beim Austritt für alle Wasserfäden je derselbe, so wäre diese Gleichung auch in diesem Fallo ohne weiteres anwendbar. diese Vorausselzung keineswegs streng zutrifft, darf man die Gleichung dennoch anwenden, indem man von gewissen mittleren Zuständen Es muß dann durch passonde Annahmen über die Druckausgoht. verluste die Übereinstimmung zwischen Rechnung und Erfahrung herhoigeführt worden.

Um Gl. (102) anwenden zu können, hat man vor allem die Pressungon p_1 und p_2 durch das Gefälle und die Geschwindigkeiten auszudrücken. Unter Hinweis auf Abb. 157 ergibt sich nach dem Prinzip von Bernoulli für den Zustand beim

Austritt aus dem Leitrad

$$\frac{C_{o}^{2}}{2g} + H_{d} = H_{v0} + \frac{p_{0}}{\gamma} + \frac{c_{0}^{2}}{2g},$$

wobei H_{e0} die sämtlichen Druckverluste vom Eintritt des Wassers in die Turbinenkammor bis zum Austritt aus dem Leit- ${f rad^1}$) und c_0 die Geschwindigkeit an diesem Punkte bedoutet.

Findet ein stetiger Übergang vom Leitrad ins Laufrad statt, was eine wesentliche Bedingung für einen guten Wirkungs-

grad ist, und ist der Raum zwischen Leitradaustrittskante und Laufradeintrittskante nicht groß, so besteht keine Verschiedenheit zwischen dem Druck p_0 beim Austritt aus dem Leitrad und dem Druck p_1 beim Eintritt ins Laufrad. Es ist also

Abb. 157.

$$p_1 = p_0$$
.

Dieser Druck wird Spaltdruck genannt, weil der Spielraum zwischon Leit- und Laufrad Spalt heißt2).

Vollzieht sich auch der Übergang vom Laufrad in das Saugrohr in stetiger Weise, so ist der Druck beim Austritt aus dem Laufrad

$$\frac{p_3}{\gamma} = -II_s + H_{vs},$$

worin H_{vs} den Druckverlust im Saugrohr mit Abzug des Druckgewinnes bedeutet, den man in einem trichterförmig sieh erweiternden Saugrehr erzielt. Ist der Druckgewinn größer als der Reibungsverlust, so ist H_{vs} negativ.

¹⁾ Geht wie bei der Aufstellung nach Abb. 157 die Eintrittageschwindigkeit c_{ν} verloren, so ist dieser Verlust in $H_{\nu\rho}$ einzureehnen.
2) Unter Spaltüberdruck versteht man den Unterschied zwischen dem

Spaltdruck und dem Druck außerhalb des Spaltes.

Es ergibt sich aus diesen Ausführungen für den Druckunterschied zwischen Ein- und Austritt des Laufrades

$$\frac{p_1 - p_2}{\gamma} = H_d + H_s + \frac{c_o^2}{2y} - \frac{c_0^2}{2y} - (H_{v0} + H_{vs})$$
 (136)

und wenn man diesen Ausdruck in die Durchflußgleichung (102) einsetzt, findet sich

$$\begin{split} (H_d + H_r + H_s) + \frac{{c_o}^2}{2g} - (H_{vo} + H_{vr} + H_{vs}) - \frac{{c_o}^2}{2g} \\ = \frac{{u_1}^2 - {u_2}^2}{2g} + \frac{{w_2}^2 - {w_1}^2}{2g} \, . \end{split}$$

Der Ausdruck in der ersten Klammer ist nach Abb. 157 nichts anderes als das reine Gefälle H_n ; wird dieses um die Geschwindigkeitshöhe $c_{\bullet}^{\ 2}:2\ g$ vermehrt, so ergibt dies das dargebotene oder disponible Gefälle H. Die zweite Klammer stellt die Summe aller Druckverluste vom Eintritt in die Kammer bis zum Austritt aus dem Saugrehr dar. Wird sie durch das Symbol $\sum (H_{\bullet})$ wiedergegeben, so kann man sehreiben

$$H - \sum (H_v) - \frac{c_0^2}{2g} = \frac{u_1^3 - u_2^2}{2g} + \frac{w_3^2 - w_1^2}{2g}.$$

Man könute die einzelnen Druckverluste als Funktionen der Geschwindigkeiten darstellen und in die Rechnung einführen. Weg wird in der Tat von vielen Schriftstellern eingeschlagen, immerhin mit der Beschränkung, daß die einen Verluste eingesetzt, die andern aber beiseite gelassen werden, wenn sie für die Berechnung unbequem sind. Damit ist nicht viel gewonnen. Dafür fallen dann die Gleichungen so verwickelt und unübersichtlich aus, daß es äußerst schwer ist, den Einfluß der einzelnen Größen zu erkennen. Nun hat man aber stets zum Beginn gewisse Größen zu wählen. Wonn sich aber die Tragweite nicht überblicken läßt, so ist es sehr schwer, zweckmäßige Wahlen zu troffen. Es ist daher ein anderes Vergehen zu empfehlen, das zu einer sehr einfachen Gleichung führt und darum gestattet, die ersten Annahmen mit vollem Bedacht zu machen. Dieses Verfahren besteht darin, daß man vom dargebotenen Gefälle gleich von vornherein einen Abzug für die sämtlichen Druckverhate macht und mit dem Reste gerade so rechnet, als ob gar keine Verluste stattfänden. Dieses wirksame Cefillo

$$H_{\mathbf{w}} = H - \sum (H_{\mathbf{v}})$$

ist für die verschiedenen Bauarten der Turbine genau genug bekannt, daß man dasselbe ehne großen Fehler schützungsweise einsetzen kann. Die Durchfußgleichung nimmt damit die Form an

$$2gH_w - c_0^2 = u_1^2 - u_2^2 + w_2^2 - w_1^2. \tag{137}$$

Diese Gleichung ist natürlich nur soweit richtig, als das wirksame Gefälle H_{w} richtig eingeschätzt wurde. Da man für die neu zu bauende Turbine möglichst günstige Verhältnisse anstreht, ist die Einschätzung unter der Veraussetzung verzunehmen, daß jene günsch

stigston Bedingungen tatsächlich erfüllt seien. Es wird übrigens immer ratsam sein, das wirksame Gefälle nach Absehn. 97 eher etwas zu klein zu wählen.

Ist der Entwurf der Schaufelung durchgeführt, so empfiehlt es sich, die einzelnen Verluste so weit als möglich nachzurechnen, um so eine gewisse Kontrolle über die Richtigkeit der Annahmen zu bekommen.

Die Gl. (137) läßt sich leicht mit Hilfe von rechtwinkligen Dreiceken konstruieren, und man kann so, wenn H_w gegeben ist, eine jede der fünf Geschwindigkeiten bestimmen, wenn die vier anderen innerhalb der Grenzen der Möglichkeit und der Zweckmäßigkeit gewählt worden sind. Dabei ist Rücksicht darauf zu nehmen, daß sich

die Umfangsgeschwindigkeiten u_1 und u_2 wie die Halbmesser r_1 und r_2 verhalten. Soll z. B. die Geschwindigkeit w_2 ermittelt werden, so ordnet man die Gleichung derart, daß w_2 links für sich allein steht:

$$w_{2}^{2} = 2gH_{w} - c_{0}^{2} + w_{1}^{2} - u_{1}^{2} + u_{2}^{2}.$$

Abb. 158 läßt ohne weiteres erkennen, wie die Gleichung auf zeichnerischem Wege zu lösen ist¹).

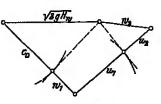


Abb. 158.

Abb. 159.

101. Stoßfreier Eintritt; meridionaler Austritt. Es sind sodann die Bedingungen einzuführen, unter denen die Verluste sich auf das Unvermeidliche beschränken. Vermeidlich sind die Verluste, die entstünden, wenn das Wasser mit Stoß, d. h. mit einer plötzlichen Ände-

rung der Geschwindigkeit nach Größe und Richtung aus dem Leitrad ins Laufrad träte.

Besitzt ein Wasserteilehen nach Abh. 159 langs des Schaufeleintrittes im Laufrad eine Geschwindigkeit w_1 und ist u_1 die Umfangsgeschwindigkeit des Laufrades, so ist die absolute Geschwindigkeit des Teilehens gleich der Resultanten c_1 der beiden Geschwindigkeiten w_1 und u_1 . Ist a_1 der Winkel, den a_1 mit dem Radumfange einschließt, so besteht die Beziehung

$$w_1^2 = c_1^2 + u_1^2 - 2u_1c_1\cos\alpha_1.$$

Soll das Wasser beim Übergang keine plötzliche Änderung seines Bewegungszustandes erleiden, so muß seine Austrittsgeschwindigkeit c_0 aus dem Leitrad nach Größe und Richtung mit c_1 übereinstimmen; es ist also

$$\alpha_0 = \alpha_1; \quad c_0 = c_1.$$

¹⁾ Siehe auch "Camoror": Vorlesungen über Wasserkraftmaschinen.

Somit ergibt sich für den stoßfreien Übergang

$$w_1^2 = c_0^2 + u_1^2 - 2u_1c_0 \cos \alpha_0$$

Es ist aber $c_0 \cos a_0 = c_1 \cos a_1$ die Umfangskomponente von c_0 , die mit c_{n0} bezeichnet werden mag. Dann kann man schreiben

$$w_1^2 = c_0^2 + u_1^2 - 2u_1c_{u0}. (138)$$

Nicht zu vermeiden ist, daß das Wasser beim Verlassen des Laufrades noch eine gewisse Geschwindigkeit besitzt. Das bedeutet einem Verlust an Energie, von dem allerdings unter Umständen ein großer Teil im Saugrohr wieder eingebracht wird. Die absolute Austrittsgeschwindigkeit c_2 ist nach Abb. 159 die Resultante der Umfangsgeschwindigkeit u_2 und der relativen Geschwindigkeit u_2 längs des Schaufelauslaufes. Soll c_2 möglichst klein ausfallen, so muß vor allem der Winkel β_2 , den der Schaufelaustritt mit dem Radumfang einschließt, klein gewählt werden. Jedenfalls führt man das Wasser aber so direkt als möglich vom Rade fort; d. h. man läßt es rechtwinklig zum Radumfang austreten, oder der Austritt erfolgt in der Richtung des Meridians der Rotationsfläche, in der der betreffende Wasserfaden enthalten ist¹). Unter dieser Voraussetzung wird

$$w_2^2 - u_2^2 = c_2^2. (130)$$

102. Hauptgleichung. Führt man in die Durchflußgleichung (137)

$$2gH_w-c_0^2=u_1^2-u_2^2+w_2^2-w_1^2$$

zunächst die Bedingungsgleichung für den stoßfreien Eintritt nach (138) ein, so nimmt sie die Form an

$$2gH_w = w_2^2 - u_2^2 + 2u_1 c_{u_0}. {(1.10)}$$

Durch Einsetzen der Gl. (139) für die Bedingung des meridionalen Austrittes kann man sie endlich auf die höchst einfache Form bringen

$$2gH_w - c_2^2 = 2u_1c_{u0}. (1.11)$$

Diese Gleichung bildet die Grundlage für die Berochnung einer neuen Turbine und mag daher als die Hauptgleichung bezeichnet werden. Sie gilt natürlich nur unter den Voraussetzungen, unter denen sie aufgestellt wurde, also für stoßfreien Eintritt²) und meridionalen Austritt. Die Erfüllung dieser Bedingungen ist an gewisse Schaufelwinkel und an eine ganz bestimmte Geschwindigkeit der Turbine geknüpft, die im allgemeinen mit der günstigsten Geschwindigkeit zusammenfällt. Unerläßliche Voraussetzung für die Anwendbarkeit der Gleichung ist, daß das wirksame Gefälle H_w richtig eingeschützt wurde.

Die linke Seite der Gleichung hat eine besondere Bedeutung. Es ist H_w das wirksame Gefälle oder das Gefälle, das nach Einrechnung aller Energieumsätze (Stoß- und Reibungsverluste, abzüglich Druck-

*) Es wird später gezeigt werden, daß wegen der endlichen Dieke der Schaufeln die Bedingung des stoßfreien Eintrittes sich nicht genau erfüllen läßt; dech ist dieser Umstand nicht von großem Belane.

¹⁾ Man vermeidet also das Auftreten einer sehrauhenförmigen Bowegung des Wassers im Saugrehr besonders dann, wenn das Laufrad in einen Krümmer ausgießt.

gowinn im Saugrohr) im Durchflusse des Wassers durch die Turbine zur Wirkung kommt und für die Arbeitsleistung übrig bleibt. Ferner bedeutet $c_2{}^2$: 2 g das Gefälle, das in der Geschwindigkeit des austretenden Wassers enthalten ist; somit wäre

$$H' = H_w - \frac{c_2^2}{2g}$$

dasjenige Gefülle, das in der Turbine nützlich zur Arbeitsleistung verwendet wird und darum das Nutzgefülle heißen mag. Unter Verwendung dieses Begriffes könnte man der Hauptgleichung die Form geben

$$2gH' = 2u_1c_{u0}. \tag{141a}$$

Durch die Einführung des hydraulischen Wirkungsgrades e geht, da $H'=H\varepsilon$ ist, die Form über in

$$2gH\varepsilon = 2u_1c_{u0}. \tag{141b}$$

Wenn auch die Hauptgleichung in diesen Gestalten noch einfacher erscheint, so ist damit im Grunde nichts gewonnen, da die Größen ε oder H' keineswegs leichter und sicherer einzuschätzen sind als das wirksame Gefälle H_w . Zudem ist es zweckmäßig, die absolute Austrittsgeschwindigkeit c_2 in der Wahl zu lassen, damit man sie je nach den Umständen passend einsetzen kann.

Wenn man in Gleichung 141 b links und rechts durch 2 g II mul-

tipliziert, so folgt:

$$\varepsilon = 2 - \frac{u_1 \cdot c_{u_1}}{\sqrt{2gH} \cdot \sqrt{2gH}}$$

 $\operatorname{da} c_{u_1} = c_{u_1} \operatorname{oder}$

$$\frac{\varepsilon}{2} = Ku_1 \cdot Kc_{u_1}$$

wenn man an Stelle von $\frac{u_1}{\sqrt{2}gH} = Ku_1$ und an Stelle von

$$\frac{c_{u_1}}{\sqrt{2a}H} = Kc_{u_1}$$

sotzt.

oder

Die obige Gleichung gestattet, sich rasch ein Bild über die gegenseitigen Zusammenhänge zu machen. Für senkrechten Eintritt ist $\beta_1 = 90^{\circ}$ und dann folgt $u_1 = c_{u1}$ d. h. $Ku_1 = Kc_{u1}$: Daraus ergibt sich dann;

$$\frac{\varepsilon}{2} = Ku_1^2$$

$$\varepsilon = 2 \cdot Ku_1^2$$

d. h. $Ku_1 = \sqrt{\frac{s}{2}}$.

Multipliziert man die Form (141b) der Hauptgleichung mit der Wassermenge M, die in der Zeiteinheit durch die Turbine strömt, so nimmt sie die Gestalt an

$$MgH\varepsilon = Mu_1c_{u_1},$$

wenn man bedenkt, daß bei stoßfreiem Eintritt $c_{u0} = c_{u1}$.

Die linke Seite stellt die wirkliche Leistung L der Turbine dar, so daß man schreiben kann:

$$L = M(u_1 c_{u_1}).$$

Die Eulersche Gleichung (108) im Abschn. 57

$$L = M (u_1 c_{u_1} - u_2 c_{u_2})$$

ergibt in der Tat für meridionalen Austritt, d. h. für $c_{u2} = 0$, die obige Form1).

103. Geschwindigkeit des halben Nutzgefülles. Es bedeutet

$$H' = H_w - \frac{c_2^2}{2g}$$

das Nutzgefälle. Schreibt man

$$2g \frac{1}{2}II' = v^2,$$

so bedoutet

$$v = \sqrt{2g \frac{1}{2}H'}$$

oder

$$v = \sqrt{2g \frac{1}{2} \left(H_w - \frac{\overline{c_s^2}}{2g} \right)} \tag{142}$$

die Geschwindigkeit des halben Nutzgefälles.

Mit Anwendung von v kann man der Hauptgleichung sehließlich noch die Form geben

$$v^2 = u_1 c_{u_1}. \tag{143}$$

Sie besagt, daß bei stoßfreiem Ein- und meridionalem Austritt die Geschwindigkeit v des halben Nutzgefälles die mittlere geometrische Proportionale zwischen der Umfangsgeschwindigkeit u_1 und der Umfangskomponente c_{n1} der absoluten Eintrittsgeschwindigkeit ist.

13. Geschwindigkeiten, Schaufelwinkel und Stauung.

104. Austritt aus dem Laufrad. Als Grundlage für die Berechnung einer neuen Turbine dient die Gl. (141)

$$2 g II_w - c_2^2 = 2 u_1 c_{u0}$$

oder an deren Stelle Gl. (143) $v^2 = u_1 c_{u_1},$

worin nach Gl. (142)

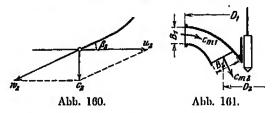
$$v = \sqrt{2g \frac{1}{2} \left(H_w - \frac{c_2^2}{2g} \right)}$$

die Geschwindigkeit des halben Nutzgefälles bedeutet, während unter u_1 die Umfangsgeschwindigkeit des Laufrades und unter c_{u1} die Um-

¹⁾ Man kann also die Hauptgleichung (141) auch unmittelbar aus der Eulerschon Arbeitsgleichung ableiten.

fangskomponente der absoluten Eintrittsgeschwindigkeit c_1 zu verstehen ist. Die Anwendung der Gleichung setzt die Kenntnis des wirksamen Gefälles H_w und die Annahme eines Wertes für die absolute Austrittsgeschwindigkeit c_2 voraus. Die erstere Größe ist vom verfügbaren Gefälle und von der Bauart der Turbine abhängig und muß an Hand der Erfahrung in jedem Falle besonders eingeschätzt werden; dagegen kann man über die Geschwindigkeit c_2 innerhalb der Grenzen der Zweckmäßigkeit frei verfügen. Da sie einen Verlust bedeutet, soweit ihre Energie nicht in einem triehterförmigen Saugrohr wieder in Druck umgewandelt wird, hat man ein Interesse daran, sie möglichst niedrig anzusetzen. Eine Grenze ergibt sich nach Abb. 160 daraus, daß für kleine Werte von c_2 die Ausläufe der Laufradschaufeln zu flach verlaufen, oder die Winkel β_2 zu klein werden. Das hätte einen großen benetzten Umfang der Radkanäle und somit erhöhte Reibung zur Folge, und weiter ergäben sieh große Abmessungen der Turbine. Be-

deutet nämlich nach Abb. 161 c_m die meridienale Geschwindigkeit des durchfließenden Wassers im Laufrad, so ergibt sich, wenn man auf die Dieke der Schaufeln und die von derselben



hervorgerufene Verengung der Querschnitte keine Rücksicht nimmt, aus der Kontinuitätsbedingung die Beziehung für die Durchflußmenge

$$Q = \pi D B c_m. \tag{144}$$

Für den Austritt aus dem Laufrad findet sieh

$$B_2 D_2 = \frac{\mathbf{Q}}{\pi c_{mi}};$$

je kleiner c_{m2} gewählt wird, deste größer fällt das Produkt B_2 D_2 aus und deste größer wird die Turbine.

Man pflegt die Energie, die im austretenden Wasser enthalten ist, in ein gewisses Verhältnis zur dargebotenen Energie zu setzen, und wenn die Austrittsenergie geopfert werden soll, d. h. wenn man sie nicht teilweise mittels eines Saugrohres zurückgewinnen kann, nimmt man etwa

$$\begin{array}{ccc}
c_2^2 &= 0.06 & \text{bis } 0.10 H \\
&= 0.08 & \text{im Mittel} \\
c_2 &= 1.09 & \text{bis } 1.40 \sqrt{II}
\end{array}$$
(145)

d. h. es wird ein Verlust von 6 bis 10 v. H. zugelassen. Besitzt die Turbine dagegen ein stotig anschließendes Saugrohr, das sich kegelförmig erweitert und den größten Teil der Austrittsenergie in Form von Druck zurückgowinnt, so darf man erheblich höher greifen. Man macht davon Gebrauch, wenn man kleine Durchmesser für die Laufräder herausschlagen will, um die Umlaufzahl in die Höhe zu treiben; man geht in diesem Falle bis auf

$$\begin{bmatrix}
 c_2^2 \\
 2g
 \end{bmatrix} = 0,10 \text{ bis } 0,15 H \\
 c = 1,4 \text{ bis } 1,72 \sqrt{H}
 \end{bmatrix}$$
(145a)

und selbst noch höher1).

Mit c_2 und u_2 ist nach Abb. 160 der Austrittswinkel β_2 und die relative Austrittsgeschwindigkeit w_2 bestimmt, sobald man noch die Umfangsgeschwindigkeit u_2 kennt; diese ergibt sieh aus der Umfangsgeschwindigkeit u_1 am äußeren Radumfang und aus dem Verhältnis $c_2: c_1$ des Austritts- und des Eintrittshalbmessers, und zwar ist

$$u_2 = \frac{r_2}{r_1} u_1.$$

Bei innerschlächtigen Turbinen ist $r_2 > r_1$, also auch $u_2 > u_1$; es ergibt sich daraus ein verhältnismäßig größerer Wert der relativen Austrittsgeschwindigkeit w_2 , also auch eine größere Wasserreibung in den Radkanälen. Dies wäre somit ein Nachteil der innerschlächtigen Anordnung.

105. Eintrittsdiagramm. Mit Hilfe der Gl. (143)
$$v^2 = u_1 c_{u_1}$$

lassen sich zu jedem beliebigen Werte der Umfangsgeschwindigkeit u_1 die zugehörigen Werte der Umfangskomponente $c_{v,1}$ der absoluten Eintrittsgeschwindigkeit c_1 berechnen, sobald v bekannt ist. In dem Ausdruck (142)

$$v = \sqrt{2g \frac{1}{2} (H_w - \frac{c_3^2}{2g})}$$

hat neben der absoluten Austrittsgeschwindigkeit c_2 , die als gewählt anzusehen ist, das wirksame Gefälle H_w das entscheidende Wort. Die Größe H_w hängt aber außer vom Gefäße H noch von den Reibungsverlusten in der Turbine ab, und diese sind außer von der Bauart noch von den Durchflußgeschwindigkeiten abhängig. Diese aber stehen alle mit der Umfangsgeschwindigkeit in einem gewissen Zusammenhaug. Wird daher für einen gegebenen Fall die Umfangsgeschwindigkeit geändert, so wirkt diese Änderung auf H_w und somit auch auf v zurück. Immerhin treten diese Einflüsse nicht so stark herver, daß man nicht, sofern es sieh nur um die Gewinnung eines Überbliekes handelt, die Größe v als unveränderlich ansehen dürfte.

Unter diesen Veraussetzungen läßt sich die Gl. (143) durch eine sehr übersichtliche Konstruktion darstellen, die wir als das Eintrittsdiagramm bezeichnen wollen.

Zieht man nach Abb. 162 im Punkto A des Radumfanges eine Tangente und schlägt man von A aus mit v einen Kreisbegen, nimmt

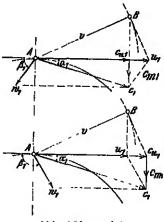
¹⁾ Vgl. die Angaben in Absolu. 97.

man sodann auf diesem einen beliebigen Punkt B an, so werden durch die Tangente in B und die Projektion von B auf der Radtangente zwei Streeken abgeschnitten, zu denen v die mittlere geometrische Proportionale ist und die daher nach Gl.(143) die beiden Geschwindigkeiten u_1 und c_{u1} in demselben Maßstabe messen, in dem v aufgetragen wurde. Wird nun noch z. B. der Winkel $\alpha_1 = \alpha_0$ augenommen, unter dem das Wasser das Leitrad verläßt, so kann man das ganze Geschwindigkeitsparallelogramm sofort zeichnen und demselben alle verkommenden Geschwindigkeiten und Winkel entnehmen.

Bei dieser Gelegenheit sei darauf aufmerksam gemacht, daß es sich empfiehlt, nicht direkt die Geschwindigkeiten bei der Konstruktion der Diagramme aufzutragen, sondern die Verhältniswerte zu $\sqrt{2gH}$. Also anstatt u_1 ; K_{u_1} , anstatt c_{u_1} ; $K_{e_{u_1}}$ usf. Wenn man dann für die

Einheit beim Auftragen 100 mm wählt, so erhält man bequeme und übersichtliche Diagramme, die sich auch unter sich ohne weiteres vergleichen lassen. Durch Quadrieren des entsprechenden Zahlenwertes erhält man dann auch ohne weiteres den relativen Anteil der betr. Geschwindigkeit am Nutzgefälle; also bei der Austrittsgeschwindigkeit c_2 den Austrittsverlust.

Von den beiden Abschnitten auf der Radtangente Abb. 162a kann offenbar jeder nach Belieben für u_1 oder für a_{u_1} genommen werden, da der Gl. (143) stets genügt wird. Somit ergeben sich zu einem gewählten Winkel a_1 für jeden Punkt B zwei Parallelogramme, die sich dadurch unterscheiden, daß im einen der



Abb, 162a and b.

Eintrittswinkel β_1 der Laufradschaufel kleiner (a) und im andern (b) größer als 90° ist.

Hat man von den beiden Geschwindigkeiten u_1 und c_{u1} die eine angenommen, so läßt sich die andere konstruieren. Durch Annahme einer weiteren Winkel- oder Geschwindigkeitsgröße¹) ist sodann das ganze Parallelogramm festgelegt.

Mit Hilfe des Eintrittsdiagrammes lißt sich bequem der Einfluß der verschiedenen Größen aufeinander verfolgen; es ist leicht zu erkennen, wie die einen Größen abzuändern sind, um auf die andern einen Einfluß in bestimmtem Sinne auszuüben. In den folgenden Abschnitten sollen einige dieser Zusammenhänge besonders behandelt werden.

106. Umfangs- und Eintrittsgeschwindigkeit. Mit wachsender Umfangsgeschwindigkeit u_1 sinkt die Umfangskomponente c_{u1} der ab-

¹) In violon Fällen empfiehlt es sieh, von der sachgemäß gewählten meridionalen Eintrittsgeschwindigkeit c_{m1} auszugehen.

soluton Eintrittsgeschwindigkeit c_1 und damit die letztere selbst. Es drückt sich darin eine Zunahme der stauenden Wirkung des Laufrades oder eine Steigerung des Spaltdruckes aus. Je kleiner die Umfangsgeschwindigkeit ist, deste freier tritt umgekehrt das Wasser aus dem Leitrad und deste ungestauter strömt es durch das Laufrad. Die Grenze bildet der völlig freie Austritt aus dem Leitrad, hei dem

$$\frac{c_1^2}{2g} = II_{\omega}.$$

Auch der Winkel α_1 und die Meridionalgesehwindigkeit c_{m1} haben einen Einfluß auf die Eintrittsgesehwindigkeit, und zwar in dem Sinne, daß ihre Vergrößerung eine Zunahme von c_1 herbeiführt und umgekehrt; dech ist dieser Einfluß nicht sehr groß.

107. Schluckfähigkeit und gesteigerte Umlaufzahl. Nach Gl. (144) $Q = \pi DBc_m$

ist für eine Turbine von gegebenen Abmessungen die Aufnahmefähigkeit hinsichtlich der Wassermenge oder die Schluckfähigkeit von der Meridiangeschwindigkeit c_m abhängig; will man große Wassermengen durchsetzen, so ist c_m groß zu wählen, und dies führt auf große Austrittswinkel α_0 aus dem Leitrad.

Soll die Turbine eine möglichst hohe Umlaufzahl erhalten, so trachtet man vor allem danach, durch Wahl einer großen Meridiangeschwindigkeit c_m und einer beträchtlichen Radbreite B den Durchmesser D möglichst einzuschränken, während man zugleich die Umfangsgeschwindigkeit u_1 durch die Annahme eines kleinen Ansatzwinkels β_1 nach Tunlichkeit steigert.

108. Umfangsgeschwindigkeit und Schaufelform. Die Veränderung der Umfangsgeschwindigkeit u_1 hat einen starken Einlfuß auf die Größe des Eintrittswinkels β_1 der Laufradschaufeln und damit auch



Abb. 163

auf die Schaufolform selbst. Wenn u_1 kleiner als die Geschwindigkeit v des halben Nutzgefälles ist, so wird nach Abb. 162b der Winkel β_1 größer als 90°. Die Schaufeln nehmen alsdam nach Abb. 163 eine sacktörmige Gestalt an. Durch Verdickung der Schaufeln in der Mitte läßt sich ja wohl eine stetige Verjüngung des Kanals erzielen. Bei

der starken Krümmung wird man indessen trotz aller Sergfalt in der Ausbildung dieser Rückschaufeln dem Auftreten von Ablösungen nicht leicht entgehen. Derartige Schaufeln sollten daher nicht ohne Not, d. h. nur dert angewandt werden, wo man um jeden Preis kleine Umlaufzahlen erhalten will.

Wächst dagegen die Umfangsgeschwindigkeit u_1 mehr und mehr über v hinaus, so wird der Schauteleintritt flacher und flacher. Bei außerschlächtigen Radialturbinen kann man damit sehr weit gehen, da hier das Zusammenlaufen der Kanäle nach der Mitte hin trotzdem noch immer eine genügende Verjüngung der Kanäle und eine siehere Führung des Wassers ergibt. Die Schaufeln nehmen schließlich nach Abb. 164

eine entgegengesetzte Krümmung an, d. h. die führende Fläche wird konvex. Das Beharrungsvermögen (P_1) gegen die relative Zentri-

petalbeschlounigung ') liefort hier ein negatives Drehmoment. Ein positives Moment kommt durch die Rückwirkung (P_3) gegen die zusammengesetzte Zentripetalbeschlounigung zustande.

100. Günstigste Verhültnisse. Ist die Umfangsgeschwindigkeit u_1 gegenüber v groß, so wird auch die Umfangsgeschwindigkeit u_2 beim Austritt beträchtlich; es ist dann nach Abb. 160 eine große relative Geschwindigkeit w_2 erforderlich, um den meridionalen Austritt herbeizuführen; das bedingt große

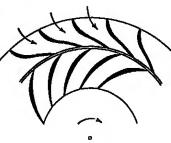


Abb. 164.

Reibungsverluste im Laufrad. Wird die Umfangsgesehwindigkeit u_1 dagegen wesentlich kleiner als v, so tritt das Wasser mit größerer Geschwindigkeit $c_0 = c_1$ aus dem Leitrad, und es werden damit die Reibungsverluste in dem letzteren um so größer. Es geht daraus herver, daß man unter mittleren Verhältnissen, d. h. etwa für $u_1 = v$ die geringsten Reibungsverluste und daher den besten Wirkungsgrad erzielen wird. Für diesen Fall, also für

$$u_1 = c_{n,1} = v,$$

wird $\beta = 90^{\circ}$.

İst beispielsweise das wirksame Gefälle

$$II_{w} = 0.9 II$$

und wählt man

$$\frac{c_2^2}{2\,g} = 0.05\,H \text{ oder } c = 0.99 \sqrt{H} ,$$

so erhält man als Geschwindigkeit des halben Nutzgefälles

$$v = \sqrt{2g} \cdot (0.9 - 0.05) H = 2.88 V H$$
.

Es ist somit die beste Umfangsgeschwindigkeit

$$u_1 = 2.88 \, \text{VII} = 0.65 \, \text{V} \, 2g \, \text{II} \, .$$
 (146)

Sotzt man

$$c_{mi} = c_2 = 0.99 \sqrt{II} = 0.224 \sqrt{2} y II$$

so erhält man nach Abb. 165

tang
$$\alpha_0 = \frac{c_{m1}}{u_1} = 0.343$$
 Abb. 165.

Man findet in der Tat, daß bei vielen ausgeführten Turbinen der Winkel α_0 etwa zwischen 18 und 19 $^{\circ}$ liegt.

Eine Vergrößerung der Umfangsgeschwindigkeit in mäßigem Betrage hat keinen üblen Einfluß auf den Wirkungsgrad; dagegen wird

¹⁾ Slohe Absohn. 12.

eine Verminderung unter den Betrag von $u_1=v$ wegen der Sackform der Schaufeln, die sie herbeiführt, alsbald etwas bedenklich, und soll nur zu bestimmtem Zwecke, d. h. zu möglichster Verminderung der Umfangsgeschwindigkeit zugelassen werden, es wäre denn, es handle sich um staufreie Turbinen.

110. Kleinste Umfangsgeschwindigkeit. Die Frage, wie weit man mit der Herabsetzung der Umfangsgeschwindigkeit gehen könne, hat eine praktische Bedeutung bei hohen Gefällen, wo man die Umlaufzahl zu vermindern sucht. Nach Absehn. 106 wird mit abnehmender Größe von u_1 der Austritt aus dem Leitrad immer freier. Die Grenze liegt dert, wo er sieh völlig frei vollzieht, d. h. wo

$$c_0 = c_1 = \sqrt{2g} \tilde{H}_w.$$

Es ist alsdann die kleinste Umfangsgeschwindigkeit

$$u_1 = \frac{v^2}{c_0 \cos \alpha_0},$$

wobei

$$v^2 = 2g \frac{1}{2} \left(H_w - \frac{c_2^2}{2g} \right).$$

Es sei z. B. für eine außenschlächtige Radialturbine

$$H_w = 0.87 H$$
, $\alpha_0 = 22^{\circ}$
 $\frac{c_2^2}{2 g} = 0.05 H$ $\cos \alpha_0 = 0.927$
 $\sin \alpha_0 = 0.375$.

Man findet

$$c_{0} = \sqrt{2g \cdot 0.87 \, II_{w}} = 4.13 \, \text{VII} = c_{1}$$

$$c_{0} = c_{0} \cos \alpha_{0} = 0.927 \cdot 4.13 \, \text{VII} = 3.83 \, \text{VII}$$

$$v^{2} = 2g \, \frac{1}{2} (0.87 - 0.05) \, II = 8.04 \, \text{II}$$

$$v = 2.84 \, \text{VII}$$

$$v_{1} = \frac{v^{2}}{c_{w0}} = \frac{8.04}{3.83} \, \text{VII} = 2.10 \, \text{VII} = 0.472 \, \text{V2} \, \text{VII} \,. \tag{147}$$

Dies wird so ziemlich der niedrigste Wort der Umfangsgeschwindigkeit sein. Es wird ferner

$$c_{m0} = c_0 \sin \alpha_0 = 0.375 \cdot 4.13 \text{ VII} = 1.55 \text{ VII}$$

$$\tan \beta_1 = \frac{c_{m1}}{u_1 - c_{u1}} = \frac{1.55}{2.10 - 3.83} = -0.802$$

$$\beta_1 = 180 - 42 = 138^{\circ}.$$

Der Spaltüberdruck wird hierbei gleich Null. Mit Rücksicht auf die sichere Führung des Wassers in den Laufradkanülen erscheint es indessen zweckmäßig, von dieser Grenze einen gewissen Abstand einzuhalten und stets mit einem kleinen Spaltüberdruck zu arbeiten, da man dabei weniger Gefahr läuft, Ablösungen zu bekommen. Dagegen erlangt jene Grenze ihre Gültigkeit, sobald man sum stautreien Durchfluß übergeht.

111. Gesteigerte Umfangsgeschwindigkelt. Eine bedeutende Erhöhung der Umfangsgeschwindigkeit läßt man dann eintreten, wenn es sich darum handelt, bei niedrigen Gefällen und großen Turbinen tunlichst hohe Umlaufzahlen zu erhalten. Eine große Umfangsgeschwindigkeit bedingt aber nach Absehn. 106 einen flachen Eintritt der Laufradschaufeln. Unter diesen Umständen läßt sich ein übermäßig flacher Austritt der Schaufeln mit sehr ungünstigen Austrittsverhältnissen nur vermeiden, wenn der Austrittsumfang kleiner ist als der Umfang beim Eintritt; die stark gesteigerten Umfangsgeschwindigkeiten sind in Wirklichkeit nur bei außerschlächtigen Turbinen anwendbar.

Setzt man als (willkürliche) Grenzbedingung, daß

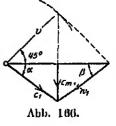
$$\beta_1 = \alpha_0$$
,

so nimmt das Eintrittsdiagramm die Gestalt nach Abb. 166 an. Es wird

$$u_1 = \sqrt{2v^2} = 1,414v$$
.

Damit die Winkel nicht allzuflach ausfallen, ist c_{m1} ziemlich groß zu wählen. Es sei z. B.

$$II_w = 0.83 II$$
,
 $\frac{c_2^2}{2g} = 0.12 II$,



Damit ergibt sich

$$v = \sqrt{2g} \frac{1}{8} (0.83 - 0.12) II = 2.64 \text{ V/II},$$

$$u_1 = 1.412 \cdot 2.64 \text{ V/II} = 3.74 \text{ V/II} = 0.842 \text{ V/2 g/II}.$$
(148)

Mit

tang
$$\alpha_0 = \frac{c_{m1}}{\frac{1}{3}} u_1 = 0.75$$
 und $\alpha_0 = \beta_1 = 37^{\circ}$.

 $c_{m1} = 1.4 \, \text{VII} = 0.315 \, \text{V} \, \text{2} \, \text{y} \, \text{II}$

wird

Man geht bei den modernen sehnellaufenden Turbinen mit der Umfangsgeschwindigkeit u_1 noch sehr weit über den berechneten Worthinaus; doch geschicht dies stets auf Kosten des Wirkungsgrades. Es zeigt sich bei derartigen Turbinen regelmäßig, daß der beste Wirkungsgrad bei einer Geschwindigkeit auftritt, die wesentlich unter derjenigen liegt, die dem stoßfreien Eintritt und dem meridienalen Austritt entspricht. Daher wird man derartige Verhältnisse nur zulassen, we die erhöhte Geschwindigkeit von besonderem Werte ist und ein Opfer am Wirkungsgrade gerechtfertigt erscheint, um dieses Ziel zu erreichen.

112. Vergleichung mit der Gefällsgeschwindigkeit. Wir haben die verschiedenen maßgebenden Geschwindigkeiten mit der Quadratwurzel aus dem Gefälle vergliehen, weil sich so die erhaltenen Zahlen leicht auf beliebige Gefälle umrechnen lassen. Jene Zahlen stellen ummittelbar die betreffenden Geschwindigkeiten für ein Gefälle H=1 m dar. Es ist, wie sehen erwähnt, vielfach üblich, die Geschwindigkeiten mit der Gefällsg sehwindigkeit

$$c = \sqrt{2gH}$$

zu messen. Der Umrechnungsmaßstab wird durch die Zahl

$$\varphi = \sqrt{2g} = 4.43$$

gebildet, durch die unsere Zahlen zu dividieren sind. So erhält man für die kleinste Geschwindigkeit

$$u_1 = \frac{2,10}{4.43} \sqrt{2g} \tilde{H} = 0,472 \sqrt{2g} \tilde{H}$$
.

Für mittlere Verhältnisse wäre

$$u_1 = \frac{2.88}{4.43} \sqrt{2gH} = 0.05 \sqrt{2gH}$$
.

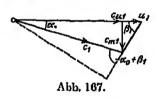
118. Numerische Berochnung des Eintritisdiagrammes. Wer ohnehin am Reißbrett sitzt, wird nicht leicht zur numerischen Rechnung greifen, wenn das zeichnerische Verfahren so leicht zum Ziele führt. Immerhin soll hier noch der Rochnungswog angedoutet werden. Man beginnt wieder mit der Berechnung des halben Nutzgefälles

$$v = \sqrt{2g \frac{1}{2} \left(H_w - \frac{c_y \hat{s}}{2g} \right)}.$$

Von den Größen u_1 , c_1 , c_{n1} , w_1 , $\alpha_0\beta_1$ können je zwei angenommen und die übrigen berechnet werden. Am passendaten ist es wehl immer, von den Größen u, und c,, auszagohon, weil diese für die Umlaufzahl bzw. Schlackfühigkeit maßgebond sind. Man findet zumächst

$$c_{n1} = \frac{v^2}{u_i}$$
,

so daß nach Abb. 167



tang
$$a_0 = \frac{c_{m1}}{c_{m1}}$$
,
$$c_1 = \frac{c_{m1}}{\cos \alpha_1} = \frac{c_{m1}}{\sin \alpha_1}$$
,
$$\tan \beta = \frac{c_{m1}}{u_1 - c_{n1}}$$
,
$$w_1 = \frac{c_{m1}}{\sin \beta_1}$$
,

Geht man, wie es früher allgemein üblich war, von den Winkeln α_0 und β_1 aus, so benützt man am einfachsten die aus Abb. 167 sich ergebende Beziehung $u_1 \sin \beta_1 = c_1 \sin (\alpha_0 \cdot | \beta_1),$ indem man darin einsetzt

$$c_1 \rightleftharpoons \frac{c_{n,1}}{c_{n,1}}$$

Man findet mit
$$u_1 \sigma_{u_1} = v^2$$

$$u_1^2 = v^2 \frac{\sin(\alpha_0 + \beta_1)}{\cos \alpha_0 \sin \beta_1}$$

sodann ist
$$c_{w1} = \frac{v^2}{u_1}$$

$$c_1 = \frac{c_{w1}}{\tan u_0}; \quad c_{w1} = c_1 \sin u_0; \quad w_1 = \frac{c_{w1}}{\sin u_1}.$$
114. Spaltiberdruck. Jo nach den govihlten Gusel

114. Spalifiberdruck. Jo nach den gewithlten Geschwindigkeiten und Winkeln stellt sich im Laufrad eine gewisse Stauung ein, die den freien Austritt des Wassers aus dem Leitrad mehr oder weniger hemmt. Den unmittelbaren Ausdruck tindet diese stauende Wirkung im Spaltüberdruck. Nach Abschn. 100, Gl. (136), besteht zwischen den Drücken

 p_1 und p_2 im Spalt und beim Austritt aus dem Laufrad ein Unterschied

$$\frac{p_1 - p_2}{\gamma} = II_d + II_s + \frac{c_s^2}{2g} - \frac{c_0^2}{2g} - (II_{v0} + II_{vs}).$$

Außerhalb des Spaltes ist der Druck p_a um die Radhöhe H_r kleiner als p_2 , und somit ist der Spaltüberdruck, in Wassersäulen gemessen,

$$\frac{\Delta p}{\gamma} = \frac{p_1 - p_a}{\gamma} = H_d + H_r + H_s + \frac{c_o^q}{2g} - \frac{c_0^2}{2g} - (H_{vo} + H_{vs}).$$

Nach den in Absehn, 100 getroffenen Vereinbarungen über die Bezeichnungen ist

$$H = H_d + H_r + H_s + \frac{c_o^2}{2g}$$

und

$$H_{v} = II - (II_{v0} + H_{vr} + H_{vs}).$$
then nimes der Augdmels für de

Daher nimmt der Ausdruck für den Spaltüberdruck Δp die Gestalt an

$$\frac{\Delta p}{\gamma} = H_w - \frac{c_0^2}{2y} + H_{vr}. \qquad (149)$$

Läßt man den Druckverlust H_{vr} im Laufrad außer Betracht¹), so hat man

$$\frac{\Delta p}{\gamma} = H_w - \frac{c_0^3}{2g}$$
. (149a)

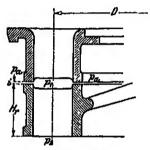


Abb. 168.

115. Gefällsausscheidung; Stauverhältnis. Es wurde zur Erlangung einer deutlichen Vorstellung mit Verteil angenommen, daß ein besonderer Teil des Gefälles für die Überwindung der Widerstande verwendet werde. Man kann mit dieser Ausscheidung einzelner Teile des Gefälles für bestimmte Zwecke noch weiter gehen. Schreibt man die Durchflußgl. (137) in der Form

$$H_{w} = \frac{c_{0}^{2}}{2g} + \frac{u_{1}^{2} - u_{2}^{2}}{2g} + \frac{w_{2}^{2} - w_{1}^{2}}{2g},$$

und zieht man auf beiden Seiten c_3^2 : 2g ab, so erhält man

$$H_{m} - \frac{c_{2}^{2}}{2a} = \frac{c_{0}^{2} - c_{2}^{2}}{2a} + \frac{|u_{1}^{2} - u_{2}^{2}|}{2a} + \frac{|w_{2}^{2} - w_{1}^{2}|}{2a}.$$

Die linke Seite stellt nach Absehn, 103 das Nutzgefälle H' dar. Das erste Glied rechts

$$H_k = \frac{c_0^2 - c_2^2}{2g}$$

bedeutet denjonigen Teil des Gefälles, der dem Wasser heim Durchfluß durch das Laufrad in Form von kinetischer Energie entzegen wird und darum das kinetische Gefälle heißen soll. Das zweite Glied

$$II_s = \frac{|u_1|^2 - u_2|^2}{2\sigma}$$

stellt das Gefälle der, das zur Erzeugung der Zentripetalbeschleunigung aufgewendet wird und als Zentripetalgefälle bezeichnet werden mag²). Endlich drückt das letzte Glied

$$H_b = \frac{w_2^2 - w_1^2}{2a}$$

¹⁾ Er boträgt in Wirklichkeit kaum 4 bis 5 v. II. des Gefälls!

²⁾ Es ist positiv für außerschlächtige und negativ für innerschlächtige Turbinen.

denjenigen Teil des Gefälles aus, der zur Beschleunigung des Wassers während des Durchganges durch das Laufrad verbraucht wird und der somit das Beschleuni-gungsgefälle genannt werden soll. Es ist also das Nutzgefälle gleich der Summe des kinetischen, des Zentripetal- und des Beschleunigungsgefälles:

$$II' := II_k + II_2 + II_b$$
.

Die beiden Teile H, und H, treten als wirkliche Druckhöhen auf, und daher konnto man ihro Summo

$$II_p = H_t - |-II_b$$

als das potentielle Gefälle bezeichnen, das dem Laufrad zugeführt wird. Somit läßt sich schreiben

$$H' = II_k + II_\mu$$
.

Man ist übereingekommen, als Maß für die Stauung des Wassers im Laufrad das Vorhältnis

$$\varrho = \frac{H_p}{II'} = \frac{II' - II_k}{II'}
\varrho = 1 - \frac{c_0^2 - c_2^2}{2g I\bar{I}'}$$
(150)

oder

zu gebrauchen. Das Verhältnis gibt an, der wievlelte Teil des Nutzgefälles beim Eintritt ins Laufrad noch als Überdruckhöhe verhanden ist. Es wird gewöhnlich das Reaktionsverhältnis genannt. Da indessen dieser Name dazu geeignet ist, unklare Vorstellungen zu erwecken, mag die Bezeichnung Stauverhältnis au

soine Stelle treten.

Unter der Veraussetzung, daß der Druckverlust durch Reibung im Laufrad verschwindend klein sei, ist das potentielle Gefälle gleich dem Spalttiberdruck A p. Es ware also das Stauverhaltnis gleich dem Verhältnis zwischen dem Spaltaberdruck und dem Nutzgefälle, oder

$$\varrho = \frac{\Delta p}{II}$$
.

116. Stauverhältnis und Geschwindigkeit. Nach Abb. 160 ist

$$u_1 == c_0 \frac{\sin \left(\alpha_0 + \beta_1\right)}{\sin \beta_1}.$$

Setzt man diesen Ausdruck in die Durchflußgl. (141a)

$$2g II' \rightleftharpoons 2u_1 o_{ii0}$$

$$2g II' \rightleftharpoons 2u_1 o_0 \cos \alpha_0 \tag{14 c}$$

ein, leitet man daraus den Ausdruck für co ab und setzt man diesen in (il. (150), so orhält man für das Stauverhältnis

$$\varrho = 1 - \frac{1}{2} \frac{\sin \beta_1}{\sin \left(\alpha_0 + \beta_1\right) \cos \alpha_0} + \frac{c_u^u}{2gH'}.$$



Der Zusammenhang des Stauverhältnisses mit der Geschwindigkeit co beim Austritt aus dem Leitrad und der Umfangsgeschwindigkeit na des Laufrades läßt sich leichter überblicken, wenn man schreibt

 $c_0 = i \sqrt{2} \eta II$ "1 124 k v2all .

Abb. 169. und

wobel $oldsymbol{H}$ das der Turbine dargebotene (lefälle bedeutet. Die Durchflußgleichung nimmt unter Benutzung dieser Schreibweise die Form an

$$o_0 := \frac{II'}{II} \frac{1}{2k \cos \alpha_0} \sqrt{2}gII$$

$$i := \frac{II'}{II} \frac{1}{2k \cos \alpha_0}.$$

oder

Für das Stauverhältnis ergibt sich mit obigem Werte von co nach Gl. (141 c)

$$\varrho = 1 - \frac{II'}{II} \frac{1}{4k^2 \cos^2 \alpha_0} + \frac{c_0^2}{2gH'}.$$
 (151)

Mit'den besonderen Werten $H_p = 0.9 H$, $c_2^2 : 2g = 0.05 H$, H' = 0.85 Hund $\alpha_0=20^\circ$ wurden die in der graphischen Tabelle Abb. 170 eingetragenen Werte

von i und k berochnet. Das Stanverhältnis wird gleich Null, wenn i = 0.949 und k = 0.477; hierbei erfolgt der Durchfluß Blaufrei.

Für mittlere Verhältnisse ist i etwas größer als k, und es liegt e etwa zwischen 0,5 und 0,65; d. h. es ist beim Ubergang ins Laufrad die größere Hälfte der Energie noch als Druck vorhanden.

Nogative Werte von e orgaben Ausflußgeschwindigkeiten aus dem Leitrad, die größer als die Gefällsgeschwindigkeit wären. Das Laufrad würde in diesem Falle eine ansangende Wirkung ausüben und müßte (wonigstens im Schanfoleintritt) Energie auf das Wasser übertragen. Das hatte natürlich für Turbinen keinen Sinn, ist aber die Grundlago der Wirkung der Zentrifugalpumpen!).

Für die günstigsten Verhältnisse mit $u_1 = v$ und $\beta_1 = 90^{\circ}$ wird

20 k- 14: 1/80Hn.

Abb. 170.

$$c_0 = c_1 = \frac{v}{\cos \alpha_0},$$

also wenig größer als v. Es ist aber

$$v = \sqrt{2g \cdot \frac{1}{2} \left(H_R - \frac{c_2^2}{2g}\right)}$$
.

Setzt man

$$\alpha_0 = 20;$$
 $\cos \alpha_0 = 0.040,$ $II_r = 0.85 II,$ $c_2^2 = 0.05 II,$

so ist das ganze Nutzgefalle 0,8 H, das halbe also 0,4 H.

$$v = 2,802\sqrt{II}$$
,
 $c_0 = 2,908\sqrt{II}$,
 $\frac{c_0^2}{2g} = 0,432II$,

Wollto man die Kenuzeichnung durch eine einzige Zahl vernehmen, so dürfte sich dazu das Vorhältnis u1: v viel besser eignen, da mit Hilfe des Eintritts-

diagramms oder der Gleichung

¹⁾ Es wird öfters das Stau- oder Reaktionsverhältnis dazu verwendet, eine Turbinenform zu kennzeichnen, und man geht wehl beim Entwerfen von einem bestimmten Stauverhältnis aus. Das ist indessen weder beguenn noch sehr bezeichnend; denn an und für sich sagt das Stauverhältnis nichts Wesentliches aus. und as kommt direkt nur atwa bei der Berechnung des Spaltverhistes in Betracht. Worauf es boi einer Turbine vor allem ankommt, das sind die Geschwindigkeiten u_1 und co und (wogen der Ausgestaltung der Kanäle im Hinblick auf eine gute Wasserführung) der Eintrittswinkel eta_1 der Laufradschaufeln. Wie aber diese Größen zusammenhängen, läßt sich viel besser am Eintrittsdiagramm nach Abb. 162, Abachn. 105, überblicken.

$$\frac{\Delta p}{v} = 0.418 II,$$

also otwas woniger als die Hälfte des wirksamen Gefälles. Da der Druckverlust im Laufrad nicht leicht mehr als 4 bis 5 v. H. des ganzen Gefälles ausmachen wird, stellt sich der Spaltüberdruck in Wirklichkeit entsprechend höher ein und mag etwa den Wert erroichen

$$\frac{Ap}{y} = 0.48H$$
.

Das Stauverhältnis nimmt den Wert an

$$\varrho = \frac{0.46 \, II}{0.8 \, II} = 0.575 \, .$$

117. Anpassung eines vorhandenen Medells an veränderte Verhältnisse. Haufig wird die Aufgabe gestellt, das Modell einer Turbine, das für ein gegebenes Gefälle und eine bestimmte Wassermenge entworfen wurde, unter abweichenden Umständen zu verwenden. Wenn zufällig das Verhältnis zwischen Gefällsgeschwindigkeit und Wassermenge denselhen Wert behält, so ist das Medellen und weiteres brauchbar. Würde aber die Durchflußmenge zu klein ausfallen und ist der Unterschied nicht zu bedeutend, so kann man die Anpassung ohne besondere Kosten durch Abänderung der Schaufelwinkel und der Umlaufsgeschwindigkeit vollziehen. Es handelt sich darum, die meridionale Geschwindigkeit c_m , die als Maß für die Durchflußmenge dienen kann, zu vergrößern. Das Mittel dazu bietet nach Abb. 162 eine Vergrößerung des Winkels α_0 , eine Verminderung der Umfangsgeschwindigkeit n_1 und im Zusammenhang damit eine Vergrößerung des Winkels β_1 .

Es kommt etwa vor, daß eine ausgeführte Turbine mit festen Leitrehaufeln nicht genug Wasser schluckt und darum nicht die erwartete Leistung erreicht). Hier kann, wenn der Ansfall nicht zu großist, ein teilweiser Umbau Abhilfe bringen. Man kann z. B. unter Beibehaltung des Leitrades das Laufrad austauschen gegen eines mit schwächerer Stauung. Nach dem Eintrittsdingenmm Abb. 162 erhalt man eine Steigerung der meridionalen Geschwindigkeit und so auch der Durchflußmenge durch eine Verminderung der Umfangsgeschwindigkeit, die dann zugleich eine Vergrößerung des Winkels β_1 bedingt. Die Turbine nimmt hierbei eine undere Drehzahl an, der man durch eine Abänderung der Übersetzung Rechnung tragen muß. Wo man die frühere Umlaufzahl beibehalten soll, ist die Löung nur möglich, wenn man auf den meridionalen Austritt verziehtet; man vergrößert die Anstrittsquesschnitte im Laufrad und vermindert dadurch die Stauung. Bei der Rechnung muß man auf die Form Gl. (140) der Durchflußgleichung zurückgreifen, in der die Bedingung des meridionalen Austrittes noch nicht enthalten ist.

Will man das Laufrad beibehalten, so hat man das Leitrad gegen eines mit schwächerer Stauung, also mit größeren Schaufelwinkeln α₆ zu tauschen. Dabei könnte übrigens der stoßfreie Eintritt nicht mehr vollständig durchgeführt

werden.

14. Energie- und Wasserverluste in der Turbine.

Turbine wurde den Druckverluste. Für die Berechnung einer neuen Turbine wurde den Druckverlusten dadurch Rechnung getragen, daß man am Gefälle von vornherein einen gewissen Abzug für dieselben machte. Dabei ist es wichtig, diesen Abzug nicht zu klein zu withlen. Es 1st indessen ratsam, am fertigen Entwurf eine Nachprüfung vorzunehmen, sehen um sich in dieser Beziehung zu versiehern. Das erfordert eine eingehendere Behandlung, die sich sehen darum empfiehlt, weil

¹⁾ Bei Francis-Turbinen mit drehbaren Leitschaufeln kommt man nicht leicht in diese Verlegenheit, da man hier in der Regel die Durchflußmenge durch stärkeres Öffnen des Leitrades noch beträchtlich steigern kann.

sich erst aus dem Wesen der Verluste ergibt, wie man sie nach Möglichkeit herabziehen könnte,

Wäre die Schaufeldieke verschwindend klein, so würden sich die Verluste zusammensetzen aus den Reibungsverlusten in den Radkanälen, aus den Wasserverlusten am Spalt und aus der Energie, die das Wasser beim Austritt aus dem Laufrad enthält, soweit dieselbe nicht im Saugrehr zurückgewonnen wird.

Der Umstand, daß die Schaufeln eine gewisse Dieke haben müssen, bringt eine Reihe von weiteren Verlusten herver, von deren Wesen

man sich eine vereinfachte anschauliche Vorstellung machen kann, wenn man die Vergänge an den in Abb. 171 angedeuteten Brückenpfeilern betrachtet. Das Wasser, das mit der Geschwindigkeit e herbeifließt, staut sich unmittelbar vor den Pfeilern und bildet dort eine Anschwellung, die der Bugwelle vor dem Schiff zu vergleichen ist. Um so größer ist dann die Geschwindigkeit en mit der sich das Wasser zwischen den Pfeilern hindurchdrängt. Die getrennten Ströme schließen sich nicht gleich hinter den Pfeilern; es bildet sich vielmehr ein von Wirbeln erfüllter Zwischenraum, der sich lange hinzieht, wie das Kielwasser hinter dem Schiff. Die Energieverluste, die sich bei diesen

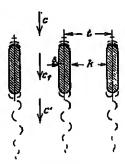


Abb. 171.

Vorgängen einstellen, können etwa infolgender Weise überschlagen werden.

Wenn man annehmen darf, daß alles Wasser, das in gerader Linie auf den Pfeiler zuströmt, unter Verlust seiner kinetischen Energie zur Ruhe kommt, so steht der Verlust an kinetischer Energie zum ganzen Energievorrat der herbeiströmenden Wassermenge im Verhältnis von s: t; der Verlust ist also

$$h_{\sigma 1} = \frac{s}{t} \frac{c^2}{2g} \,. \tag{152}$$

Diese Rechnung dürfte etwa zutreffen, wenn der Pfeiler vorne gerade abgeschnitten wäre; ist er aber abgerundet oder zugeschärft, so gibt sie sicher den Verlust zu groß an.

Hinter den Pfeilern erweitert sich der Querschnitt im Verhältnis von k zu t und die Geschwindigkeit sinkt von e_1 auf e'. Sind die Pfeiler hinten rechteckig abgeschnitten, so geht der Übergang ohne Umsatz von Geschwindigkeit in Druck vor sich, und es entsteht nach Borda Carnot (Absohn. 43) ein Druckhöhenverlust im Betrage von

$$h_{v2} = \frac{(c_1 - c')^2}{2g}.$$

$$\frac{c_1}{c} = \frac{t}{k} = \frac{t}{t - s}$$

Da

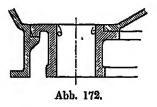
und c' = c ist, wird

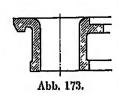
$$h_{v2} = \left(\frac{s}{t-s}\right) \frac{c^2}{2q}.$$

Sind die Pfeiler hinten abgerundet oder gar sehlank ausgezogen, so wird der Verlust etwas kleiner ausfallen.

Der Verlust wird sowohl beim Eintritt als auch beim Austritt um so geringer, je kleiner die Pfeilerdicke s im Verhältnis zur mittleren Entfernung t ist.

Für die Schaufelung der Turbinen ergibt sich somit aus diesen Betrachtungen der Wink, daß man die Schaufeln nicht enger stellen



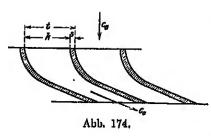


soll, als für die siehere Wasserführung gorade notwendig ist. Im weiteren sollen die Schaufeln vorne zugeschärft und hinten sehlank ausgezogen werden. Die Zuschärfung eines Brük-

kenpfeilers wird jedermann ohne sich zu besinnen symmetrisch zum Stromstrich anlegen; desgleichen sollte der Zuschärfungswinkel der Schaufelkante von der Richtung des eintretenden Wassers halbiert werden. Ein Ausziehen des Schaufelauslaufes ist natürlich nur bei Gußschaufeln denkbar. Blechschaufeln bieten indessen, weil sie dünner sind, ohnehin günstigere Verhältnisse.

In den nachfolgenden Abschnitten sollen die Verluste in der Reihenfolge rechnungsmäßig behandelt werden, in der sie in der Turbine auftreten.

119. Verluste im Leitrad. Sind die Ränder der Radkränze nach Abb. 172 scharf gehalten, so entstehen dert infolge der auftretenden



Kontraktion Druckverluste, die otwa nach Abschn. 45 Abb. 59 a zu beurteilen wären. Durch Abrunden der Kanten lassen sie sich vermeiden (vgl. Abb. 173).

Der Stoßverlust auf die Schaufelkante läßt sieh nach Absehn. 118 unter Verwendung der Bezeichnung aus Abb. 174 durch den Ausdruck

$$H_{qs} = \frac{c_s^2}{2q} \frac{s}{t}$$

darstellen. Er ist übrigens nicht bedeutend.

Der Druckverlust durch Reibung in den Leitkanälen kann unter der Voraussetzung, daß $c_o{}^8$ klein gegen $c_o{}^2$ sei, wie derjenige einer Rohrleitung nach Absehn. 38 behandelt werden, wire also

$$H_{v0} = \zeta_0 \cdot \frac{u}{F} l \frac{c_0^2}{2g};$$

dabei darf man für sorgfältig ausgebildete Kanäle von möglichster

Kürze und mäßiger Krümmung¹) und mit glatten Wänden etwa setzen $\zeta_0 = 0,005$ bis 0,008.

Bei innerschlächtigen Radialturbinen fällt die Reibung in den Leitkanälen größer aus; da der Eintritt auf einem kleineren Umfang als der Austritt erfolgt, ist c_0 verhältnismäßig groß.

120. Wasserverlust am Spalt. Es besteht am Spalt gegenüber dem Außenraum ein Überdruck im ungefähren Betrage von

$$\frac{\Delta p}{\gamma} = \frac{p_1 - p_a}{\gamma} = H_w - \frac{c_0^2}{2g}.$$

Nach Abb. 175 ist die Fläche des Spaltes (wenn die Laufradbreite vernachlässigt wird.)

$$F_s = 2\pi Di$$
,

wobei i die lichte Spaltbreite bedeutet. Es entweicht somit eine Wassermenge

$$Q_{\bullet} = \mu F_{\bullet} \sqrt{2g \frac{\angle l}{\gamma}^p}$$
.

Der Ausflußkoeffizient kann vielleicht gleich 0,5 bis 0,6 gesetzt werden. In der Rogel wird man nicht weit fehl gehen, wenn man setzt

$$\frac{\Delta p}{\gamma} = 0.5 II$$
.

Die Spaltbreite muß groß genug sein, damit sich das Laufrad frei drehen kann. In Abb. 176 soll ein Laufrad dargestellt sein, das

beim Aufkeilen etwas schräg zu stehen kam. Es geht sofort aus der Skizze hervor, daß der axiale Spielraum größer sein muß als der radiale, soforn der Halbmesser des Rades größer ist als die halbe Radhöhe, und das wird wohl stets zutreffen. Es braucht somit die Axialturbine mehr Spiel als die Radialturbine. Selbst bei einer kleinen Jonval-Turbine wird die Spaltbreite kaum weniger als 2 mm betragen, während diese Breite für eine Francis-Turbine von sehr großen Abmessungen ausreicht. Bei ungenauer

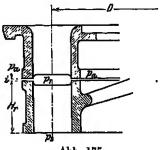


Abb. 175.

Einstellung und bei eintretender Abnützung des Zapfens wird der Spalt bei der Axialturbine größer, während die Radialturbine nicht davon berührt wird. Zugunsten der Francis-Turbine spricht weiter der Umstand, daß der Raum außen am Spalt in der Regel weniger direkt mit dem Saugrohr in Verbindung steht, so daß der Spaltüberdruck etwas geringer wird.

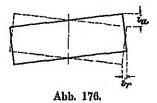
Bei einer Jonval-Turbine kann der Spaltverlust sehen bei normalen Verhältnissen 4 bis 5 v. H. betragen. Zur Verminderung der Verluste wird etwa eine Labyrinthdichtung nach Abb. 177 angewandt.

¹⁾ Das sind Anforderungen, die sich widersprechen.

Bei sandhaltigem Wasser nützen sich die Ränder der Kränze am Spalt rasch ab. Man pflegt sie darum wohl mit austauschbaren Ringen zu besetzen.

Der Wasserverlust am Spalt sollte für Stauturbinen mit fest-

stehenden Leitschaufeln bei der Bemessung der Laufradquerschnitte in die Rechnung eingestellt werden. Bei Francis-Turbinen mit beweg-



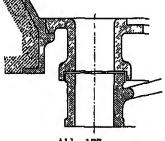


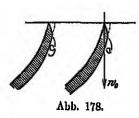
Abb. 177.

lichen Leitschaufeln kann man sich diese Mühe sparen, da man ja hier in einfachster Weise durch Verstellen der Leitschaufeln ausgleichen kann.

121. Verlust beim Eintritt ins Laufrad. Verausgesetzt sei, daß der Eintritt glatt vor sich gehe, d. h. daß die relative Eintrittsgeschwindigkeit w_0 in die Richtung des Schaufeleintrittes falle. Beim Aufschlagen auf die Schaufelkante entsteht ein Stoßverlust den man auf

$$H_{v\,1} = \frac{w_0^2}{2g} \frac{t_1 - k_1}{t_1} = \frac{s_1}{t_1} \cdot \frac{w_0^2}{2g}$$

anschlagen kann, der indessen durch die Zuschärfung gemildert wird. Abb. 178 stellt die Ansätze der gußeisernen Schaufeln einer axialen Stauturbine dar, die nach der punktierten Linie gegessen und hernach mit Meißel und Feile zugeschärft wurden. Die schädlichste Er-



scholnung, die sich beim Eintritt zeigen kann, ist die Bildung von Wirbeln am Schauselrücken, wie sie in der Abbildung angedeutet sind. Das Wasser darf darum ja nicht von hinten her auf die Schauselansätze treffen. Am besten dürste der Zuschärfungswinkel durch die Eintrittsrichtung annähernd halbiert werden; nur muß dann der Eintritt etwas lang gehalten werden.

Die Verengung der Querschnitte durch die Schaufeldieken ist, wie Abb. 179 erkennen läßt, beim Austritt aus dem Leitrad verhältnismäßig stärker als beim Eintritt ins Laufrad, da dert die Schaufelaustritte flach, hier die Eintritte steil verlaufen. Darum ist auch die Austrittskomponente w_0 größer als die relative Geschwindigkeit w_1 , die das Wasser am Anfang des Laufradkanals besitzt. Durch das Leitrad tritt die Wassermenge Q ein; der Durchfluß durch das Laufrad ist aber nur $Q-Q_s$. Bezeichnen z_0 und k_0 die Schaufelzahl und die lichte Kanalweite im Sinne des Umfanges gemessen für den Austritt aus dem

Leitrad und ebenso z_1 und k_1 dieselben Größen für den Eintritt ins Laufrad, so besteht die Beziehung

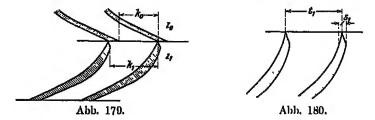
$$\begin{split} &\frac{Q}{Q-Q_s} = \frac{k_0 z_0 w_0}{k_1 z_1 w_1}, \\ &\frac{w_1}{w_0} = \frac{Q-Q_s}{Q} \frac{k_0 z_0}{k_1 z_1}. \end{split}$$

woraus

Es ist in der Tat $w_1 < w_0$, da $Q > Q - Q_s$ und $k_1 z_1 > k_0 z_0$; somit entsteht beim Übergang ein Stoß, indem die Wassermenge $Q - Q_s$ plötzlich von der Geschwindigkeit w_0 auf w_1 verzögert wird. Es geht dabei, auf die ganze Wassermenge Q bezogen, ein Gefälle im Betrage von

$$H_{v01} = \frac{Q - Q_s}{Q} \frac{(w_0 - w_1)^2}{2g}$$

verloren. Dieser Verlust läßt sich durch keine Anordnung der Winkel umgehen; er ist unvermeidlich, und daher läßt sich, streng genommen, ein wirklich stoßfreier Übergang gar nicht er-



zielen. Wenn früher etwa versucht wurde, die Geschwindigkeiten w_0 und w_1 dadurch in Übereinstimmung zu bringen, daß man die Schaufelansätze am Laufrad stark verdiekte, so war das ein Mißgriff. Durch den Stoß auf die verdiekte Schaufelkante wurde mehr verdorben, als auf der anderen Seite zu gewinnen war.

Trotz der Zuschärfung der Schaufeleintritte des Laufrades erfährt der Austritt aus dem Leitrad eine merkliche Verengung durch die Laufradschaufeln, der man durch die Vergrößerung der Radbreite oder der meridionalen Kanalweite Rechnung zu tragen hat. Ist t_1 nach Abb. 180 die Schaufelteilung und s_1 die Dieke, so wäre die Vergrößerung im Verhältnis von $(t_1-s_1):t_1$ durchzuführen. Dabei kann man allerdings im Zweifel sein, was für ein Wert bei zugeschärften Schaufeln für s_1 einzusetzen sei; man wird sieherheitshalber nicht zu niedrig greifen.

Die Übergangsverluste werden etwas gemildert, wenn man nach Abb. 175 zwischen Leit- und Laufradschaufeln einen größeren Spielraum läßt; das Wasser hat alsdam Gelegenheit, diejenige Richtung anzunehmen, die ihm den geringsten Zwang auferlegt. Bei den neuesten Schnelläuferturbinen wird der Schaufelspalt so groß gemacht, daß alle oben zur Bestimmung der Übergangsverluste durchgeführten Betrach-

tungen dahinfallen.

Bei Turbinen mit radialem Eintritt wird das Laufrad etwas breiter als das Leitrad gehalten, damit nicht sehen eine kleine Ungenauigkeit in der axialen Einstellung den Übergang verenge.

122. Reibungsverhuste im Laufrad. Wenn sich die Laufradkanäle kräftig verjüngen, so daß w_1 klein gegen w_2 ist, kann man auch für das Laufrad die Reibungsverhuste ähnlich wie für Rohrleitungen behandeln und schreiben

$$H_{v2} = \xi_2 \cdot \frac{u}{F_1} l \cdot \frac{w_2^2}{2g}.$$

Dabei wäre etwa zu setzen

$$\xi_2 = 0.005$$
 bis 0.008 .

Für lange und schlanke Kanäle, etwa wie sie das Schaufelprofil III in Abb. 112 orgäbe, wird der Verlust größer. Daß dabei die Beschaffenheit der Schaufeln, insbesondere die Glätte, eine wichtige Rolle spielt, ist selbstyerständlich.

Daß übrigens der Reibungsverlust mit der Bauart der Turbine zusammenhängt, lehrt die folgende Betrachtung. Die Durchflußgleichung (137) kann auf die Form gebracht werden

$$w_2^2 = 2g H_w - c_0^2 + w_1^2 + (u_2^2 - u_1^2)$$
.

Da c_0 , u_1 und w_1 für gegebene Gefälls- und Winkelverhiltnisse bestimmte Werte haben, hängt w_2 und damit der Reibungsverlust von u_2 ab. Somit wird der Verlust am größten für die innerschlächtige und am kleinsten für die außerschlächtige Radialturbine. Die Axialturbine hält die Mitte zwischen beiden.

Bosonders ungünstige Verhältnisse zeigen die Turbinen mit schwacher Stauung, deren Schaufeln eine sackförmige Gestalt erhalten, da $\beta_1 > 90^\circ$ ist. Das Wasser hat schon beim Eintritt eine große Geschwindigkeit w_1 , und es ergibt sich darum in den Kanälen, die der starken Ablenkung wegen verhältnismäßig lang ausfallen, ein großer Reihungsverlust. Es kommt noch dazu, daß in den stark gebogenen Kanälen schr leicht Ablösungen entstehen, ja kaum zu vermeiden sind. Auch die Turbinen stärkster Stauung und größter Umfangsgeschwindigkeit weisen sehen am Anfang der Laufradkanäle große Geschwindigkeiten auf. Wenn auch die schwache Krümmung der Kanäle günstig ist, wird doch schließlich der Reibungsverlust sehr bedeutend.

Der Verlust bezieht sieh nur auf die wirklich durch das Laufrad strömende Wassermenge $Q-Q_s$; will man denselben auf die ganze Monge Q beziehen, so wäre er noch im Verhältnis von $\frac{Q-Q_s}{Q}$ zu vermindern. Bei der Unsicherheit, in der man sieh hinsichtlich des Wertes ξ_s befindet, hat indessen diese Unterscheidung nicht viel Bedeutung.

123. Austritt aus dem Laufrad. Ergießt sich das Wasser gleich in die Turbinenkammer oder schließt sich das Saugrohr mit einer starken plötzlichen Erweiterung an das Laufrad an, so verliert man die ganze Austrittsenergie, die durch die Wassersäule

$$H_{v23} = \frac{c_2^2}{2g}$$

gemessen wird. Bei Anwendung eines genau anschließenden divergenton Saugrohres dagegen kann der größte Teil der Austrittsenergie eingebracht werden. Indessen findet beim Übergang auch in diesem Falle wegen der endlichen Schaufoldicke ein gewisser Verlust statt, Das Wasser tritt mit der Geschwindigkeit ca aus dem Laufrad und nimmt unmittelbar nachher eine Geschwindigkeit c2'

an, und zwar besteht nach Abb. 181 die Beziehung

$$\frac{c_2'}{c_2} = \frac{k_2}{l_2}.$$

Beim plötzlichen Übergang von der Geschwindigkeit c_2 auf c_2 entsteht ein Verlust

$$H_{v23} = \frac{(c_2 - c_2')^2}{2g} \frac{Q - Q_s}{Q}.$$

Abb. 181.

Der Betrag ist ziemlich geringfügig und fällt kaum in Betracht.

Wonn das Wasser nach dem Aus-124. Verluste im Saugrehr. tritt aus dem Laufrad stetig in ein konisch sich erweiterndes Saugrohr übergeht, so kann nach Abschn. 44 der größte Teil seiner kinetischen Energie wieder in Druck umgesetzt werden. Die Bedingungen für die Stetigkeit des Überganges sind etwa die folgenden.

Zunächst müssen schon die Querschnitte stetig ineinander übergehen. Diese Bedingung läßt sich bei keiner Bauart so leicht durch-

führen, wie bei der Francis-Turbine.

Auch die Austrittsbewegung aus dem Laufrad muß stetig sein; os muß in allen Punkten des Übergangsquerschnittes derselbe Druck und dieselbe Geschwindigkeit, und zwar in meridionaler Richtung, vorhanden sein. Im besonderen aber sollte das Wasser keine oder nur eine geringe Drehbewegung besitzen. Eine derartige Bewegung würde nach Abschn. 22 einer Druckverminderung in der Nähe der Achse rufen, und ist der Druck im oberen Teil des Saugrohres ohnehin schon gering, so kann das zur Bildung eines leeren Raumes führen. Wenn sich das Wasser hinter diesem leeren Raum wieder schließt, sind natürlich Stoßverluste wegen der plötzlichen Querschnittserweiterung gar nicht zu vermeiden. Verluste derselben Art erhielte man, wenn beim Übergang wegen zu starker Divergenz des Saugrehres an den Wänden Ablösungen auftreten. Jedenfalls ist das Profil des Saugrehres sehr vorrichtig zu führen. Man bemesse die Erweiterung etwa nach der Faustregel $L \not\subseteq G(D_1 - D_2)$,

wobei L die Länge, D_3 den oberen und D_4 den unteren Durchmesser bezeichnet.

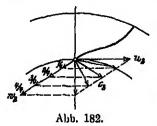
Die Drehung der Wasserstule im Saugrehr läßt sieh keineswegs immer vermeiden. Es sei die Turbine derart gebaut, daß bei einer gewisson Wassermongo die Austrittsgeschwindigkeit ca meridienal gerichtet sei. Dieser Richtung entspricht eine ganz bestimmte relative Austrittsgeschwindigkeit wg. Diese erfährt aber eine Verminderung, wenn durch Schließen der Abschützung die Durchflußmenge verkleinert

wird. Man erkennt sofort aus Abb. 182, daß die absolute Austrittsgeschwindigkeit c_2 eine Umfangskomponente annimmt, die um so größer wird, je mehr die Durchflußmenge zurückgeht oder über die normale zunimmt.

Durch Einbauen von Längsscheidewänden kann man die Drehung gewaltsam unterdrücken und zugleich die Divergenzverhältnisse verbessern, doch nicht ohne daß die Reibung gesteigert wird. Diese Lösung hat sich aber gar nicht bewährt.

Zu diesen Verlusten, die sich indessen einer nur halbwegs zuverlässigen Berechnung entziehen, kommt noch der Austrittsverlust aus dem Saugrohr und die Rohrreibung an den Wänden, die man unter Einführung mittlerer Worte für die Geschwindigkeit und den Druckmesser leicht überschlagen kann¹).

Turbinen mit liegender Welle werden durch einen Krümmer an das senkrechte Saugrehr angeschlossen. Das Auftreten von Störungen



in dem Krümmer läßt sich kaum vermeiden, wenn man nicht den Ablenkungswinkel stark herabzieht, indem man das Saugrohr schief anlegt.

Das Saugrohr wird vielfach nach Abb. 132 und 155 im Betonfundament ausgespart und dabei in die Richtung des Unterwasserkanals nach vorne abgebogen. Der Querschnitt wird dabei allmählich erweitert und zugleich aus der Kreisform in

die Rechteekform übergeführt, die sich besser in den Bau einfügt. In Abb. 155 ist gezeigt, daß man mit Hilfe der Austrittsenergie des Wassers aus dem Saugrohr noch eine kleine Depression des Unterwassers erzielen kann, deren Größe etwa nach Absehn. 43 zu ermitteln wäre.

125. Beispiel. Die nachfolgenden Ziffern, die nach den vorstehenden Abschnitten für eine Jonval-Turbine berechnet wurden, mögen eine Vorstellung von der Größe der einzelnen Verluste geben. Wenn dabei der Wasserverlust am Spalt mit den Druckhöhenverlusten auf eine Linie gestellt wurde, so ist das zwar bequem, wenn auch nicht ganz einwandfrei. Man wolle sich übrigens keinen falschen Vorstellungen über die Genauigkeit derartiger Rechnungen hingeben.

Die Turbine wurde für eine Wassermenge von 2 ebm/Sek, und ein Gefälle von 10 m berechnet. Es ist ein rechtwinkliger Schaufeleintritt im Laufrad vorausgesetzt. Das wirksame Gefälle wurde zu 85 v. H., die Austrittsenergie zu 5 v. H. eingesetzt. Die Turbine hat einen mittleren Durchmesser von 1,100 m bei 200 mm Radbreite und bekommt

ergibt, wenn man λ als unveränderlich ansicht (Absohn. 38), für die Rohrreihung den Betrag

$$H_{v_8} = \frac{1}{7} \frac{a\lambda}{g} \left(\frac{4Q}{\pi}\right)^2 \left(\frac{1}{D_3^{-7}} - \frac{1}{D_4^{-7}}\right).$$

Das Saugrohrprofil von Présil (Absehn. 36) von der Form z·τ² = const. = σ

in Loit- und Laufrad jo 20 Blochschaufoln von 7 mm Stärke. Sie macht 164 Umläufe in der Minute.

Vorlusto:

Loitrad			
Stoß auf die Schaufelkanten .		0,17	ν. H.
Reibung m den Kanälen		4,60	,,
Übergang ins Laufrad			
Spaltverlust		4,25	,,
Stoß auf die Schaufelkanten .			>3
Stoß auf das Wasser in den Lauf-			
radkanälon		0,13	**
Laufrad			
Reibung in den Kanälen		4,30	**
	j	13,69	v. H.
Austrittsverlust			
			v.H.

Wenn in der Rechnung die Verluste in der Turbino selbst mit 13,60 v. H. auftreten, so erscheint der für das wirksame Gefälle gewählte Ansatz $H_{\rm so}=0.85~H$ angemessen, da in der Verlustrechnung gewisse Unregelmäßigkeiten keine Aufnahme gefunden haben, Unregelmäßigkeiten, die sich daraus ergeben, daß die Umfangsgesehwundigkeit des Laufrades in jedem Punkte der Schaufelkante einen anderen Wert besitzt.

Rochnet man zu den hydraulischen Verlusten und der verlorengehenden Austrittsenergie von 5 v. H. noch einen Betrag von 2 bis 3 v. H. für die Reibung der Turbine in ihren Lagerzapfen und im umgebenden Mittel hinzu, so kommt man auf einen gesamten Wirkungsgrad von 77 bis 79 v. H., was ungefähr der Erfahrung an Turbinen dieser Bauart entspricht.

15. Zwanglose Übergänge.

126. Zwangloser Austritt aus dem Leitrad. Wenn auch die Turbinenschaufeln ihrer Aufgabe, alle Wasserfäden gleichmäßig zu führen, nie ganz gerecht werden können, so ist daran nicht viel gelegen, sobald nur für alle Wasserfäden die Anfangs- und die Endzustände je dieselben sind; denn nur von diesen hängt die Leistung ab. Insbesondere aber ist es wichtig, den Austritt aus den Kanälen gleichmäßig und geordnet zu erhalten, weil Unordnungen an diesem Punkte der dort herrschenden größeren Geschwindigkeiten wegen verlustreicher als an irgendwelchen anderen Stellen sind, und weil nur unter diesen Bedingungen eine zuverlässige Berechnung der Durchflußverhältnisse möglich ist. Unregelmäßigkeiten keim Austritt aus dem Laufrad würden sich im Saugrohr zum Schaden seiner Wirksamkeit fortsetzen.

Eine sichere Führung des Wassers ist nur zu erwarten, wenn dieses allseitig von den Kanalwänden eingeschlossen ist. So wird in dem in Abb. 183 dargestellten Leitkanal einer Francis-Turbine mit festen Schaufeln die Führung nur bis zum Querschnitt AB reichen. Soll die Strömung noch darüber hinaus stetig und geordnet verbleiben, so dürfen die Wasserfäden weder durch gegenseitige noch durch äußere Einwirkungen gestört werden. Damit sie sich nicht gegenseitig in

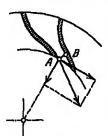


Abb. 183.

den Weg kommen, müssen sie im Querschnitt AB^1) eine kontraktionsfreie Strömung angenommen haben, und dies setzt voraus, daß die Kanalwände in A und B (annähernd) parallel zueinander verlaufen. Ferner darf der über B hinausragende Teil des Schaufelrückens keine ablenkende Einwirkung auf das Wasser ausüben; d. h. er muß sieh der Bewegung anpassen, die das zwangles austretende Wasser freiwillig annimmt.

Zwanglos ist die Bewegung eines Wasserfadens, wenn dieser keinerlei mechanische Wirkungen auf die Kanalwände überträgt und sich frei

denselben entlang bewegt. Nach Euler übt ein strömender Wasserfaden auf seinen drehbaren Kanal nach Gl. (107) Abschn. 57 ein Moment aus im Betrage von

 $\mathfrak{M} := M(r_1 c_{u1} - r_2 c_{u2}),$

wobei M die in der Zeiteinheit durchfließende Wassermenge, r_i den Halbmesser und c_{u1} die Umfangskomponente der absoluten Wassergeschwindigkeit beim Eintritt, r_2 und c_{u2} die entsprechenden Größen beim Austritt des Kanales bedeutet. Soll die Bewegung zwanglos verlaufen, so muß das Moment in allen Teilen des Kanals gleich Nul!

sein; dies ist der Fall, wenn für alle Punkte des Kanals die Beziehung besteht

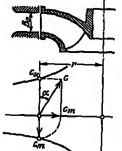


Abb. 184.

$$re_u = \text{const.}$$
 (152)

Dieson Zusammenhang zwischen r und c_n kann man nach Abb. 184 durch eine gleichseitige Hyperbel darstellen, die einen Halbmesser und die Achse zu Asymptoten hat.

Für die meridienale Geschwindigkeit em orgibt sich unter der Annahme, daß man die Querschnittsverengung durch die Schaufeldicken außer acht lassen dürfe, aus der Kontinuitätsbedingung die Gleichung

 $rB_0c_m = \text{const},$ (153)

wird. Stellt man den Zusammenhang zwischen o_m und r nach Abb. 184 durch eine Kurve dar, so läßt sich leicht für jeden Wert von r aus c_u und c_m die absolute Geschwindigkeit o und der Winkel a ormitteln, unter dem der Wasserfaden den betreffenden Parallelkreis schneidet. Wie genden Absolutt hervor.

¹⁾ Aber nicht früher! (vgl. Abschn. 48).

127. Das Ziehen der zwanglosen Bahn in einer außerschlächtigen Radialturbine läßt sich nach Abb. 185 folgendermaßen ausführen. Man trägt an einen Halbmesser in einer Anzahl von gleichmüßig verteilten Punkten die Winkel a an, unter denen die Parallelkreise von

don Wasserfäden geschnitten worden; verdreht man die freien Schenkel dieser Winkel mit Hilfe ihrer Berührungskreise so weit um den Mittelpunkt herun, daß zwei aufeinander folgende Schenkel stetig kleiner wordende Stücke AB, BC... aufeinander abschneiden, so erhält man die gesuchte Bahn als Hüllkurve. Sie hat einen spiralartigen Charakter und nühert sieh stetig dem Mittelpunkte. Es geht daraus herver, daß das Leitschaufelprofil nach Abb. 183 einen Wonde punkt erhält, den man im Interesse einer kräftigen Verjüngung des Kanals dorthin legt, we die zwanglose Strömung beginnen muß.

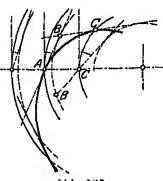


Abb. 185.

128. Zwangloser Austritt aus dem Leitrad bei konstanter Radbreite. Diese Bedingung, die bei Turbinen mit Finkschen Drehschaufeln stots erfüllt ist, ergibt sehr einfache Verhältnisse. Gl. (153) nimmt die Form an

$$rc_m = const = a$$
,

die sich durch eine gleichseitige Hyperbel darstellen läßt. Dividiert man durch die Bedingung der Zwanglesigkeit nach Gl. (152)

$$rc_u = const = b$$
,

so erhält man

$$\frac{c_m}{c_u} = \frac{a}{b} = \text{const} = \tan \alpha. \tag{151}$$

Das will sagen, daß die Bahn der zwanglesen Bewegung, der sich der Auslauf der Leitschaufel anschließen soll, alle Parallelkreise unter demselben Winkel z schneidet. Dies ist das Kennzeichen der logarithmischen Spirale. In der Tat ergibt sich, wenn man in Gl. (154) die Ausdrücke

$$c_m = \frac{dr}{dt}$$
 und $c_u = r \frac{dq}{dr}$

cinsetzt, wobei unter φ der vom Fahrstrahl beschriebene Winkel vorstanden ist, die Differentialgleichung

$$\frac{dr}{r} = \tan \alpha d\varphi.$$

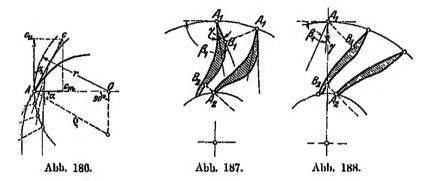
Zählt man den Winkel φ von dem Punkte aus, für den $\log r$. () oder r=1 ist, so erhält man beim Integrieren für die Bahn der zwanglosen Bewegung die Gleichung der logarithmischen Spirale

$$\log r = \varphi \tan \alpha$$
, also $r = r_e^{-\varphi \tan \alpha}$.

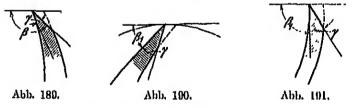
Abb. 186 läßt erkennen, wie sich diese Kurve bequem als Trajektorie ziehen läßt. Ihr Krümmungshalbmesser ist bekanntlich

$$\varrho = \frac{r}{\cos \alpha} \,. \tag{155}$$

129. Zwangloser Übergang ins Laufrad; Zuschürfung der Schaufeln. Ähnliche Fragen treten am Eintritt ins Laufrad auf. So sollte bei den in Abb. 187 und 188 skizzierten Laufrädern von Francis-Turbinen



die Ablenkung durch die Schaufeln erst dort beginnen, wo der Eintritt des Wassers in den Kanal wirklich vollzogen ist, also vom Querschnitt A_1B_1 an; es müßte also das Profil bis zum Punkte B_1 einer zwanglosen Bewogung entsprechen. Andernfalls ergeben sich Störungen, die in das Leitrad zurückgreifen könnten. Infolge der endlichen Dicke der Schaufeln läßt sich das Wasser nie wirklich zwanglos einleiten. Bei gußessernen Schaufeln, die im mittleren Verlauf stark verdickt werden, damit man den Austritt um so dünner halten kann, muß man den Eintritt durch eine Zuschürfung des Schaufelrandes erleichtern.



Dabei ist die Zuschärfung derart anzulegen, daß durch die plötzliche Ablenkung das Wasser in den Kanal hinein und nicht nach außen geworfen wird. Je nachdem der Eintrittswinkel $\beta_1 \gtrsim 90^{\circ}$ ist, muß der Zuschärfungswinkel γ , der etwa 15 bis 20° betragen mag, negativ oder positiv genommen werden, so daß der Punkt B_1 , der der Eintrittskante der benachbarten Schaufel gegenüber liegt, je auf das zwanglese Profil fällt. Übrigens spricht die Möglichkeit, die Zuschärfung mit Meißel und Feile ausführen zu können, auch noch ein Wort mit, vgl. Abb. 180 und 190 für Guß- und Abb. 191 für Blechschaufeln.

130. Der Eintritt der Laufradschaufel soll also bis zum Punkte B_1 in Abb. 187 und 188 das Wasser zwanglos führen. Ist die absolute Bahn der zwanglosen Bewegung bekannt, so hat man die relative Bewegung gegenüber dem Laufrad abzuleiten, und diese ist für das Profil des Eintrittes A_1B_1 maßgebend.

Aus der Bedingung der zwanglosen Bewegung Gl. (152)

rcu = const

findet sich der Zusammenhang zwischen c_u und r, und aus dem Turbinenprofil ergibt sich der Zusammenhang zwischen r und c_m . Trägt

man diese Zusammenhänge nach Abb. 192 über einem Halbmesser der Turbine graphisch auf, so hat man die meridienale Geschwindigkeit c_m außer mit der absoluten Umfangskomponente c_u nur noch mit der negativ genommenen Umfangsgeschwindigkeit — u des Laufrades zusammenzusetzen, um die relative Geschwindigkeit w nach Größe und Richtung zu erhalten, und damit läßt sich ähnlich wie in Abb. 185 die relative Bahn als Trajektorie ziehen; und so ist das Profil des Schaufeleintrittes bestimmt.

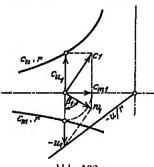


Abb. 192,

131. Der Austritt der Laufradschaufel soll vom Punkte B_2 (Abb. 187 und 188) an das Wasser zwangles in meridienaler Richtung austreten lassen. Hier ist also $c_n=0$. Kennt man nach Abb. 193 die meridienale Geschwindigkeit c_m in ihrer Abhängigkeit vom Halbmesser r, so gibt

die Resultante w der Geschwindigkeiten c_m und — u die Geschwindigkeit und die Richtung der relativen Bewegung. Die relative Bahn, die die Gestalt des Austrittes bestimmt, läßt sieh wieder nach Abb. 185 als Trajektorie zeichnen!).

Die Kurven des zwanglosen Austrittes haben spiralartigen Charakter und nähern sich stetig dem Mittelpunkt. Es ergibt sich daraus, daß das Laufradschaufelprofil in Abb. 187 im Punkte B_2 einen Wendepunkt erhält. Nur wenn

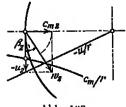


Abb. 193,

man nach Abb. 188 den Eintrittswinkel β_1 sohr flach hält, läßt sich derselbe durch eine stetig gekrümmte Kurve (also ohne Wendepunkt) in den Winkel β_2 überführen.

In dem Sonderfalle, we die meridionale Geschwindigkeit $c_m = \text{const}$ ist, wird, wenn man von der Verengung des Durchflußraumes durch die Schaufeldieken keine Notiz nimmt, die Beziehung bestehen

rB = const,

¹) Je stärker sich das Rad nach innen verbreitert, dese weniger stark wird das Wasser in meridienaler Richtung beschleunigt, und deste weniger stark ist die relative Bahn gekrümmt, deste größer wird also der Krümmungshalbmesser des Schaufelaustrittes.

d. h. die Turbine erhält nach Abb. 194 eine gleichseitige Hyperbel als Beim meridionalen Austritt entsteht nach Abb. 195 gegenüber dem Laufrad eine relative Bewegung, die sich als Resultante der gleichförmigen Radialbowegung und der gleichförmigen

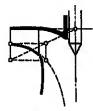


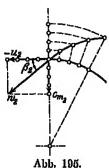
Abb. 104.

rückwärts genommenen Drehbewegung des Laufrades ergibt. Die Bahn dieser Bewegung, die das Profil des zwanglosen Austrittes ist, stellt sich als cine Archimedische Spirale dar.

132. Doppelt gekrümmte Kanäle. Zumeist liegt die Bahn des mittleren Wasserfadens nicht in einer Ebone, sondern auf einer Drohfläche mit krummlinigem Meridian. In diesem Falle läßt sich, wie in Abb. 196 angedeutet ist, die ganze Untersuchung auf dem abgewickelten Berührungskegel vornehmen.

In dem Sonderfalle der Jonval-Turbine, we die Kranzbreite konstant ist und wo man annimmt, daß sich die Wasserfäden auf koaxialen Zylinderflächen bewegen, nehmen alle diese Übergänge die Gostalt von Schraubenlinien an, die in der Abwicklung der Schaufelschnitte zu geraden Linien werden.

Bei der Francis-Turbine mit axialem Austritt genügt es nicht, einen mittleren Wasserfaden zu verfolgen. Man muß vielmehr den



ganzen Durchflußraum in mehrere Wasserstraßen teilen und die Untersuchung für den mittleren Wasserfaden einer jeden derselben durchführen!).

133. Einführung der Schaufeldicke; meridionalo Kanalwoito.

Die Schaufeln müssen aus Festigkeitsgründen eine gewisse Dicko habon, und verengen daher den Durchfluß. Dieser Verlust muß wieder eingebracht worden, da die Durchflußmenge keine Verminderung erfahren darf. Maßgebend ist der Quer-

Abb. 106. schnitt an der engsten Stelle; in

den weiteren Stellen des Kanals ist die Schaufeldieke ehne merklichen Einfluß. Bedeutet co die absolute Austrittsgeschwindigkeit aus dem Leitrad, D_0 den mittleren Durchmesser, B_0 die Radbreite, z_0 die Anzahl der Schaufeln, t_0 die Schaufelteilung, a_0 die lichte Kanalweite und s_0 die Schaufoldieke, so lassen sich die Verhältnisse beim Austritt aus dem Leitrad in folgender Weise ausdrücken. Es ist nach Abb. 197

$$a_0 = l_0 \sin \alpha_0 - s_0,$$

$$l_0 = \frac{\pi D_0}{z_0}.$$

Zwischen a_0 und a_0 besteht der Zusammenhang

$$\frac{Q}{c_0} = z_0 B_0 a_0.$$

¹⁾ Sicho auch Golpke: Die Wasserturbinen.

Es ist also mit den bekannten Größen D_0 , c_0 , z_0 , s_0 und α_0 die Bestimmung der übrigen Größen möglich, entweder durch Rochnung oder durch Konstruktion.

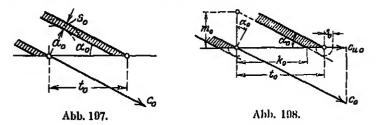
Öfters ist es bequemer, anstatt von der Geschwindigkeit c_0 von deren Umfangskomponenten c_{u0} auszugehen, wie Abb. 198 erkennen läßt. Mißt man (vgl. Absehn. 28) die lichte Kanalweite durch die Größe m_0 , die in die Richtung normal zum Umfang, also in die Richtung des Moridians der Stromfläche fällt, so kann man für die Durchflußmenge schreiben

$$Q=z_0B_0m_0c_{u0},$$

und wenn die übrigen Größen bekannt sind, so findet man für die Größe m_0 , die wir als die meridienale Kanalweite bezeichnen wollen,

$$m_0 = \frac{Q}{z_0 B_0 c_{uv}}.$$

Diese Größe ist nicht bis auf den Schaufelrücken, sondern nur bis zur Tangente daran zu messen (vgl. Abb. 36). Wie man mit α_0 ,



 t_0 und s_0 die Größe m_0 konstruiert, geht aus Abb. 198 ohne weiteres hervor. Will man rechnen, so fände man

$$m_0 = \frac{l_0 \sin \alpha_0 - s_0}{\cos \alpha_0}.$$

Für den Falt, daß das Laufrad sich gleich ohne wesentlichen Spielraum an das Leitrad anschließt, ist indessen an der meridionalen Kanalweite m_0 noch eine kleine Korrektur anzubringen. Da bei fehlender Zuschärfung der Eintrittskanten des Laufrades der Austrittsquerschnitt des Leitrades im Verhältnis von $k_1:t_1$ verkleinert wird, und dieser Verlust wieder eingebracht werden muß, hat man die Weite m_0 in demselben Verhältnis zu vergrößern.

In Wirklichkeit wird man zwar die Zuschürfung nicht unterlasson,

abor der Sicherheit halber so rechnen, als ob sie fehlte.

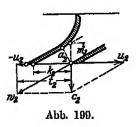
Beim Austritt aus dem Laufrad ist nach Abb. 100 die Bedingung des meridionalen Austritts

$$w_2 \cos \beta_2 = u_2$$

zu erfüllen. Dies wird offenbar erreicht, wenn man die Konstruktion Abb. 199 gerade wie in Abb. 198 durchführt, jedoch mit einem Werte

$$m_2 = \frac{Q}{z_2 B_2 u_2}. (156)$$

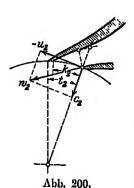
Hier ist noch eine Bemerkung beizufügen. Bei der Berechnung einer neuen Turbine wird in der Regel gleich zum Anfang die absolute Austrittsgeschwindigkeit c_2 , die die Energie des austretenden Wassers mißt, nach gewissen Gesichtspunkten gewählt. Es wird nun der Wert



von c_2 , der sich nach Abb. 199 ergibt, im allgemeinen nicht mit dem angenommenen übereinstimmen. Man kann indessen diese Übereinstimmung durch eine Abänderung der Radbreite B_2 auf folgendem Wege herbeiführen. Mit dem gewählten Wert von c_2 konstruiert man nach Abb. 199 die Größe m_2 , worauf sich die entsprechende Radbreite nach Gl. (156) findet

$$B_2 = \frac{Q}{z_2 m_2 u_2}.$$
 (156a)

Soll bei der Francis-Turbine die Energie des austretenden Wassers möglichst vollständig in Druck umgesetzt werden, so muß der Übergang vom Laufrad ins Saugrohr geordnet vor sieh gehen. Das Wasser tritt in einzelnen Strahlen, die durch die Schaufeln voneinander getrennt sind, mit der meridienal gerichteten Geschwindigkeit c_2 aus dem Laufrad. Je feiner die Schaufeln ausgezogen sind, deste eher darf man annehmen, daß sieh das Wasser hinter den Schaufeln wieder zu einem gleichmäßigen Strom zusammenschließt, der seine meridienale Richtung beibehält, aber eine dem erweiterten Querschnitt entsprechend verkleinerte Geschwindigkeit c_{m2} annimmt. Es wird sieh dabei das Verhältnis einstellen



$$\frac{c_{m_3}}{c_2}, \quad \frac{k_2}{l_2}.$$

Unter Verwendung der in Abb. 200 eingetragenen Bezeichnungen ergibt sieh aus der Kontinuitätsbedingung

$$\frac{m_2}{t_2} = \frac{c_{m\,2}}{u_2}.$$

Setzt man hierin für die Umfangsgeschwindigkeit

$$u_2 = \frac{z_3 l_2 n}{\beta(0)}$$
,

wobei z_2 die Schaufelzahl und n die Umlaufzahl der Turbine bedeutet, so erhält man

$$m_{3} = \frac{60}{z_{3}n} c_{m2}. \tag{157}$$

Der gleichmäßige Übergang ins Saugrehr setzt voraus, daß in allen Punkten des betreffenden Querschnittes

Das wird nach Gl. (157) zutroffen, wenn für alle Punkte der Austrittskante die meridienale Kanalbreite konstant ist, also

$$m_2 = \text{const},$$
 (158)

eine Annahme, die für das Entwerfen der Schaufelung große Bequemlichkeiten bietet¹).

Der Berechnung der Turbine vorausgehend, wurde die absolute Austrittsgeschwindigkeit c_2 gewählt, und zwar bringt es der Rechnungsgang mit sieh, daß diese Geschwindigkeit für alle Wasserfäden denselben Wert haben muß. Es wird sieh fragen, ob es zulässig sei, gleichzeitig sowohl c_2 als c_{m2} konstant zu setzen. Nach Abb. 201 ist

$$\frac{c_{m2}}{c_9} = \frac{k_2}{t_2},$$

$$k = t \sin \theta = -1$$

und weiter

$$k_2 \sin \beta_2 = l_2 \sin \beta_2 - s_2 ,$$

odor

$$\frac{k_2}{l_2} = 1 - \frac{s_2}{l_2 \sin \beta_2}.$$

Mit wachsendem Halbmesser des Austrittspunktes nimmt die

Teilung t_2 in demselben Verhältnis zu; dafür wird aber der Winkel β_2 kleiner, und in der Tat zeigt die Abbildung, daß t_2 sin β_2 nur langsam zunimmt. In dem obenstehenden Ausdruck für $k_2:t_2$ ist das zweite Glied gegenüber der Einheit ziemlich klein, und daher hat die geringfügige Veränderlichkeit von t_2 sin β_2 keinen wesentlichen Einfluß auf das Verhältnis $k_2:t_2$. Es ist daher durchaus zulässig, anzunehmen, die Verengung

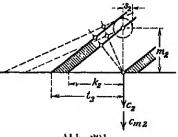


Abb. 201.

des Austrittsquerschnittes durch die Schaufeldicke sei unabhängig vom Halbmesser.

Man sotzo etwa, eine nachträgliche Korrektur vorbehaltend,

$$l_2: k_2 = c_2: c_{m2} = 1.15 \text{ bis } 1.1 ,$$
 (159)

je nachdem Guß- oder Blechschaufeln zur Verwendung gelangen.

Da $c_{m2} < c_2$ ist, stellt sich beim Austritt aus dem Laufrad stets ein Wasserstoß ein, der um so größer ist, je dieker die Schaufeln sind. Die Schaufeln sollen daher so dünn als irgend möglich gewählt werden, namentlich sind bei gegossenen Schaufeln die Ausläufe so fein als irgend tunlich auszuziehen.

134. Evolventenförmige Übergünge. Da das Zeichnen der genauen Übergangskurven mit einiger Mühe verbunden ist, und da doch

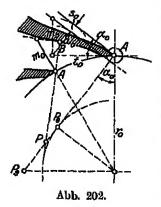
¹) Diese Annahme ist zulässig für Jenval-Turbinen und langsam laufende Francis-Turbinen, hingegen für raschlaufende Francis-Turbinen und moderne Schnelläufer kann diese Annahme nicht mehr aufrechterhalten werden,

nur ein kleines Stück derselben gebraucht wird, ist es allgemein üblich diese Kurven durch eine Evolvente oder gar durch einen Kreisbogen zu ersetzen.

In Abb. 202 ist beispielsweise gezeigt, wie man bei einer Francis-Turbine für das mit festen Schaufeln versehene Leitrad aus den gegebenen Werten von r_0 , t_0 , s_0 und m_0 oder a_0 den Winkel a_0 konstruiert, indem man auf der Tangente in A mit den gegebenen Elementen das Schaufeldreieck errichtet, und wie man weiterhin den Grundkreis der Evolvente findet. Da der Krümmungshalbmesser der Evolvente den Wert

$$\varrho = r \cos \alpha \tag{160}$$

besitzt, wäre P_s der Krümmungsmittelpunkt der Evolvents in A; P_s wäre der Krümmungsmittelpunkt der logarithmischen Spirale. Der Einfachheit wegen gibt man meistens dem Auslauf das Profil



oines Kreisbogens aus dem Mittelpunkt P. Die meridionale Kanalweite m_0 ist bis auf die Tangente an den Schaufelrücken in B zu messen.

Eine nähere Untersuchung zeigt, daß die Unterschiede zwischen den Krümmungshalbmessern der Evolvente und der genauen Profile nicht ganz unbedeutend sind, und zwar nimmt er mit größer werdendem Winkel α_0 stark zu. Der Krümmungshalbmesser der Evolvente nimmt nach Gl. (160) im Verhältnis zum Halbmesser r bei wachsenden Werten von α_0 immer ab, während bei der logarithmischen Spirale das Umgekehrte stattfindet. Je größer also der Winkel α_0 ist, deste größer ist auch die Ungenauigkeit.

135. Spielräume zwischen Leit- und Laufrad. Sind die Bedingungen der zwanglosen Übergänge nicht erfüllt, so treten Stöße und Energieverluste auf, die um so heftiger werden, je schroffer und je stärker die Ablenkungen sind, je unmittelbarer das Wasser, aus einer Führung entlassen, wieder von einer anderen Führung aufgenommen wird. Dies wird also besonders für den Übergang zwischen Leit- und Laufrad zutreffen. Bringt man zwischen beiden einen größeren Spielraum an, so werden die Übelstände gemildert, indem die Ablenkungen weniger sehroff ausfallen; das Wasser kann sich im Zwischenraum seinen Weg selbst suchen, auf dem es mit einem Minimum von Energieverlusten ins Laufrad übertritt.

Der zwanglose Übergang läßt sieh nur für ganz bestimmte Winkelund Geschwindigkeitsverhältnisse erzielen. Wenn daher bei einer Francis-Turbine mit Finkschen Drehschaufeln im Leitrad die Schaufolöffnung geändert wird, so geht der zwanglose Übergang verleren, auf den man sich für die normale Wassermenge eingerichtet hat. Der Umstand, daß beim Zudrehen der Schaufeln ein größerer Spielraum zwischen Leit- und Laufrad entsteht, wirkt mildernd.

136. Die Übergänge bei innerschlächtigen Turbinen zeigen etwas andere Verhältnisse. Zunächst erkennt man aus Abb. 203, daß die Schaufelausläufe keine Wendepunkte aufweisen; und das kann als

Vorzug gelten. Sodann findet man, daß das Wasser das Bestreben hat, sich beim Austritt aus dem Kanal vom Schaufelrücken abzulösen und sich in einzelne voneinander unabhängige Strahlen zu zerteilen. Ist das in Abb. 203 gezeichnete Schaufelsystem als Leitapparat aufzufassen, so worden allerdings die getrenuten Strahlen hernach durch das Laufrad wieder zum Zusammenschluß gezwungen; dies läuft aber nicht ohne Störungen und Energieverluste ab. Die Übelstände würden hier um so größer, wenn man zwischen Leit- und Laufrad einen größeren Zwischenraumeinschalten wollte.



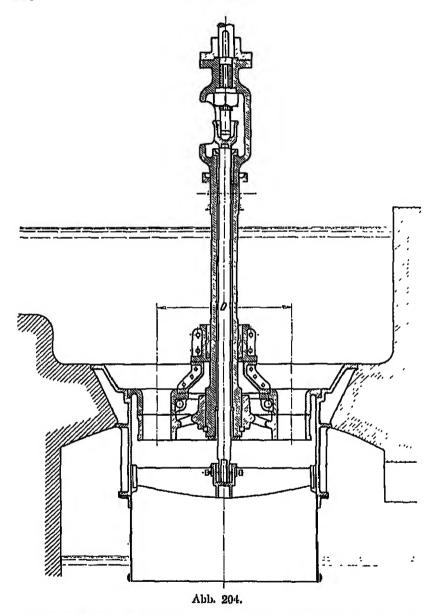
B. Die älteren Bauarten.

16. Die Jonyal-Tuebine.

137. Kennzeichnung; Geschwindigkeitsdiagramm. Die Turbine von Jon val ist eine vollschlächtige axiale Stauturbine mit unveränderlicher Radbreite. Sie wurde für den Einbau in ein Saugrehr ersonnen, und da das Wasser sowohl drückend als saugend wirkt, bezeichnete sie ihr Erfinder als "turbine & double effet". Abb. 204 zeigt die Aufstellung für kleines Gofallo. Hat man das Leitrad hochgezogen, so ist das Laufrad zugänglich, besonders wenn dasselbe dank der Anwendung eines Saugrohrs über den Unterwasserspiegel zu liegen kommt. Der Anschluß an das Saugrohr läßt viel zu wünschen übrig, da der Übergang mit einer starken Querschnittserweiterung vor sich geht, so daß die Austrittsenergie des Wassers fast vollständig vernichtet wird. Es hätte darum keinen Sinn, wenn man das Saugrohr nach unten erweitern wollte.

Die Turbine bietet unter gewissen Voraussetzungen sehr einfache Verhältnisse für die Rechnung und eignet sieh daher sehr gut als Beispiel zur Einführung in die Theorie der Stauturbinen. Sie soll daher hier einläßlich behandelt werden, obwohl sie zurzeit kaum mehr ausgeführt wird. Jone Voraussetzungen sind, daß die Bewegung auf der Zylinderfläche des mittleren Durchmessers maßgebend für alle übrigen Wasserfäden soi. Sie könnten als orfüllt angesehen werden, wonn die Radbreite im Verhältnis zum Durchmesser sehr klein wäre.

Wonn man zunächst die Dicke der Schaufeln als verschwindend klein betrachtet und vom Wasserverlust durch den Spalt absieht, so orgibt sich, daß die meridienale oder axiale Geschwindigkeit des Wassors wegen der Unveränderlichkeit der Radbreite überall dieselbe ist. Es lassen sich alsdann die gesamten Geschwindigkeits- und Winkelverhältnisse nach Abschn. 105 sehr übersichtlich durch Abb. 205 darstellen. Sobald das wirksame Gefälle H_w gegeben bzw. abgeschätzt



und die absolute Austrittsgeschwindigkeit c_2 gewählt ist, ergibt sieh die Geschwindigkeit des halben Nutzgefälles

$$v = \sqrt{2g \frac{1}{2} \left(H_w - \frac{c_0^2}{2g}\right)} = \sqrt{s \cdot g \cdot H}$$
;

es lassen sich nunmehr mit der gewählten Umfangsgeschwindigkeit u_1

nach Abb. 205 die Geschwindigkeiten c_0 , w_1 und w_2 , sowie die Winkel α_0 , β_1 und β_2 bestimmen.

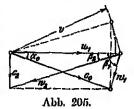
.Daß man übrigens statt u_1 irgendeine andere Größe innerhalb der Grenzen der Zweckmäßigkeit beliebig annehmen und die übrigen daraus finden kann, bedarf kaum einer besonderen Erwähnung.

Den besten Wirkungsgrad liefert diejenige Umfangsgesehwindigkeit, bei der die Summe aller Widerstände und Energieverluste ein Minimum wird. Unter den Verlusten ragen die Reibungsverluste in den Leit- und Laufradkanälen, die durch die Ausdrücke

$$\zeta \frac{c_0^2}{2g}$$
 und $\zeta \frac{w^2_2}{2g}$

dargostellt. werden, am stärksten herver. Die Summe dieser beiden

Vorluste wird dam möglichst klein, wenn $c_0^2 + w_2^2$ seinen Mindestwert erreicht. Ein Blick auf Abb. 205 zeigt, daß bei veränderlicher Umfangsgeschwindigkeit u_1 von den beiden Größen c_0 und w_2 die eine wächst und die andere abnimmt. Der Gesamtwiderstand wird ungefähr zu einem Minimum, wenn $w_2 = c_0$, d. h. wenn



 $u_1 = v \text{ and } \beta_1 = 90^{\circ}.$

Daß sich hierbei die Laufradkanäle beim Eintritt am weitesten öffnen, ist ein weiterer Vorteil. Übrigens haben kleine Verschiebungen in der Umfangsgeschwindigkeit keinen großen Einfluß.

138. Absoluter Wasserweg. Ist das Schaufelprofil gegeben, so läßt sich die absolute Wasserbahn nach Abb. 205 leicht finden, da die wagrechte Ablenkung CP=a eines Wasserteilehens durch die Schaufel hinsichtlich der Richtung der absoluten Eintrittsgeschwindigkeit c gerade so groß sein muß als die Ablenkung WS=a, die die Schaufel hinsichtlich der Richtung der relativen Geschwindigkeit w_1 hervorruft. Man könnte übrigens gerade so gut die relative Bahn oder das Schaufelprofil aus der gegebenen absoluten Bahn ableiten.



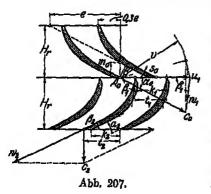
Abb. 206.

Unter der Veraussetzung, daß die Verengung durch die Dieke der Schaufeln außer acht gelassen werden dürfe, ist die senkrechte Komponente der Wassergeschwindigkeit konstant; Punkte gleicher Höhenabstände entsprechen daher gleichen Zeiträumen. Aus der Abnahme der Entfernungen zwischen den einzelnen Punkten der absoluten Bahn kann man erkennen, wie das Wasser allmählich seine Geschwindigkeit und damit auch seine Energie abgibt.

139. Berechnung einer neuen Jonval-Turbine. Als gegeben ist die Wassermenge Q und das reine Gefälle H_s anzuschen. Da die Energie, die der Zuflußgeschwindigkeit e_s entspricht, stets verlerengeht, ist das der Turbine dargebotene Gefälle H mit H_s identisch. Für das wirksame Gefälle kann gesetzt werden

$$H_{10} = 0.85 \, H_{\bullet}$$

Die Aufgabe ist aber damit noch keineswegs eindeutig umschrieben; vielmehr müssen noch einige Bedingungen oder Abmessungen mehr oder weniger willkürlich angenommen werden, wenn sie uns nicht etwa sehen durch äußere Verhältnisse auferlegt sind. So könnte es vorkommen, daß man durch Rücksichten auf den verfügbaren Raum



in bozug auf den Durchmesser gebunden wäre, oder daß man sich an eine bestimmte Umhaufzahl zu halten hätte, während ein anderes Mal die Aufgabe gestellt sein kann, eine möglichst hehe Umhaufzahl zu erreichen. In anderen Fällen kommt es nur darauf an, die Wasserkraft ohne weitere Bedingungen möglichst vollständig auszumätzen, und es bleibt dem Konstrukteur überlassen, die günstigsten Annahmen zu treffen; dagegen wird unter andern Verhältnissen mehr Wert darauf gelegt, daß die

Turbine möglichst klein und billig ausfällt, selbst auf Kosten des Wir-

kungsgrades usw.

Wo man nicht durch äußere Rücksichten gebunden ist, sucht man einen möglichst guten Wirkungsgrad zu erreichen. Es wird daher zweckmäßig sein, bei den zu troffenden Annahmen von solchen Größen auszugehen, die zugleich einen bestimmenden und einen leicht übersehbaren Einfluß auf den Wirkungsgrad haben. Das trifft für die Winkel, von deren Wahl man gewöhnlich ausgeht, nicht zu, und es ist daher besser, einen anderen Weg einzuschlagen. Entscheldend ist vor allem die Größe der absoluten Austrittsgeschwindigkeit r_z . Für dieselbe sei nach Absohn. 97 etwa zu setzen

$$\frac{c_2^2}{2\sigma} = 0.04 \text{ bis } 0.00 II.$$

Die Turbine ist unbedingt so groß zu bemessen, daß die vorgeschriebene Wassermenge auch wirklich hindurchfließt oder gesehluckt wird. Darum ist es unerläßlich, der Vorengung der Querschnitte durch die Schaufeln Rechnung zu tragen. Da aber die Anzahl und die Dicke der Schaufeln mit den Abmessungen zusammenhlängen, muß man sich zunächst durch eine vorläufige Berechnung eine zutreifende Vorstellung von der Größe der Turbine verschaffen.

Versteht man unter F die freie oder nützliche Unterfläche des Laufrades, d. h. die Summe aller Kanalquerschnitte beim Austritt, in der Ebene normal zur Achse gemessen, so ist

$$F = \frac{Q}{c_o}$$
.

Aus den Bezeichnungen der Abb. 207 orgibt sich unter Rücksichtnahme auf die Verengung durch die Schaufeldicken für diese selbe Fläche der Ausdruck

$$F = \pi DB\left(\frac{k_2}{t_0}\right),$$

und wenn man diese beiden Ausdrücke für F einander gleich setzt, erhält man

 $D = \frac{Q}{c_2} \frac{1}{\pi B} \left(\frac{t_2}{k_2} \right)$ $D^2 = \frac{Q}{c_3} \frac{1}{\pi} \binom{D}{B} \left(\frac{t_2}{k_2} \right). \tag{161}$

oder

Wenn man die Verhältnisse D:B und $t_2:k_8$ wählt oder schätzungsweise annimmt, läßt sich daraus der Durchmesser D und aus dem Verhältnis D:B auch die Radbreite B berechnen.

Man sotzo vorläufig etwa

$$\frac{D}{B} = 3 \text{ bis 7, im Mittel 5}^{1}$$
 (162)

$$\frac{l_2}{k_2} = \frac{6}{5} \text{ bis } \frac{5}{4} \text{ für Schaufeln aus Bloch}$$

$$= \frac{5}{4} \text{ bis } \frac{4}{3} \text{ für Schaufeln aus Guß.}$$
(163)

Nach dem berechneten Durchmesser D kann man die Schaufelzahl wählen, etwa mit passender Abrundung unter Benutzung der omplrischen Formeln

oder

$$z_3 = 2\sqrt{D} z_3 = 0.12D + 6 \text{ bis 8,}$$
 (165)

wobei D in om einzusetzen ist²).

Die Schaufeln mögen am Austritt die Dicke besitzen

$$\begin{array}{l}
s_2 = 0.13 VB \text{ für Blech} \\
= 0.22 VB \text{ für Guß,}
\end{array}$$
(165)

wobei wieder B in om auszudrücken ist.

unzuverlässiger ist die ganze Rochnung und um so geringer der Wirkungsgrad.

*) Derartige Formeln erhält man, indem man nach guten Ausführungen zusammengehörige Worte in einem rechtwinkligen Koordinatensystem aufträgt und

mitton durch die erhaltenen Punkte eine Kurve legt.

¹⁾ Je kleiner diese Zahl gewählt wird, deste kleiner fällt die Turbine und deste größer ihre Umlaufzahl aus; deste größere Verschiedenheiten treten aber in den Bewegungszuständen der innersten und äußersten Wasserfäden auf; deste unzuverlässiger ist die ganze Beehnung und um so geringer der Wirkungsgrad.

oder

Die Geschwindigkeit des halben Nutzgefälles ist

$$v = \sqrt{2g \frac{1}{2} \left(H_w - \frac{c_2^2}{2g} \right)}$$

und die Umfangsgeschwindigkeit soll zwischen den Gronzen liegen

$$u = v$$
 bis $1, 1v$.

Ist dieser Wert gewählt — am besten u=v — so ergibt sieh daraus die Umlaufzahl

$$n=\frac{19.1\,u}{D}.$$

Für die endgültige Berechnung hat man sich an einen bestimmten Durchmesser D und eine gewisse Umlaufzahl n oder Umfangsgeschwindigkeit u zu halten, bei deren Annahme die Ergebnisse der verläufigen Berechnung als Anhaltspunkte dienen. Die Annahmen über die Zahl und Dieke der Schaufeln können beibehalten werden; dagegen fallen alle übrigen dahin.

Man geht zunächst zur Berechnung des Laufrades über, webei man der Tatsache Rechnung trägt, daß ein gewisser Bruchteil Q_{\bullet} der Zuflußmenge sehen verher durch den Spalt entwichen ist und daher in Abzug zu bringen ist. Dieser Spaltverlust kann etwa nach Abschn. 120 überschlagen werden.

Beim Austritt ist die Umfangsgeschwindigkeit u_2 bekannt, die absolute Austrittsgeschwindigkeit c_2 gewählt; da das Wasser absolut in meridionaler Richtung austreten soll, ergibt sieh die relative Austrittsgeschwindigkeit w_2 aus der Gleichung

$$w_2^2 = u_2^2 + c_2^2. \tag{166}$$

Den Austrittswinkel β_2 findet man aus

$$\sin \beta_2 = \frac{c_2}{w_2}.\tag{107}$$

Durch Konstruktion oder Rochnung findet man nach Abschn. 133 die lichten Kanalweiten a_2 oder m_2 , werauf sich die lichte Radbreite B_2 aus den Beziehungen ermitteln läßt

$$\begin{array}{l}
Q - Q_s = m_0 B_0 z_0 u_0 \\
Q - Q_s = a_0 B_0 z_0 w_0
\end{array}$$
(168)

Damit sind für den Austritt alle Verhältnisse bestimmt, und es bleibt noch übrig, den Austritt aus dem Leitrad und den Übergang ins Laufrad zu behandeln.

Die Schaufelzahl des Leitrades sei gleich derjenigen des Laufrades¹), also

$$z_0 = z_1 \quad \text{und} \quad l_0 = l_1 - l_n.$$

¹⁾ Violo Konstrukteure vermeiden es, die beiden Schaufelzahlen gleich groß zu nehmen, damit die Stöße, die zu erwarten sind, wenn eine Laufradschnufel an einer Leitschaufel vorüberstreicht, nicht alle gleichzeitig auftreten. Es scheint indessen dieser Sache keine Bedoutung zuzukommen.

Für den Austritt aus dem Leitrad ist die ganze Wassermenge Q in Rechnung zu setzen.

Gegeben ist D, B und n oder u. Aus der Grundgleichung (143)

$$v^2=u_1\,c_{u\,0}$$

findet sich mit u_1 die Umfangskomponente $c_{u\,0}$ der absoluten Austrittsgeschwindigkeit c_0 aus dem Leitrad. Man erhält nach Absolm. 133 die meridienale Kanalweite

$$m_0 = \frac{Q}{z_0 B} \frac{l_1}{c_{u0} k_1} \tag{169}$$

und kann mit dieser Größe nach Abb. 207 den ganzen Schaufelaustritt auftragen. Mit u_1 und c_{u0} ergeben sieh auch die ganzen Eintrittsverhältnisse ins Laufrad.

Dio Radhöhe sotze man für Leit- und Laufrad ungefähr

$$II_r = 4 a_2. \tag{170}$$

Die Kanäle mögen etwa eine Länge gleich dem 7- bis 8 fachen der lichten Weite a_2 am Austritt orhalten.

140. Zahlenbeispiel¹). Es soll eine Jonval-Turbine berechnet werden, der folgende Annahmen zugrunde liegen.

$$Q = 1200 \text{ l/sek}$$
.

$$H \approx 4.50 \text{ m}$$
.

Das wirksamo Gofälle mag etwa betragen

$$H_{\rm m} = 0.85 H = 3.825 \,\mathrm{m}$$
.

Der Austrittsverlust sei

$$\frac{c_2^2}{2y} = 0.05 H = 0.225 \text{ m};$$

also ist

$$c_2 = 2,10 \text{ m/sek}$$
.

Als Material für die Schaufeln sei Gußeisen gewählt, so daß ungefähr zu setzen ist

$$\frac{l_2}{k_2} = \frac{5}{4} .$$

Fornor soi otwa

$$D:B=5$$
.

Die ganze Unterfläche des Rades muß eine Ausdehnung besitzen

$$\pi DB = \frac{51200}{421} = 71.4 \text{ qdm}.$$

1) Bei allen teelmischen Rechnungen ist es wichtig, daß man sich Schritt für Schritt eine richtige Verstellung von den Größen macht, die sich als Zwischenresultate ergeben. Geht man stets von derselben Maßeinheit aus, so gelangt man sehr oft zu Zahlen, die man sich nicht eine weiteres anschaulich machen kann, während eine andere Maßeinheit eine Zahl ergäbe, mit der man alsbald eine deutliche Verstellung verbinden könnte. Erhielte man z. B. die Größe 0,0085 qm als Querschnitt eines Turbinenkanales, so gibt diese Zahl keine Anschauung. Das ist aber sofort der Fall, wenn man schreibt 0,85 qdm oder (weniger gut) 85 qcm. Daß man dabei nicht zu gedankenles draufles rechnen kann, darf eher als ein Verteil gelten.

Für die Berechnung des Durchmessers hat man die Gleichung

$$D = \frac{71.4}{\pi B}$$
 oder $D^2 = \frac{71.4}{\pi} 5 = 114 \text{ qdm}$,

und daraus ergibt sich für den Durchmesser

$$D = 1.07 \text{ m};$$

da D:B=5, erhält man für die Breite

$$B = 214 \text{ mm}$$
.

Die Geschwindigkeit des halben Nutzgefälles ist

$$v = \sqrt{2g \frac{1}{5}(3.825 - 0.225)} = \sqrt{35.32} - 5.04 \text{ m/sok}$$
.

Nimmt man an, es sei

$$u = v = 5.94 \text{ m/sek}$$
,

so erhält die Turbine eine Umlaufzahl

$$n = \frac{19.1 \cdot 5.94}{1.07} = 106 \,,$$

und damit wäre die vorläufige Berechnung erledigt.

Legt man für die endgültige Rochnung die Annahmen zu-

$$D = 1.10 \text{ m}$$
 and $n = 110$,

so ist die Umfangsgeschwindigkeit

$$u = 0.33 \text{ m/sek} = 1.07 v = 0.08 \sqrt{2} q H$$

was annehmbar erscheint.

Die Schaufelzahl in Leit- und Laufrad soi

$$z = 2\sqrt{107} = 20.7 \sim 20$$
.

Die Schaufelteilung ist

$$t = \frac{\pi 1100}{20} = 172.8 \, \text{mm} \, s$$

Für die Dicke der gußeisernen Schaufeln am Austritt kann man nehmen

$$\theta = 0.22 \sqrt{21.4} = 10.2 \sim 10 \text{ mm}$$
.

Bei 2 mm Spaltbreite ist die Spaltflüche

$$F_a = 2 \cdot 11 \pi \cdot 0.02 \cdot 1.38 \text{ qdm}$$
.

Rechnet man mit einem Spaltüberdruck gleich dem halben wirksamen Gefälle, so wird die Austrittsgeschwindigkeit aus dem Spalt etwa sein

$$\sqrt{2g \frac{1}{2}3,825} \sim 6,12 \text{ m/solc.}$$

Mit einem Ausflußkoeffizienten von 0,6 berechnet sieh der Spaltverlust zu

$$Q_s = 0.6 \cdot 1.38 \cdot 61.2 = 51 \text{ l/sok}$$
.

Der Verlust beträgt also 4,2 v. H. der ganzen Wassermenge. Das Laufrad ist auf einen Durchfluß von 1149 l/sek zu berechnen; das trifft 57,45 l auf jeden Kanal. Für die relative Austrittsgeschwindigkeit w_2 besteht die Beziehung

$$w_2^2 = 6.33^2 + 2.10^2$$
.

Es ist

$$w_1 = 6,66 \text{ m/sek}$$
.

Dor Austrittswinkel β_2 ergibt sich aus

$$\sin \beta_2 = \frac{2,10}{6,66} = 0,315$$

zu

$$\beta_2 = 18\frac{1}{9}^0$$
.

Der lichte Austrittsquerschnitt eines Kanals ist

$$f_{\rm q} = \frac{57,45}{66.6} = 0.86 \text{ qdm};$$

für die lichte Kanalweite ergibt sich

$$a_2 = t_2 \sin \beta_2 - s = 172,8 \cdot 0,315 - 10 = 44,5 \text{ mm}$$
.

Endlich erhält man für die Radbreite

$$B = \frac{86}{4.45} = 19.4$$
 cm.

Diese Breite ist also etwas kleiner als ½ D; doch kann man sich das gefallen lassen, und es liegt kein Grund vor, die Annahmen zu ändern.

Damit sind alle Größen für den Austritt aus dem Laufrad bekannt, und es bleibt nur noch der Austritt aus dem Leitrad zu bestimmen.

Aus der Durchflußgleichung

$$v^{8} = u_{1}c_{u1}$$

$$c_{u1} = \frac{35,32}{6,33} = 5,58 \text{ m/sok}.$$

ergibt sich

Da hier auf jeden Leitkanal 60 l/sek kommen, ist der Ausflußquerschnitt, rechtwinklig zum Umfang gemessen,

$$I_{m0} = \frac{60}{55.8} = 1,075 \text{ qdm}.$$

Bei einer Radbreite von 194 mm ergibt das für die meridionale Kanalweite

 $m_0 = \frac{1,075 \cdot 100}{19.4} = 5,54 \text{ cm}$.

Wenn man der Verengung durch die Laufradschaufeln Rochnung tragen will, und wenn die Dieke der Schaufeln an der Eintrittskante zu 8 mm gesetzt wird, so ist dieser Wert noch entsprechend zu vergrößern, und es ist schließlich

$$m_0 = \frac{172.8}{172.8 - 8} \cdot 5.54 = 5.8$$
 cm.

Die Bestimmung der Winkel α_0 und β_1 auf graphischem Wege ergibt $\alpha_0 = 22^\circ; \quad \beta_1 = 71^\circ.$

Da beim Gießen die Kanäle zumelst etwas enger ausfallen als die Absieht ist, dürfte es sich empfehlen, mit der Radbreite von 194 mm mindestens auf 200 mm zu gehen

Die Radhöhe wäre etwa 18 bis 20 cm zu nehmen.

141. Schaufelung. Für das Aufzeichnen der Schaufeln nach Abb. 207 sind etwa folgende Gesichtspunkte maßgebend. Der Austritt des Schaufelrückens muß von B_0 bzw. B_2 an geradlinig geführt werden, damit das Wasser zwanglos austrete. Der Eintritt der Laufradschaufel darf nicht zu schroff abgebogen werden, damit er sich gut der Richtung des zwanglos eintretenden Wassers anschließe. Die Überdeckung der Leitradschaufeln sei rund etwa 0,3 e, wo e die Überdeckung bedeutet, die sich bei ganz geraden Schaufeln ergäbe¹).

Das Schaufelprofil nach Abb. 207 ist als Abwicklung des Schuittes nach dem mittleren Zylinder aufzufassen. Die führende Schaufelfläche wird der Einfachheit wegen als eine Regolfläche ausgeführt, deren Erzeugende beim Verlängern die Achse unter rechtem Winkel schneiden. Der Rücken ergibt sich daraus, daß man die Schaufeldicke dem Halb-

messer entlang unveränderlich hält.

Über den Drehungssinn der Turbine ist durch eine Grundriß-

skizze Auskunft zu gobon.

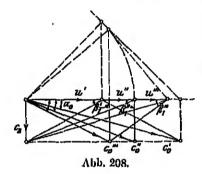
142. Einfluß der Radbreite; Winkelausgleichung; mehrkritnzige Turbine. Wir haben bis jetzt stillschweigend die Annahme gemacht, daß der Zustand des mittleren Wasserfadens maßgebend für alle übrigen sei. Diese Annahme kann als zutreffend gelten, wenn die Radbreite gegenüber dem mittleren Durchmesser als verschwindend klein anzuschen ist. Sobald aber diese Bedingung nicht mehr erfüllt ist, werden bei der gewählten Schaufelform, die als Regelfläche ausgebildet ist, die Zustände in den verschiedenen Wasserfäden von denjenigen des mittleren um so mehr abweichen, je weiter die Fäden von der Mitte abliegen. Sind die Bedingungen des günstigsten Wirkungsgrades für den mittleren Faden erfüllt, so arbeiten alle übrigen Fäden unter ungünstigeren Verhältnissen, und darunter leidet der gesamte Wirkungsgrad um so mehr, je breiter die Turbine im Verhältnis zum Durchmesser ist. Es fragt sieh, ob sieh dieser Nachteil nicht durch eine geeignete Schaufelform vermeiden ließe.

Wir gehen von der Voraussetzung aus, daß alle Wasserfäden sich auf koaxialen Zylinderflächen bewegen. Diesen Zustund kann man sich dadurch gesichert denken, daß man die ganze Turbine, sowohl Leit- als Laufrad, durch eine große Anzahl von unendlich dünnen koaxialen zylindrischen Scheidewänden in zahlreiche äußerst schmale Teilturbinen zorlegt, in denen der Zustand des mittleren Fadens als

¹⁾ Es ist violfach versucht worden, das Aufzeichnen der Schaufeln zu einer bestimmten geometrischen Aufgabe zu machen. Dies gelingt nur, wenn man gewisse willkürliche Annahmen trifft, z. B. solche über die absolute Wasserlahn, über die Anderung der relativen Bewegung nach Richtung und Geschwindigkelt, oder über die Verteilung der Energicabgabe längs der Schaufel usw. Bei den dynamischen Wirkungen des strömenden Wassers kommen nur der Anfangs- und der Endzustand in Betracht; wie der Übergang sich vollzieht, ist gleichgültig, sebald er nur stetig und mit möglichst wenig Reibung vor sich geht. Oh dies aber der Fall sein wird, läßt sich, zwar nicht rechnungsmäßig, aber dech dem Gefühl nach, am Schaufelprofil selbst am sichersten beurteilen. Jene Konstruktionen haben daher keinen inneren Wert und sind höchstens als brauchbare Rezepte anzusselnen.

maßgebend für alle anderen Fäden derselben Teilturbine gelten kann. Ist die Drehzahl für die ganze Turbine bekannt, so hat jede Teilturbine eine bestimmte Umfangsgeschwindigkeit u; schreibt man ferner die absolute meridionale Austrittsgeschwindigkeit $e_{\mathbf{z}}$ vor, die für alle Wasserfäden dieselbe sein soll, so lassen sich nach Abb. 208 mit den gegebenen Größen u, $e_{\mathbf{z}}$ und v die zugehörigen Winkel und Geschwindigkeiten für jede Teilturbine konstruieren. Vorausgesetzt ist dabei, daß die Geschwindigkeit v des halben Nutzgefälles für alle Teile dieselbe sei. Arbeitet man unter Verwendung der gefundenen Winkel α_0 , β_1 und β_2 die Schaufelprofile für eine genügende Anzahl von Punkten derart aus, daß sie, nebeneinander aufgestellt, eine stetige glatte Fläche liefern, so darf man annehmen, daß die Bedingungen des richtigen Ein- und Austrittes für alle Teilturbinen erfüllt seien.

Die Aufgabe, eine Schaufel zu konstruieren, die allen und nicht nur den mittleren Wasserfäden eine korrekte Führung gibt, die unter



dem Namen der Winkelausgleiehung bekannt ist, wäre damit gelöst, aber nur unter einer Voraussetzung, daß die Beseitigung der gedachten Scheidewände ohne Einfluß
auf die Strömung sei. Diese An-



nahme dürfte wohl nur angenähert zutreffen, da ja ohne Zweifel benachbarte Wasserfäden mit etwas verschiedenen Strömungszuständen einen gewissen Einfluß aufeinander ausüben werden; man hat indessen Grund zu der Annahme, daß dieser Einfluß nicht sehr bedeutend sei.

In Abb. 208 sind die Diagramme für drei Wasserfäden eingezeichnet, etwa für den innersten, den mittleren und den äußersten Faden. Man bemerkt, daß der Winkel β_1 sich sehr stark ändert, und dementsprechend wird die Schaufel innen ein sackförmiges und außen ein sehr flaches Profil erhalten. Die Austrittsgeschwindigkeit c_0 aus dem Leitrad ist in den äußeren Teilen merklich kleiner als in den inneren¹).

Die Erfahrung hat leider gezeigt, daß die Turbinen mit ausgegliehenen Winkeln kaum einen besseren Wirkungsgrad aufweisen, was seinen Grund darin haben mag, daß der gewonnene Verteil durch die

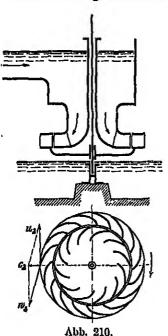
¹⁾ Dies bedeutet, daß der Spaltdruck längs des Radhalbmessers von innen nach außen zunimmt. Daß dies in der Tat so sein muß, ist leicht einzusehen. Um ein gegebenes Wasserteilehen auf einer Zylinderfläche zu erhalten, müssen die außen anliegenden Teilehen einen radialen Druck auf dasselbe ausüben, um die entsprechende Zentripetalbeschleunigung zu erzeugen.

Nachteile des innen sackförmigen und außen übermäßig gestreckten Profils wieder aufgezehrt wird.

Bei Niederdruckturbinen für große Wassermassen, die eine große Breite bekommen, wird die Winkelausgleichung wenigstens teilweise durchgeführt, indem man nach Abb. 209 Leit- und Laufrad durch wirkliche Scheidewände in zwei oder drei Kränze teilt und in jedem Kranz für den mittleren Faden die Winkel richtig bestimmt, im übrigen aber den Schaufeln die übliche Gestalt von Regelflächen gibt.

Bei der in Abb. 209 dargestellten dreikrünzigen Turbine bekommt der innere Kranz sackförmige, der äußere flache Schaufeln, wenn der

mittlere normal geschaufelt ist ($\beta_1 \sim 90^{\circ}$).



143. Abschützung. Zur Veränderung der Durchflußmenge kommt lediglich die Zellenregulierung mit allen ihren Nachteilen in Betracht (vgl. Absehn. 86). Fehlt das Saugrohr, so kann man allerdings einem wichtigen Mangel der Zellenregulierung ausweichen, indem man den

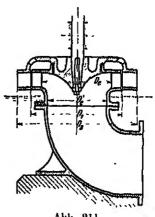


Abb. 211.

zugedookten Kanillen Luft zuführt. Man hat früher auch mit Drosselvorrichtungen (vgl. Absehn, 91) geregelt, Bei großen Turbinen mit mohreren Kränzen deckt man einzelne Kränze durch ringförmige Deckel vollständig ab, und orhält soweit eine gute Regulierung; nur gibt sie bloß eine ganz grobe Abstufung, da ein Kranz entweder ganz geöffnet oder ganz geschlossen sein muß; Zwischenstellungen geben einen sehr ungünstigen Wirkungsgrad.

Die Unzulänglichkeit der Regulierung und der mittelmitlige Wirkungsgrad sind hauptsächlich daran schuld, daß diese Turbinenform verlassen wurde. Die Einfachheit und Billigkeit der Turbine bildet

keinen genügenden Ersatz für ihre Nachteile.

17. Die Fourneyron-Turbine.

144. Kennzeichnung. Die Turbine von Fourneyron, deren Anordnung durch Abb. 210 gezeigt wird, ist eine voll- und innerschlächtige Stauturbine mit radialem Durchfluß und unveränderlicher Radbreite. Die Wasserfäden bewegen sich in Ebenen normal zur Achse; sie stehen alle unter denselben Bedingungen und der Spaltdruck ist überall derselbe. Bei unendlich vielen Schaufeln wären alle Wasserfäden unter sich kongruent.

Da die Umfangsgeschwindigkeit außen größer als innen ist, fällt die relative Austrittsgeschwindigkeit w_2 und somit die Reibung im Laufradkanal verhältnismäßig groß aus (vgl. Abschn. 122). Auch ist die Kanalform sowohl im Lauf- als im Leitrad mit Hinsicht auf die Reibung etwas ungünstig; da der Eintritt auf einem kleineren Umfange erfolgt, sind die Kanäle schon am Anfange ziemlich eng und die Wassergeschwindigkeiten groß. Trotz der besseren Wasserführung ist wegen der gesteigerten Reibungsverluste der Wirkungsgrad kaum höher als bei der Jonval-Turbine.

Bei der Aufstellung nach Abb. 210 sind Lauf- und Leitrad schwer zugänglich. Auch die freie Aufhängung des Einlaufes bietet gewisse Schwierigkeiten. Man hat mehrfach diese Übelstände dadurch zu beseitigen versucht, daß man die ganze Anordnung nach Abb. 211 umkehrte. Das setzt indessen voraus, daß das Wasser in einem Druckrohr zugeführt werde, kommt also nur für mittlere und größere Gefälle in Betracht. Der Druck des Wassers auf die untere Seite des Radbodens entlastet den Spurzapfen. Dabei darf nicht übersehen werden, daß noben dem statischen Druck noch eine dynamische Wirkung des axial zu- und radial wegfließenden Wassers besteht, die nach Abschn. 54 zu bestimmen wäre.

Für das Anbringen eines Saugrohres ist die Turbine wenig geeignet. Man hat sie zwar hie und da in ein geschlossenes Gehäuse eingesetzt, das unten in ein Saugrohr übergeht¹). Dabei wird aber die ganze Energie, die das Wasser beim Austritt aus dem Laufrad besitzt, vollständig verloren, und die ganze Anordnung ist schwerfällig.

145. Der Berechnung einer neuen Turbine seien die Bezeichnungen in Abb. 210 und 211 unterlegt. Man wählt zunächst die Geschwindigkeit c_c ' im Einlauf, und zwar etwa in den Grenzen

$$\frac{c_{g'2}^{2}}{2g} = 0.02 \text{ bis } 0.06 H. \tag{171}$$

Daraus findet sieh der Einlaufdurchmesser $D_{\mathfrak{s}}$; weiterhin wird der innere Leitraddurchmesser $D_{\mathfrak{s}}$ etwas größer als $D_{\mathfrak{s}}'$ angenommen.

Die radiale Kranzbreite mag sowohl für das Leitrad als auch für das Laufad vorläufig gesetzt werden

$$\Delta r = 1.4 \text{ bis } 1.6 \sqrt{D_o}, \qquad (172)$$

¹⁾ Turbinen von Montbovon, erbaut von J. J. Rieter & Co.; Prašil, Schweiz. Bauzg. Bd. 37, S. 172. 1901.

wobel D_s in em zu messen ist. Damit ergeben sich näherungsweise die Durchmesser D_1 und D_2 .

Setzt man für die absolute Austrittsgeschwindigkeit aus dem

Laufrad

$$\frac{c_2^2}{2\bar{g}} = 0.04 \text{ bis } 0.06 H \tag{173}$$

und schlägt man schätzungsweise zum Austrittsquerschnitt für die Verengung durch die Schaufeln ungefähr 20 bis 25 v. H. zu, so ergibt sich für die vorläufige Berechnung der lichten Radbreite die Gleichung

$$\pi D_2 B_2 = 1.2 \text{ bis } 1.25 \frac{Q}{c_2}$$
 (174)

Drückt man B_2 in om aus, so kann man für die Schaufeldicke etwa nehmen

 $\begin{aligned}
s &= 0.13 \sqrt{\dot{B}_{2}} & \text{ für Blech} \\
s &= 0.22 \sqrt{B_{2}} & \text{ für Gußeisen.}
\end{aligned}$ (175)

Die radiale Kranzbreite soll etwa sein

$$\Delta r = 4\sqrt{B_2} \,, \tag{176}$$

wobei wie früher B_2 in ein einzusetzen ist. Stimmt dies mit der ersten Annahme für Δr nicht überein, so sind die Werte der Durchmesser D_1 und D_2 entsprechend abzuändern.

Für die Schaufelteilung am Laufradaustritt mag etwa gesetzt werden

 $t_2 = 0.8 \text{ bis } 0.9 \triangle r. \tag{177}$

Mit D_2 und t_2 berochnet sich die Anzahl z_3 der Laufradschaufeln; das Rechnungsergebnis ist natürlich auf eine gerade Zahl abzuändern, und danach die Größe der Teilung t_2 zu berichtigen. Im Leitrad sei die Schaufelzahl etwa

$$z_1 = 0.8 z_2. (178)$$

Mit dem wirksamen Gefälle

$$II_{10} = 0.85$$
 bis $0.88II$

findet man die Geschwindigkeit des halben Nutzgefälles nach Gl. (142):

$$v = \sqrt{2g \frac{1}{2} \left(H_w - \frac{c_2^2}{2g} \right)}$$
.

In der Durchflußgleichung

$$v^2 = u_1 c_{\alpha 0}$$

setzt man etwa

$$u_1 = v \text{ bis } 1, 1 v, \tag{179}$$

und findet daraus e_{se}. Nunmehr läßt sich für den Austritt alles hestimmen; denn es ist

$$u_2 = u_1 \frac{D_2}{D_1}, \tag{180}$$

$$w_3^2 = c_8^2 + u_3^2, (181)$$

$$\sin \beta_2 = \frac{o_2}{w_a}.\tag{182}$$

Bedeutet t_2 die äußere Schaufelteilung, so ist die lichte Kanalweite $a_2 = t_2 \sin \beta_2 - s_2$. (183)

Boroohnot man nach Absohn. 121 den Spaltverlust Q_s , so ist das Laufrad für die Wassermenge

$$Q_2 = Q - Q_s$$

zu bemessen, und es ergibt sich für die lichte Radbreite B_2 die Beziehung

$$z_2 a_2 B_2 = \frac{Q_2}{w_0}. {184}$$

Die lichte Breite B_0 des Leitrades ist etwas kleiner als B_2 zu wählen; andernfalls würde sehen durch eine geringe axiale Verschiebung des Laufrades infolge ungenauer Montierung oder Abnützung des Spurzapfens der Übergang merklich verengt.

Für den Austritt aus dem Leitrad ist noch die meridienale Kanal-

weite mo aus der Gleichung

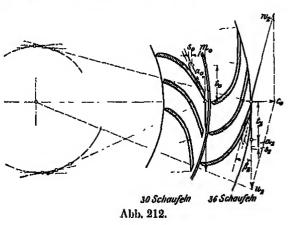
$$z_0 m_0 B_0 = \frac{\dot{Q}}{c_{u_1}} \tag{185}$$

zu berechnen (vgl. Abschn. 133).

Ob die ermittelten Abmessungen nach allen Richtungen befriedigen, wird sich erst beim Aufzeichnen der Schaufeln zeigen; je nachdem muß man auf die Aunahmen zurückkommen und die Rechnung wiederholen.

146. Schaufelung. Besondere Sorgfalt ist dem Austritt aus Leit-

und Laufrad zu widmon. Aus Abb. 212 läßt sich erkennen, wie man mit ug und c_{g} die Größen β_{2} und weiter mit β_2 , t_2 und s_2 die lichte Kanalwoito ag findet. Zwangloser Austritt wird nach Abschn. 134 angenähert erhalten, indom man dio Schaufelausläufe nach Kvolventen ausbildet. Dabei muß die Evol-



vente nach Abb. 203 bis zum Punkte B reichen, der dem Endpunkte A der nächsten Schaufel gegenüber liegt. Aus der Zeichnung ergibt sich ohne weitere Erklärung, wie man den Grundkreis der Evolventen und die Mittelpunkte der Kreisbogen findet, die als bequemer Ersatz für die Evolventen dienen.

Für den Austritt aus dem Leitrad sind die Größen t_0 , m_0 und s_0 bestimmend, aus denen sieh nach Absehn. 134 der Austrittswinkel α_0 ergibt. Über den evolventenförmigen Auslauf der Leitschaufeln ist

weiter nichts zu bemerken. Die Leitschaufeln sind in Abb. 212 etwas zurückgeschnitten, damit Platz für den Spaltschieber frei wird.

Der übrige Teil der Schaufeln wird nach dem Gefühl gezogen und so lange abgeändert und verbessert, bis man einen Kanal erhält, der bei möglichster Kürze doch dem Wasser eine bequeme Führung zu geben verspricht. Man bemerkt, daß in der Tat die Kanäle sowohl im Leit- als auch im Laufrad sehr lang und dabei sehwach verjüngt geraten.

147. Abschützung. Zur Regulierung der Durchflußmenge dient eine Ringschütze, die gewöhnlich nach Abschn. 87 zwischen Leit- und Laufrad eingeschoben wird, ausnahmsweise aber auch beim Austritt aus dem Laufrad angebracht wird1). Über den Einfluß der Ringschütze auf den Wirkungsgrad ist nur Schlimmes zu sagen. Die einzige gute Seite ist, daß sie rasch eingreifen kann. Teilt man sowohl Leit- als Laufrad durch Zwischenkränze in mehrere Ringe, so wird allerdings der Wirkungsgrad gewahrt, wenn man durch die Ringschütze je einen ganzen Kranz abschließt; doch läßt sich auf diesem Wege nur eine grobe Abstufung erreichen. Der Vorschlag, durch bewegliche Zwischenkränze in Leit- und Laufrad die sämtlichen Kanäle gleichzeitig zu "verändern, bietet in der Ausführung sehr große Schwierigkeiten. Die Finkscho Drehschaufel ist schwer anwendbar, da der Umfang nach innen stets enger wird. Es bleibt wenig Platz für die Verdickung der Leitschaufeln, die der Drehbolzen wegen nicht wohl zu entbehren ist, wenn man nicht Außenregelung anwenden will.

148. Nachteile. Die Gründe, die zum Aufgeben dieser Bauart geführt haben, dürften in erster Linie in dem geringen Wirkungsgrad liegen, der bei voller Wassermenge nicht leicht über 75 v. H. hinausging, aber bei sinkendem Zufluß (und vorgeschebenem Spaltschieber) sehr stark abnahm. Beim Betrieb wurde ihre Lage im Unterwasser als große Unannehmliehkeit empfunden; sie wurde darum sehr bald durch die Jonval-Turbine verdrängt, die man mittels eines Saugrohres in die Höhe verlegen konnte; zur Anwendung eines Saugrohres aber war die Turbine von Fourneyren ungeeignet. Es kamen zum Überfluß noch Schwierigkeiten konstruktiver Art dazu, so z. B. hinsichtlich der Aufhängung des Leitrades über dem Laufrad u. a. Die Bauart kam daher später nur noch ganz vereinzelt und in besonderen Fällen zur

Ausführung.

C. Die Francis-Turbine.

18. Wesen und Berechnung der Francis-Turbine.

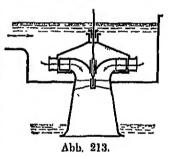
149. Kennzeichnung; Vorzilge. Die Francis-Turbine ist eine außerschlächtige Turbine mit radialem Eintritt und axialer Ableitung durch ein Saugrehr, das sieh mit stetigem Übergeng an den Austritt aus dem Laufrad anschließt.

¹⁾ Turbinen von Chèvres, orbant von Escher, Wyss & Co.; Z. V. d. I. 1901, S. 1190.

Bei der ursprünglichen Form, wie sie etwa durch Abb. 218 dargestellt wird, liegen die Schaufeln zwischen zwei flachen Radkränzen, von denen der eine sieh als Radboden nach innen fortsetzt und die Verbindung mit der Welle herstellt, während der andere sieh an das Saugrohr anschließt. Das Wasser strömt in einer Ebene normal zur Achse durch das Laufrad; Ein- und Austritt liegen in derselben Ebene, und erst nachdem das Wasser die Radkanäle verlassen hat, wird es längs des entsprechend gestalteten Radbodens axial abgelenkt. Der Eintrittsdurchmesser ist gegenüber dem Austrittsdurchmesser um so viel größer, als für die Entwicklung der Radkanäle erforderlich ist. Der Austrittsdurchmesser übertrifft den oberen Durchmesser des Saugrohres nur um so viel, daß sieh ein milder Übergang ergibt. Durch eine stetige sehlanke Erweiterung des Saugrohres gewinnt man einen großen Teil der Energie zurück, mit der das Wasser das Laufrad verläßt.

Amerikanische Konstruktoure haben in der Absieht, eine gedrungene und daher billige Turbine von großer Leistungsfähigkeit und hoher

Umlaufszahl auf den Markt zu werfen, zuerst die ursprüngliche Form mit rein radialem Durchfluß verlassen und die Laufradkanäle bis in den Raum verlängert, in welchem sieh die axiale Ablenkung vollzieht. Dadurch kam der Austritt außerhalb der Eintrittsebene zu liegen; Ein- und Austritt wurden unabhängig voneinander, und dies benützten sie dazu, den Eintrittsdurchmesser so stark zusammenzudrängen, daß er die Austrittsweite nur mehr um ein Geringes übertraf oder gar um



ein Erhebliehes darunter blieb (vgl. Abb. 217, 218, 219). Dabei mußte durch eine starke Steigerung der Radbreite die Mögliehkeit aufrechterhalten werden, trotz der Verminderung des Eintrittsdurchmessers eine große Wassermenge durchzusetzen. Gab man noch den Schaufeln einen flachen Eintrittswinkel, so erzielte man damit nach Abschu. 105 eine große Umfangsgeschwindigkeit, die in Verbindung mit der Verminderung des Durchmessers zu verhältnismäßig hehen Umlaufszahlen führte. Freilich kam bei dieser oft recht gewaltsam vollzogenen Umgestaltung des Laufrades der Wirkungsgrad vielfach zu Schaden.

In Europa wurde hauptsüchlich durch die Bedürfnisse der hydroelektrischen Niederdruckzentralen die Aufmerksamkeit auf diese
schnellaufenden amerikanischen Turbinen gelenkt. Aus den großen
Wassermengen und den kleinen Gefällen der großen Ströme ergaben
sich nach den damals tiblichen Verhältnissen Turbinen von bedeutenden Abmessungen und langsamem Gange, während doch zum direkten
Antrieb der Generatoren eine möglichst hohe Drehzahl erwünseht gewesen wäre. Anfangs behalf man sich damit, die Generatoren durch
Winkelradvergelege mit Übersetzung ins Schnelle anzutreiben. Diese
versperrten aber sehr viel Platz und störten die Zugänglichkeit in
hohen Grade, sowie verringerten den Totalwirkungsgrad. Die Zahn-

radgetriebe eigneten sich auch nicht für die Übertragung großer Leistungen. Später ging man zur direkten Kupplung zwischen Turbine und Gonerator über, indem man durch Parallelschaltung mehrerer Turbinen auf ein und derselben Welle die Umlaufzahl steigerte. Die ersten Anlagen dieser Art orhielten senkrechte Wellen (Etagenturbinen). Doch orgab dies einen ziemlich verwiekelten Einbau, und man ging darum später auf die wagrechte Anordnung über, die indessen im Grundriß viol Platz orfordert. Indom man sich den amerikanischen Vorbildern anschloß und dieselben kühn und zugleich vorsichtig weiter entwickelte. ist man in den modernen Expreßläufern dabei angelangt, unter Wahrung eines guten Wirkungsgrades einfache Turbinen unter Verhältnissen aufzustellen, wo man noch vor kurzem die vierfache Turbine gewählt hatte. Die Vereinfachung des Einbaues, die sich dabei ergab, benützte man, um zur senkrechten Anordnung zurückzukehren, die den Vorteil bietet, eine kleinere Grundfläche in Anspruch zu nehmen und die zugleich eine bessere Wasserzuführung ermöglicht (Wasserwork Eglisau).

Geht man bei kleinen Gefällen auf die tuntichste Erhöhung der Geschwindigkeit aus, so hat man umgekohrt bei hohen Gefällen vielfach Veranlassung genug, eine Verminderung der Umlaufzahl anzustreben. Hat es keine Schwierigkeit, den Eintritt zusammenzudrängen, so ist es erst recht leicht, ihn zu erweitern, und so erreicht man das vorgesetzte Ziel durch eine Vergrößerung des Durchmessers bei gleichzeitiger Anwendung sackförmiger Schaufeln und geringer Radbreite.

Dank der Unabhängigkeit zwischen Ein- und Austritt ist man heute imstande, für ein bestimmtes Gefälle und eine gegebene Wassermenge Turbinen zu bauen, deren Umlaufzahlen zwischen dem Einund dem Zehnfachen liegen¹).

Auf Grund ihrer Eigentümlichkeiten lassen sich für die Francis-Turbine folgende Vorzüge geltend machen, die sich zwar zum Teil auch bei anderen Bauarten finden, jedoch nirgends so vollständig beieinander.

Vermöge des radialen Eintrittes:

- Alle Wasserfäden stehen beim Austritt aus dem Leitrad unter denselben Bedingungen; dies gibt klare und übersichtliche Strömungsvergänge und erleichert die Herbeiführung eines korrekten Ein- und Austrittes.
- 2. Die Spalte können eng sein, und daher füllt der Wasserverlust klein aus (vgl. Absehn. 120).

Die Außenlage des Eintrittes ergibt die folgenden Verteile:

- 3. Die Kanäle konvergieren stark nach innen; man erhält daher selbst für flache Eintrittswinkel eine siehere Wasserführung.
- Die relative Geschwindigkeit in den innersten Teilen der Laufradkanille und somit auch der Reibungsverlust fällt gering aus (vgl. Absehn. 122).

¹⁾ Dies darf nicht dahm mißverstanden werden, als ob man ein und dieselbe Turbine mit so stark veränderlichen Geschwindigkeiten betreiben könnte; es muß violmehr für jede Geschwindigkeit wieder eine andere Turbine mit anderen Verhältnissen entwerfen werden.

 Bei spiralförmigem Gehäuse wird die Energie des zuströmenden Wassers mit geringsten Verlusten der Turbine zugeführt.

 Durch die Anwendung der Finkschen Drehschaufeln läßt sich auch eine verminderte Zuflußmenge günstig ausnützen und die Leistung sehr rasch einem wechselnden Kraftbedarf anpassen. Die Innenlage des Austrittes führt von selbst

7. zur Anlage eines Saugrohres, das sich mit stetigem verlustfreiem Übergang an die Turbine anschließt. Wird dasselbe nach unten konisch erweitert, so gewinnt man den größten Teil der Energie zurück, mit der das Wasser aus dem Laufrad austritt.

Die Summe dieser Vorzüge kommt in einem hehen Wirkungsgrad zum Ausdruck, der unter günstigen Umständen 88 v. H. erreichen kann.

Aus der Freiheit in der Wahl des Durchmessers, wie sie sich aus der Unabhängigkeit zwischen Aus- und Eintritt ergibt, und aus der Möglichkeit, den Eintrittswinkel innerhalb weiter Grenzen beliebig annehmen zu können, geht

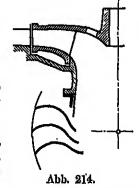
der Vorteil herver, daß man die Umlaufzahl für gegebene Verhältnisse sehr verschieden wählen darf.

Bei der Vereinigung so vieler Verzüge erscheint es in hohem Maße begreiflich, daß die Francis-Turbine die sämtlichen übrigen Bauarten in allen Fällen, wo überhaupt eine vollschlächtige Turbine in Betracht kommt, innerhalb weniger Jahre gänzlich aus dem Felde geschlagen hat.

Wonn man die Mittel zur Erhöhung der Umlaufzahl, also die Verminderung des Eintrittsdurchniessers und des Eintrittswinkels, nebencinander in stetig zunehmendem Grade zur Anwendung bringt, so erhält man für eine gegebene Wassermenge und ein bestimmtes Gefälle eine fortlaufende Reihe von der langsamsten bis zur schnellsten Turbine, in der keine Sprünge auftreten. Indessen lassen sich aus dieser Reihe doch einige Hauptformen herausheben, die gewisse Eigentümlichkeiten verkörpern. Von diesen Formen soll in den nächsten Absehnitten die Rede sein.

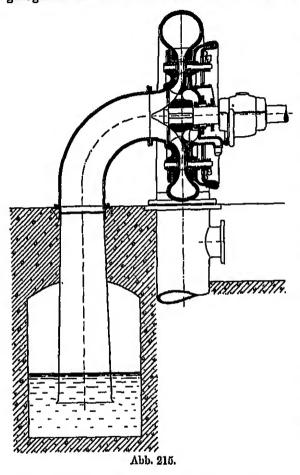
150. Langsamläufer. Bei hohem Gefälle und mäßigen Wasser-

mengen ergeben sich Drehzahlen, die leicht unbequem hoch ausfallen. Dem läßt sich dadurch begegnen, daß man den Raddurchmesser D_1 auf Kosten der Radbreite B_1 vergrößert. Indem man zugleich den Eintrittswinkel β_1 über 90° hinaustreibt, zicht man die Umfangsgeschwindigkeit herab (vgl. Absehn. 105). Es ergibt sich nach Abb. 214 ein flaches Rad. Die Breite läßt man nach innen zunehmen, damit die meridienale Durchflußgeschwindigkeit (annähernd) konstant bleibt. Die axiale Ablenkung erfolgt in der Hauptsache erst nach dem Austritt aus dem Laufrad. Um Platz für den Übergang ins Saugrehr zu bekommen, bemißt man den Aus-



trittsdurchmesser D_2 orheblich größer als die obere Weite D_3 des Saug-

rohres. Die Kranzbreite $\triangle r$ muß ziemlich groß gewählt werden, da sie genügenden Raum für die sanfte Entwicklung der stark gekrümmten



Kanalo bioton soll. Man bokommt ziomlich lango Kanale mit gro-Ben bonotzton Umfango; daraus ergibt sich ein erheblicher Roi. bungsverlust, und der Wirkungsgrad füllt dahor nur millig aus.

Diese Turbinenform ist unter dem Namen

Langsamläufer bokannt. kommt bei größeren Gefällen zur Anwendung. da nur hier ein Bedürfnis bestcht. Umlaufzahl möglichst herabzudrücken. Man setzt sie darum in ein geschlossones Gehäuse ein, wio aus Abb. 215 orsohon Dieses bekommt eine spiralförmige Gontalt. Die

Wollomehso kann

dabei senkrecht oder wagrecht angenommen werden.

Abb. 210 zoigt oin Rad von otwas woniger langsamom Gang.



Der Eintrittsdurchmesser ist kleiner und der Kranz sehmaler; man ist daher gezwungen, die Laufradkanüle bis in den Raum hinabzuziehen, in welchem die axiale Ablenkung vor sich geht. Der Wirkungsgrad dieser Bauart ist am besten.

Abb. 216.

151. Normalform. Hat man in bezug auf die Umlaufzahl freie Hand, so wird man bei aller Rück-

sicht auf sparsame Bemessung der Turbine doch sein Augenmerk in erster Linie auf einen guten Wirkungsgrad richten. Man geht allen Extremon aus dem Weg und hält sich an mittlere Verhältnisse. Die meridionale Durchflußgeschwindigkeit wird mäßig hoch angesetzt und überall gleich angenommen. Der Austritt aus dem Laufrad ist zylindrisch und das Saugrohr schließt sich unmittelbar an; es ist also $D_{\rm g}=D_{\rm g}$. Der Eintrittsdurchmesser $D_{\rm l}$ erhält gegenüber dem Austrittsdurchmesser $D_{\rm l}$ einen Überschuß, den man aus Sparsamkeitsgründen nur so groß macht, daß die äußersten Wasserfäden noch leidlich sanft im Laufrad umgelenkt werden. Aus der Gleichheit der Ein- und Austrittsquerschnitte des Laufrades ergibt sich, daß ungefähr die Radbreite

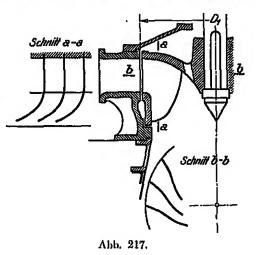
$$B_1 \simeq \frac{1}{4} D_1$$

wird. Die Austrittskante der Schaufeln wird am Boden stark zurückgedrängt, damit die Wasserwege in jener Gegend nicht unnötig lang

worden. Den Eintrittswinkel β_1 wählt man gleich 90° oder etwas kleiner. Dies entspricht einer mäßigen

Umfangsgesehwindigkeit und verhältnismäßig geringen Geschwindigkeiten in den Laufradkanalen. Es werden daher auch die Reibungsverluste so klein als immer möglich.

Abb. 217 gibt eine Vorstellung von der Gestalt des Laufrades und der Schaufeln. Abb. 218 zeigt den ganzen Einbau einer kleinen Schnelläuferturbine in einen offenen Schacht, also für niedriges Gefälle.



Die axiale Ablenkung des Wassers vollzieht sich zum größten Teil innerhalb des Laufrades.

152. Der Schnelläufer, wie er durch Abb. 219 dargestellt wird, ist aus den in Absehn. 149 geschilderten, von Amerika ausgegangenen Bestrebungen herausgewachsen. Er kommt zur Anwendung, wo man bei mäßigen oder kleinen Gefällen große Wassermengen durchsetzen und dabei hohe Umlaufzahlen erreichen will. Das Profil wird gekonnzeichnet durch die große Radbreite, die bis auf

$$B_0 = \frac{1}{9}D_1$$

hinaufgeht, durch die starke Einschnürung am Eintritt und durch die kräftige konische Erweiterung des Austrittes, die sieh im Gehäuse noch ein Stück weit bis zum Übergang in das nur schlank sieh erweiternde Saugrehr fortsetzt.

Die Schaufeln haben einen flachen Eintrittswinkel, damit man eine hohe Umfangsgeschwindigkeit bekomme. Sie sind weit herabgezogen und in ihrem untersten Teil fast löffelförmig gestaltet (s. Abb. 218).

Der Wirkungsgrad kann nicht sehr günstig ausfallen. Zunächst bedingt der flache Eintritt große relative Wassergeschwindigkeiten im Laufrad und somit erhebliche Reibungsverluste. Sodann führt die schroffe Ablenkung der äußeren Fäden beim Übergang ins Laufrad leicht zu einer Ablösung am Kranz mit ihren Energieverlusten; man hüte sieh vor allzu sehroffem Vorgehen und soll dem Auftreten der

Ablösungen durch kräftiges Zusammenzichen der Kanälo ontgegenarbeiten. Ferner hat die konische Erweiterung bei und nach dem Austritt einen schädlichen Einfluß, wenn man nicht mit der nötigen Vorsicht vorgeht. Endlich werden sämtliche Verluste dadurch gesteigert, daß man, um kleine Durchmesser zu bekommen, die meridienalen Geschwindigkeiten hoch anzusetzen pflegt.

Da man dank der Anwendung großer Gosehwindigkoitskomponenten meridionaler durch dorartige Turbinen verhältnismäßig große Wassermengen durchbringen kann, hat w

nian ihnen wohl auch den Namon Vielschlucker gegeben. Es ist übrigens leicht einzuschen, daß die Schluckfähigkeit und die Schnelläufigkeit eigentlich nicht unmittelbar zusammonhängen; denn es ware leicht, bei einem gegebenen Turbinenprofil durch

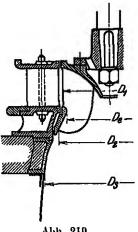
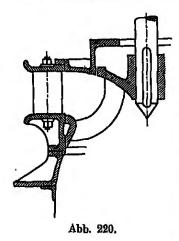


Abb. 219.

Vergrößerung des Eintrittswinkels die Umfangsgeschwindigkeit herabzuziehen, ohne daß die Durchflußmenge sieh zu verändern braucht. Es hätte indessen keinen Sinn, die Nachteile des Vielschluckerprofils auf sich zu nehmen, wenn man nicht darauf ausgeht, das Mögliche an Goschwindigkeit herauszuschlagen.

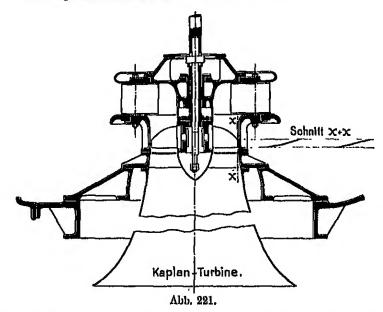
153. Expressitufer mit geschweifter Eintrittskunte. Scit man Turbinen baut, galt es als selbstverständlicher, wenn auch unausgesprochener Grundsatz, daß die Leitschaufeln möglichst dieht an das Laufrad heranreichen müßten. Man beachtete nicht, daß beim allmählichen Schließen der Finkschen Drehschaufeln ein immer größer werdender Spielraum um das Laufrad herum entstand, ohne daß sieh Nachteile daraus ergaben; man hielt diesen Umstand wohl für ein unvermeidliches Übel. Erst durch die Befreiung von diesen Vorstellungen wurde der Boden für die beiden folgenden Turbinenformen geebnet, die im Streben nach Steigerung der Geschwindigkeit der Niederdruckturbinen in jüngster Zeit zu neuen Fortschritten geführt haben. Wie man im Eisenbahnbetrieb die Expreszüge von den Schnellzügen unterscheidet, kann man diesen Formen den Namen Exproßläufer beilegen. Der unmittelbare Auschluß an das Leitrad wird aufgegeben: man führt die Eintrittskante nach Abb. 220 in einem stark geschweiften Bogen nach dem Radboden hinauf, etwa äquidistant zur Austrittskanto, und erzielt damit eine sehr bedeutende Verminderung des mittleren Eintrittsdurchmessers. Da die übrigen Mittel zur Steigerung der Geschwindigkeit nach wie vor beibehalten werden, gelangt man zu einer weiteren Vermehrung der Umlaufzahl.



Das Wasser durchströmt den großen Spielraum zwischen Loit- und Laufrad in zwanglosem Zustande und mit geringen Widerständen. Wenn es auch dabei sich solbst überlasson bleibt, so nimmt es doch eine ganz bestimmte Bewegung an, und es lassen sich im Laufrad die Verhältnisse derart regeln, daß die Bedingungen des stoßfreien Eintrittes und des meridionalen Austrittes erfüllt werden. Die Kanäle. die bei dem flachen Eintrittswinkel ein nur schwach gekrümmtes Profil erhalten, können sehr kurz sein, und die Schaufelprofile fallen überaus flach aus; sie erzougen daher trotz der großen relativen Goschwindigkeit wonig Roihung; der Wirkungsgrad fällt daher noch recht befriedigend aug1).

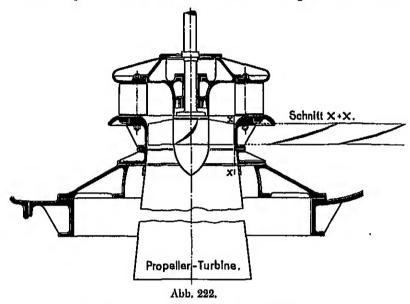
Ein großer Teil der axialen Ablenkung hat sieh schon vor dem Eintritt ins Laufrad vollzogen.

154. Expressioner mit axialem Durchfluß. Geht man in der ein-



¹⁾ Pražil: Schweiz. Bauzeitung Bd. 66, S. 287 u. 200, 1915. Das Turbinen-profil ist in Bd. 68, S. 59, derselben Zeitschrift abgebildet. Siehe auch Z. ges. Turbinenwesen 1916, S. 265.

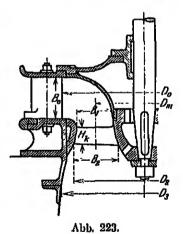
geschlagenen Richtung noch weiter und führt man die axiale Ablenkung vor dem Eintritt ins Laufrad ganz zu Ende, so



kommt man fast von solbst auf die in Abb. 223 skizzierte Turbinenform¹). Der Durchfluß im Laufrad ist rein axial gerichtet, und dieses

erhält eine Gestalt, die an die Jonval-Turbine erinnert. Doch unterscheidet es sich in einigen wesentlichen Punkten. So ist der innere Durchmesser sehr klein gehalten, was zu einer wesentlichen Einschränkung des mittleren Durchmessers führt und die Bedingung für eine starke Steigerung der Geschwindigkeit ist. In Verbindung mit der Verbreiterung am Austritt wird durch die Kleinheit des inneren Durchmessers die Möglichkeit geschaffen, unter günstigen Bedingungen, d. h. mit stetigem Übergang ein konisch sich erweiterndes Saugrohranzuschließen, mit dem man den größten Teil der Austrittsenergie zurückgewinnt.

155. Die Kaplan-Turbine (Abb. 221). Eine weitere, und zwar sehr bedeutende



Steigerung der Schnelläufigkeit hat Prof. Dr. Kaplan in Brünn erreicht, indem er das Laufrad als Flügelrad ausbildet und es mit einem Finksehen Leitrad so kombiniert, daß das Wasser mit geringsten

¹⁾ Dor Vorfassor: Z. ges. Turbinonweson 1918, S. 237.

Reibungs- und Wirbelungsvorlusten durch die Turbine fließt. Das Laufrad ist also ein beinahe reines Axialrad, welches aber sehr wenig (2 bis 6) Schaufeln hat und keinen Außenkranz besitzt. Da die Lautradschaufeln zwecks Verhütung von großen Reibungsverlusten relativ sehr kurz sind. so entstehen keine Kanäle mehr, sondern nur flügelartige Ablenkflächen (wie bei einem Propeller, Ventilator und dgl.). Da bei einem so geformten Laufrad infolge Mangel einer geordneten Wasserführung bei Teilbelastung der Wirkungsgrad sehr stark abfallen würde, so schlägt Prof. Kaplan vor, die Laufradschaufeln entsprechend den Leitradschaufeln zu verdrehen. Mit so konstruierten Kaplan-Turbinen sind schon ausgezeichnete Ergebnisse erzielt worden¹) (s. Seite 182).

156. Die Schraubenturbine. (Abb. 222). Die Schrauben- oder auch Propellerturbine genannt, ist eine Turbine hoher Schnolläufigkeit, die jedoch im Gegensatz zur Kaplan-Turbine nicht flügelartige Schaufeln besitzt. Die Anzahl der Laufradschaufeln ist ebenfalls sehr klein (z. : 1 bis 6), doch es sind die Schaufeln so lang, daß eine siehere Ablenkung des Wassers in ihnen stattfindet und ein Kanal (oder Zelle) abgegrenzt werden kann. Die Schaufelfläche ist als allgemeine Schraubentläche ausgebildet, d. h. die Leitkurve der Schaufel ist eine Schraubenlinie mit veränderlicher Steigung. Der Ein- und Austritt des Wassers erfolgt hauptsächlich in axialer Richtung. Der Leitapparat ist mit Fink. schen Drehschaufeln ausgerüstet. Da die Laufradschaufeln nicht verdrehbar sind, so fällt bei diesen Turbinen der Wirkungsgrad bei veränderlicher Belastung sehr stark ab, was auf Wirbelbildung bei kleinerer als der normalen Wassermenge zurückzuführen ist. Es sind auch mit diesen Turbinon für ein gewisses Beaufschlagungsgebiet schon sehr guto Ergobnisso erzielt worden²) (s. Seite 183).

157. Die Durchflußverhillmisse des Expressitufers lassen sich trotz des großen Spielraumes zwischen Leit- und Laufrad an diejenigen der älteren Formen anknüpfen; man braucht sich bloß die laufrudkanāle rückwarts bis zum Leitrad verlängert zu denken, und zwar derart, daß sich diese Verlängerung an die Bahn der zwanglesen Bewegung des Wassers anschmiegt, daß also das Wasser llings dieser Ergänzung Energie weder abgibt noch aufnimmt. Es ist somit in Wirklichkeit nichts geändert; doch erkennt man, daß man statt vom wirklichen Eintrittsdurchmesser D, des Laufrades ebensogut vom fiktiven, d. h. vom Austrittsdurchmesser D_0 des Leitrades ausgehen kann. Deutet man dies durch die Verwendung des betreffenden Zeigers au, so wäre die Durchflußgl. (141) für den Austritt aus dem Leitrad zu sehreiben

$$2u_0c_{110} = 2yII_w - c_2^2,$$

für sonkrechten Austritt, wobei

$$u_0 = \pi \frac{nD_0}{60}$$
.

Für den Eintritt ins Laufrad gilt nach wie vor die Gleichung $2u_1c_{u1}-2yH_w-c_2^{3}$

Z. öst. Ing.-V. 1917, Heft 35 und 1919, Heft 47 u. a. m.
 Schweiz. Banzeitung 1924, Heft 1, 2, 3 u. 4.
 Hier werden die Geschwindigkeiten one und on voneinander verschieden sein.

Die Bedingung des zwanglosen Durchflusses ist nach Gl. (152)

$$rc_u = const = a$$

oder

$$c_u = \frac{a}{r} \,. \tag{186}$$

Geht die axiale Ablenkung sehen im Zwischenraum zu Ende, wie beim Expreßläufer mit Axialrad, so ergeben sich für den betreffenden Teil des Zwischenraumes sehr einfache Verhältnisse.

Tst das Leitrad nach Abb. 224 anßerschlächtig angelegt, so darf man annehmen, daß alle Wasserfäden beim Verlassen desselben unter

den nämlichen Bedingungen stehen, und daher gilt Gl. (186) nicht nur für alle Punkte eines und desselben Wasserfadens, sondern überhaupt für alle Punkte des Zwischenraumes. Im zylindrischen Teil, wo das Wasser seine axiale Ablenkung abgeschlossen hat, kommt nur die Zentripetalbeschleunigung zur Wirkung. Das durch die Schraffur markierte ringförmige Wasserteilehen von der Masse

$$dm = \frac{\gamma}{g} 2 \pi r dr ds$$

muß von dem außen anliegenden Element einen nach innen gerichteten Druck im Betrage von

$$dP = \frac{c_u^2}{r} dm$$

erfahren, und da sich dieser auf eine Fläche

$$dl = 2\pi r ds$$

.

verteilt, ergibt sich eine von innen nach außen verlaufende Zunahme des spezifischen Druckes um

$$dp = \frac{dP}{dI}$$
.

Setzt man die Ausdrücke für dm, dP und df ein, indem man zugleich auf (H. (186) Rücksicht nimmt, so findet sich

$$dp = \frac{a^2 \gamma}{a} \frac{dr}{r}.$$

Die Integration ergibt für den Druck im Abstande r von der Achse

$$p = \frac{a^2 \cdot \gamma}{g} \lg \left(\frac{r}{r_a}\right). \tag{187}$$

Dabei wird die Integrationskonstante $\frac{a^2 \cdot \gamma}{g} \lg \left(\frac{1}{r_a}\right)$ für den Austritt aus dem Leitapparat bereehnet.

Die absolute Geschwindigkeit c des Wassers in irgendeinem Punkte ergibt sich aus ihren Komponenten c_u und c_m in tangentialer und meridionaler Richtung, und zwar ist

$$c^2 = c_n^2 + c_m^2. (188)$$

Für das zwanglose Strömen gilt, wenn man die Änderungen in der Energie der Lage und die Reibungsverluste außer acht lassen darf, nach dem Prinzip von Bernoulli die Beziehung

$$\frac{c^2}{2g} + \frac{p}{\gamma} = \text{const.}$$

Da man annehmen kann, daß die Größen c und p heim Austritt aus dem Leitrad für alle Wasserfäden dieselben Werte besitzen, gilt dieser Zusammenhang für den ganzen Zwischenraum. Unter Beachtung der Gl. (186), (187) und (188) findet sich schließlich durch eine einfache Rechnung für den zylindrischen Teil des Zwischenraumes die Meridiankomponente c_m zu:

$$c_m = \sqrt{2gk - \frac{a^2}{r^2} - 2a^2 \lg\left(\frac{r}{r_a}\right)}.$$
 (189)

Wenn beim Austritt aus dem Laufrad und beim Übergang ins Saugrohr keine axiale Ablenkung vorhanden ist und jede Bewegungskomponente in der Umfangsrichtung fehlt, so ist kein Grund vorhanden, warum im Druck und in der Geschwindigkeit irgendwelche Ungleichförmigkeit bestehen sollte. Erfolgt aber der Austritt nicht meridional und verbleibt dem Wasser noch eine gewisse Geschwindigkeit in der Umfangsrichtung, wie dies z. B. zutrifft, wenn man die Turbine mit einer vorminderten Wassermenge betreibt, so kann sich der Druck in der Nähe der Achse so weit senken, daß dort ein leerer Raum entsteht. Diese Möglichkeit liegt besonders nahe, wenn der Druck im Saugrohr ohnehin sehr niedrig ist. Da die Durchflußverhaltnisse durch derartige Zustände arge Störungen erfahren können, hat man alle Ursache, das Auftreten einer größeren Umfangskomponente beim Verlassen des Laufrades zu vermeiden.

Beim Expreßläufer mit geschweifter Eintrittskante sind die Durchflußverhältnisse insefern etwas weniger klar, als man keine genaue Rechenschaft über die Verteilung der Geschwindigkeit längs der Eintrittskante abzulegen vermag. Man kann indessen annehmen, daß hier die meridienale Eintrittsgeschwindigkeit überall dieselbe sei.

158. Die spezifischen Drehzahlen¹) der verschiedenen Radformen liegen ungefähr in folgenden Gronzen:

$$n_{s} = nN^{\frac{1}{4}}H^{-\frac{n}{4}} = \frac{n\sqrt{N}}{H\sqrt{H}}.$$

¹⁾ Nach Absolm. 99 ist die spezifische Drohzahl einer Turbine

Langsamläufer	$n_s = 60$	bis	100		
Normalräder	100	,,	220		
Schnelläufer	220	,,	350		
Exproßläufer	350	,,	550		
Schraubenturbine	500	**	900		
Kaplan-Turbine	500	,,	1200	und	mohr.

Zwischenwerte lassen sich leicht durch Veränderung des Eintrittswinkels und damit der Umfangsgesehwindigkeit gewinnen.

Besteht ein Bedürfnis, die Geschwindigkeiten noch höher zu treiben, so bietet dazu die Verteilung des Wassers auf zwei bis vier parallel geschaltete kongruente Turbinen (auf ein und derselben Welle) ein viel gebrauchtes Mittel. Bei a parallel geschalteten Turbinen gleicher Größe nimmt der Querschnitt mit der ersten Potenz der Anzahl ab; der Durchmesser sinkt mit der zweiten Wurzel, und in demselben Verhältnis, wie der Durchmesser kleiner wird, steigt die Drehzahl. Die Drehzahl bei vier parallel geschalteten Turbinen wird also doppelt so groß. Die Verdoppelung des Austrittes nach Abb. 127 wirkt in ähnlichem Sinne dadurch, daß der Eintrittsdurchmesser kleiner gewählt werden kann.

Wird dagogen eine Verminderung der Drehzahl unter die angegebenen Grenzen angestrebt, so läßt sich dies nach dem Vorgehen von Pfarr erreichen, das auf einem alten Vorsehlag von Redten bacher beruht: es werden zwei (oder mehrere Turbinen) hintereinander geschaltet. Es vermindern sich bei zwei kongruenten Turbinen die sämtlichen Geschwindigkeiten im Verhältnis von $\sqrt{2}:1$; somit hat man die Querschnitte $\sqrt{2}$ mal und die Abmessungen $\sqrt[4]{2}$ mal größer zu nehmen. Daraus ergibt sich, daß die Drehzahl

$$2^{\frac{1}{8}} \cdot 2^{\frac{1}{6}} = 2^{\frac{8}{4}} = 1.68$$

mal kleiner wird. Da diese Verminderung der Drehzahl sinngemäß nur bei Hochdruckturbinen in Frage kommt, wird es sich hier stets um geschlossene Turbinen handeln. Derartige Turbinen können nebencinander in demselben Raum untergebracht werden; der Ausguß der ersten Turbine wird unmittelbar mit dem Eintritt der zweiten verbuuden. Die Anlage wird immerhin ziemlich verwiekelt und teuer, und man wird lieber auf eine andere Verabredung fiber die Drehzahl oder auf eine teilschlächtige Turbine greifen.

159. Normale Wassermenge. Hat man auf Grund der in Absehn. 95 angedeuteten Untersuchungen und Überlegungen die Wassermenge angenommen, auf die eine Turbinenanlage zuzuschneiden ist, so taucht, sobald es sieh um eine Francis-Turbine handelt, unabhängig davon die Frage auf, welche Wassermenge der Berechnung der Turbine zugrundezulegen sei.

Jede Turbine wird so berechnet, daß sie unter einem gegebenen Gefälle und einer angenommenen Geschwindigkeit bei stoßfreiem Eintritt und meridionalem Austritt eine gewisse Wassermenge schluckt, die mit Q bezeichnet sein möge und die normale Wassermenge genannt werden soll: Bei diesem Durchfluß erreicht der Wirkungsgrad seinen besten Wert. Besitzt die Turbine einen Leitapparat mit Finkschen Drehschaufeln, so kann man — wenigstens bei Normalrädern — durch stärkeres Öffnen des Leitrades, also durch Vergrößern des Eintrittswinkels α_0 , den Durchfluß auf einen Betrag Q_{\max} steigern, webei auch die Leistung erhöht wird; man spricht von einer vollen Öffnung der Turbine. Dabei werden die Ein- und Austrittsverhältnisse in ungünstigem Sinne verändert. Die Steßfreiheit geht verloren; der Austritt erfolgt nicht mehr meridienal, sondern er ist etwas nach hinten geneigt und der Wirkungsgrad wird schlechter. Eine Abnahme desselben tritt aber auch ein, wenn durch Schließen der Schaufeln die Wassermenge unter die normale herabgedrückt wird.

Ist zur Ausnützung einer Wasserkraft mit veränderlichem Zufluß nur eine einzige Turbine aufgestellt, so wird man gut tun, dieselbe für die größte Wassermenge, die sie noch aufnehmen soll, mit etwas Überfüllung arbeiten zu lassen und die normale Wassermenge etwas niedriger anzusetzen. Wenn man auch für die größte Leistung nicht den besten erreichbaren Wirkungsgrad erhält, so geht dieser bei vermindertem Zufluß, wenn die Kraft ohnehin knapp wird, dafür etwas weniger stark zurück. Nun läßt sieh die Überfüllung bei Normalrädern ungefähr bis auf den dritten Teil der normalen Wassermenge, aber kaum höher treiben; daraus ergäbe sieh etwa

 $Q = \frac{3}{4} Q_{\text{max}}$.

In den Fällen, we Wasser genug für die Turbine verhanden ist, hätte eine solche Überfüllung keinen Sinn; hier nimmt man

 $Q = \frac{7}{8} Q_{\text{max}}$.

Dieser Fall trifft u. a. auch dann zu, wenn man zur Ausnützung einer Wasserkraft über mehrere Turbinen verfügt. Geht der Zufluß zurück, so stellt man vorerst nur eine Turbine ab; nimmt die Wassermenge weiter ab, so wird die zweite Turbine ganz ausgeschaltet usw. Die übrigen Turbinen arbeiten immer voll.

Bei Schnell- und Expressitusern, wo der Eintrittswinkel α_0 ohnehin sehen sehr groß wird, kann von einem stärkeren Öffnen der Drehschauseln und daher auch von einer Überfüllung nicht wohl die Redo sein; hier wäre also wieder

Q and Qmax.

160. Die meridionalen Durchflußgeschwindigkeiten und die Durchmesserverhiltnisse. Für die Zustände in einer neu zu entwerfenden Turbine ist in erster Linie die Hauptgleichung (140)

 $2gH_{\mathbf{w}}-c_{\mathbf{x}}^{\mathbf{a}}=2u_{\mathbf{1}}c_{\mathbf{u}\mathbf{1}}$

maßgebend, die auf der Annahme des stoßfreien Eintrittes und des meridienalen Austrittes beruht. Hat man an Hand der Erfahrung das wirksame Gefälle H_w sachgemäß eingeschätzt und die absolute Austrittsgeschwindigkeit c_2 den Umständen entsprechend gewählt, so kann man von den beiden Geschwindigkeiten u_1 und c_{u1} je eine beliebig annehmen und die andere berechnen, oder man kann zwisehen den beiden Größen irgendeine Beziehung frei wählen.

Diese Hauptgleichung läßt indessen dem Konstrukteur beim Entwerfen des Turbinenprofils noch sehr viel Spielraum; er muß eine Reihe von Größen frei wählen, ehe er das Turbinenprofil aufzeichnen kann, und zwar müssen diese Wahlen sachgemäß getroffen werden, wenn die Turbine ihren Zweck unter den gerade verliegenden Verhältnissen erfüllen soll. In der Regel wird es sich darum handeln, gewisse Vorschriften hinsichtlich der Schnelläufigkeit einzuhalten, und so wird man z. B. für höhere Grade der Schnelläufigkeit darauf ausgehen, die Raddurchmesser möglichst knapp zu bemessen. Es würde aber nicht zweckmäßig sein, wollte man gleich diese Durchmesser wählen, da man sieh nicht ohne weiteres eine Verstellung von dem Einflusse dieser Wahlen machen könnte. Übersichtlicher und bequemer ist es, von der meridionalen Komponente der Geschwindigkeit des Wassers in dem betreffenden Querschnitt auszugehen, die man im Vorhältnis zur Gefällsgeschwindigkeit um so höher ansetzt, je größer die Schnelläufigkeit ausfallen soll. Aus den gewählten Geschwindigkeiten und der Wassermenge finden sieh die Querschnitte und aus diesen die betreffenden Durchmesser. Sind die einen Durchmesser bestimmt worden, darf man andere in ein bestimmtes Verhältnis dazu setzen. Bei den Francis-Turbinen höherer Schnellläufigkeit liegen indessen die Dinge etwas verwickelt, so daß man hier nicht mit einigen wenigen Vorschriften auskommt.

In Abb. 225 sind eine Anzahl von Geschwindigkeiten und Durchmesserverhältnissen als Funktionen der Schnelläufigkeit vorschlagsweise aufgetragen. Um diese graphische Tabelle benützen zu können, muß man sich zunächst eine zutroffende Vorstellung von der Schnellläufigkeit der zu entwerfenden Turbine bilden.

Als gegeben für eine neu zu bauende Turbine ist das Gefälle H, die Wassermenge Q oder die Leistung N und ferner zumeist noch die Drehzahl n anzusehen. Setzt man den Wirkungsgrad vorläufig zu e - 0,80 an, so findet sich zu der gegebenen Wassermenge Q die zu erwartende Leistung N. Damit ergibt sich nach Absehn. 99 die spezifische Drehzahl

$$n_s = n N^2 II \stackrel{5}{=} \frac{n \sqrt{N}}{II \sqrt[4]{II}},$$

woraus sich nach Abschn. 156 orkonnen läßt, was für eine Radform in Betracht kommt.

In der Tabelle Abb. 225 sind in ihrer Abhängigkeit von der spezifischen Drehzahl folgende Geschwindigkeiten bzw. Geschwindigkeitskoeffizienten aufgetragen:

 c_{m0} die meridienale Geschwindigkeit beim Austritt aus dem Leitrad, c_{m2} die meridienale Geschwindigkeit unmittelbar nach dem Verlassen des Laufrades, und

 c_{m3} die meridienale Geschwindigkeit beim Übergang ins Saugrohr. Dann sei

$$ko_{m0} = \frac{c_{m0}}{\sqrt{2} \, g \, H} \tag{190}$$

$$kc_{m^2} = \frac{c_{m^2}}{\sqrt{2}\,g\,H} \tag{101}$$

und

$$kc_{m8} = \frac{c_{m8}}{\sqrt{2gH}},$$
 (102)

wo nun

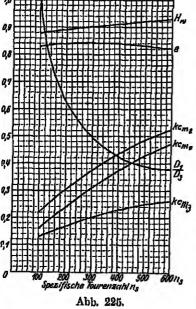
$$kc_{m_2}^2 = \frac{c_{m_2}^2}{2gH} \tag{193}$$

die rolative Austrittsonergie und

$$k\sigma_{m_0}^2 = \frac{c_{m_3}^2}{2gH} \tag{104}$$

die Energie am Saugrohreintritt bedeuten.

Der Wert von c_{m2} wird größer als die übrigen gewählt, damit der Laufraddurchmesser im Hinblick auf eine möglichst hohe Drohzahl recht klein werde; dagegen werden zur Ersparnis von Wasser-



reibung die Geschwindigkeiten vorher und nachher wesentlich kleiner gewählt. Damit hängt die große Breite des Leitrades und die starke Erweiterung gegen den Übergang ins Saugrohr zusammen.

Abb. 225 onthält ferner noch Angaben fiber die Größe des wirksamen Gofälles H_{w} , des Wirkungsgrades e und fiber das Verhältnis zwischen dem Eintrittsdurchmesser $h_{cm_{s}}$ D_{1} und dem oberen Saugrohrdurchmesser D_{3} .

Es mag nicht überflüssig sein, nochmals zu betonen, daß die Angaben in Abb. 225 nur die Bedeutung von Vorschlägen haben, von deuen man abgehen kann, wenn sieh ein Bedürfnis danach bemerkbar macht.

161. Bei der Bestimmung der Hauptabmessungen beginnt man am besten mit dem Übergangsquerschnitt ins Saugrohr, der von der Schnelläufigkeit noch am wenigsten

borührt wird; donn er ist ja für die Größe der Austrittsenergie maßgebend, die man stets in gewissen Gronzen zu halten hat. Derselbe ergibt sich aus dem Tabellenwert von c_0 und aus der Wassermenge in einfachster Weise unter der Annahme, daß man ihn als ebene Kreisfläche betrachten dürfe. Liegt zwischen dem Laufrad und dem Saugrehr ein sich stark erweiternder Übergang, so trifft diese Annahme nicht mehr ganz zu; man muß sich verbehalten, später, wenn die Flußlinien entwerfen sind, den Querschnitt als eine Drehfläche zu behandeln, deren Meridian die Flußlinien rechtwinklig sehnei-

det¹). Aus dem Durchmesser D_3 beim Übergang im Saugrohr nimmt man nach der Tabelle Abb. 225 den Eintrittsdurchmesser D_1 und findet nach den Tabellenangaben die meridionalen Wassergeschwindigkeiten c_{m0} und c_{m2} und aus der Kontinuitätsbedingung die weiteren Abmessungen des Laufrades, indem man fehlende Größen jeweilen schätzungsweise annimmt.

Die gefundenen oder gewählten Abmessungen stellt man sofort in einer maßstäblichen Zeichnung zusammen, die man gefühlsmäßig ergänzt, wo die Angaben fehlen. Diese Zeichnung wird öfters Aufsehluß über die Brauchbarkeit der getroffenen Annahmen erteilen und Winke für deren Abänderung oder für die schätzungsweise Wahl

der fehlenden Abmessungen geben.

Beim Ausarbeiten des Profils erinnere man sieh daran, daß das Wasser Querschnittserweiterungen, d. h. Verzögerungen, nicht leicht erträgt, ohne daß die Stetigkeit der Strömung darunter leidet. Die Erweiterung des Laufrades bei schnelläufigen Turbinen ist unschädlich, solange das Wasser noch zwischen den Schaufeln strömt und die Radkunäle sieh stetig zusammenziehen. Dagegen muß ein sieh erweiternder Übergang vom Laufrad zum Saugrehr sehr versichtig behandelt werden, wenn man der Bildung von Wirbeln und Ablösungen aus dem Wege gehen will.

Für das Turbinenprofil in hohem Grade maßgebend ist die Kranzbreite, die so reichlich zu wählen ist, daß sie genügenden (aber keinen überflüssigen) Raum für die Entwicklung der Radkanäle bietet. Dieser Platzbedarf läßt sich auf die Schaufelteilung und auf die Größe des Eintrittswinkels bzw. auf die Schaufelteilung und auf die Größe des Eintrittswinkels bzw. auf die Schaufelteilung und auf die Größe des Eintrittswinkels bzw. auf die Schaufelteilung und auf die Größe des Eintrittswinkels bzw. auf die Schaufelten Turbine beziehen. Man wird daher an Hand der Angaben in Abschn. 161 gleich die Anzahl der Schaufeln wählen müssen. Übrigens wird sich eine zuverlässige Bestimmung der Kranzbreite erst im Zusammenhang mit dem Studium der Schaufelung durchführen lassen²).

Um das Entwerfen des Radprofiles zu erleichtern, seien hier noch einige Bemerkungen über das Vorgehen bei den verschiedenen Rad-

formen beigefügt.

Der Langsamläufer (Abb. 214). Nachdem mit Hilfe des Tabellenwertes c_3 der Übergangsdurchmesser D_3 ins Saugrohr gefunden worden ist, entnehme man der graphischen Tabelle Abb. 225 das Verhältnis $D_1:D_3$, aus dem sich der Eintrittsdurchmesser D_r des Laufrades ergibt. Der Austrittsdurchmesser D_0 des Leitrades ist ein wenig größer. Aus D_0 und dem in der Tabelle enthaltenen Worte der meridionalen Austrittsgeschwindigkeit c_{m0} aus dem Leitrad findet sich die

Wellen u. dgl., sind hier mit in Rochnung zu ziehen.

1) Ist die Turbine mit Finkschen Drehschaufeln ausgerüstet, so kann man

¹⁾ Vorhandene Querselmittsvorengungen, wie z. B. bei durchlaufenden

[&]quot;) Ist die Turbine mit Finkschen Drehschaufeln ausgerüstet, so kam plan sich die Rechnung in einer Beziehung etwas bequem machen. Da man durch stärkeres Öffnen der Drehschaufeln die Durchflußmenge immer noch etwas steigern kann, darf man die Verengung des Austritisquerschnittes aus dem Leitrad durch die ondliche Dieke der Schanfeln außer acht lassen, und ebense ist es nicht nötig, den Spaltverlust in die Rechnung einzuführen.

Radbreite B_0 nach der Kontinuitätsbedingung. Die Eintrittsbroite ins Laufrad wird etwas größer gewählt, damit nicht schon eine kleine axiale Verschiebung durch die Abnützung des Spurzapfens oder infolge einer Ungenauigkeit der Montierung eine Verengung des Überganges herverrufe¹). Für eine konstante meridionale Geschwindigkeit erhält das Laufrad nach Absehn. 131 em Profil von der Gestalt einer gleichseitigen Hyperbel. Die meridionale Krauzbreite Δr , die für die Entwicklung der Kanalprofile genügenden Raum bieten muß und sieh daher erst beim Ausarbeiten der Schaufelung genauer ermitteln läßt, nehme man verläufig

 $\Delta r = 1.2 \text{ bis } 1.7 \, l_2$

wenn t_2 die Schaufelteilung des Laufrades am Austritt bedeutet²). Durch die Kranzbreite wird der Austrittsdurchmesser D_2 bestimmt.

Das Normalrad (Abb. 217). Der Durchmesser \bar{D}_3 des Überganges ins Saugrohr, wie er sich aus dem Tabellenwert der betreffenden Geschwindigkeit c_3 ergibt, bestimmt zugleich den ebense großen Austrittsdurchmesser D_2 aus dem Laufrad. Der Eintrittsdurchmesser D_1 wird nur um so viel größer angenommen, als für die Kranzstärke und für einen leidlich milden Übergang nötig ist. Dazu genügt ein bestimmter Bruchteil des Durchmessers, und zwar nehme man etwa

$$D_1 = 1,15 D_2. (195)$$

Die Größen c_{m0} , D_1 und Q liefern die Radbreite B_0 . Da die meridionale Austrittsgeschwindigkeit c_{m0} aus dem Leitrad gleich c_{m2} ist und der entsprechende Durchmesser wenig von D_1 bzw. D_2 abweicht, wird die Leitradbreite nahezu

$$B_0 = \frac{1}{4} D_2$$
.

Die Kranzbreite H_k nehme man, bis die Schaufelung endgültig entworfen ist, vorläufig etwa

$$II_k = 1.4 \text{ bis } 1.5 t_1,$$
 (196)

wenn t_1 die Schaufelteilung beim Eintritt ins Laufrad bedeutet.

Der Schnelläufer (Abb, 219). Auch hier beginnt man damit, den Durchmesser D_3 des Saugrohreintrittes mit Hilfe der aus der Tabelle Abb. 226 gezogenen Größe c_3 zu berechnen, werauf sich aus dem Tabellenwert von $D_1:D_3$ sefert der Eintrittsdurchmesser D_1 des Laufrades findet. Der ehwas größer zu wählende Austrittsdurchmesser D_0 des Leitrades ergibt mit der meridionalen Austrittsgesehwindigkeit c_{m0} nach der Kontinuitätsbedingung die Radbreite B_0 . Ebense wird der Austrittsdurchmesser D_2 des Laufrades durch die betreffende Geschwindigkeit c_{m2} bestimmt. Setzt man für die Krauzbreite verläufig

$$H_{\rm p} = 1 \text{ bis } 1.2 t_{\rm p},$$
 (197)

so kann man nach den Größen D_1 , H_k , D_2 und D_3 das Radprofil ziemlich sieher entwerfen. Der Durchmesser D_3 an der Stelle der stärksten Einschnürung wird wenig verschieden vom Eintrittsdurchmesser D_1

¹⁾ Diese Bemerkung gilt sinngemäß für alle Turbinen mit radialem Eintritt.
2) Der kleinere Wert gilt für größere Schnelläufigkeit (mit flacherem Eintrittswinkel β_1) und umgekehrt.

ausfallen. Die Leitradbreite kann den Wert

$$B_0 = \frac{1}{2} D_1$$

orroichen.

Der Exproßläufer mit geschweifter Eintrittskante (Abb. 220). Zuerst wird wieder in der mehrfach beschriebenen Weise der Durchmesser D_3 und weiter der Eintrittsdurchmesser D_1 bestimmt: dabei ist der letztere auf den Eintritt am Radboden zu beziehen. Aus c_{m2} erhält man den Durchmesser D_2 des Laufradaustrittes; nimmt man noch etwas für die Kranzbreite

$$H_k = 0.5 \text{ bis } 0.6 t_2$$
 (198)

so läßt sich mit den nunmehr bekannten oder ferner angenommenen Größen das äußere Radprofil ziemlich sieher entwerfen. Aus der Maßskizze findet sich der Durchmesser $D_{\mathfrak{o}}$ an der engsten Stelle, weiterhin der Eintrittsdurchmesser des Laufrades am Kranz und endlich der Austrittsdurchmesser $D_{\mathfrak{o}}$ des Leitrades; dieser aber ergibt zusammen mit $e_{m\mathfrak{o}}$ die Leitradhöhe $B_{\mathfrak{o}}$. Man bekommt ungefähr

$$B_0 = \frac{1}{2} D_1$$
 und $D_1 = \frac{1}{2} D_2$.

Der Expreßläufer mit Axialrad (Abb. 221). Auch hier können die Verhältnisse der Durchmesser und Geschwindigkeiten aus der Tabelle Abb. 223 entnommen werden. Setzt man die Kranzhöhe ungefähr

$$H_k = 0.5 \text{ bis } 0.6 t_2 \tag{199}$$

und nimmt man den Kranz wegen des festen Eingießens der Blechsehaufeln und zur Erzielung eines milden Überganges etwas stark in der Dieke an¹), so besitzt man Anhaltspunkte genug, um den äußeren Teil des Radprofils zu entwerfen, so daß sich nun die Größen B_1 und D_0 absolützen lassen. Der Austrittsdurchmesser D_0 des Leitrades liefert die Leitradbreite B_0 , und nun bietet die Ergänzung des Radprofiles keinerlei Schwierigkeiten mehr. Der innere Eintrittsdurchmesser soll etwa gleich der Halfte des mittleren werden²).

 Dies ist auch für den Exproßläufer mit geschweifter Eintrittskante zu empfehlen.

^{a)} Die kinetische Energie, die das Wasser beim Eintritt aus dem Schnoll- oder Exproßläufer wegführt, ist sehr bedoutend. So zeigt z. B. für einen Exproßläufer mit n, = 550 die Tabelle eine meridienale Austrittsgeschwindigkeit aus dem Laufrad

$$c_{\text{total}} = 1,55 \sqrt{H} = 0,35 \sqrt{2gH}$$
.

Die absolute Austrittsgeschwindigkeit es ist wegen der Verengung des Querschnittes durch die Schaufeln noch erhoblich größer und mag etwa

$$c_2 = 1.2 c_{mg} = 1.86 \sqrt{II} = 0.42 \sqrt{2 g II}$$

betragen; somit wäre die entsprechende Geschwindigkeitshöhe

$$\frac{c_3^2}{2g} = 0.177 \, II.$$

Das wirde also bedeuten, daß die weggeführte Energie 17,7 v. H. der dargebetenen ausmacht. Einen so heben Preis für die Sehnelläufigkeit auszulegen,
darf man sich nur gestatten, wenn man darauf zählen kann, den größten Teil davon
in einem gut angelegten Saugrehr zurückzugewinnen. Daraus geht herver, daß bei
Turbinen mit großer Sehnelläufigkeit das Saugrehr eine bedeutende Rolle spielt
und deshalb auf alle Fälle lang gemug gemacht werden soll.

Turbinen mit zweiseitigem Ausguß denkt man sich durch eine Mittelebene normal zur Achse in zwei symmetrische Hälften zerlegt, die je auf die halbe Wassermenge und die halbe Leistung berechnet werden.

162. Die Schaufelwinkel. Ist hinsichtlich der meridionalen Geschwindigkeiten alles der Willkür oder dem Gutfinden überlassen, so müssen dagegen die Geschwindigkeiten in der Umfangsrichtung der Bedingung der Durchflußgleichung

$$2u_1c_{w1}=2g\Pi_w-c_2^2$$

genügen, wenn der Eintritt stoßfrei und der Austritt meridienal vor sich gehen soll. Diese Bedingung wird aber erst durch die Kenntnis des wirksamen Gefälles $H_{\rm sc}$ und der absoluten Austrittsgeschwindig-

keit c, aus dem Laufrad genau umsehrieben.

Das wirksame Gefälle hängt ebense wie der Wirkungsgrad e mit der Schnelläufigkeit in dem Sinne zusammen, daß beide Größen beim Normalrad die höchsten Werte erreichen und sowohl bei zu- als auch bei abnehmender Schnelläufigkeit kleiner werden. Dazu ist aber noch zu bemerken, daß auch die Größe der Turbine von Einfluß ist; große Turbinen zeigen unter ähnlichen Verhältnissen höhere Werte. Die Angaben der Tabelle beziehen sich auf Turbinen von mäßigen Leistungen; wenn man mit diesen Zahlen rechnet, wird man nicht Gefahr laufen, daß die Turbinen zu knapp werden und die vorgeschriebene Wassermenge nicht ganz schlucken¹).

Die Größe der absoluten Austrittsgeschwindigkeit c_2 hängt von dem reinen Austrittsquerschnitt ab. Dieser ist aber verläufig noch nicht genau bekannt; er ergäbe sieh, wenn man vom rohen Austrittsquerschnitt die Verengung durch die Schaufeln in Abzug brächte. Diese Verengung läßt sieh aber erst bestimmen, nachdem die Schaufelung vollständig durchgearbeitet wurde, und so bleibt nichts auderes übrig, als sieh mit einer verläufigen Annahme zu behelfen. Bedeutet c_{m_2} die meridienale Geschwindigkeit, die das Wasser dem verhandenen Querschnitt entsprechend unmittelbar nach dem Austritt aus dem Laufrad besitzt, so nehme man etwa

$$c_2 = 1.2 c_{m_2}$$
 für Blechschaufeln $c_2 = 1.25 c_{m_2}$ für Gußschaufeln.

Wo zwischen Leit- und Laufrad ein großer Spielraum besteht, sind der Austritt aus dem Leitrad und der Eintritt ins Laufrad besonders zu behandeln. Für den ersteren ist nach Absehn. 157 die Gleichung

$$2 u_0 c_{u0} = 2 g II_w - c_0^2 (200)$$

anzuwenden, wobei

und

$$u_0 = \frac{D_0 n}{10.1}$$

¹⁾ Nach den Angaben über den Wirkungsgrad a kann man die Annahme über die Leistung berichtigen, die man anfangs zur Ermittlung der Schnelläufigkeit benutzte, wenn man von einer vergeschriebenen Wassermenge ausging.

die auf den Austrittsdurchmesser D_0 des Leitrades reduzierte Umfangs-

geschwindigkeit der Turbine bedeutet. Da diese für alle Punkte des Austrittes denselben Wert hat, ist auch c_{n0} konstant. Die gleichfalls konstante Meridiangeschwindigkeit c_{m0} ergibt dann den Austrittswinkel α_0 .

C_{m1}

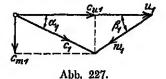
ļ

Für den Eintritt ins Laufrad lautet die Durch- ^{Cm7} flußgleichung in entsprechender Form

$$2 u_1 c_{u_1} = 2 g H_w - c_2^2. (201)$$

Liegt die Eintrittskante nicht auf einer Zylinderfläche, so ist u_1 und somit auch c_{u1} für jeden Punkt verschieden; es muß also das nach Abb. 226 zu entwerfende Diagramm für eine genügende Anzahl von

Punkten je besonders gezeichnet werden. Dabei ist die meridionale Geschwindigkeit $c_{m\,t}$ nach Absehn. 153 zu berechnen, wenn die axiale Ablenkung des Wassers sehon vor dem Eintritt vollzogen ist, wie beim Expreßläufer mit Axialrad. Beim Expreßläufer mit ge-



schweifter Eintrittskante darf c_{m1} wenigstens als angenähert konstant vorausgesetzt werden.

Schließen Leit- und Laufrad unmittelbar aneinander an, so ist natürlich $u_1=u_0$, $c_{u1}=c_{u0}$ und $c_{m1}=c_{m0}$ zu setzen.

Die Austrittswinkel werden am bequemsten mit der meridionalen Kanalweite bestimmt (siehe Abschn. 133).

Es soll hier der Vollständigkeit halber die Methode von Prof. Camerer auch angegeben werden, da diese Diagrammkonstruktion sehr übersichtlich und bequem ist, weshalb sie sich in der Praxis gut eingeführt hat und viel benutzt wird.

Die Hauptgleichung der Turbinontheorie (s. Abschn. 102) wird umgeformt auf:

$$c_0^2 + w_2^2 - w_1^2 + u_1^2 - u_2^2 = c_0^2 = (1 - \varrho) 2gH,$$
 wo
$$c_0^2 = 2gH_w = (1 - \varrho)H \cdot 2g,$$

wenn ϱ den Anteil des Reibungsverlustes am Nettogefälle H bezeichnet ($\varrho=0.06$ bis 0.16). Dividiert man nun obige Gleichung auf beiden Seiten durch $2\,g\,H_1$ so folgt:

$$\frac{{c_0}^2}{2\,g\,II} + \frac{{w_2}^3}{2\,g\,II} - \frac{{w_1}^2}{2\,g\,II} + \frac{{u_1}^2}{2\,g\,II} - \frac{{u_2}^2}{2\,g\,II} = 1 - \varrho\,.$$

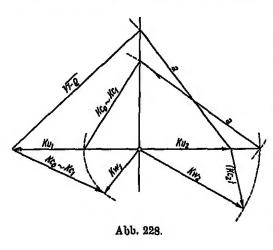
Setzt man nun der Kürze halber

$$\frac{c_0}{\sqrt{2gH}} = Kc_0;$$
 $\frac{w_2}{\sqrt{2gH}} = Kw_2$ usf. (K = Roine Zahlenwerte),

so orhält man:

$$Kc_0^2 + Kw_1^2 - Kw_1^2 + Ku_1^2 - Ku_2^3 = 1 - \varrho$$

Diese Gleichung kann nun mit Hilfe des pythagoreischen Lehrsatzes interpretiert werden, indem man sie sich aus lauter rechtwinkligen Dreiecken zusammengesetzt denkt. Die nachfolgende Abbildung zeigt den Konstruktionsvorgang (s. auch Camerer: Vorlesungen über Wasser-



kraftmaschinen). Diagrammkonstruktion nach Camerer hat den Vorteil, daß bei angenommenem Eintrittsdurchmesser D_1 Austritt, d. h. cz. noch nach Größe und Richtung beliebig gewählt werden kann, ohne daß dabei die anderen Grö-Bon eine Änderung erleiden. Man wählt bei Anwendung dieser Konstruktion am zweekmäßigston den Leitapparat und den Laufradeinand konstruiert tritt dann alles andere.

Die Bestimmung der Schaufelwinkel am Schaufelein- und -austritt ist für Turbinen mit relativ großer Schaufelteilung (Kaplan- und Propeller- sowie Schraubenturbinen) nicht mehr ohne weiteres meh den vorstehend angegebenen Methoden durchführbar. Infolge der relativ großen Kanalweite wird das Wasser nur auf der Arbeits- (Vorder-) Pläche der Schaufel sicher geführt, während man über die Strömung auf der Rückseite der Schaufel um so mehr im ungewissen ist, je kürzer die Schaufel im Verhältnis zur Teilung ist (Kaplan-Turbine $\lambda \cdot t$; Ausführungen bis $\lambda = \frac{1}{8} t)^{1}$). Die Bestimmung des mittleren Winkels der Strömung bei Ein- und Austritt stößt bei diesen Turbinentypen auf große Schwierigkeiten und läßt sich nur auf Grund gewisser Voraussetzungen durchführen. So viel steht jedoch fest, nämlich daß zur Erzielung eines guten Wirkungsgrades der Schanfelaustrittswinkel B. bei der Kaplan- und der Propellerturbine viel kleiner gewählt werden muß, als sich auf Grund der eindimensionalen Turbinentheorie ergibt. Im folgenden soll nur auf eine Methode hingewiesen werden, wie sie von Dr. König in der Z. angew. Mathematik u. Mechanik (Heft 6 vom Dezember 1922) entwickelt wurde und mit deren Hilfe es möglich ist, die Strömung in einem relativ welten Kanal unter gewissen Voraussetzungen zu verfolgen. Diese Methode führt zu grundsätzlich richtigen Lösungen, allein ihre Anwendung erfordert die Auflösung äußerst verwickelter Beziehungen, wobei das Endergebnis nicht ohne weiteres die

wo λ = Schaufollänge und
 Teilung im gleichen Schnitt.

gesuchte Schaufelform liefert. Aus diesen Gründen wird sich die Methode von König nicht in der Praxis einbürgern, da die Praxis schon aus Mangel an Zeit mit Methoden arbeiten muß, welche, wenn auch mit weniger Genauigkeit, doch innerhalb nützlicher Frist für die praktischen Bedürfnisse genügende Ergebnisse liefern.

163. Anzahl und Stärke der Laufradschaufeln. Die Zahl der Schaufeln nimmt mit dem Durchmesser langsam zu. Bei wachsender Radbreite könnte sie wieder etwas abnehmen; da aber gelegentlich dasselbe Modell für verschiedene Radbreiten dienen muß, erscheint es zweckmäßiger, die Schaufelzahl bloß auf den Durchmesser zu beziehen. Für die Schaufelzahl der Turbinen von kleiner und mittlerer Geschwindigkeit mögen die folgenden empirischen Formeln einen Anhalt geben:

 $z_{2} = 12 + 0.05 D_{1}$ $z_{3} = 1.5 \text{ bis } 1.7 \sqrt{D_{1}} \text{ }^{1})$ (202)

oder $z_2 = 1.5$ bis $1.7 V D_1^{-1}$) Darin bedeutet D_1 den Eintrittsdurchmesser des Laufrades in Zenti-

Die Dicke der Schaufeln am Austrittsrand mag bei Turibnen mit ınchr radialem Ausfluß etwa gewählt werden

für Blech
$$s_2 = 0.12 \text{ bis } 0.15 \sqrt{B_3}$$
, (203)

für Guß
$$s_2 = 0.16 \text{ bis } 0.22 \sqrt{B_2}$$
, (204)

wonn unter B_2 die Radbreite am Austritt in Zentimeter verstanden wird. Bei Laufrädern mit mehr axialem Austritt nehme man ungefähr

für Blech
$$s_2 = 0.10$$
 bis $0.12\sqrt{L_2}$, (205)

für Guß
$$s_2 = 0.16 \sqrt{\overline{L_2}}$$
, (206)

worin L_2 die Länge der Austrittskante in Zentimeter bedeutet²). Übrigens ist bei gußeisernen Schaufeln stets die Regel zu beobachten, daß man den Austrittsrand so fein auszicht, als es die Gießeren gestattet; durch Verstärkung der Mittelpartie läßt sich ja die Festigkeit der Schaufeln beliebig erhöhen.

Bei Expreßturbinen wird die Zahl der Schaufeln auf den mittleren Eintrittsdurchmesser bezogen. An der Verbindungsstelle mit dem Boden oder der Nabe treten an den Schaufeln sehr starke Biegungskräfte auf; hier wird man eine Berechnung der Schaufeldicke auf Festigkeit nicht umgehen dürfen, und es sind die Schaufeln aus dickerem Blech herzustellen, wenn nicht etwa das ganze Rad in Stahlguß ausgeführt wird.

Der Kranz und der Boden bzw. die Nabe erhalten eine größere Wandstärke, damit man die (schwalbenschwanzförmig ausgezackten und verzinnten) Schaufelräder tief und fest genug eingießen kann.

164. Die Wellenstärke. Da man etwa in den Fall kommt, bei der Bestimmung des Austrittsquerschnittes auf die Verengung durch die

¹⁾ Für kleine Räder nehme man eher etwas mehr Schaufeln an.
2) Diese Länge kann allerdings erst überschlagen werden, wenn das Profil der Turbine bereits genauer ausgearbeitet ist.

Welle Rücksicht nehmen zu müssen, sei hier die Berechnung derselben notiert. Darf man davon ausgehen, daß die Welle wesentlich nur auf Verdrehung in Anspruch genommen werde, und bedeutet M das zu übertragende Drehmoment, so wäre die Beziehung

$$\mathfrak{M} = \frac{\pi d^3}{16} \sigma$$

einzuhalten. Daraus ergibt sieh die Wellenstärke in Zentimeter

$$d = \sqrt[3]{\frac{365\,000\,N}{\sigma\,n}}.\tag{207}$$

Die Spannung σ darf solbst bei Stahl als Material für die Welle nicht über $\sigma=300$ kg/qem gehen, wenn man ein Erzittern vermeiden will; es würde somit die Welle einen Durchmesser erhalten von

$$d \ge 11.0 \sqrt[3]{\frac{N}{n}}. \tag{208}$$

Die Welle ist außerdem noch auf Deformation so zu berechnen, daß der Verdrehungswinkel keine unzulässige Größe erreicht. Im Prinzip ist der Verdrehungswinkel δ gegeben durch:

$$\delta = k_2 \cdot \sqrt[4]{\frac{N}{n}} .$$

Nach oben ist ferner:

$$d = k_1 \cdot \sqrt[3]{\frac{N}{n}}$$
.

Es hat sich nun gezeigt, daß die Wellen richtig dimensioniert sind, wenn man $k_1 + k_2 \sim 24$

setzt. Im Mittel rechnet man mit:

$$k_1 = 12$$
 und $k_2 = 12$.

165. Erstes Zahlenbeispiel: Langsamläufer. Es sei eine Turbine für H=125 m, N=800 PS, n=1200

zu entwerfen. Der hohe Druck verlangt eine geschlossene Aufstellung (mit Spiralgehäuse). Wegen der sorgfältigen Ausgleichung der Axalschübe wird man eine vollständig symmetrische Turbine mit zweiseitigem Ausguß wählen; die Rechnung wird also für die halbe Turbine auf Grund der halben Wassermenge und der halben Leistung durchgeführt.

Für die spezifische Umlaufzahl findet sieh

$$n_s = nN^{\frac{1}{2}}H^{-\frac{5}{4}} = 1200 \cdot 400^{\frac{1}{2}} : (125 \cdot 3,84)$$
 57,5,

wobei 3,34 = $II^{\frac{1}{4}}$ ist. Es handelt sich hier in der Tat um einen extremen Langsamläufer, der nicht zu empfehlen ist.

Nach der Tabelle Abb. 225 wäre der Wirkungsgrad etwa mit e = 0,80 einzuschätzen; es bedarf daher für die halbe Turbine einer Wassermonge

$$Q = 400 \cdot 75 : (125 \cdot 0.80) =$$

Nach der Tabelle wäre etwa zu wählen:

$$c_3 = c_{m2} = c_{m0} = 0.177 \sqrt{2g}H = 8.72 \text{ m/sek.}$$

Dies ergibt für die betroffenden Querschnitte

$$F_1 = F_2 = F_0$$
 3,44 qdm.

Die Welle bekommt für einseitige Ableitung der ganzen Leistung etwa 100 mm, ihr Querschnitt mißt also 0,79 qdm; dahor mißt der rohe Austrittsquerschnitt 4,23 qdm; daraus findet sich der Durchmesser beim Übergang ins Sang-

 $rohr D_3 =$ 232 mm. oder aufgerundet 240 mm.

Nach der Tabelle ist $D_1: D_3 = 2$, also erhält man für den Durchmesser D_1 bein Eintritt ins Laufrad 480 mm.

Die ganze Leitradbreite wird

$$B_0 = 2 \cdot 300 : (87, 2 \cdot 4, 8\pi) = 0.46 \text{ dm} = 46 \text{ mm}.$$

Die Eintrittsbreite des Laufrades mag ungefähr einen Wert haben $B_1 =$ 50 mm.

Die Durchflußgleichung

$$2u_1c_{u_1} = 2gII_w - c_2^2$$

erhält man mit der schätzungsweise angenommenen Größe $c_2=1,2\,c_0$ == 10,46 m/sek und mit dem Tabellenwerte

$$II_{w} = 0.88 II =$$
 110 m.

Die rechte Seite wird

$$\begin{aligned} 2\,g\,H_{40} &= 2158,2\\ c_2^2 &= 109,4\\ &\frac{2267,6}{1133,8} \colon 2\,, \end{aligned}$$

also ist

Durchmesser ist $w_1 =$ 30,16 m/sek oder

$$u_1 = 2,70 \, \text{VII}$$
.

Man erhält somit für die Umfangskomponente des eintretenden Wassers $c_{u_1} = 1133.8 : 30.16 =$ 37,6 m/sek

oder

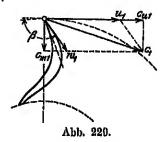
$$c_{u1}=3.36 \forall II.$$

Die drei Geschwindigkeitskomponenten u_1 , c_{u1} und c_{u0} bestimmen zusammen nach Abb. 220 das Eintrittsdiagramm.

Wollto man den Eintrittswinkel an größer haben, so müßte man die Radbroito Bo etwas herabdrücken, damit die meridionale Eintrittsgeschwindigkeit cmu otwas größer werde.

Die Zahl der Laufradschaufeln wird

$$z_0 = 1.7\sqrt{48} \simeq 12.$$

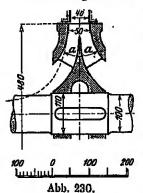


Daraus findet sich die Teilung $t_2 =$ Die Kranzbreite mag etwa werden

125.7 mm.

$$\Delta r = 1.6 t_2 =$$

200 mm.



Das Radprofil ist in Abb. 230 dargestellt. Die punktiert eingezeichnete gleichseitige Hyperbol bestimmt das Profil der Seitenkränze, dasselbe wird indessen, wie sich aus der Abbildung ergibt, mit Rücksicht auf die scheibenförmige Nabe stark nach außen gedrüngt.

Da es sich hier um eine Turbine mit Spiralgehäuse handelt, ist auch noch für dieses die grundlegende Abmessung, Weite beim Eintritt, zu wählen. Setzt man die im zuströmenden Wasser enthaltene Energie auf 5 v. H. der totalen an, also auf

$$\frac{c_a^2}{2g} = 0.05 II,$$

so ergibt sich für die Eintrittsgeschwindig-

keit ins Gohause

$$c_0 = \sqrt{0.05 \cdot 2g \cdot 125} = 11.1 \text{ m/sek.}$$

Der Eintrittsstutzen hat also beim Übergang ins Gehäuse einen Querschnitt

$$F_a = 2 \cdot 300 : 111 = 5.4 \text{ qdm},$$

und es ist der Durchmesser derselben $D_{\bullet} =$ 262 mm. oder aufgerundet 270 mm.

166. Zweites Zahlenbeispiel: Normalrad. Es soll eine Turbine für ein Gefälle H=5.5 m und eine Leistung N=60 PS berechnet werden. Die spezifische Drohzahl ist

$$n_a = 60^{\frac{1}{2}}$$
: $(5, 5 \cdot 1, 53) = 0.022 n$.

Wählt man $n_s = 130$, so wird n =

140.

Nach der Tabello Abb. 225 ist für die angeführte spezifische Umlaufzahl etwa zu setzen

$$e = 0,84;$$

daher ist die erforderliche Wassermenge

$$Q = 60 \cdot 75 : (5, 5 \cdot 0, 84) = 4$$

970 1/solc.

Nach der Tabelle wäre etwa

$$K_{om0} = 0.20$$
 $c_{m0} = 0.886 \sqrt{H}$ 2.075 m/sok.

Der entsprechende Querschnitt ist somit

$$F_0 = 46.8 \text{ qdm}.$$

Damit findet sich der Austrittsdurchmesser

$$D_{a} = 8(X) \text{ mm},$$

Wählt man ferner

$$D_1 = 1.15 D_3 = 920 \text{ mm},$$

so erhält man für die Leitradbreite

$$B_0 = 46.8:0.90 \,\pi = 165 \,\simeq$$
 170 mm.

Schätzt man

$$c_2 = 1,2$$
 $c_{m0} = 2,49 \text{ m/sek}$

und nimmt man nach der Tabelle

$$H_w = 0.88 H = 4.84 \text{ m},$$

so ist

$$2gHw = 94,80$$

$$\begin{array}{r} c_2^2 = 0.80 \\ \hline 88.60 : 10.000 \end{array}$$

und daher ist

Die Umfangsgeschwindigkeit ist

$$u_1 = 140 \cdot 0.90 : 19.1 =$$

6,60 m/sek.

Daher wird

$$c_{u1} = 44,30:6,60 =$$

6,715 m/sek.

Diese beiden Geschwindigkeitskomponenten in Verbindung mit $c_{m0} = 2,075$ m bestimmen das Eintrittsdiagramm. Da u_1 und c_{u1} nahezu gleich groß sind, fällt der Eintrittswinkel nahezu gleich 90° aus.

Die Zahl der Schaufeln im Laufrad mag etwa betragen

$$z_2 = 1.7 \text{ V89} \cong 16$$

Somit wird die Teilung am äußeren Umfang $t_2=176.8\,\mathrm{mm}$. Die Kranzbreite sei etwa

$$H_k = 1.1 \cdot t_2 = 195.0 \text{ mm}.$$

Abb. 261 läßt die Gestalt des Laufrades erkennen.

167. Drittes Zahlenbeispiel: Expreßläuser mit geschweister Eintrittskante. Man hat eine Turbine für folgende Verhältnisse zu entwerfen:

$$H = 9.8 \text{ m}$$
; $Q = 12 \text{ cbm/sek}$; $n = 200 \text{ /min}$.

Rechnet man vorläufig mit einem Wirkungsgrad von e=0.8, so hätte man eine Leistung von

$$N = 12 \cdot 1000 \cdot 9.8 \cdot 0.8 : 75 = 1254 PS$$

zu erwarten. Mit dieser Zahl findet man nach Gl. (134) für die spezifische Umlaufzahl $n_s = 200 \cdot 1254^{\frac{1}{2}} : 9,8^{\frac{5}{4}} = 410$ /min.

Die Turbine wird somit ein ausgesprochener Expreßläufer. Für die spezifische Drehzahl von 410 wäre nach der graphischen Tabelle Abb. 225 der Wirkungsgrad etwa $\epsilon=0.83$; demnach darf man eine etwas höhere Leistung erwarten.

Nach der Tabelle hätte man ungefähr folgende Wassergeschwindig-

keiten zu wählen:

$$\begin{array}{lll} c_{3} = 0.228 \, \sqrt{2 \, g \, H} = & 3.11 \, \, \text{m/sek} \\ c_{m \, 0} = 0.380 \, \sqrt{2 \, g \, H} = & 5.28 \, \, \, ,, \\ c_{m \, 3} = 0.440 \, \sqrt{2} \, g \, H = & 6.10 \, \, \, ,, \end{array}$$

Mit $c_3 = 3.16$ m/sek ·ergäbe sich der Übergangsquerschnitt ins Saugrohr

 $F_3 = 12:3,16 = 3,80 \text{ qm},$

Darf man diesen Querschnitt als ebene Kreisfläche betrachten, so ist der betreffende Durchmesser

$$D_3 = 2200 \text{ mm}.$$

Mit der meridionalen Austrittsgeschwindigkeit aus dem Laufrad c = 6,10 m/sek erhält man einen Querschnitt

$$I_{m_2} = 12:6,10 = 1,97 \text{ qm};$$

und wenn man annimmt, daß derselbe gleich dem Flücheninhalt eines ebenen Kreises von dem betreffenden Durchmesser sei, so erhält man für den größten Austrittsdurchmesser

$$D_2 = 1500 \text{ mm}$$

Der kleinste Eintrittsdurchmesser sei nach der graphischen Tabelle.

$$D_{14} = 0,509 D_3 = 920 \text{ mm}$$

Mit den Durchmessern D_3 und D_2 besitzt man Anhaltspunkte genug, um das Kranzprofil zu entwerfen und wird dabei für den Außendurchmesser des Laufrades und den Innendurchmesser des Leitrades etwa die Größen 2,000 und 1,800 m als passend finden. Mit dem letzten Durchmesser und der meridionalen Geschwindigkeit

$$c_{m0} = 5.28 \text{ m/sok}$$

findet man die Leitradbreite

$$B_0 = \frac{12}{5.28 \cdot 1.70 \cdot n} \simeq 0.400 \text{ m}.$$

Die Maßskizze wird für den äußeren Eintrittsdurchmesser etwa orgeben

$$D_{\rm tra} = 1,800 \text{ m}.$$

Der mittlere Eintrittsdurchmesser mag daher etwa sein

$$D_{1m} = \frac{1}{3}(0.025 + 1.800) = 1.360 \text{ m},$$

und demnach wäre die Anzahl der Laufradschaufeln etwa

$$z_2 = 1.5 \forall D_{1m} = 17.$$

Die Teilung am Außendurchmesser wird also

$$t = \frac{1580 \, \pi}{17} = 202 \, \text{mm},$$

und die Kranzhöho würde etwa

$$II_k = 0.5 \text{ bis } 0.6 t \simeq 180 \text{ mm}.$$

Unter Korrektur früherer Annahmen kann man das Turbinenprofil nunmehr vollständig aufzeichnen (vgl. Abb. 262).

168. Die Reihe der Einheitsturbinen. Wo sich die Aufgabe, Turbinen zu berechnen häufig wiederholt, kann man sich die Arbeit dadurch erleichtern, daß man ein für allemal eine fortlaufende Reihe von Einlicitsturbinen 1) aufstellt die nach den spezifischen Drehzahlen georcliet ist. Man erhält eine derartige Reihe dadurch, daß man für eine kleinere Anzahl von passend abgestuften spezifischen Drehzahlen die Kirbine berechnet und dann die Zwischenwerte durch (graphische) Interpolation ermittelt. Die Reihe wird am besten graphisch dargestellt, indersi man die Abmessungen der Turbinen als Ordinaten über den spezifischen Umlaufzahlen als Abszissen aufträgt.

Soll mit Hilfe dieser Tabelle eine Turbine für einen bestimmten Fall ausgemittelt werden, so berechnet man zuerst ihre spezifische

Drolizahl na nach der Formel

$$n_s = n N^{\frac{1}{2}} II^{-\frac{5}{4}}$$
.

Die aus der Tabelle sich ergebenden Abmessungen der entsprechenden Einheitsturbine werden sodann nach Abschn. 90 im Verhältnis von

$$D_{q} = N^{\frac{1}{2}} II^{-\frac{1}{4}} = \sqrt[4]{N}$$

vergrößert. Damit wäre die Aufgabe für den entwerfenden Ingenieur in der Hauptsache gelöst. Für die Ausführung kommt indessen noch ein anderer Gesichtspunkt in Betracht, der im folgenden Abschnitt erörtent wird.

169. Modellreihen. Im Interesse einer billigen Fabrikation muß sich bestreben, allen Anforderungen in Beziehung auf Gefälle, Leisting und Geschwindigkeit mit einer tunlichst kleinen Anzahl von Modellen oder Nummern zu genügen. Ein gegebenes Modell läßt sich sechon durch die Einstellung der Finksehen Regulierung verschiecten großen Wassermengen bei einem gegebenen Gefülle anpassen, und in der Ausführung kann man durch die bloße Abänderung der Schaufolwinkel beträchtliche Verschiebungen in der Geschwindigkeit hervorrufen, so daß sieh für eine gegebene Nummer schon ein ziemlich weites Anwendungsgebiet ergibt. Eine Einschränkung liegt allerdings clarin, daß, abgeschen von einzelnen Teilen (Laufrad u. a.), ein Modoll nur für diejenige Anordnung verwendbar ist, für die es geschatten wurdo. So ist es z. B. ausgeschlosson, daß das Modell einer Niederdruckturbine mit sonkrechter Achse für eine Hochdruckturbine Verwendung Stellt man aber für eine gegebene Anordnung eine Reihe von Modollen auf, deren Verwendungsbereiche lückenlos aneinander stoßen, so kann man wenigstens für die betreffende Anordnung allen Bedürfnissom entsprechen. Für jede andere Anordnung wäre wieder eine besondere Reihe aufzustellen.

Als maßgebonde Größe einer Nummer innerhalb einer Modellreihe ist in erster Linie der Raddurchmesser zu betrachten. Sodam ist anzunehmen, daß man eine Turbine mit Finkscher Regulierung rocht wohl für Fälle gebrauchen könne, bei denen die Durchfuß-

D. h. von Turbinen, die bei einem Gefälle von 1 m eine Leistung von 1 PS ergobon (vgl. Absehn. 99).

menge für dasselbe Gefälle um 10 v. H. kleiner ist, als diejenige, auf die die Turbine ursprünglich berechnet wurde, und zwar ohne daß man beim Zurückgehen der Wassermenge Gefahr läuft, in Gebiete zu geraten, wo der Wirkungsgrad stark abfällt. Demnach ist es zulässig, die maximale Durchflußmenge bei unverändertem Gefälle von einer Nummer zur andern um 10 v. H. abzustufen; dies ergäbe für die Durchmesser geometrisch ähnlicher Turbinen eine Abstufung von rund 5 v. H.

Hat man auf Grund dieser oder einer ähnlichen Annahme die Reihe der Durchmesser gewählt, und entwirft man für jeden Durchmesser eine Modellreihe, die in passenden Stufen alle Grade der Schnellläufigkeit¹) umfaßt, so ist man damit allen möglichen Bedürfnissen gewachsen. Innerhalb der einzelnen Stufen der Schnelläufigkeit kann man durch Abänderung der Schaufelwinkel ziemlich stark variieren, so daß man diese Stufen groß wählen kann. Es bedarf hier zur Anpassung an andere Verhältnisse nur eines anderen Paares von Preßklötzen oder einer neuen Kornbüchse für die Schaufeln. Bei Teilen, die mit der Schablone geformt werden, sind übrigens die Modellkosten so gering, daß man sich keinen Zwang aufzulegen braucht.

Da eine solche Modellreihe nur für eine Bauart anwendbar ist, müßte für jede andere Anordnung eine neue Reihe aufgestellt werden. Daraus scheint sich eine unabsehbare Zahl von Nummern zu ergeben; in Wirklichkeit ist die Sache nicht so schlimm, da je nach der Anordnung gewisse Grade der Schnelläufigkeit ausgeschlossen sind. So kommen bei Niederdruckturbinen keine Langsamläufer und umgekehrt bei Hochdruckanlagen keine Schnelläufer in Betracht.

Es ist auch nicht nötig, die Gießereimodelle für sämtliche Nummern zum voraus anzuschaffen. Ist die Reihe auf dem Papier aufgestellt, so fügt man derselben jedes neu anzufertigende Modell ein und kommt so nach und nach zur vollen Reihe.

Die Auswahl aus der Modellreihe gestaltet sich folgendermaßen. Der Bereich für die Anwendbarkeit einer Nummer wird durch die Wassermenge Q_1 die Leistung N_1 und die Drehzahl n_1 umschrieben, die dem betreffenden Modell bei 1 m Gofälle entsprechen würden; es mögen daher die Größen als die Kennzahlen des betreffenden Modells bezeichnet worden. Entsprechen dieser Nummer bei einem Gefälle H die Größen Q, H und n, so sind die Kennzahlen nach Absehn. 98

$$n_{1} = n H^{-\frac{1}{2}} = \frac{n}{\sqrt{II}}$$

$$Q_{1} = Q H^{-\frac{1}{2}} = \frac{Q}{\sqrt{II}}$$

$$N_{1} = N H^{-\frac{3}{2}} = \frac{N}{H\sqrt{II}}$$
(209)

¹⁾ Durch die spezifische Umlaufzahl ausgedrückt.

Diese Kennzahlen werden für alle vorhandenen Modelle in einer Liste zusammengetragen. Hat man für gegebene Größen H, Q und n eine passende Turbine auszusuchen, so rechnet man die Kennzahlen aus und sucht aus der Tabelle dasjenige Modell aus, das sich diesen Kennzahlen so nahe anschließt, daß man die Übereinstimmung mit geringen Abänderungen des Modelles herbeiführen kann.

Bei Turbinen mit gegossenem Spiralgehäuse ist als maßgebendes Stück das Modell des Gehäuses anzuschen¹). Als Kennzahlen einer Nummer haben daher vor allem die Weite des Eintrittsstutzens und der Raddurchmesser zu gelten. Die Weite des Eintrittsstutzens wird durch die Wassermenge und die als zulässig erachtete Eintrittsgeschwindigkeit bestimmt. Die letztere wird etwa so hoch angesetzt, daß ihre Geschwindigkeitshöhe 4 bis 6 v.H. des Gefälles ausmacht. Bei großen Wassermengen und kleinen Gefällen geht man im Bestreben nach Ersparnissen bis auf 8 v.H. und selbst noch höher.

Als Rad der größten Schluckfähigkeit wird man hier das Normalrad mit zweiseitigem Austritt anschen können; denn da es sich in der Regel um größere Gefälle handelt, ist kaum ein Bedürfnis nach Schnellläufern vorhanden. Eine Verminderung der Schluckfähigkeit führt unter Verkleinerung der Radbreite in die Richtung der Langsamläufer und weiterhin zum einseitigen Ausguß. Wenn irgend möglich, sollte bei Spiralturbinen mit senkrechter oder mit wagrechter Welle die Aufstellung mit einseitigem Ausguß und fliegendem Laufrad (keine Welle im Saugrohr) gewählt werden, da diese Aufstellung die besten hydraulischen Verhältnisse aufweist. Bei Langsamläufern läßt sieh der Axialschub ohne weiteres hydraulisch ausgleichen (beiderseitige Laufradkammern) und bei Normalläufern kann der Achsialschub durch ein entsprechend konstruiertes Lager ohne Gefährdung des Betriebes aufgenommen werden.

Es sind bereits eine große Anzahl von Wasserturbinen mit Leistungen bis 22000 PS nach dieser Aufstellungsart mit sehr gutem Erfolg ausgeführt worden, so daß dieser Typ als Normalform der Spiralturbine betrachtet werden darf.

Die Aufstellung einer guten Modellreihe ist eine Aufgabe, die viel Erfahrung, Umsieht und Sorgfalt erfordert.

Anhang.

170. Die Diagonalturbine. Bei der Francis-Turbine für Niederdruck ergibt sieh ein sehr großer Platzbedarf im Durchmesser aus dem Umstand, daß der Leitapparat das Laufrad von außen umgibt und daß am Umfange überdies noch Raum für den Zufluß frei bleiben muß. W. Zuppinger²) erzielt nach Abb. 231 eine bedeutende Platzersparnis dadurch, daß er dem Leitapparat die Grundform eines abgestumpften Kogols gibt und das Wasser an der Basis in angenähert axialer Richtung zuführt. Derjenige Teil der parallelen Leitradwände, zwischen denen die Finkschen Drehschaufeln eingebaut sind, erhält, um den

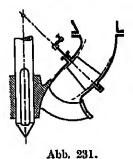
2) Schweiz, Bauzeitung Bd. 66, 1915.

¹⁾ Die Gehäuse werden übrigens zur Ersparung der Modelle oft mittels Schablenen geformt.

Schaufeln die Drehbarkeit zu siehern, die Gestalt von schmalen Kugelzenen, und die Drehzapfen sind nach deren Mittelpunkt gerichtet.

Die Durchflußrichtung hält die Mitte zwisehen der axialen und der radialen

daher mag sie als diagonal bezeichnet werden.



Die Austrittsvorhältnisse lassen sich völlig klarlegen, sobald man das Wasser nach dem Austritt aus dem Leitrad zwischen parallelen Kegelflächen weiterführt. Unter dieser Voraussetzung hat man nur mit einer Ablenkung des Wassers in der Umfangsrichtung zu rechnen. Das in Abb. 232 hervorgehobene ringförmige Wasserelement, das eben aus dem Leitrad getreten ist, besitzt bei den eingeschriebenen Abmessungen eine Masse

$$dm = 2\pi r \frac{\gamma}{g} - db ds$$
.

Seine Umfangsgesehwindigkeit c_{v0} orheiseht eine Zentripetalkraft in radialer Richtung

$$dC = \frac{c_{n_0}^2}{r} dm.$$

Diese wird hervergebracht durch, den Überdruck des außen anliegenden Wassers. Die Komponente von dC in der Richtung normal zu den Kegelflächen ist

$$dN = dC \cos \delta$$
.

und dieser Druck muß von dem außen anliegenden Wasser auf des Element in der betreffenden Richtung ausgeübt werden. Da sieh derselbe über eine Fläche

$$d/=2\pi r ds$$

gloichförmig vorteilt, besteht in dem außen anliegenden Element in der Richtung der Schauselkante eine nach außen gerichtete Zunahme des Flächendruckes im Betrage von

$$dp = \frac{dN}{dI}$$
.

Nimmt man noch Rücksicht darauf, daß

 $b\cos\delta = r$, also $db\cos\delta = dr$,

so erhält man nach einfacher Rochnung

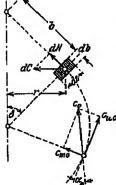


Abb. 232.

$$dp = \frac{\gamma}{g} c_{n0} \frac{dr}{r}$$

$$dp = \frac{\gamma}{g} c_{n0} \frac{db}{b}.$$
(210)

Eine zweite Beziehung für die Druckverteilung längs der Austrittskante des Leitrades ergibt sich aus der ohne Zweifel ziemlich zutreffenden Annahme, daß das wirksame Gefälle $H_{\nu 0}$ bis zur Schaufelkante für alle Punkte der letzteren denselben Wert

$$H_{r0} = \frac{c_0^2}{2a} + \frac{p_0}{r}$$

bositzo.

Differentiiert man diese Gleichung, so erhält man, gültig für alle Punkte der Schaufelkante,

$$dp_0 = -\frac{\gamma}{a} c_0 dc_0$$
.

Setzt man diesen Ausdruck gleich demjenigen unter (210), so erhält man, da nach Abb. 233

nach einfacher Rechnung

$$\begin{array}{c} \cos^2\alpha_0 \frac{db}{b} = -\frac{dc_0}{c_0},\\ \frac{dc_0}{db} = -\frac{c_0\cos^2\alpha_0}{b}. \end{array}$$

odor

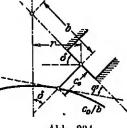
Die Austrittsgeschwindigkeit co nimmt längs der Schaufelkante von außen nach innen zu, gleichwie der Druck in derselben Richtung kleiner wird.

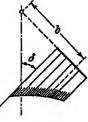
Die Verteilung der Geschwindigkeit über die Schaufelkante läßt sich nach Abb. 234 durch eine Kurve zur Anschauung bringen, deren Tangente mit der Kanto den Winkel \varphi cinschließt, für den

tang
$$\varphi = \frac{dc_0}{db} = -\frac{c_0 \cos^2 \alpha_0}{b}$$
.

Wenn daher die Gestalt der Leitschaufel gegeben und somit der Winkel α als Funktion von b bekannt ist, so läßt sich die Kurve c_0/b tastend als Trajektorio

zichen, sobald ein Punkt bekannt oder angenommon ist. Diese Kurve besitzt zwei rechtwinklig zucinander stehende Asymptoten, von denen die





Аbb. 233,

Abb. 234.

Abb. 235.

Schaufelkante die eine ist; die andere geht durch den Punkt b=0. Aus der Kurve c_0/b läßt sich die Verteilung der meridionalen Geschwindigkeit cmo, für die sich nach Abb. 233 die Beziehung ergibt

$$r_{m0} = c_0 \sin \alpha_0$$
.

punktweise ausreehnen und in ähnlicher Weise durch eine Kurve c_{sq}/b darstellen. Multipliziert man jede einzelne Ordinate mit

$$2\pi r = 2\pi b \cos \delta$$
,

so hat das Produkt

$$q = (2\pi b \cos \delta) c_{\rm st} \tag{211}$$

die Bedeutung der pro Einheit der Kantenlänge durchfließenden Wassermenge vorausgesetzt, daß man die Verengung der Durchflußquerschnitte durch die Schaufeldicken außer acht lassen dürfe. Durch das Anftragen dieser Werte für cinzelne Punkte gewinnt man endlich nach Abb. 235 Außehluß über die Verteilung der Durchflußmenge längs der Schaufelkante. Die von der Kurve q/b abgeschlessene Flüche Abb. 235 mißt die ganze Durchflußmenge, und wenn man diese durch Probleren in schmale Streifen von gleichem Inhalt zerlegt, so ersieht man daraus, wie sich die Durchflußmenge längs der Kante verteilt.

Die Maßstäbe, in denen die Ordinaten der Kurven q/b, c_{mq}/b und c_0/b zu messen sind, milrson daraus ormittelt worden, daß die Fläche in Abb. 235 eine bestimmte

Durchflußmenge bedeutet.

Konnt man die Verteilung des Wassers längs der Schaufelkante, so ist auch die meridienale Geschwindigkeit für jeden Punkt der Kante bestimmbar, und dies blotot die Möglichkeit, für jeden Punkt der Kante das Eintrittsdiagramm zu konatruleron.

Das Laufrad hat ungefähr die Gestalt eines Expressaufers. Zwischen Leit-

und Laufrad befindet sich ein großer Zwischenraum. Obwehl die Diagonalturbine hydraulisch günstige Verhältnisse gibt, hat sie sich bis heute noch nicht recht eingeführt. Es ist dies zum größten Teil darauf zurtiekzuführen, daß die Konstruktion und Fabrikation dieser Turbine infolge der schiefstehenden Leitschaufelachsen gewisse Schwierigkeiten bietet. Streng genommen müßten alle Belzen und Löcher, die zur Betätigung der Leitschaufel dienen, konisch sein und ihre Erzeugenden müßten sich alle im gleichen Punkte der Turbinenachse schneiden. Die Stirnflächen der Leitschaufeln müssen konzentrische Kugelflächen sein, und die Lenker zur Betätigung der Leitschaufeln müßten ebenfalls durch konzentrische Kugelflächen und koaxiale Kegelflächen begrenzt werden. Wenn man nun auch bei der praktischen Ausführung Aunäherungen zulassen darf, so bleiben immer noch genügend fabrikationstechnische Schwierigkeiten, welche der weiteren Ausbreitung der Diagonalturbine hindernd im Wege stehen.

19. Die Schaufelung des Leitrades.

171. Zutritt des Wassers zum Leitrad. Sotzt man die Turbine mitten in einen weiteren Raum, Schacht oder Kessel, so strömt ihr das Wasser von allen Seiten in annähernd radialer Richtung zu. Die Geschwindigkeit, mit der das Wasser aus dem Zuflußkanal oder aus der Druckleitung in den Schacht oder Kessel tritt, geht dabei vollständig verloren. Will man sie retten, so muß man das zuströmende Wasser mittels eines Spiralgehäuses stotig, also ohne plötzliche Geschwindigkeits- und Richtungsänderungen dem Leitrad zuführen. Dabei ergibt sieh von selbst eine mehr oder weniger tangentiale Zutrittsrichtung, der sieh die Ansätze der Leitschaufeln anzupassen haben.

Das Spiralgehäuse baut man hei liegender Turbinenwelle vollständig symmetrisch zu einer Ebene normal zur Achse, und da dies die einfachste Gestalt des Gehäuses ergibt, ist bei der Spiralturbine die wagrechte Achsenlage die Regel. Doch kommt in neuerer Zeit für den direkten Antrieb von Elektrogeneratoren nicht selten die senkrechte Anordnung in Gebrauch, die eine bessere Ausnutzung des Raumes im Grundriß und bessere hydraulische Vorhältnisse ermöglicht. Für niederen Druck führt man das Spiralgehäuse in Blech aus, und zwar mit Rücksicht auf die leichtere Herstellbarkeit in rechteckigem Querschnitt; desgleichen die im Betonfundament ausgesparten Spiralgehäuse großer Niederdruckturbinen mit senkrechter Achse. Bei höheren Gefällen wird das Gehäuse mit kreisförmigem Querschnitt in Gußeisen oder (für sehr große Drücke) in Stahlguß hergestellt.

Die Geschwindigkeit c_o des Wassers im Eintrittsstutzen wird etwa so hoch gewählt, daß die entsprechende Geschwindigkeitshöhe 4 bis 6 v.H. des Gefälles ausmacht, also

$$\begin{cases} \frac{c_s^2}{2g} = 0.04 \text{ bis } 0.00 \text{ II} \\ c_s = 0.80 \text{ bis } 1.1 \sqrt{II} \end{cases}$$
 212)

Vom Eintritt an läßt man den Gehäusequerschnitt stetig abnehmen, so daß die Geschwindigkeit im Gehäuse konstant bleibt.

Wird das Wasser durch eine Druckleitung zugeführt, so schließt man sie mit einer kegelförmigen Röhre an das Spiralgehäuse an. Öfters wird der Eintrittsstutzen des Gehäuses selbst konisch gestaltet; dann sind die Angaben über die Eintrittsgeschwindigkeit auf den Übergang in den spiralförmigen Teil des Gehäuses zu beziehen.

Bei der Diagonalturbine läßt sich die Zuflußgesehwindigkeit im Druckrehr durch einen axialen Anschluß nützlich verwenden.

172. Die Zahl der Leitschaufeln soll mit dem Raddurchmesser langsam zunehmen; bei wachsender Breite müßte sie eher wieder etwas abnehmen, damit die Kanäle verhältnismäßig weniger sehmal ausfallen. Da man aber dasselbe Modell für verschiedene Radbreiten zu verwenden pflegt, dürfte es zweckmäßiger sein, die Schaufelzahl nur auf den Durchmesser allein zu beziehen. Als Anhaltspunkt mag die Formel dienen

$$z_0 = 1.3 \text{ bis } 2 \sqrt{D_0}$$
, (213)

wohei D_0 den inneren Leitraddurchmesser in em bedeutet. Die Zahl ist auf ein ganzes Vielfaches von 2 oder 4 ab- oder aufzurunden.

Da bei Anwendung eines Spiralgehäuses das Wasser bereits mit einer tangentialen Richtung zutritt, kann hier die Zahl der Leitschaufeln etwas kleiner gewählt worden.

173. Der Austritt der Leitschaufeln soll einen zwanglosen Austritt des Wassers ergeben (vgl. Kap. 15). Da das Leitrad beidseitig von flachen Kränzen begrenzt wird, muß der Schaufelrücken vom Punkto B an, der der Kante der nächsten Schaufel gegenüber liegt, nach einer logarithmischen Spirale gekrümmt sein und die Vorderseite soll wenigstens an eine logarithmische Spirale anlaufen (vgl. Abb. 236). Die Spirale kann durch ihren Krümmungskreis ersetzt werden, dessen Halbmesser die Größe hat

$$\varrho = \frac{r}{\cos \kappa_0}$$
 (214)

174. Feststehende Leitschaufeln kommen zwar wohl nicht mehr zur Anwendung; da sie indessen den einfachsten Fall darstellen, mögen sie einleitungsweise deunoch behandelt werden.

Als gegeben ist vor allem der innere Leitraddurchmesser D_0 anzuschen, der um einen angemessenen Spielraum größer als der Eintrittsdurchmesser D_1 des Laufrades zu wählen ist. Ferner ist bekannt die Radbreite B_0 und die Zahl z_0 der Leitschaufeln und der Austrittswinkel α_0 oder die lichte Kanalweite a_0 bzw. die meridienale Kanalweite m_0 (vgl. Absehn. 133). Nach Abb. 236 wird zunächst der Austritt entworfen. Dessen Dieke s_0 wird so fein gehalten, als es die Rücksichten auf die Festigkeit und die Herstellung erlauben. Bei gegessenen Schaufeln läßt man zur Steigerung der Festigkeit nach rückwärts eine beträchtliche Verdickung eintreten. Die Ausgestaltung des übrigen Teiles der Schaufelhängt von der Richtung ab, in der das Wasser dem Leitrad zufließt. Bei radialem Zutritt ist ein radialer Eintritt erforderlich. Für eine saufte Entwicklung des Kanals bedarf es etwa einer Kranzbreite

$$\triangle R = 3.5$$
 bis $4a_0$,

wenn man mit a_0 die lichte Weite des Kanales an der engsten Stelle bezeichnet.

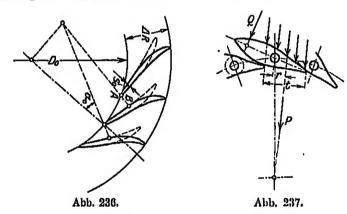
Besitzt die Turbine ein Spiralgehäuse, so wären die Schaufeln etwa wie punktiert gezeichnet zu gestalten; die Kanallänge und die Kranzbreite fallen bedeutend kürzer aus; dagegen werden die Konvergenzverhältnisse um so ungünstiger, Grund genug, um die Kanallänge möglichst zu verkürzen.

Mit Rücksicht auf die Dicke s_0 der Schaufeln am Austritt wäre die errechnete Radbreite B_0 im Verhältnis von (a_0+s) : a_0 zu vergrößern. Bei feststehenden Leitschaufeln darf diese Korrektur nicht unterbleiben, da sonst die vorgeschriebene Wassermenge nicht durch-

gesetzt würde.

Für das Aufzeichnen sei auf Absehn. 133 und 134 verwiesen.

175. Die Finkschen Drehschaufeln müssen in der Mitte zur Aufnahme des Drehbolzens stark verdickt werden. Da dies aber die Ausgestaltung des Leitkanals wesentlich erschwert, darf die Verdickung



nicht stärker gehalten werden, als wegen der Festigkeit der Bolzen durchaus nötig ist; ihre Stärke muß also vergängig bestimmt werden wie folgt.

Nach Abb. 237 liefert der Wasserdruck bei völlig geschlossenen Schaufeln eine größte Belastung

$$P = tB_0 Il \gamma$$
;

der Hebelarm, an dem seine Resultante angreift, ist

$$r \geq \frac{1}{2}t$$
.

Hat man den Angriffspunkt und die Richtung der drehenden Kraft Q gewählt, so ist die Belastung des Drehbolzens bestimmbar, und zwar wird sie nicht leicht größer als 2P worden. Rechnet man mit diesem Werte und betrachtet man den Drehbolzen als gleichförmig belasteten, an beiden Enden fost eingespannten Träger, so kann man sich zur Berechnung seiner Stärke der Formel bedienen

$$d = \sqrt[8]{\frac{B_0^2 t \dot{H}}{4800}},\tag{215}$$

worin das Gefälle II in m, alle übrigen Abmessungen dagegen in em einzusetzen sind. Der zum Drehbelzen konzentrische Zylinder, der sich in das Schaufelprofil einschreiben läßt und den man als Schaufelnabe bezeichnen mag, würde ungefähr einen deppelt so großen Durchmesser erhalten.

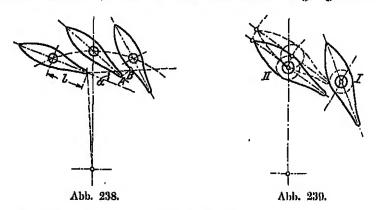
Es sei die Zahl der Schaufeln und der Kreis gegeben, auf dem die Drehbolzen stehen. Nach Abb. 238 soll die Seite der Schaufel, die dem Laufrade zugekehrt ist, vom Punkte B an der Bedingung des zwanglosen Austrittes gonügen (vgl. Absehn. 128), d. h. im vorliegenden Falle (bei unveränderlicher Radhöhe) nach einer logarithmischen Spirale oder wenigstens nach deren Krimmungskreis profiliert werden. Dabei ist der Punkt B für die kleinste Offnung zu bestimmen, für die man noch auf kontraktionsfreies Ausströmen rechnet. Soll diese Bedingung auch noch für die Offnung Null erfüllt werden, so kommt B auf die Schaufelnabe zu liegen; der von der Schaufelspitze beschriebene Kreis muß daher in seiner Verlängerung durch das Mittel des nächsten Drehbolzens gehen, und es wird l=t. Nimmt man als kleinste Öffnung einen Wert an, der größer als Null ist, so rückt der Punkt B nach außen, und indem man mit der Nabe nachrückt, kann man die Schaufel kürzen. Da dieses eine Verminderung des vom Wasserdrucke erzeugten Drehmomentes auf die Schaufel und durch Abkürzen des engsten Kanalteiles eine Verbesserung in Hinsicht auf die Reibungsverluste bedeutet, pflegt man in der Regel l < t zu nehmen, und zwar nach folgender Tabello:

u ₀	0,20	0,25	0,80	0,85	0,40	0,45	0,50
L =	0,68 <i>t</i>	0,69 t	0,70 t	0,71 t	0,72 t	0,78 t	0,74 t
B =	0,58 <i>t</i>	0,59 t	0,60 t	0,62 t	0,68 t	0,64 t	0,65 t

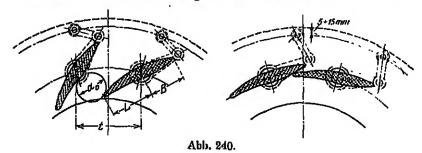
Gewöhnlich wird die Schaufel in ihrem vorderen Teil symmetrisch gestaltet; somit ist dieser nunmehr festgestellt. Daß die Schaufel am vorderen Ende der Festigkeit wegen nicht in eine scharfe Schreide auslaufen darl, sondern noch eine gewisse Dieke haben muß, versteht sich von selbst.

Nunmehr wird der hintere Teil der Schaufel unter Rücksichtnahme auf die Richtung des Zuströmens ergänzt. Es kann (auch bei
radialem Zutritt) in der Regel die Symmetrie beibehalten werden, wie in
Abb. 238 gezeigt ist. Um ein Bild des Kanales zu bekommen, muß
man unbedingt zwei benachbarte Schaufeln bei größter Öffnung aufzeichnen. Das Kanalprofil ist namentlich darauf zu prüfen, ob die
engste Partie nicht zu lang ausfalle. Mängel in dieser Hinsicht lassen
sieh dadurch verbessern, daß man die Länge I des verderen Teils kürzt,
oder indem man das Verhältnis zwischen Belzenabstand und Nabendieke vergrößert, was sieh durch eine Verminderung der Schaufelzahl
und durch eine Erweiterung des Belzenkreises erreichen läßt.

Beim Entwerfen des Leitrades bildet der Außendurchmesser des Laufrades den Ausgangspunkt. Unter Annahme eines angemessenen Spielraumes wählt man den Kreis, auf dem bei größter Öffnung die Schaufelkanten liegen, also den inneren Leitraddurchmesser. Hat man ferner den größten Wort des Austrittswinkels α_0 gewählt, der wohl selten über 45° hinausgehen wird, so ist es leicht, den Bolzenkreis durch Probieren zu finden, sobald man die äußere Schaufellänge t gewählt hat.



Es empfiehlt sich, die Prüfung des Kanalprofiles auf die Schaufelstellung bei der kleinsten Öffnung bzw. bei gänzlichem Schluß auszudehnen. Dabei leistet das Verfahren von E. Braun) gute Dienste. Denkt man sich in Abb. 239 die Schaufel I festgehalten und schwenkt man den ganzen Leitspharat um den Bolzen 1 herum, so verschieben sich alle übrigen Leitschaufeln parallel zu sich selbst, und zwar auf Kreisbogen, deren Halbmesser gleich dem Bolzenabstand 1--11 sind.



Recht bequem lassen sich die Leitschaufeln nach Abb. 237 und 240 in ganz geschlossener Stellung entwerfen. Dahei legen sich die Schaufeln mit ihrer inneren Seite angenähert an einen Kreis aus dem Mittelpunkt der Turbine. Nur darf man nicht unterlassen, die Gestalt des Kanales für die vollständige Öffnung zu prüfen.

Bei tangentialem Zutritt des Wassers, wie er sich bei Spiralturbinen bildet, läßt sich die Symmetrie der Schaufeln nicht immer

¹⁾ Z. ges. Turbinenwesen 1905, S. 220.

beibehalten; vielmehr muß oft der änßere Teil nach Abb. 240 in der Richtung der Tangente abgebogen werden.

Man wird finden, daß es namentlich bei tangentialem Zutritt um so schwieriger wird, ein gutes Profil zu entwerfen, je dieker die Nabe ist. We man aus diesem Grunde in Verlegenheit kommt, empfiehlt sich eine andere Form der Drehachse, die gerade bei Spiralturbinen für Hochdruck allgemein gebräuchlich geworden ist. Anstatt daß man die Schaufeln sich lose um feste Bolzen drehen läßt, gibt man ihnen zwei angegossene Zapfen, wobei Stahlguß als Material vorausgesetzt ist. Der eine verlängerte Zapfen wird durch eine abgediehtete Öffnung im einen Kranz ins Freie geführt und dert mittels eines aufgekeilten Hebels von einem

gemeinsamen zentralen Ringe aus durch eine kurze Schubstauge bewegt. Da die Schaufel, wie sich aus Abb. 241 ergibt, in der Mitte nicht wesentlich verdickt zu werden braucht, ist man in der Formgebung viel freier, und es ist nicht schwer, der Schaufel ein Profil zu geben, bei dem der Kanal in allen Schaufelstellungen günstige Konvergenzverhältnisse zeigt.

Der Umstand, daß der Mechanismus zum Drehen der Schaufeln von außen zugünglich ist und jederzeit geschmiert werden kann, bildet einen großen Vorteil.

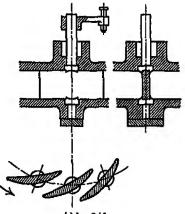


Abb. 241.

Da hier die Drehbolzen, durch die sonst die Verbindung zwischen den beiden Kränzen des Leitrades hergestellt wird, in Wegfall gekommen sind, bringt man als Ersatz einige besondere Stehbolzen oder einige leitschaufelartigen Stege an, die außerhalb des Leitschaufelsystems liegen.

176. Das Moment zum Dreben der Schaufeln sollte bekannt sein, wenn man den Mechanismus zur Bewegung der Finksehen Regulierung entwerfen will. Die Widerstände, die zu überwinden sind, setzen sich zusammen aus dem Wasserdruck auf die Schaufeln, aus der Zapfenreibung und aus den Reibungen im Gestänge.

Bei geöffneten Schaufeln hängt der Wasserdruck nach Größe und Angriffslinie vom Kanalprofil und von den Geschwindigkeiten des Wassers ab, und zwar in einer so verwiekelten Weise, daß im allgemeinen nur der Versuch Aufschluß geben kann. In dem Sonderfalle, wo die Schaufeln ganz oder nahezu geschlossen sind, ist es indessen leicht, einen Einblick zu gewinnen, und da in diesem Augenblick der Widerstand des Wasserdruckes einen Größtwert annimmt, genügt es für praktische Zwecke, diesen Fall zu betrachten. Solange die Wassergeschwindigkeiten verschwindend klein sind, darf man annehmen, daß die Druckverhältnisse dem statischen Zustande entsprechen, wie er bei völlig geschlossenen Schaufeln besteht; es liegt auf der freien Schaufelfläche

von der Länge t (vgl. Abb. 237) ein Druck gleich dem Gewicht einer Wassersäule von der Höhe H des Gefälles. Die Kraft Q zum Drohen der Schaufel greift auf einer gewählten Angriffsliuie an; sie soll ein Drehmoment ausüben, das gleich ist der Summe des Drehmomentes des Wasserdruckes und desjenigen der Zapfenreibung. Diese hängt von der Zapfenbelastung ab, die die Resultante des Wasserdruckes, der erst noch zu bestimmenden Drohkraft Q und der einstweilen ebenfalls noch unbekannten Zapfenreibung ist. Da überdies der Reibungskoeffizient der Zapfen je nach deren Beschaffenheit und Zustand recht verschiedene Werte annehmen kann, hat man allerhand Schwierigkeiten und Unsicherheiten vor sieh.

Von den Einzelkräften Q ausgehend, läßt sich schließlich auch die ganze Drehkraft ermitteln, sobald der kinematische Zusammenhang des Mechanismus gewählt worden ist; immerhin bereitet auch hier die Rücksichtnahme auf die Reibung in den verschiedenen Zapfen des Gestänges noch mancherlei Schwierigkeiten.

Man erkennt, daß die Aufgabe keine allgemeine Behandlung zuläßt; es muß jeder Fall besonders durchgerechnet werden. Damit man sieh immerhin eine Vorstellung von der Größenerdnung der verkommenden Kräfte bilden kann, soll wenigstens das durch den Wasserdruck erzeugte Drehmement berechnet werden, das immerhin den größten Teil des zu überwindenden Widerstandes ausmacht.

Unter Anwendung der Bezeichnung aus Abb. 237 erhält man bei z_0 Schaufeln und bei einem Gefälle II ein totales Drehmement

$$\mathfrak{M} = z_0 r t B_0 H \gamma,$$

wenn B_0 die Leitradbreite bezeichnet.

Die Schaufelteilung ist

$$t = \frac{\pi D_0}{z_0},$$

und der Hebelarm r, an dem die Resultierende des Wasserdruckes angreift, stehe zur Teilung in einem Verhältnis

$$\varphi = \frac{r}{t}$$
.

Führt man diese Ausdrücke oben ein, so orgibt sich für das Drehmoment

$$\mathfrak{M} = \frac{\pi^2}{z_0} \, \varphi \gamma \, B_0 H D_0^2. \tag{217}$$

Der ungünstigste Fall, der noch vorkommen kann, ist der, wo l=t und $r=\frac{1}{2}t$, also $\varphi=0.5$. Unter diesen Annahmen erhält man beispielsweise für $B_0=0.8$ m, $D_0=2$ m, H=10 m und z=30 mit $\gamma=1000$ ein Drohmement des Wasserdruckes von

$$\mathfrak{M} = 5264 \text{ mkg}$$
.

Kürzt man abor den vorstehenden Teil der Schaufel auf l = 0.7 t, so geht der Hebelarm zurück auf r = 0.2 t; es wird also $\varphi = 0.2$, und das

Moment sinkt auf

$$\mathfrak{M} = 2106 \text{ mkg.}^{-1}$$

Nach Absohn. 172 soll die Schaufelzahl etwa betragen

$$z_0 = a \sqrt{D_0}$$
.

Setzt man diese Beziehung unter der Annahme, daß sie streng erfüllt sei, in Gl. 217 ein, so nimmt diese die Form an

$$\mathfrak{M} = \frac{\pi^2}{a} \varphi \gamma B_0 \Pi D_0^{\frac{8}{2}}.$$

Für das m als Einhoit ist a=20 und $\gamma=1000$ zu sotzon, und es wird alsdann

$$\mathfrak{M} = 493.5 \ \varphi B H D_0^{\frac{11}{2}}. \tag{218}$$

A. Stricklor²) findet auf Grund von Versuchen an ausgeführten Turbinen, daß sich in der Tat die Öffnungsarbeit der Finkschen Regulierung durch einen Ausdruck von der Form

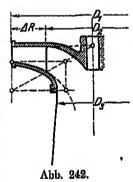
$$A = kBHD_0^{\frac{3}{3}} \tag{219}$$

darstellen lasse. Die Zahl k ändert sieh von einer Turbine zur andern wenig, sobald der zur Bewegung der Schaufeln benützte Mechanismus ähnlich bleibt. Verschiedenartige Mechanismen aber rufen auch stark verschiedene Werte von k hervor. Es muß also angenommen werden, daß die Art des Bewegungsmechanismus einen starken Einfluß auf den Kraftaufwand ausübe.

20. Die Schaufelung des Laufrades mit radialem Austritt.

177. Radprofil, Eintritt und Austritt der Schaufeln. Das Laufrad mit radialem Durchfluß zoigt die einfachsten Verhältnisse und eignet

mit radialem Durchfluß zeigt die einfachsten sich daher gut zur Einführung in das Studium der Schaufelung der Francis-Turbinon. Genau genommen gibt es heute keine Turbinen mit rein radialem Durchfluß mehr, da man alle Laufräder, wie Abb. 242 zeigt, nach innen zu erweitern pflegt. Der eine Kranz, der als Radboden die Verbindung mit der Nabe herstellt, ist allerdings innerhalb des Bereiches der Schaufeln meistens ganz flach; dagegen hat der andere Kranz, der den Anschluß an das Saugrehr vermittelt, ein gleich von Anfang an axial ausweichendes Profil. Daher vollzieht sich für alle Wasserfäden mit Ausnahme dergenigen, die dem Radboden entlang fließen, sehen innerhalb des Taufrades eine axiale Ab



schon innerhalb des Laufrades eine axiale Ablenkung. Diese ist indessen so gering, daß der Unterschied zwischen der wirklichen Be-

2) Dissortation d. oldgon, Toohn. Hochschule, Zürich 1916.

¹⁾ Die Kürzung des vorderen Telles der Schaufel führt also eine ganz bedeutende Erleichterung des Roguliermechanismus herbei.

wegung und ihrer Projektion auf die Radebene unbedeutend genug ist, um außer acht gelassen zu werden. Die Schaufeln erhalten die Gestalt von Zylinderflächen, derem Erzeugenden parallel zur Achse verlaufen; die Schaufel ist somit durch ihre Leitlinie oder ihr Profil bestimmt.

Die Kranzbreite $\angle R$ ist so groß zu wählen, daß sie genügenden Raum für eine sanfte Ablenkung der Kanäle bietet. Je stärker diese gekrünmt sind, also je größer der Eintrittswinkel β_1 ist, deste breiter muß der Kranz sein. Bezeichnet t_1 die Schaufelteilung am äußeren Umfang, so nehme man vorläufig etwa

für
$$AR: t_1 = 1,2$$
 1,45 1,7 $\beta_1 = 60^{\circ}$ 90° 120°.

Sollte sieh ergeben, daß zwischen den Durchmessern D_1 und D_2 nicht genügend Platz für die Entwicklung der Schaufeln bleibt, so kann man entweder die Schaufeln in den Raum des axialen Austrittes binabziehen oder ihre Zahl vermehren, also die Teilung verkleinern.

Das Kranzprofil wird derart angenommen, daß das Wasser stetig ins Saugrohr übergeleitet wird; es dürfen dabei keine Wirbel und Ablösungen auftreten, und daher vermeidet man, das Wasser zu verzögern oder den Durchflußquerschnitt zu erweitern. Da es auf der anderen Seite unzweckmäßig wäre, den Ausfluß zu beschleunigen und das Wasser mit größerer Geschwindigkeit ins Saugrohr eintreten zu lassen, wird man am besten tun, die meridienale Übergangsgeschwindigkeit ins Saugrohr konstant zu halten, und indem man diese Bedingung auch für das Gebiet der Laufradkanäle erfüllt, ergibt sich für das Profil des ganzen Laufrades eine Zunahme der Radbreite, die dem Halbmesser umgekehrt proportional ist: das Profil wird nach Abb. 242 durch eine gleichseitige Hyperbel gebildet; die absolute Bahn der zwanglesen Bewegung wird nach Absehn. 131 eine Archimedische Spirale.

Beim Entwerfen der Schaufelprofile hat man wie immer besondere Sorgfalt auf die Durchbildung des Eintrittes und des Austrittes zu verwenden. Beim Eintritt hat man zunkehst die Bedingung des stoßfreien Eintrittes zu erfüllen; sodann soll die Schaufel bis zum Punkte B_1 , der der Eintrittskante A_1 der benachbarten Schaufel gegentberliegt, dem Wasser die zwanglese Bewegung gestatten (vgl. Kap. 15, Abb. 187 und 188).

Dor Austritt muß das Wasser in meridionaler Richtung entlassen und sich vom Punkte B_2 an der zwanglosen Bewegung des Wassers anpassen; er erhält also das Profil einer Archimedischen Spirale. Zieht man nach Abb. 243 im Punkte B_2 die Tangente an das Profil des zwanglosen Austrittes, so muß sie auf dem Halbmesser durch A_2 die meridionale Kanalweite

$$m_2 = \frac{60}{z_a n} c_{m 2}$$

abschneiden (vgl. Abschn. 133).

Ist die Schaufeldicke s₂ gewählt, so kann man ihren Einfluß an Hand der Abb. 243 genauer verfolgen. Das Verhältnis zwischen der absoluten Austrittsgeschwindigkeit c_2 und der Geschwindigkeit c_{m2} ummittelbar nach dem Verlassen des Laufrades ist offenbar

$$\frac{c_2}{c_{m_2}} = \frac{t_2}{k_2} > 1,00.$$

Da sich c_{m2} aus dem rohen Austrittsquerschnitt findet, bekommt man aus dieser Beziehung die absolute Austrittsgeschwindigkeit co. die man nach einer vorläufigen Annahme in die Grundgleichung (141)

$$2u_1c_{u_1}=2gH_w-c_2^2$$

eingesetzt hat, um die Rochnung beginnen zu können. Es wird sich nun erweisen, ob der schätzungsweise angenommene Wert

$$\frac{c_2}{c_{m\,2}} = 1,2 \text{ bis } 1,25$$

ungefähr stimmt, oder ob man mit einem berichtigten Werte die Berechnung wiederholen muß.

Da selbstverständlich $c_2 > c_{m2}$ ist, tritt unvermeidlich ein Stoß auf. Dabei geht eine Druckhöhe verloren im Betrage von

$$H_{v2} = \frac{(c_2 - c_{m2})^2}{2g}$$
.

Mit den angegebenen Verhältniszahlen $c_2:c_{m2}=1,2$ bis 1,25 findot sich die verlorene Druckhöhe

$$H_{v2} = 0.04$$
 bis $0.0625 \frac{c_2^2}{2g}$,

und da die Höhe, die der absoluten Austrittsgeschwindigkeit cz entspricht, nur ausnahmsweise 10 v.H. des ganzen Gefälles überschreitet, fällt dieser Verlust nicht größer als 4 bis 6,25 v.T. aus; er ist also unbedeutend.

Unter der Voraussetzung, daß man die Bahn des zwanglosen Austrittes als Evolvente anschen dürfe, zeigt Abb. 244 die Konstruktion

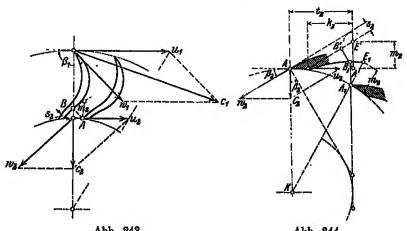


Abb. 243.

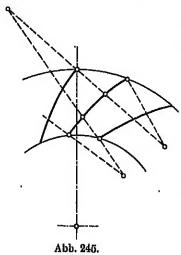
Abb. 244.

des Schaufelaustrittes. Macht man AA' gleich der Schaufelteilung $t_2=AA_1$, und zicht man in B_1 die Tangente an die Evolvente, so wird durch dieselbe auf den Halbmesser durch A_1 die meridienale Kanalweite

$$m_2 = \frac{60}{z_2 n} c_{m2}$$

abgeschnitten (vgl. Abschn. 133).

178. Das Aufzeichnen der Schaufelung beginnt man damit, daß man den Eintritt und den Austritt der Schaufeln ganz unabhängig voneinander entwirft. Hernach verdreht man die beiden Teile, etwa mit Hilfe eines Stückes Pauspapier, so weit gegeneinander, daß sie



sich durch ein sanft gekrümmtes Zwischenstück miteinunder verbinden lassen.

Hinsichtlich der Zuschärfung der Eintrittskante sei auf Absehn. 129 verwiesen.

Solange der Eintrittswinkel β_1 größer oder nicht viel kleiner als 90° ist, wird man auf keine Schwierigkeiten stoßen; man erhält nach Abb. 248 ein Profil mit einem Wendepunkt. Wenn aber β_1 unter einem gewissen Minimalwert bleibt und wenn man die Schaufel nicht zu sehr in die Länge ziehen will, so erhält man nach Abb. 245 ein Profil mit zwei Wendepunkten¹). Dies kann jedoch durch eine größere Schaufellänge vermieden werden.

179. Verwendungsbereich. Der radiale Durchfluß bedingt einen großen äußeren Durchmesser und kommt daher in Verbindung mit einer verhältnismäßig geringen Radbreite vor allem für Langsamläufer zur Anwendung. Sinngemäß wird man somit in der Regel einen Eintrittswinkel $\beta_1 > 90^{\circ}$ benützen, weil dieser eine kleine Umfungsgeschwindigkeit ergibt. Gelegentlich wählt man indessen $\beta_1 = 100^{\circ}$, wenn mun verhandene Modelle von Langsamläufern für größere Geschwindigkeiten verwenden will.

21. Die Schaufelung des Laufrades mit axialer Ablenkung.

180. Voraussetzungen. Das Entwerfen der Schaufelung einer Francis-Turbine mit axialer Ablenkung ist keine ganz einfache Sache. Schon die doppelte Krümmung der Kanüle erschwert sowohl die Übersicht als auch die Darstellung. Die Verhältnisse in den verschiedenen Punkten eines und desselben Querschnittes weichen so stark voneinander

¹⁾ Honold und Albrocht: Francis-Turbinen, Mittwelda 1908.

ab, de 13 man nicht mehr von einem mittleren Wasserfaden ausgehen kann, eler als maßgebend für den ganzen Durchfluß gelten darf. Um die Aufga Lie an die Hand nehmen zu können, muß man zumeist einige mehr oder minder willkürliche Annahmen treffen, über deren Zweckmäßiglecit sieh erst im Laufe der Arbeit ein Urteil gewinnen läßt und auf die man daher unter Umständen zurückkommen muß. Es läßt sieh elarum kein Verfahren angeben, das Schritt für Schritt sieher zum Ziele führt. Eine brauchbare Lösung wird nur derjenige liefern könne 11, der mit einer guten geometrischen Schulung und den erforderlichen Inydraulischen Kenntnissen noch ein feines Empfinden für das verbinetes noch zumuten darf, ohne die Regelmäßigkeit der Strömung zu stehen.

Vor allem wird auch hier wieder eine vollkommene Stetigkeit der Strömling vorausgesetzt, wie sie sich ergäbe, wenn man sich die Turbine mit einer unendlich großen Zahl von unendlich dünnen Schaufeln ausgerlistet denkt. Es wird angenommen, daß alle Wasserfäden, die einem gegebenen Parallelkreis schneiden, unter sich völlig kongruent seien, Ho daß in allen Punkten eines Parallelkreises derselbe Zustand bestelne. Diese Fäden bilden in ihrer Gesamtheit eine Drehfläche, die wir als Stromfläche bezeichnen. Ihre Meridianlinien mögen Stromoder Hußlinien genannt werden. Die Schnitte der Stromflächen mit den Schaufeln sollen den Namen Schaufelprofile erhalten. Man kann sich den ganzen Durchflußraum durch eine Anzahl von Stromflächen derart unterteilt denken, daß die so entstehenden Zwischenräume Oder Wasserstraßen gleiche Bruchteile der gesamten Wassermenge durchlassen.

Fithrte man diese Stromflächen als feste Scheidewände aus, so würde die ganze Turbine in eine Anzahl von Teilturbinen zerlegt, innerhalb deren die Verschiedenheit zwischen den einzelnen Wasserfäden klein genug wäre, daß man das Verhalten des Wassers von einem mittleren Faden aus beurteilen könnte.

Man wird wohl keinen großen Fohler begehen, wenn man annimmt, daß für jede dieser Teilturbinen das wirksame Gefälle H_w denselben. Wert besitzt, und da bei jeder der Eintritt stoßfrei und der Austritt mit derselben meridionalen Geschwindigkeit c_2 vor sich gehen soll, wird die Grundgleichung (141)

$$2gH_{w} - c_{q^2} = 2u_1c_{w1}$$

gleichtrifißig für alle Teilturbinen Geltung besitzen; es steht daher der Berechtriung der einzelnen Turbinen nichts im Wege.

Dic Durchflußgeschwindigkeiten in benachbarten Wasserstraßen werder sich nicht stark voneinander unterscheiden, und wenn man sich daher die eingebauten Scheidewände wieder beseitigt denkt, ist wohl

^{1) .}I Daß in Wirklichkeit auf diesem Woge, d. h. durch eine fibermäßige Vermehrung der Schaufelzahl, nichts zu erreichen ist, liegt auf der Hand; dem dies würde zu einer starken Steigerung der Reibungsverluste durch die Vergrößerung der beide tzten Schaufelfläche führen.

anzunehmen, daß die nebeneinander verlaufenden Fäden benachbarter Straßen keinen merklichen Einfluß aufeinander ausüben und daher die Strömung dieselbe bleiben wird, wie zuvor. Die Ergebnisse der Berechnung der einzelnen Teilturbinen dürfen somit ohne weiteres auf die Wasserstraßen übertragen werden; demnach bildet die Kenntnis der Wasserstraßen die Grundlage für die Bestimmung der Schaufolung.

181. Die Wasserstraßen zu bestimmen, böte sich folgende Möglichkeit. Gegeben sei die Turbine mit ihrer Schaufelung, das Gefälle und die Umlaufzahl. In jedem Punkte des Durchflußraumes besteht ein ganz bestimmter Zustand des Wassers hinsichtlich der Größe und der Richtung der Geschwindigkeit. Zicht man versuchsweise die Wasserstraßen nach dem Augemnaß, so kann mit ihrer Hilfe der Geschwindigkeitszustand des Wassers punktweise bestimmt werden. Ob die Wasserstraßen richtig gewählt wurden, ergäbe sieh daraus, daß sieh das Wasser gleichmäßig auf die einzelnen Straßen verteilte. Gegebenen Falles müssen die Straßen so lange abgeändert werden, bis diese Verteilung erreicht ist. Das wäre aber eine so mühsame und langwierige Arbeit, daß die Durchführung zur praktischen Unmöglichkeit würde, und damit stünde das ganze Problem in der Luft.

Nun gibt es aber in der Regel bei jeder Turbine zwei Stellen, wo sich die Straßenbreiten ziemlich sieher angeben lassen, so daß man sich für die dazwischen liegende Partie des Durchflußraumes mit einer gefühlsmäßigen Ergänzung der Stromlinien behelfen kann. Die eine dieser Stellen ist das außerschlächtige Leitrad, soweit darin der Durchfluß in Parallelkreisebenen vor sieh geht, also die axiale Ablenkung noch nicht eingesetzt hat. Die zweite Stelle liegt beim Übergang ins Saugrohr, we die axiale Ablenkung vollendet und die Umfangsgesehwindigkeit verschwunden ist. Man darf annehmen, daß an beiden Stellen alle Wasserfäden je unter denselben Bedingungen stehen und daher je die nämliche meridionale Geschwindigkeit c, besitzen, und so läuft die Bestimmung der Straßenbreiten darauf hinaus, die betreffenden Querschnitte in inhaltsgleiche Ringflächen zu teilen¹).

Um die Ergänzung vorzunehmen, zieht man zunächst die Stromlinion unter Verwendung der so erhaltenen Anhaltspunkte beim Einund beim Austritt nach dem Augenmaß und legt eine Anzahl von Normaltrajektorien hindurch. Die von diesen beschriebenen Drehflächen sind als die Turbinenquerschnitte aufzufassen2). Indem man von der Verengerung des Durchflußraumes durch die endliche Dicke der Schaufeln absieht und von der (willkürlichen) Annahme ausgeht, es sei die Geschwindigkeit c_m in allen Punkten eines Querschnittes dieselbe, kann man die Wasserstraßen dadurch bestimmen, daß man die Stromlinien so lange hin und her schiebt, bis die Stromflächen aus jedem Querschnitt lauter inhaltsgleiche Ringflächen heraus-

2) Man bezeichnet sie, übrigens ohne innere Berechtigung, gewöhnlich als

Nivoauflächen.

¹⁾ Für ebene oder nahezu obene Kreisflächen leistet beim kinteilen eine koaxiale Parabel gute Dienste, wie aus Abb. 246 zu erselien ist.

schneiden, oder daß nach Abb. 246 längs einer jeden Trajektorie die Bedingung erfüllt ist

 $r \triangle b = \text{konst.}$

Damit auf jede Teilturbine die Gleichung

$$2gH_{u}-c_{2}^{2}=2u_{1}c_{u_{1}}$$

anwendbar sei, muß c_2 für alle Punkte der Austrittskante denselben Wert besitzen; somit muß die Bedingung $r \Delta b =$ konst innerhalb der

ganzen Zono I-I, II-II orfüllt sein, und es ergibt sich, daß das Bodenprofil nicht frei gewählt werden darf; es muß vielmehr den Kreis berühren, der beim Austritt in die innerste Wasserstraße eingeschrieben ist¹).

Bei der Durchführung der Einteilung einer Quersehnittsfläche in x flächengleiche Ringe ist folgendes Vorgehen zu empfehlen. Hat man die Stromlinien und die Trajektorien nach dem Augenmaße gezogen, so bildet man für die betrefende Trajektorie die Summe aller Werte $r \triangle b$, die das Maß für den ganzen Querschnitt abgibt. Von dieser Summe soll es auf jeder Straße den xten Teil treffen. Schatzt man, zuerst für die äußerste Straße, den mittleren Halbmesser r ab,



Abb. 246.

der sich zuverlässiger feststellen läßt als die zugehörige Straßenbreite Δb_1 so ist diese

$$\Delta b = \frac{1}{r} \frac{\sum (r \cdot \Delta b)}{x}.$$

Indem man die anliegende Stromlinie dem Ergebnis gemäß verbessert und das Verfahren für die übrigen Straßen wiederholt, erhält man mit wenig Tasten die gewünschte Einteilung.

Die Große des Querschnittes ist

$$F = 2\pi \sum (r \angle |b|).$$

182. Druckverfellung im Laufradkanal. Solange das Warser im Leitrad sich auf Parallelkreischenen bewegt, laufen alle Fåden unter sich kongruent, und in jedem Punkte einer konzontrischen Zylinderfläche besteht derselbe Zustand, also auch derselbe Druck. Erfährt das Wasser beim Austritt aus dem Leitrad eine starke axiale Ablenkung, so setzt sich deren Einfluß rückwärts ein Stück weit ins Leitrad fort und die Straßenbreite nimmt am Austritt nach dem Kranz hin ab; die meridienale Wassergeschwindigkeit wächst und der Druck sinkt in der Richtung parallel zur Achse, was durch die Erfahrung bestätigt wird.

Wie sich der Druck auf einer beliebigen Querschnittsfläche verteilt, davon

gibt folgende Betrachtung eine Vorstellung.

Die absolute Bewegung eines Wasserteilehens m, das sich nach Abb. 247 durch einen Turbinenkanal bewegt, kann in zwei Bewegungskompenenten zerlogt werden, auf die beide das Prinzip von d'Alembert sich anwenden läßt. Die eine Bewegungskompenente sei in einer Parallelkreisehene enthalten; die zweite sei die merklionale Bewegung, also die Bewegung in der Richtung des Meridians der

¹⁾ Bei Rädern mit erweitertem Austritt ist die Bedingung, daß e₈ kings der ganzen Austrittskante konstant sei, nur dann erfüllbar, wenn die Austrittskante in einen Querschnitt der Turbine fällt.

Stromfläche. Für die erste Komponente ergibt sieh als Massen- oder Trägheitskraft die radial nach außen geriehtete Zentrifugalkraft

$$(C_1) = \frac{m c_u^2}{r},$$

und diese muß durch einen obenso großen aber entgegengesetzt gerichteten Überdruck im Gleichgewicht gehalten werden. Eine zweite Tragheitskraft

$$(mp) = -\frac{mdc_n}{dt}$$

fällt in die Umfangsrichtung; sie kommt aber für den Flüssigkeitsdruck nicht in Betracht, da sie nach unseren Voraussetzungen (unendlich viele Schaufeln und daher konstanter Druck längs eines Parallelkreises) gleich unmittelbar durch die Schaufeln aufgenommen wird.

Sicht man zur Vereinfachung vom Einfluß des Eigengewichtes ab, so fallen außer dem einseitigen Flüssigkeitsdruck nur noch zwei Massenkrüfte für die zwei to

Bewegungskomponento in die Reehnung. Die eine im Betrage von

$$(C_2) = \frac{m c_m^2}{\varrho},$$

wobei e den Krimmungshalbmesser der betreffenden Stromlinie bedeutet, liegt in einer Axialobene und hat die Richtung vom Krümmungsmittelpunkt wog. Die zweite,

$$(m\,p_2) = -\frac{m\,d\,c_m}{d\,t}\,,$$

liegt in der Richtung der Tangente an die Stromlinie nach hinten. Nach dem Prinzip von d'Alembert missen die beiden Kräfte durch eine entsprechende Druckkomponente im Gleichgewicht gehalten werden.

Abb. 247.

Interessiert man sich nur für die Druckverteilung langs eines Turbinenquerschnittes, so scheidet mp, aus, und in bezug auf den Druckunterschied zwischon den auf demselben Querschnitt nebeneinunder liegenden Punkten zweier benachbarten Wasserstraßen kommt es nur auf die Mas-

senkräfte (U_1) und (U_2) an. Nach Abb. 248 ergibt sich für denselben

 $D \Longrightarrow --- (C_1) \cos \delta - |- (C_2)$.

Man bomerkt, daß sich die Wirkungen von (U_1) und (C2) tellweise aufheben.

Wird die Stromlinie geradlinig, bewegt sich das Wasser also auf Kegel- bzw.

Zylinderflächen, so wird $(C_2)=0$ und man erhält zwischen zwei benachbarten Wasserstraßen einen einwärts gerichteten Überdruck in der Querschnittsfläche, der die Massenkraft $(C_1)\cos\delta$ im Gleichgewicht halten muß.

Abb. 248.

Nimmt der Druck infolge der überwiegenden Wirkung von $(C_1)\cos\delta$ von außen nach innen ab, so wird dafür die merldienale Geschwindigkeit innen größer und die Wasserstraßen werden sehmaler. Die Querschnitte der Wasserstraßen können in diesem Falle nicht konstant sein und die Stromlinien müßten eine entsprochende Korroktur erfahren; sie wären nach innen etwas zusammen zu schieben und nach außen etwas auseinander zu rücken. Unsere Annahme, daß die Querschnitte der Wasserstraßen längs einer Trajektorie konstant seien, entspricht also keineswegs genau der Wirklichkeit; es kommt ihr lediglich die Bedeutung einer Verlegenheitshypothese zu.

183. Ausgangspunkte. Beim Entwerfen der Schaufelung ist das nach Kap. 18 bestimmte Turbinenprofil und die Drehzahl sowie die Anzahl der Laufradschaufeln als gegeben oder gewählt anzuschen. Darauf werden nach Absehn. 181 die Wasserstraßen gezogen, wobei man sieh vorbehalten muß, am Turbinenprofil Änderungen vorzunchmen, um die Bedingungen für eine gleichmäßige meridionale Austrittsgeschwindigkeit zu erfüllen. Durch die Wasserstraßen sind die meridionalen Geschwindigkeiten in allen Punkten des Durchflußraumes festgelegt¹); man ist daher unter Umständen gezwungen, die ursprünglich getroffenen Annahmen über die meridionalen Wassergeschwindigkeiten in den verschiedenen Turbinenquerschnitten preiszugeben.

184. Das äußerste Schaufelprofil. Zur endgültigen Festlegung des Profils der Turbine bedarf es der Konntnis der Kranzbreite. Da diese mit der Länge der Kanäle in Zusammenhang steht und gerade genügenden Raum für eine knappe, aber doch ausreichende Entwicklung der Kanäle bieten soll, hat man sieh vor allem mit dem äußersten Schaufelprofil am Kranz zu beschäftigen.

Der Eintritt ergibt sich aus dem Eintrittsdiagramm, das durch die Hauptgleichung (141):

$$2gH_{10}-c_2^2=2u_1c_{11}$$

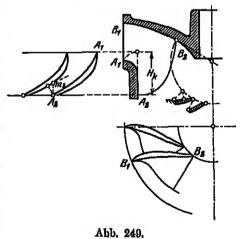
und die meridionale Eintrittsgeschwindigkeit festgelegt ist. Der Austritt wird durch die meridionale Kanalweite

$$m_2 = \frac{60}{z_2 n} c_{m \, 2}$$

nach Absohn. 133 bedingt. Es würde sich sodann darum handeln, Eintritt und Austritt flüssig miteinander zu verbinden. Die Lösung

dieser Aufgabe setzt einen guten Überblick voraus. Beim Normalrad liegt das Schaufelprofil nach Abb. 249 mit Ausnahme des Eintrittes auf einer Zylinderfläche und kann mit dieser abgewickelt worden, so daß es leicht fällt, sich ein Bild von der Beschaffenhelt des Kanals zu machen und je nachdem die Kranzbreite H_k passend abzuändern.

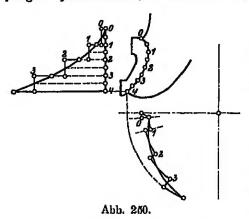
Ist dagegen, wie bei Schnell- und Expreßläufern, das äußerste Profil nach Abb. 250 in einer Fläche mit gekrümmtem Meridian



enthalten, so erhält man auf folgendem Wege eine längen- und winkel-

¹) Sofern man von dem Einfluß der Verengung durch die Schaufeldieke absieht. Diesen mit in Rechnung zu ziehen, muß wohl oder tibel auf die Ausgestaltung des Schaufelaustritts beschränkt bleiben, wo man allerdings nicht darüber hinwegkommt.

treue Abwicklung. Man legt einen treppenförmigen Linienzug, der aus abwechselnden Stücken von Parallelkreisen und Meridianen zusammengesetzt ist, möglichst gleichmäßig verteilt über das Schaufelprofil, und zwar etwa derart, daß das Profil die Stufenhöhe halbiert. Biegt man diese Linienstücke gerade, ohne dabei die rechten Winkel, unter denen dieselben aneinander stoßen, zu stören, und hat man die Stufen nicht zu groß gewählt, so erhält man die gewünschte Abbildung, aus der sich ein Urteil über das Schaufelprofil gewinnen läßt. Man kann beim Aufzeichnen ebensogut von der Axialprojektion ins Abbild als auch umgekehrt übergehen und daher seine Annahmen in demjenigen System treffen, in welchem sie am deutlichsten erscheinen 1).



185. Das innerste Schaufelprofil am Boden der Turbino erscheint in der Regel in der Axialprojektion so wenig verzerrt, daß man seinen Lauf nach dieser beurteilen kann. Um den Schaufelaustritt zu entwerfon, verwendet man nach Abb. 240 den abgewickelten Kegel, der das Bodenprofil in $\hat{B}_{m{s}}$ berührt. Der Austritt läßt sich mit der Schaufelteilung. der meridionalen Kanalweite und der Schaufoldicke nach Abschn. 133

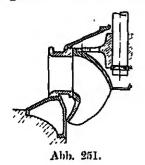
in bekannter Weise entwerfen, werauf die Übertragung in die Axialprojektion mit Hilfe einiger Polarkoordinaten sich leicht durchführen läßt. Sollte der Eintritt nicht in einer Parallelkreisebene enthalten sein, so wäre für diesen ein entsprechendes Verfahren anzuwenden.

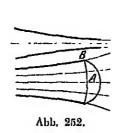
186. Von der Austrittskante sind nunmehr zwei Punkte bekannt, nämlich je der letzte Punkt der beiden äußersten Schaufelprofile; zwischen diesen Punkten kann die Kante ziemlich willkürlich gezogen werden. Es ist indessen sowehl für das Entwerfen als auch für die Ausführung bequem, ihr die Gestalt einer ebenen Kurve zu geben, die in einer Axialebene enthalten ist. In diesem Falle müssen die letzten Punkte der beiden äußersten Schaufelprofile am Kranz und am Boden in ein und dieselbe Axialebene fallen, und um diese Übereinstimmung zu erzielen, ist man genötigt, die beiden Profile etwas hin und her zu ziehen. Im Grunde steht aber nichts im Wege, der Austrittskante die Gestalt einer deppelt gekrümmten Kurve zu geben; man wird in diesem Falle zunächst nicht die Kante selbst, sondern den Meridian der Drehfläche wählen, auf der sie enthalten ist.

¹⁾ Für die Beurteilung des zwanglesen Austrities ist der Umstand bequem, daß die logarithmische Spirale in der Abbildung als gerade Linie auftritt.

Innerhalb der Kante muß am Boden noch Platz für die Löcher frei bleiben, durch die sich der Druck über dem Radboden nach dem Saugraum hin ausgleichen kann. In Abb. 251 ist gezeigt, wie man sich helfen kann, wenn der Platz knapp ist, was bei Schnelläufern meistens der Fall ist.

Die Ausgestaltung der Austrittskante zwischen den beiden gegebenen Punkten bleibt im übrigen ziemlich vollständig der Wilkür





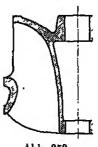
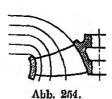


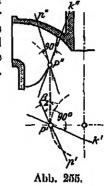
Abb. 253.

überlassen. Wesentlich ist, daß im Hinblick auf die Reibung alle Wasserwege längs der Schaufel so kurz als möglich ausfallen. Einen ferneren leitenden Gesichtspunkt ergibt folgende Betrachtung.

Wonn man in der in Abb. 252 dargestellten flachen Düse die Verjüngung im Längenschnitt über die Trajektorie normal zu den Stromlinien hinaus fortsetzt, so ist der Druck in A größer als in B, und es wird dieser Überdruck eine störende, zerstreuende Wirkung auf die seitlichen Wasserfüden ausüben.

Hört die Verjüngung in A auf, so kommt dieser Überdruck allerdings nicht zustande; es bleibt aber die Reibung, die von der über A hinausragenden Wandung orzougt wird. Man erhält somit die günstigsten Ausflußverhältnisse, wenn man die Mündung nach der Trajektorie abschneidet.





Daraus ergibe sieh, daß die Austrittskante der Schaufeln die Stromlinien unter rechtem Winkel schneiden sollte. Diese Bedingung erfüllt der in Abb. 253 gezeichnete Schnelläufer, und zwar unter Verwendung einer in der Axialebone enthaltenen Austrittskante. Die Verbesserung des Austrittes ist freilich mit der übermäßigen Verlängerung der Wasserwege für die inneren Fäden zu teuer bezahlt¹).

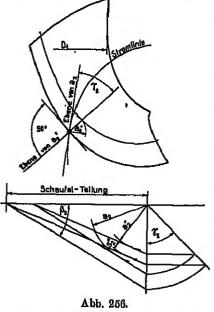
Abb. 264 zeigt, wie sich die Aufgabe bei Expreßläufern und ühnlichen Formen lösen läßt, ohne daß die einen Wasserwege ungehörig

¹⁾ Prof. Cameror hat mit so ausgeführten Laufrädern allerdings eine sehr stabile Strömung erzielt, jedoch nur unbefriedigende Wirkungsgrade erhalten.

lang werden. Es dürfte darin ein wesentlicher Vorteil dieser Turbinenformen zu erblicken sein.

In den Fällen, wo die Austrittskante am Radboden stark zurückgeschnitten ist, sollte sie derart gezogen werden, daß sie wenigstens die äußersten Stromlinien annähernd rechtwinklig schneidet,

187. Die Konstruktion der Austrittskante als Normaltrajektorie zu den Schaufelprofilen bei beliebig gewählter Austrittsfläche ließe sich an Hand von Abb. 255 auf folgendem Wege ausführen. Its sei P ein Punkt der Austrittskante, der in der Axialobene parallel zur Aufrißebene angenommen wurde, p die Tangente an das Schaufelprofil und k die Tangente an die Austrittskante in ehen



jonom Punkte P. Der Aufriß von p ist cino Tangente an die Stromlinie und derjenige von keherthet den Meridian der Austrittsflüche im Aufriß von P. Die Tangente p schließt mit der Umfangstangente im Punkte P don aus dom Austrittsdingramm bekannton Winkel $m{\mu_2}$ ein, und es ist somit die Lage von p gegenüber der Achse bestimmt. Ferner soll die Tangente & mit p einen Winkel von 900 cinsolilicken, und daher ist nuch die Lage von k gegenüber der Achse bestimmbar. Wiederholt man die Bestimmung von k für eine genügende Auzahl von Punkten P, so erhält man dio gesuchte Schaufelkante als Hüllkurvo, indem man die Tangenten k durch Verdrehen um die Achse der Roihe nach zum Schnitt unter sich Die Arbeit ist etwas mühsam, und das Ergobnis entspricht namentlich für die inneren Profile koineswegs der Bedingung der kürzesten Wasserbahnen, Daher entsohließt man sieh lieber zu einfacheren Annahmen. Immerhin pflegt man dio Kanto so zu wählen, daß sie wenigatena die Außeren Wasserstrallen

roohtwinklig schneidet, während man sich für die inneren stark schliefwinklige Schnitte gefallen läßt. Abb. 256 zeigt die Konstruktion der meßbaren Austrittsweite $a_{\rm g}'$ au der Austrittskunte, wenn die Austrittsweite $a_{\rm g}$ berechnet ist.

188. Der Schaufelaustritt, der im Hinblick auf den zwanglesen Austritt sehr sorgfältig auszuarbeiten ist, kann erst aufgezeichnet werden, wenn der Austrittswinkel β_2 bekannt ist. Dessen Bestimmung kann bei Turbinen ohne Erweiterung des Austrittes recht bequem mit Hilfe des für alle Wasserstraßen konstanten Wertes der meridionalen Kanalweite m_2 (vgl. Absehn. 133) vorgenommen werden. Dabei ist aber für die Schaufeldieke nicht die Größe s_2'' einzuführen, die normal zur Schaufelfläche gemessen wird, sondern die scheinbare Dieke s_2' , wie sie sich aus dem schiefen Schnitt mit der Stromfläche ergibt. Unter der Amahme, daß die Austrittskante in einer Axialebene enthalten sei, läßt sich der Austrittswinkel β_2 nach Abb. 256 konstruieren. In dieser Abbildung bedeutet p die Tangente an die Stromlinie. Die Konstruktion beruht auf der Umklappung des rechtwinkligen Dreieckes, das der

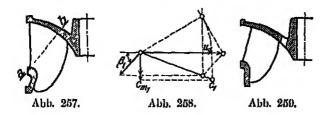
Schnitt durch die Schaufel mit der Umfangstangente und der meridionalen Kanalweite einschließt, und auf der Umklappung der Projektion eben dieses Dreieckes auf die Normalebene zur Kante.

Wesentlich unbequemer wird die Arbeit, wenn die Austrittskante nicht in einer Axialebene enthalten ist; doch soll darauf nicht näher

eingetreten werden.

Die Ausarbeitung des Schaufelaustrittes für zwanglosen Austritt ist in bekannter Weise (vgl. Absehn. 133 und 134) auf den abgewickelten Kegeln verzunehmen, die die Tangente p an die Stromlinie zur Erzeugenden haben. Fällt die Kegelspitze über die Zeichenfläche hinaus, so muß man sich der Abwicklung nach Abb. 250 bedienen, die freilich viel mühsamer ist.

189. Der Schaufeleintritt. Die Eintrittskante wird gewöhnlich als gerade Linie parallel zur Achse ausgeführt. Man findet sie indessen



öfters auch sehrägstehend, und zwar der Art, daß sie am Boden voreilt. Dies wird dadurch erreicht, daß man die Eingangspartie der Schaufel außerhalb der Linie a-b in Abb. 257 allmählich nach vorne abbiegt. Man erzielt hierbei eine flachere, weniger stark abgebogene Schaufel. Die Schrägstellung kann aber noch einen anderen Sinn haben:

Bei scharfer axialer Ablenkung der äußeren Wasserfäden am Eintritt ins Laufrad beginnt dieselbe bereits im Leitrad. Die Breite der Wasserstraßen wird am Krunz etwas kleiner, die meridionale Geschwindigkeit größer und der Druck geringer als am Boden, und es ergibt sieh eine stetige Veränderung des Geschwindigkeitsdiagrammes längs der Kante. Bei abnehmender Größe von c_{mi} soll, wie ein Blick auf Abb. 258 lehrt, der Eintrittswinkel β_1 gegen den Boden hin abnehmen, was ja durch die beschriebene Abbiegung der Schaufel auch tatsächlich erreicht wird. Nur ist zu beachten, daß die Bedingungen für den stoßfreien Eintritt und den meridionalen Austritt gegen den Boden hin inimer schlechter erfüllt werden, wenn sie für die Fäden am Kranz zutreffen.

Zur Verbesserung der Eintrittsverhältnisse am Radboden wird nicht selten die Eintrittskante an jener Stelle nach Abb. 259 ziemlich stark zurückgeschnitten. Das hat unmittelbar eine Verminderung des Eintrittshalbmessers r_1 , der Umfangsgeschwindigkeit u_1 und des Eintrittswinkels β_1 zur Folge. Das Eintrittsdiagramm gibt darüber Auskunft, daß mit abnehmender Umfangsgeschwindigkeit u_1 die Umfangskomponente c_{u1} des eintretenden Wassers etwas größer wird, und dies

entspricht der Bedingung des zwanglosen Durchgangs durch den Spielraum, die besagt, daß

 $rc_{u_1} = \text{const.}$

Gleichzeitig soll nach dem Diagramm der Winkel β_1 kleiner werden was ja in der Tat durch das Zurückschneiden der Kante erreicht wird Allerdings ergibt sich aus dem Diagramm eine Verminderung der meridionalen Geschwindigkeit c_{m1} als Folge und damit einen kleineren Wasserdurchlaß. Im ganzen dürfte sich aber wirklich eine gewisse Verbesserung ergeben.

190. Darstellung der Schaufelfläche. Es sind nun von der Schaufelfläche folgende Elemente teils gewählt, teils bestimmt: die beiden äußersten Profile am Kranz und am Boden, sodann der Eintritt und der Austritt für die verschiedenen Stromflächen. In diesen Rahmen hinein ist die ganze Schaufel als stetige Fläche zu entwerfen. Das könnte durch

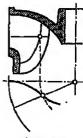


Abb. 260.

Ergänzen der Schaufelprofile längs der Stromflüchen geschehen; doch eignen sich diese wegen ihrer deppelten Krümmung wenig für die zeichnerische Behandlung. Vorteilhafter ist die Verwendung zweier Scharen von ebenen Schnitten. Die eine wird durch eine Anzahl gleichverteilter Ebenen normal zur Achse gebildet, die die Schichtlinien der Schaufelflächen liefern. Die zweite Schar erhält man durch ein gleichförmiges Büschel von Axialebenen. Die Schichtlinien erscheinen im Grundriß in wahrer Größe; indem man die Axialschnitte umklappt, erhält man auch diese im Aufriß in ihrer wirklichen Gestalt. Den An-

fang macht man am besten mit den Schichtlinien, indem man die Schnitte der Ebenen normal zur Achse mit den bekannten Elementer bestimmt und nach dem Augenmaß ergänzt. Durauf geht man zum Konstruieren der Axialschnitte über, und benutzt die dabei zutage tretenden Unstetigkeiten zur Verbesserung der Schichtlinien. Die beider Kurvenscharen werden so lange gegeneinander verscheben und ab geändert, bis nach Abb. 260 der Nachweis geleistet ist, daß die Schnitt punkte der Projektionen zweier Kurven der beiden Scharen wirkliel ein und demselben Punkte im Raum entsprechen.

Bei gegossenen Schaufeln (mit ungleicher Dicke) muß die Bestimmung für den Schaufelrücken wiederholt werden.

Eine wortvolle Ergänzung orhält man, wonn man im Grundriß dit einzelnen Schaufelprofile, also die Schnitte der Schaufelfläche mit der Stromflächen, einzeichnet.

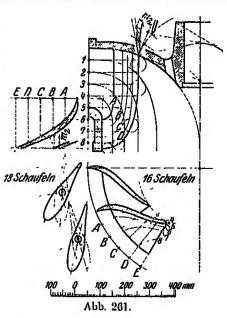
Der Schaufelriß wird in einem möglichst großen Maßstab entworfen.

191. Beispiel eines Normalrades. In Abb. 261 ist die Bestimmung der Schaufelung für das in Absehn. 186 berechnete Normalrad durch geführt. Die Annahmen sind dabei möglichst einfach getroffen: die Eintrittskante läuft parallel zur Achse; die Austrittskante ist in eine Axialebene enthalten, und ihr innerster Teil verläuft ebenfalls axial

So nimmt der innere Teil der Schaufelfläche die Gestalt einer Zylinderfläche mit axial verlaufenden Erzeugenden an. Da die Schaufeln mit dem Rad aus einem Stück gegossen sind, benützt man die Möglichkeit, sie im mittleren Laufe zu verstärken, um sie im Auslaufe um so feiner ausziehen zu können. Die Rückfläche der Schaufel ist somit nicht äquidistant zur Vorderfläche, und so gelangt man zu der Notwendigkeit, die Rückfläche besonders aufzureißen, was indessen in Abb. 261 der besseren Übersichtlichkeit wegen unterlassen wurde.

192. Vereinfachtes Verfahren. Hat man das Radprofil und die beiden Schaufelprofile am Kranz und am Radboden entwerfen und

die Austrittskante gewählt, so kann man sich bei einiger Übung die Arbeit wesentlich vereinfachen. Man begnügt sich damit, das Auslaufprofil der Schaufel noch für einen dritten Punkt der Schaufelkante zu bestimmen und wählt dazu den Schnitt mit dem Zylinder, der die Austrittsflüche in zwei ungefähr inhaltsgleiche Teile zerlegt. Die Abweichung dieses Schnittes von domjenigen mit 18 Schaufeln dem Berührungskegel an dio betroffende Stromfläche in bezug auf die meridionale Kanalweite und die scheinbare Schaufeldieke kann nicht von Bedeutung sein; dafür ist die Abwicklung schr bequem leicht durchzuführen. Freilich ist die Bestimmung der ganzen Schaufelfläche durch Interpola-



tion auf Grund von bloß drei Profilen etwas unsicher, wenn der Entwerfende dabei nicht durch eine durch Übung zu erwerbende genauere Kenntnis der Eigentümlichkeiten der Schaufelflächen geleitet wird.

193. Turbinen mit großem Spaltraum. Wo sich der Laufradeintritt nicht unmittelbar an das Leitrad anschließt, wie bei den Exproßläufern, und wo infolgedessen ein großer Zwischenraum entsteht, hat man nach Abschn. 155 als Grundlage der Schaufelkonstruktion die beiden Gleichungen zu benützen

$$2 u_0 c_{u0} = 2 g H_w - c_2^2$$

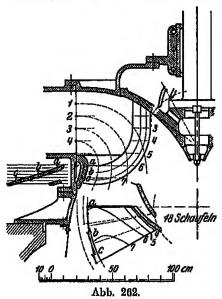
$$2 u_1 c_{u1} - 2 g H_w - c_2^2,$$

und

von denen die erste sich auf den zylindrischen Austritt aus dem Leitrad bezieht, so daß $u_0 = \omega \ D_0$ ist. Die zweite gilt in gewohnter Weise für den Eintritt ins Laufrad; nur ist dabei Rücksicht darauf zu nehmen, daß die Eintrittskante nicht auf einer Zylinderfläche liegt; es nimmt

also u_1 für jeden Punkt der Eintrittskante wieder einen anderen Wert an. Für das Rad mit axialem Durchfluß ist die meridienale Eintrittsgeschwindigkeit c_{m1} konstant. Beim Rad mit geschweifter Eintrittskante muß sie aus den Breiten der Wasserstraßen abgeleitet werden; daher können hier die Stromlinien nicht wehl entbehrt werden.

Für beide Radformen hat man das Eintrittsdiagramm für eine genügende Anzahl von Punkton der Eintrittskante zu entwerfen, um daraus den ganzen Eintritt durch Interpolation ergänzen zu können. Im übrigen ist nichts Besonderes zu bemerken.



In Abb. 262 ist die Schaufelung eines Exproßläufers mit geschweifter Eintrittskante (vgl. Absehn, 165) zur Darstellung gebracht.

194. Konforme Abbildungen. Die Abwicklung mittels des troppenförmigen Linienzuges nach Abschn. 184 liefort wohl ein längen- und winkoltreues Bild eines einzelnen Schaufelprofiles, night aber eines ganzen Kanalprofiles. Selbst wenn man zwei aufeinander folgende Schaufelprofile aufzeichnot, erhalt nobenoinander man keinen getreuen Aufsehhiß z. B. über die Konvergenzverhältnisse des Kanals, was schon daraus hervergeht, daß die beiden Profile in der Abwicklung parallel zueinander ver-laufen. Prasi 11) verwendet daherzur Darstellung der Kanalprofilekonforme (d. h. in den kleinsten Teilen ühnliche) Abbildungen auf abwickellaren Drehflächen (Kegel, Zylindern oder Ebenon), diesich mitsamt den Abbildungen in die Zeichenebene ausbreiten lassen.

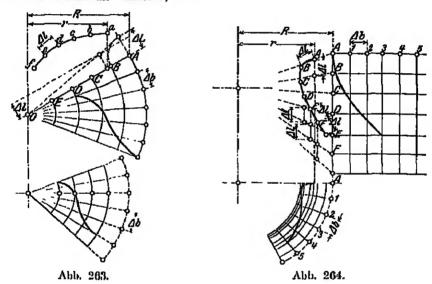
Es seien mit r und R die Halbmesser der Parallelkreise bezeiehnet, auf denen zwei einander zugeordnete Punkte a und A des Originales und des Abbildes enthalten sind. Die Ähnlichkeit verlangt für Original und Bild Gleichheit der Zentriwinkel; daher verhalten sich die Äbmessungen in der Umfangsrichtung wie die Halbmesser der entsprechenden Parallelkreise. Damit das Abbild in den kleinsten Teilen ähnlich ausfalle, muß dieses Verhältnis für unendlich kleine Abmessungen auch in allen anderen Richtungen bestehen. Bezeichnet man daher zwei einander entsprechende unendlich kleine Abmessungen im Original und im Abbild mit dl und dL, so besteht die Bezichung

$$\frac{dl}{r} = \frac{dL}{R},$$

die man auch für endliche Abmessungen Δl und ΔL gelten lassen kann, sobald diese im Verhältnis zu den Halbmessern klein genug sind. Mittels dieser Beziehung läßt sich ein aus Paralleikreisen und Meridianen gebildetes Netz aus dem Original ins Bild tibertragen, und wenn das Netz eng genug angelegt ist, kann man mit seiner Hilfe ohne Schwierigkeit beliebige Figuren aus dem einen System ins andere eintragen. Das Verfahren entspricht demjenigen, das beim Kartenzeichnen üblich ist.

¹⁾ Schweiz. Bauzeitung Bd. 48, S. 289, 1906 und Bd. 52, S. 85, 1908.

In Abb. 263 ist ein bequemes zeichnerisches Verfahren zum Übertragen des Netzes aus dem Original ins Bild gezeigt. Auf dem Meridian a-f des Originals sind eine Anzahl von Punkten $a,b,c,d\ldots$ in gleichen Abständen Al aufgetragen. Das Netz, das durch die betreffenden Parallelkreise gebildet wird, sell auf einen koaxialen Kegel übertragen werden, der durch seine Erzeugende OA bestimmt ist; die Punkte a und A sollen in Original und Bild einander entsprechen; r und B solen die betreffenden Halbmesser. Man zicht zur Erzeugenden des Kegels eine Parallele im Abstand Al und sucht auf derselben, von a ausgehend, durch Herab- und Hinüberleten den Punkt 1 auf. Der Strahl Al solmeidet, wie sich aus der Ahnlichkeit der Dreiecke über Al und Al ergibt, auf der in Al errichteten Normalen zur Kegelerzeugenden die Längen Al ab, die man also nur herabzuschlagen braucht, um in Bl einen Punkt desjenigen Parallelkreises im Bild zu erhalten, der demjenigen durch Bl im Original entspricht. In ganz ähnlicher Weise ergeben sich der Reihe nach die Punkte Bl ...



Im Hinblick auf die Ausgestaltung des Austrittsrandes ist die Bemerkung von Bedeutung, daß eine legarithmische Spirale im Original beim Abbilden wieder

oine solche ergibt.

Die Abbildung auf einer Ebene stellt einen Sonderfall der vorigen dar und bedarf keiner besonderen Erläuterung. Dagogen ist in Abb. 264 noch gezeigt, wie man das Netz für eine zylindrische Abbildung 1) entwerfen kann. Die Zeichnung dürfte im übrigen für sich selbst sprechen. Die logarithmische Spirale im Original oder richtiger die Kurve, die sämtliche Parallelkreise unter demselben Winkel schneidet, geht im Abbild in eine Schraubenlinie und in dessen Abwiedung in eine Gerade über.

Die nach verstehenden Methoden gewonnenen Abbildungen sind wohl in den kleinsten Teilen ähnlich und daher vollständig winkeltreu; dagegen fehlt ihnen die Längentreue, da der Maßstab wohl längs eines Parallelkreises derselbe bleibt, längs des Meridians aber sieh stetig ändert. Dadurch wird der praktische Wort

dieser Methoden otwas herabgedrickt.

¹⁾ Diese ist namentlich für die äußeren Profile am Kranz geeignet.

oder

VI. Die staufreien Turbinen.

22. Die Girard-Turbine.

195. Das Geschwindigkeitsdiagramm der Axialturbine. Kennzeichnend für die Girard-Turbine sind die sackförmigen Schaufeln in Verbindung mit der starken Verbreiterung des Laufrades am Austritt. Die sackartige Schaufelform ergibt sich nach Absehn. 105 als Folge des staufreien Ausflusses aus dem Leitrad; die Verbreiterung am Laufrad sichert den ungestauten Durchfluß.

Der Zusammenhang zwischen dem Gefälle, den verschiedenen Geschwindigkeiten und den Schaufelwinkeln ließe sich auch hier nach Abschn. 102 aus der Grundgleichung in den Formen (141) oder (143)

 $2gH_{w}-c_{2}^{2}=2u_{1}c_{u1}$ $v^{2}=u_{1}c_{u1}$

ableiten. Hier ist indessen dieser Weg nicht zu empfehlen. Bei der Francis-Turbine hatte man in bezug auf die Annahme der einen oder der andern der beiden Geschwindigkeiten u_1 und c_{u1} freie Hand, und es wurde von dieser Freiheit ausgiobiger Gebrauch gemacht, um die Umlaufzahl den gerade vorliegenden Bedürfnissen anzupassen. Bei den staufreien Turbinen aber hat man davon auszugehen, daß die Austrittsgeschwindigkeit c_0 aus dem Leitrad einen bestimmten Wert besitzt; sie ist nämlich gleich der dem Gefälle entsprechenden freien Ausflußgeschwindigkeit, und damit ist man auch mit Bezug auf die Umfangsgeschwindigkeit u_1 an sehr enge Grenzen gebunden. Es ist daher besser, gleich von oben dieser Geschwindigkeit c_0 auszugehen, zumal dieser Weg einfacher und übersichtlicher ans Ziel führt.

Bezeichnet man mit II'' das verfügbare Gefälle bis Unterkante des Leitrades, so beträgt das wirksame Gefälle bis zu jenem Punkte, das die Ausflußgeschwindigkeit c_0 erzeugt, etwa

$$H_{\mathbf{w}} = 0.9 \, H''$$
, (220)

d. h. man hat damit zu rechnen, daß die Widerstände im Leitrad etwa 10 v.H. des dargebotenen Gefälles in Auspruch nehmen. Es wäre somit die Ausflußgeschwindigkeit aus dem Leitapparate

$$c_0 = \sqrt{17.7} H'' = \sqrt{17.7} H''$$
 (221)

Wählt man noch den Austrittswinkel aus dem Leitrad etwa

$$a_0 = 20 \text{ bis } 25^{\circ},$$
 (222)

so kann man gleich das Eintrittsdiagramm aufzeichnen, sobald man noch eine Annahme über die Umfangsgeschwindigkeit u_1 oder über den Eintrittswinkel β_1 der Laufradschaufeln getroffen hat.

Um das Diagramm für den Austritt entwerfen zu können, sollte die relative Austrittsgeschwindigkeit w_2 aus dem Laufrad bekannt sein. Während des Durchflusses durch die Radkanäle erfährt das Wasser eine Beschleunigung durch die Schwerkraft und eine Verzögerung durch die Reibung. Bezeichnet man die Radhöhe mit H_{rr} so ergäbe sich für

die Wirkung der Schwerkraft allein die Beziehung

$$\frac{w_2^3-w_1^3}{2g}=H_r.$$

Diese Beschleunigung wird nur dann eine gewisse Bedeutung erreichen, wenn H_r einen beträchtlichen Teil des Gefälles ausmacht, also bei ganz niedrigen Gefällen.

Die Größe der Reibungswiderstände im Laufrad ist sehwer abzusehätzen. Nimmt man der Einfachheit wegen an, es hielten sieh Beschleunigung und Reibung gerade das Gleichgewicht, so bewegt sieh das Wasser längs der Schaufel mit unveränderlicher Geschwindigkeit, und es wird $w_2 = w_1$. Hat man noch die absolute Austrittsgeschwindigkeit c_2 derart gewählt, daß etwa

$$\frac{c_{\mathbf{q}}^{3}}{2\,\sigma} = 0.05\,H^{\prime\prime},\tag{223}$$

so läßt Abb. 265 ohne weitere Erklärung verstehen, wie man mit c_0 , α_0 und c_2 das Ein- und das Austrittsdiagramm im Zusammenhange derart zeichnen kann, daß $w_3=w_1$ wird.

Dieses Diagramm ist insofern unvollständig, als es keine Rücksicht auf einen unvermeidlichen Verlust nimmt, der sich nach Abb. 266 beim Aufschlagen des Wassers auf die Schaufel-

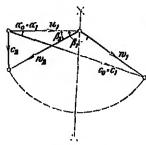
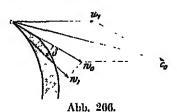


Abb. 265.



kante abspielt. Der in der Richtung von w_0 eintretende Strahl wird an der Schaufel

gleich um den Zuschürfungswinkel δ plötzlich abgelenkt. Nach den üblichen Anschauungen) geht dabei die ganze Geschwindigkeitskomponente normal zur ablenkenden Fläche verloren, und der Energieverlust wird daher durch

$$II_{v_{\delta}} = \frac{w_0^2 \sin^2 \delta}{2g}$$

ausgedrückt. Für $\delta = 15^{\circ}$ würde

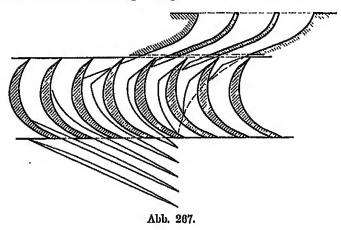
$$H_{vo} = 0.007 \frac{w_0^2}{2g}$$
.

Wo das Wasser nicht auf dem ganzen Umfang des Rades eintritt, dürfte der Verlust wegen der starken Zersplitterung noch größer sein,

¹⁾ Die allerdings keineswegs einwandfrei sind.

die nach Abb. 267 sich einstellt, wonn ein Laufradkanal aus dem offenen Teil des Leitapparates in den geschlossenen oder umgekehrt übergeht; doch läßt sich derselbe nicht berechnen.

Die Durchflußverhältnisse im Laufrad sind ziemlich vorwickelt. Bei der Bewegung längs der Schaufeln breitet sich der Strahl aus; mit Ausnahme der mittleren weichen alle Wasserfäden seitlich aus und nehmen eine seitlich gerichtete Geschwindigkeitskomponente an, die um so größer wird, je näher die Fäden am Rande des Strahles liegen. Dazu kommen noch die Beschleunigungen durch die Schwerkraft und durch die Coriolisschen Ergänzungskräfte. Wohl oder übel muß man



sich auf die Verhältnisse beschränken, wie sie die mittleren Wasserfäden bieten. Bezeichnet man mit w_1 und w_2 die Wassergeschwindigkeiten längs der Schaufel beim Ein- und beim Austritt und bedeutet H_r die Radhöhe, drückt man ferner den Einfluß der Widerstände längs der Schaufel durch die verlorene Gefällshöhe H_{vr} aus, so lautet die Energiebilanz für den Durchfluß

$$\frac{w_1^2}{2g} + H_r = H_{vr} + \frac{w_3^2}{2g}.$$

Den Einfluß der Radhöhe wird man in den meisten Fällen außer acht lassen dürfen. Für die Reibungsverluste mag etwa ein Betrag von 8 v.H. des verfügbaren Gefälles eingesetzt werden. Demnach kann man der obenstehenden Gleichung die Form geben

$$\frac{w_1^2 - w_2^2}{2g} = 0.08 H'',$$

$$\frac{c_0^2}{2g} = 0.0 H'',$$

und da

erhält man durch die Elimination von II'' für die relative Austrittsgeschwindigkeit den Ausdruck

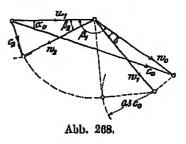
$$w_9^2 = w_1^2 - (0.3 c_0)^2. (224)$$

Abb. 268 zeigt, wie das Geschwindigkeitsdiagramm für eine Axialturbine konstruiert werden kann. Als gegeben hat man zu betrachten die Austrittsgeschwindigkeit o_0 aus dem Leitrad und als gewählt den

Winkel $\alpha_0 = 20$ bis 25° , die absolute Austrittsgeschwindigkeit c_2 und zwar so, daß die betroffende Energie etwa 5 v. H. der dargebetenen beträgt, also

$$\frac{c_2^2}{2\tilde{g}} = 0.05 H'',$$

sowio den Zuschärfungswinkel 3. Man wählt versuchsweise die Umfangsgeschwindigkeit u, und muß diese Annahme ändern, wenn das Austrittsdiagramm ungeschiekt ausfallen sollte¹).



Damit die Ausbreitung des Strahls derjenigen des Laufrades folgen kann, darf die Radhöhe II im Verhältnis zur Breite nicht zu gering sein; es genügt etwa

$$H_{\bullet} = 1.3 \text{ bis } 1.4 B_0,$$
 (225)

wobei B_0 die Breite des Leitrades bedeutet.

196. Faustregeln. Man bekommt befriedigende Verhältnisse, wenn man von folgenden Annahmen ausgeht:

$$\begin{array}{c}
c_0 = \sqrt{17.7} \, \dot{H}^{\prime} \\
\alpha_0 = 20 \text{ bis } 25^{\circ} \\
u_1 = \frac{1}{2} c_0 \\
\beta_1 = 25 \text{ bis } 30^{\circ}
\end{array}$$
(226)

Der Winkel β_1 beim Schaufeleintritt ergibt sich aus dem Geschwindigkeitsdiagramm beim Eintritt; er wird etwa $180^{\circ}-2\,\alpha_{\circ}$. Der Winkel der Zuschärfung sei etwa

$$\delta = 15^{\circ}$$
.

197. Verbreiterung des Laufrades beim Austritt. Über das Gesetz, nach welchem sich der Strahl an der Laufradschaufel ausbreitet, sind wir völlig im Unklaren. Nach der Erfahrung genügt es zur Erzielung eines ungehemmten und ungestauten Durchflusses, wenn man den Austrittsquerschnitt des Kanals um den dripten Teil größer macht als den Querschnitt des eintretenden Strahls. Da für diesen die Breite gleich B_0 ist, erhält man unter Verwendung der Bezeichnung aus Abb. 260 die Beziehung

$$a_{\mathbf{a}} B_{\mathbf{a}} \geq 1{,}33 a_{\mathbf{1}} B_{\mathbf{0}},$$
 (227)

aus der man, sobald a_2 bestimmt ist, die Austrittsbreite B_2 ermitteln kann.

¹⁾ In Abb. 268 weicht c₂ von der meridienalen Richtung nach verne ab; man mißte die Konstruktion mit einem etwas kleineren Werte von u₁ wiederhelen.

Die obero Breite B_1 des Laufrades wird erheblich größer als die Breite des Leitrades gewählt, damit das Wasser um so freier eintreten und zugleich die Luft um so leichter zuströmen könne. Häufig gibt man den Laufradkanälen seitlich noch besondere Luftlöcher, wie in Abb. 269 angegeben. Wiederum zur Erleichterung des Luftzutrittes ist es zweckmäßig, die Spaltbreite ziemlich weit einzustellen; der Wasserverlust (durch Zersplitterung an den Schaufelkanten des Laufrades) bleibt trotzdem recht gering.

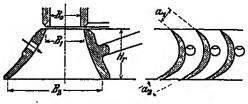


Abb. 269.

198. Die Berechnung einer neuen vollschlächtigen Axialturbine nimmt ihren Ausgangspunkt am besten beim Leitrad. Als gegoben ist das dargebotene Gefälle II und die Wassermenge Q anzusehen. Um das Gefälle II' bis zur Unterkante des Leitrades zu bekommen, hat man vom Gefälle H das Freihängen und die Radhöhe abzuziehen. Wenn der Unterwasserspiegel annähernd konstant bleibt, so genügt ein Freihängen von 10 bis 15 cm; ist der Wasserspiegel veränderlich, so muß man die Turbine entsprechend höher hängen, damit sie ja nie eintaucht, oder es ist ein Saugrohr mit Lufteinlaß nach Absehn. 80 anzuwenden.

Die Austrittsgeschwindigkeit aus dem Leitrad ist nach Gl. (221) etwa zu setzen

$$c_0 = \sqrt{17,7 H'}$$
.

Daraus ergibt sich der reine Austrittsquerschnitt, wenn man sicherheitshalber noch $10^{\circ}/_{\circ}$ zuschlägt,

$$F_0 = 1, 1 \frac{Q}{c_0}. {228}$$

Mit den Größen

$$\left.\begin{array}{l}
\alpha_0 = 20 \text{ bis } 25^{\,0} \\
\delta = 15^{\,0} \\
c_2^{\,2} = 0.05 \cdot 2 \, g \, H'
\end{array}\right\} \tag{220}$$

läßt sich nach Abb. 268 das Geschwindigkeitsdiagramm für den Eintritt ins Laufrad entwerfen.

Mit Rücksicht auf die Dicke der Leitschaufeln mache man, um den rohen Austrittsquerschnitt F_0' aus dem Leitrad zu erhalten, vorläufig zum reinen Querschnitt F_0 noch einen Zuschlag von 20 v.H. für Blechschaufeln und von 25 v.H. für Gußschaufeln, so daß also

$$F_0' = 1.2$$
 bis $1.25F_0$

zu setzen wäre. Die untere Ansichtsfläche des Leitrades ist

$$\pi DB_0 = \frac{F_0'}{\sin \alpha_0}.$$

und daraus orgibt sich

$$D^2 = \frac{1}{\pi} \binom{D}{B_0} \frac{F_0}{\sin \alpha_0}.$$

Für das Verhältnis zwischen mittlerem Raddurchmesser und Leitradbreite pflegt man ungefähr zu wählen

$$\binom{D}{B_0} = 8 \text{ bis } 10, \tag{230}$$

und damit ergibt sich der mittlere Durchmesser D. Aus dem Gesehwindigkeitsdiagramm ist die Umfangsgesehwindigkeit u zu erschen, und daraus findet sich die Umlaufzahl u, wobei nach Bedarf die Größen u und D gegeneinander abgestimmt worden.

Die genauere Bestimmung der Radbreite B_0 setzt voraus, daß man zunächst über die Schaufelzahl vorfüge; es sei diese etwa

 $z_0 = 2.8 \text{ bis } 3.2 \text{ } VD$ $z_0 = 20 \text{ bis } 24 + \frac{1}{10} D.$ (231)

oder

wohoi der Raddurchmesser D in em einzusetzen ist. Ferner nehme man die Schaufeldicke an, und zwar ungefähr

Darin ist B_0 die in em einzusetzende Radbreite, wie sie sich aus dem vorläufig gewählten Verhältnis $D:B_0$ ergibt. Der Ausdruck für den reinen Austrittsquerschnitt

$$(\pi D \sin \alpha_0 - z_0 s_0) B_0 - F_0 \tag{233}$$

ergibt endlich den genauén Wert der Radbreite Bo-

Für das Laufrad wähle man die Schaufelzahl etwa

$$z_1 \sim 1.3$$
 bis 1.4 z_0 ,

woraus sich mit dem mittleren Raddurchmesser die Teilung t_1 ergibt. Die lichte Kanalweite beim Eintritt ist

$$a_1 = -t_1 \sin \beta_1;$$

für die liehte Kanalweite beim Austritt hat man den Ausdruck

$$a_3 - l_2 \sin \beta_2 - s_2 ,$$

worin $t_2 \rightarrow t_1$ and (für Guß)

$$s_a = 0.5 \text{ cm} + \frac{1}{30} B_0$$
 (234)

einzusetzen ist, während β_2 dem Geschwindigkeitsdiagramm für den Austritt zu entnehmen ist.

Die Radbreite beim Austritt findet sich aus Gl. (227) Absehn. 197.

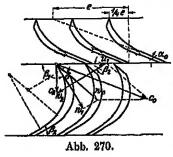
Endlich sei noch die Radhöhe angenommen

$$H_r = 1.3 \text{ bis } 1.4 B_0.$$
 (235)

Sollte sich ergeben, daß mit Rücksichtnahme auf diesen Wert für die Radhöhe das Gefälle bis Unterkante Leitrad wesentlich anders wird als ursprünglich angenommen wurde, so müßte man auf den Anfang der Rechnung zurückkommen; das wird indessen nur selten nötig sein.

199. Schaufelung. Die führende Fläche der Schaufeln wird gewöhnlich als Regelfläche gestaltet, wobei die Erzeugenden die Achse rechtwinklig schneiden; sie ist daher durch die Abwicklung des zylindrischen Mittelschnittes bestimmt.

Die Leitschaufeln können nach Abb. 270 unter Benützung der Größen t_0 , a_0 , s_0 und H_{r0} leicht aufgezeichnet werden. Der Betrag, um



don sich die Schaufeln überdecken, sei etwa 0,25 bis 0,3 mal die Überdeckung, die entstünde, wenn man die Schaufeln geradlinig rückwärts verlängerte. Der Rücken ist bis zum Punkte B, der der Kante A der nachfolgenden Schaufel gegenüberliegt, geradlinig zu führen, damit die Wasserfäden parallel zueinander austreten (vgl. Absehn. 133, Kap. 15). Gußeiserne Schaufeln werden zweckmäßig in der Mitte verstärkt; die Vorderseite geht dann erst am untern Rande in den Winkel ao über.

Für die Schaufeln des Laufrades, längs deren sich das Wasser mit annähernd gleichbleibender Geschwindigkeit bewegt, erscheint eine gleichförmige Krümmung am angemessensten. Der Krümmungshalbmesser wird (durch Probieren) derart bestimmt, daß oben Platz für einen kurzen geradlinigen Eintritt und unten für einen schwächer gekrümmten Austritt mit geradlinigen Fortsatz übrigbleibt.

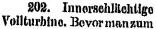


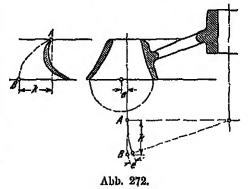
200. Die absolute Bahn wird nach Abb. 271 erhalten, indem man die wagrecht gemessene Abweichung der rolativen Bahn oder des Schaufelprofiles gegenüber der relativen Eintrittsrichtung w_1 von der absoluten Eintrittsrichtung e_1 rückwärts anträgt. Darf man annehmen, daß die Geschwindigkeit längs der Schau-

fol konstant sei, und trägt man auf dem Schaufelprofil Streeken gleicher Länge auf, so entsprechen die betreffenden Punkte auf der absoluten Bahn gleichen Zeitintervallen. In dem Maße, wie die Entfernung von einem Punkt zum andern kürzer wird, nimmt die absolute Geschwindigkeit und damit auch die kinetische Energie des Wassers ab.

201. Unterschied zwischen Ein- und Austrittshalbmessern. Man pflegt häufig den Radquerschnitt nach Abb. 272 unsymmetrisch zu gestalten. Darf man voraussetzen, daß der mittlere Wasserfaden beim

Durchfluß durch das Laufrad soine Eintrittsobene beibehalte, und stellt AB die absolute Bahn vor, so liegt der Austrittspunkt B um die Strecke e weiter von der Achse ab als der Eintrittspunkt A, und um ebensoviel muß der ganze Austritt nach außen verschobon worden. Diose Voraussetzung trifft aber kcinoswegs genau zu.





Aufzeichnen des Geschwindigkeitsdiagrammes schreiten kann, muß man die Raddurchmesser bestimmt oder angenommen haben. Unter Hinweis auf Abb. 273 wird zunächst die Eintrittsgeschwindigkeite, derart gewählt, daß sie etwa 10 bis 15 v. H. des verfügbaren Gefälles bis Mitte Austritt in Anspruch nimmt, also

$$\frac{c_o^2}{2g} = 0.10 \text{ bis } 0.15 \text{ II.}$$
 (236)

Daraus ergibt sich der Eintrittsdurchmesser D_{\bullet} ; man kann nunmehr den Durchmesser D_{0} des Austrittes aus dem Leitrad ohne Gefahr eines großen Mißgriffes schätzungsweise annehmen. Die Rechnung geht im übrigen in engem Anschluß an Absehn. 198 vor sich. Mit der Austrittsgeschwindigkeit aus dem Leitrad und der Wassermenge berechnet sich der freie Austrittsquerschnitt. Unter Rücksichtnahme auf die Schaufeldicke und auf die Größe des Winkels α_{0} findet man die lichte Radbreite B_{0} . Die radiale Abmessung des Laufrades sei etwa 1,3 bis 1,4 B_{0} usw.

Für den Durchfluß durch des Laufrad hat man nach Gl. (102) mit Rücksicht darauf, daß $p_1=p_2$, und beim Einführen eines Gliedes für die Reibungsverluste im Laufrad wie in Gl. (224) die Beziehung

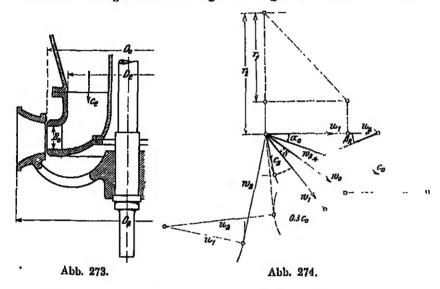
$$_{1}w_{2}^{2} = w_{1}^{2} - (0.3 c_{0})^{2} + u_{2}^{2} - u_{1}^{2}.$$
 (237)

Diese Gleichung läßt sich nach Abb. 274 mit rechtwinkligen Dreiceken lösen, sobald man u_1 versuchsweise gewählt hat. Auf diese Annahme muß man nötigenfalls zurückgreifen, wenn sich ein unbrauchbares Austrittsdiagramm ergeben sollte.

203. Die teilschlächtige Girard-Turbine kommt in Betracht, wonn die vollschlächtige Turbine zu klein ausfiele oder eine zu große Umlaufzahl erhielte, also bei größeren Gefällen und kleinen Wassermengen.

Soll der Wassereintritt auf der Hälfte oder auf dem dritten Teil usw. des Umfanges erfolgen, so kann man die Berechnung wie für die vollschlächtige Turbine durchführen, indem man die doppelte, dreifache Wassermenge usw. einsetzt. Damit die Turbine symmetrisch belastet werde, zerlegt man den Eintrittsbogen in zwei gleiche Teile, die man einander diametral gegenüber anordnet.

Etwas anders würde die Aufgabe an die Hand genommen, wenn der Eintrittsbogen gegenüber dem ganzen Umfang klein ausfällt. Hier wird man lieber die Anzahl der Leitkanäle wählen, wobei Rücksichten auf die Abstufung der Wassermenge beim Regulieren und auf die Größe



der Kanile maßgebend sein werden. Ist der Querschnitt $/_0$ eines Leitkanales festgesetzt, so bestimme man die lichten Abmessungen derart, daß

$$a_0 = \sqrt{B_0}, \qquad (238)$$

wobei a_0 die lichte Weite und B_0 die Breite in em bedeutet. Wird also f_0 in gemessen, so wäre

$$B_0 = {\overset{3}{V}} f_0^2 \,. \tag{230}$$

Wählt man nach früheren Verschriften den Austrittswinkel α_0 aus dem Leitapparat und die Schaufeldieke s_0 , so ergibt sieh daraus mit a_0 die Teilung t_0 . Diejenige des Laufrades sei etwa

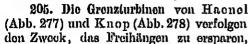
$$t_0 = 0.7 \text{ bis } 0.8 t_0.$$
 (240)

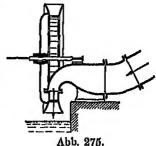
Aus dem Geschwindigkeitsdiagramm ergibt sich die Umfangsgeschwindigkeit u_1 , und indem man den Durchmesser des Laufrades nach der einzuhaltenden Umlaufzahl oder nach dem vorhaudenen Platz usw. bemißt, wären die Hauptabmessungen ermittelt. Das Weitere wird auf bekannten Wogen gefunden.

Abb. 275 zeigt die teilschlächtige Turbine mit liegender Achse und innerem Eintritt in der Anordnung von Schwammkrug. Abb. 276 stellt eine Axialturbine mit senkrechter Achse dar.

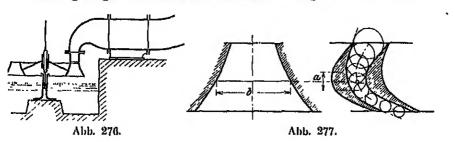
204. Der Wirkungsgrad der Girard-Turbinen übersteigt nicht

leicht 75 v.H. Wonn man die Zuflußmenge durch Schließen einzelner Leitkanäle (Zellenregulierung) vermindert, so geht der Wirkungsgrad nicht stark zurück. Immerhin wird dabei verausgesetzt, daß die Kanäle der Reihe nach geschlessen werden, damit die Zahl der Übergänge vom offenen zum geschlessenen Teil des Leitapparates und umgekehrt nicht unnötig vergrößert wird.

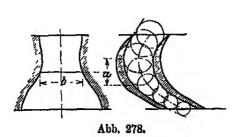




den Zweck, das Freihängen zu ersparen, da sie auch eingetaucht befriedigend arbeiten sollen. Die Radkanäle haben überall denselben Querschnitt $a \times b$; sie werden also vom Wasser



vollständig ausgefüllt, so daß kein Luftzutritt nötig wird. Sie haben



ihren Namen daher, daß sie unter den Stauturbinen den Grenzfall mit $p_1 = p_2$ darstellen, für den die Stauung gerade verschwindet.

Das Kanalprofil fällt ungünstig aus, so daß Ablösungen nicht zu vermeiden sind. Eine starke Vermehrung der Reibung ergibt sich daraus, daß der Wasserstrahl ringsum an den Wänden anliegt. Der Wirkungsgrad kann unmöglich gut sein. Es handelte sich hier um offenbare Mißgriffe, was durch die Erfahrung auch bestätigt wurde.

28. Die Freistrahlturbine.

206. Anwendungsbereich und Wirkungsgrad. Die Freistrahlräder sind für Wasserkräfte mit hohem Gefälle und verhältnismäßig kleinen Wassermengen erdacht worden, für die die Vollturbinen zu kleine Abmessungen und zu hohe Umlaufzahlen erhielten. Sie kommen für Gefälle unter 15 bis 20 m kaum in Betracht, da sie hierbei im Verhältnis zur Leistung zu groß und zu teuer ausfielen. Wie weit man aber in bezug auf Gefälle und Wassermenge heutzutage hinaufgeht, zeigen folgende zwei Beispiele¹). Die Turbinen der Anlage in Fully (Kt. Wallis), von Piccard, Pictot & Co. in Genf erbaut, arbeiten unter einem Gefälle von 1650 m; der Raddurchmesser beträgt 3,55 m, die Umlaufzahl 500 und die Leistung 3000 PS. Für das Elektrizitätswerk von Borgne im Wallis wurden von Escher, Wyß & Co. zwei Turbinen geliefert, die bei 340 m Gefälle in einem einzigen Rundstrahl von 20 em Stärke je eine Wassermenge von 2,25 m³/sek verarbeiten und bei einer Umlaufzahl von 300 je eine Leistung von 8250 PS hervorbringen.

Die spezifische Umlaufzahl, also die Zahl der Umläufe, die eine Turbine von 1 PS bei einem Gefälle von 1 m in der Minute macht, kann im Notfalle bis auf 37,7 hinaufgetrieben werden, wenn es gilt, eine möglichst hohe Geschwindigkeit herauszuschlagen, sei es auch auf

Kosten des guten Wirkungsgrades,

Bei einer Zwillingsturbine, d. h. bei zwei gleichen Rädern auf derselben Achse, sind die Raddurchmesser um $\sqrt{2}$ mal kleiner und die Umlaufzahlen entsprechend größer. Die spezifische Umlaufzahl kann also den Betrag

$$n_s = 37.7 \sqrt{2} = 53.3$$

erreichen. Damit sehließt sich der Anwendungsbereich des Freistrahlrades demjenigen der Francis-Turbine an, deren kleinste spezifische Umlaufzahl sich bis auf etwa $n_s = 60$ hinabdrücken läßt. Es kann also, da sich die spezifische Umlaufzahl des Freistrahlrades durch Vorgrößerung des Durchmessers beliebig vermindern läßt, mit diesen beiden Bauarten beinahe allen Bedürfnissen hinsichtlich der Geschwindigkeit genügt werden.

Der Wirkungsgrad des Zuppingerschen Tangentialrudes ging kaum über 65 v.H. Beim Löffelrad erreicht der Wirkungsgrad sehen bei ganz kleinen Ausführungen 75 bis 80 v.H. und geht bei großen

Abmessungen bis 85 v.H. und selbst höher.

207. Freistrahlrad mit enggestellten Schaufeln. Abb. 270 stellt das alte Zuppingersche Tangentialrad im Grundriß dar. Die nahe zusammengerückten Schaufeln liegen zwischen zwei flachen Kränzen eingeschlossen und bilden mit diesen eigentliche Kanäle, in denen jeder Wasserfaden annähernd gleichartig geführt wird. Die Achse steht senkrecht. Das Rad hat entweder einen einzigen oder zwei einander gegenüberstehende Leitapparate, von denen jeder höchstens drei lang-

Prásil: Die Wasserturbinen und deren Regulatoren an der Schweiz. Landesausstellung in Bern 1914. Schweiz. Bauzeitung Bd. 64, 1914 und Bd. 65, 1915.

gestreckte Kanäle enthält, die das Wasser in fast tangentialer Richtung an den Radumfang heranführen.

Da die relative Wassergeschwindigkeit längs der Schaufeln nach innen abnimmt (vgl. Abschn. 13), erhält man einen freien Austritt nur

dann, wenn man das Laufrad innen stark verbreitert. Ein derartiges Rad mit wagrechter Achse ist in Abb. 280 gezeichnet1). Dasselbe ist mit einem einzigen Einlauf versehen, der nur einen Leitkanal besitzt und dem Rade das Wasser in Gestalt eines freien Strahles aus einiger Entfernung zusendet. Damit das Wasser nicht dem Austritt gegenüber wieder ins Rad hincinfalle, wird es durch besondere Fangvorrichtungen nach beiden Seiten abgelenkt.

Beim Rade, das in Abb. 281 dargestellt ist, wird der freie Austritt durch Weglassen der beiden Seitenkränze erzielt; die Schaufeln stehen frei auf dem Umfange einer Radscheibe. Dieser Umstand in Verbindung mit der Aufbiegung der beiden seitlichen Enden gibt der Schaufel eine gewisse äußerliche Ähn-

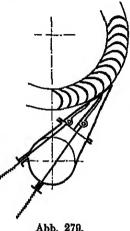
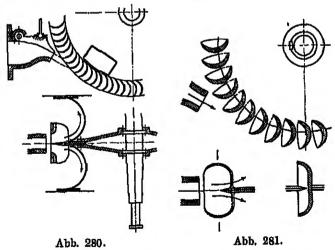


Abb. 279.

lichkeit mit derjenigen der in den nächsten Abschnitten zu behandelnden Löffelräder, von der sie sich indessen durch die Art der Wasser-



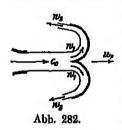
führung wesentlich unterscheidet. Das Wasser bewegt sich in der Hauptsache in einer Ebene normal zur Achse, und durch die ziemlich

¹⁾ Turbinen des Elektrizitätswerkes Luzern-Engelberg, erbaut von Bell & Co. in Kriens. Das Gefälle beträgt 300 m und die volle Leistung 2500 PS. Schweiz. Bauzeitung Bd. 48, S. 54. 1906. 16*

enge Schaufelstellung wird eine gleichartige Führung sümtlicher Wasserfäden angestrebt.

208. Das Löffelrad¹). Jede Schaufel gibt sowohl beim Eintritt in den Strahl als auch beim Austritt aus demselben Anlaß zu einer gewissen Zersplitterung des Wassers, und daraus entstehen nicht unwesentliche Energieverluste. Um diese einzuschränken, sucht man jede einzelne Schaufel möglichst lange im Bereich des Strahles zu belassen. Dabei muß die Schaufel derart gestaltet sein, daß sie das Wasser die ganze Zeit unter günstigen Bedingungen, d.h. annähernd stoßfrei auffängt und ebense unter den denkbar besten Verhältnissen mit sehr kleiner absoluter Geschwindigkeit wieder auswirft.

Der Godanko, auf dem die Lösung dieser Aufgabe beruht, wird in idealer Form durch Abb. 282 dargestellt²). Die Schaufel hat die Gestalt



oiner Drehfläche, die dem axial zufließenden runden Strahl eine schlanke Spitze darbietet, mit der sie ihn annähernd stoßfrei empfängt. Die Fläche lenkt das Wasser gleichförmig nach allen Seiten ab, bis es überall am Rande mit derselben Geschwindigkeit w_2 in einer Richtung austritt, die nahezu derjenigen des Zuflusses entgegengesetzt ist. Weicht die Schaufel in axialer Richtung zurück, so gibt das in der Ablenkung begriffene Wasser einen großen Teil seiner Energie an die Schaufel

ab, und zwar erreicht dieser nach Absehn. 68 den Größtwert, wenn die Geschwindigkeit $w_{\mathfrak{g}}$, mit der das Wasser den Schaufelrand verläßt, annähernd gleich; aber entgegengesetzt der Geschwindigkeit u des Zurückweichens ist.

Man sicht indessen sofort ein, daß diese Schaufelform für ein Rad von endlichem Halbmesser unbrauchbar wäre. Da sich die Schaufel mit dem Rade unter dem Strahl wegdreht, trifft dieser in jedem Augenblick an einem andern Punkte und in einer andern Richtung auf; dabei würde die Schaufel das Wasser nur in dem Zeitpunkte richtig empfangen, wo sie dem Strahl die Spitze bietet. Zicht man aber diese Spitze in der Radebene zu einer Schneide auseinander, die sieh über die ganze Länge der Schaufel erstreckt, so stellt sich die Schneide dem Strahl, solunge sie überhaupt in seinem Bereiche liegt, derart entgegen, daß sie ihn fast steßfrei aufnimmt, mitten durch spaltet und die beiden Teile symmetrisch nach beiden Seiten ablenkt.

Infolge der Drehung des Rades entzieht sich die Schaufel dech nach einiger Zeit dem Wirkungsbereich des Strahles. Bevor dies geschieht, muß die nachfolgende Schaufel bereits in den Bereich eingetreten sein, damit kein Unterbruch in der Arbeitsübertragung stattfinde, und daraus ergibt sich die Notwendigkeit, die Entfernung der Schaufeln in gewissen Grenzen zu halten.

¹⁾ Der Verfasser: Die Schaufelung des Löffelrades. Schweiz. Bauzeitung Ikl. 45, S. 207, 1905; ferner Hartwagner, L.: Theoretische Untersuchungen am Peltonrade. Z. ges. Turbinenwesen 1905, 1. April.

9) Vgl. Absehn. 68.

Mit dem stetigen Weehsel in bezug auf den Ort und die Richtung des Aufschlages fällt jeder Beharrungszustand in der Bewegung des Wassers längs der Schaufel völlig dahin; jedes Teilehen eines herbeiströmenden Wasserfadens beschreibt seine eigene Bahn, und es ist also auch der Punkt des Austrittes einem fortwährenden Wochsel unterworfen. Für die Schaufelfläche ergibt sieh die Bedingung, daß sie zu beiden Seiten der Schneide bei völlig symmetrischem Verlaufe nach allen Richtungen flüssige Linien zeigen muß, daß man den Rand ringsum freizuhalten und dabei überall stark aufzubiegen hat, damit er das Wasser, wo auch der Austritt gerade stattfinden möge, annähernd auf die Richtung des Radumfanges zurücklenke. Die seitlichen Radkränze, die den freien Austritt beschränken würden, müssen wegbleiben, so daß die Schaufeln frei auf dem Umfange des Rades stehen. Von der Stelle, wo sie am Radkörper befestigt sind und wo daher der Austritt nicht frei wäre, wird das Wasser durch die Mittelschneide vorübergelenkt. Damit die Wege, die das Wasser längs der Schaufel zurückzulegen hat, nach keiner Richtung zu lang ausfallen, gibt man der Schaufel einen rundlichen Umriß. Ein Ausschnitt im vorderen Raude macht es ihr möglich, stoßfrei in den Strahl einzutauchen.

Als wesentliche Merkmale dieser löffelförmigen Schaufel, die dem Rade seinen Namen eingetragen hat, sind das Empfangen des Strahles mit der mittleren Schneide und die symmetrische Ablenkung nach beiden Seiten anzusehen. Die Symmetrie des Austrittes hat von selbst auf die wagrechte Lage der Achse geführt, die sich überdies für die Übertragung der Leistung durch Riemen und für die direkte Kupplung mit Elektrogeneratoren besser eignet und dazu noch das Auftreten von Axialschüben ausschließt 1).

Die beschriebene "ellipsoidische" Schaufelform, die heute allgemein in Gebrauch stoht, wurde von W. Abnor Doble in San Francisco eingeführt²). Von den älteren kalifornischen Löffelrädern wurde dasjenige von Pelton zuerst in Europa bekannt³). Dessen Schaufelform weicht aber in wesentlichen Punkten von der heute gebräuchlichen ab. Sie besitzt einen rechteekigen Umriß und ist nur auf den seitlichen Austritt zugeschnitten; der Ausschnitt im vorderen Rando fehlt. Es ist daher unzutreffend, wenn man die Löffelräder ehne Unterschied als Polton-Turbinen bezeichnet.

200. Der Einlauf oder Leitapparat hat die Aufgabe, das Wasser in Gestalt eines freien Strahls von möglichst hoher Energie auf das

1) Bei direktom Antrieb von Elektrogeneratoren wird heute vielfach das Löffelrad fliegend auf die verlängerte Welle des Generators gesetzt. Es erfordert dies ein gutes Zusammenarbeiten des Turbinenbauers mit dem Elektroingenour.

In nouerer Zeit wurden mehrfach große Löffelräder mit senkrechter Welle zum unmittelbaren Antrieb von Generatoren gebaut. Sie besitzen vier gleichmällig auf den Umfang verteilte Einläufe. Der nach oben austrotende Teil des Wassers muß durch besendere Schirme aus dem Bereiche des Rades weggelenkt werden.

Homberger, H.: Z. V. d. I. 1904, S. 1901.
 Relaux, F.: Z. V. d. I. 1892, S. 1181. Vgl. auch die vom Verf. in der Z. ges. Turbinenwesen 1907, S. 193 beschriebene Schaufel von U. Boßhard.

Rad zu richten. Man hat nicht nur die Widerstände im Einlauf auf das Mindestmaß zu beschränken; es ist außerdem noch sehr wichtig, daß der Strahl möglichst wenig Energie durch die Reibung in der Luft verliere, ehe er ins Rad tritt, und dies ist um so wichtiger, als unter Umständen, z. B. bei größeren Raddurchmessern, die Entfernung zwischen Einlauf und Radschaufel ziemlich beträchtlich ausfallen kann.

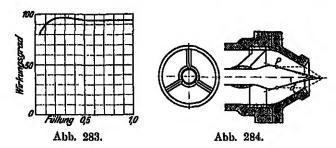
Die erste Bedingung für einen kleinen Luftwiderstand ist die Glätte der Strahleberfläche. Bestehen schon in der Mündung kleinere oder größere Unterschiede zwischen den Geschwindigkeiten der einzelnen Wasserfäden, so führt dies alshald zu turbulenten Vorgängen mit divergierenden Bewegungen, unter deren Einfluß die zähe Oberhaut des Strahles gesprengt wird; die Oberfläche wird rauh und reißt die umgebende last in immer steigendem Grade mit. Last und Wasser mischen sich; das Wasser löst sich in einzelne Tropfen auf, und der Strahl geht besenförmig anseinander 1). Indem er seine Energie zum Toil an die mitgerissene Luft abgibt, verliert er an Wucht, und die Leistung geht zurück. Unter allen möglichen Formen bietet die kegelförmige Düse die günstigsten Bedingungen. Sie läßt sieh auf der Drehbank in größter Genauigkeit und Glätte herstellen; sie zeigt im Verhültnis zum Querschnitt den geringsten benetzten Umfang, und es wird die Reibung auf einen kleinsten Wert vermindert. Vermöge der vollständigen Symmetrie und der starken Konvergenz drängen sich alle Wasserfäden nach der Mitte zusammen, und indem sie sich parallel ancinanderlogen, bilden sie einen geschlossenen glatten Strahl, in welchem keine divergierenden Bewegungen auftreten, und der darum seine Geschlossenheit auf eine größere Länge beibehält, so daß er den Eindruck einer Glasstange macht. Es ist keineswegs erforderlich, daß man den Parallelismus der Wasserfäden sehen in der Düse herbeiführt; bei der völligen Symmetrie kann man die Parallelisierung dem Wasser nach dem Austritt aus der Dilse solbst überlassen und erspart dabei noch wesontlich an Reibung. Durch den Gebrauch der zontrischen Reguliernadel wird allerdings eine Vermehrung des benetzten Umfanges und somit auch der Relbung unvermeidlich; allein da die Symmetrie nicht gestört wird, bleibt auch der Strahl, der sich trotz der Nadel dank der Konvergenz nach der Mitte zusammenschließt, glatt und zusammenhängend.

Die naheliegende Befürchtung, es nöchte unter dem Einflusse der Reibung an der Nadel die Energie des Strahles stark leiden, wird durch die Erfahrung nicht bestätigt; sie trifft nur für ganz kleine Bruchteile der vollen Ausflußmenge in erheblichem Maße zu. In einer sehr eingehenden experimentellen Untersuchung über die Düsen und Schaufeln der Löffelräder fanden Reichel und Wagenbach²) für den Zusammenhang zwischen Ausflußmenge und Wirkungsgrad an der Düse Nr. 4 mit der Nadel Nr. 4 den in Abb. 283 dargestellten Verlauf. Dem-

2) Z. V. d. I. 1013, S. 441.

¹⁾ Bei rechteckigen Mündungen nimmt die Auflösung des Strahles ihren Anfang in den Ecken der Mündung, wo die Reibung im Verhältnis zur vorüberfließenden Wassermenge am größten ist.

nach steigt der Wirkungsgrad der Düse schon beim zehnten Teil der vollen Wassermenge auf 90 v.H.; der höchste Wert wird erreicht, wenn die Wassermenge auf den dritten Teil angestiegen ist. Daß der Wirkungsgrad weiterhin wieder etwas sinkt, findet seine Erklärung darin, daß mit wachsender Ausflußmenge die Geschwindigkeit und damit auch der Reibungsverlust im hinteren Teil des Einlaufes zunimmt.



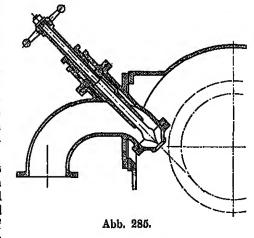
Dank ihren großen Vorteilen hat die konische Düse mit Reguliernadel alle übrigen Einlaufformen in ganz kurzer Zeit völlig verdrängt, so daß sie heute ganz ausschließlich im Gebrauche steht.

Da schließlich jeder Strahl sich nach und nach auflöst, ist die Vorschrift so weit als irgend möglich zu erfüllen, den Einlauf dem Rade soviel als tunlich zu nähern.

Wichtig ist forner, daß die Nadel gut zentriert werde. Läge sie etwas exzentrisch, so ergübe sich namentlich in stärker vorgeschobenem

Zustande ein unsymmetrischer, schlocht ausgebildeter Strahl. Die Nadel kann z. B. nach Abb. 284 durch ein Lager am vorderen Teil ihres Schaftes dicht hinter dem zwiebelförmigen Kopfe geführt worden. Man kann auch den Schaft nach Abb. 285 durch eine von hinten heranreichende Büchse führen.

Dieselbe Skizze läßt erkennen, daß man zum Zweeke des Anbringens und des Handhabens der Nadel gezwungen ist, dem Einlauf eine gebogene Gestalt zu



geben. Infolge dieser Krümmung treten dann allerdings, wie bereits früher beschrieben, Querströmungen auf, welche eine drehende Bewegung des Strahles und damit ein Zersplittern desselben zur Folge haben.

Die Düse schließt sich nach Abb. 284 mit einem abgerundeten Übergang an den Einlauf an; man gibt ihr schon wegen der leichteren Ausführbarkeit in ihrem vorderen Teil eine kegelförmige Gestalt, deren halber Konvergenzwinkel ungefähr

$$\delta = 35 \text{ bis } 45^{\circ}$$
 (241)

angenommen wird.

Das Nadelprofil ist derart auszubilden, daß auch in der hintersten Stellung der Durchflußquerschnitt bis zur Mündung stetig abnimmt und nirgends Verzögerungen des Wassers auftreten. Den Konf nimmt man so dick, daß er die Mündung vollständig abzuschließen vermag. Damit selbst in beinahe geschlossenem Zustande der Düse an der Nadel keine Ablösungen mit ihren Energieverlusten und Korrosionen auftreten, muß der Wendepunkt des Nadelprofiles etwas hin ter dem Punkte P (Abb. 284) liegen, der dem Rande der Mündung entspricht, oder, anders ausgedrückt, der vordere Teil des Nadelprofils muß sich in stetiger konkaver Krümmung außerhalb der Tangente in P entwickeln. Dabci soll die Nadelspitze um so schlanker verlaufen, je höher das Gefälle ist1); das wäre so zu erklären, daß die Energie zum Sprengen der zähen Strahloberhaut einen um so kleineren Bruchteil der ganzen Ausflußenergie ausmacht, je größer diese selbst ist. Im hinteren Toile des Profils, der stets innerhalb der Düse bleibt, braucht man bei der Formgebung nicht sehr ängstlich zu sein, weil dort das Wasser eine kräftige Beschleunigung erfährt und daher gegen Krümmungen wenig empfindlich ist.

210. Die Berechnung der Düse ist nach den Betrachtungen in Absehn. 49 durchzuführen. Die Ausflußgeschwindigkeit nach vollendster Kontraktion, also im Strahl, wird geschrieben

$$c_0 = \varphi \sqrt{2 g II}$$
,

wobei φ den Geschwindigkeitskoeffizienten bedeutet. Aus der Form

$$\frac{c_0^2}{2g} = q^2 II$$

läßt sich sofort erkennen, daß φ^{s} den Wirkungsgrad der Düse darstellt. Man kann etwa setzen

$$\varphi = 0.97 \text{ bis } 0.98;$$
 (242)

dem entspricht

$$\frac{c_0^8}{2g} = 0.94 \text{ bis } 0.90 H$$
,

und somit wäre der Wirkungsgrad der Düse auf 94 his 96 v.H. anzuschlagen. Man erhält daher

$$c_0 = 0.97 \text{ bis } 0.98 \sqrt{2} g H$$

$$= 4.30 \text{ bis } 4.35 \sqrt{H}$$

$$= \sqrt{18.4 H} \text{ bis } \sqrt{18.9 H} \text{ a}$$
(243)

⁹) Nach Abb. 283 darf man don Wirkungsgrad der Dilse auf 94 v. H. anschlagen; es wäre semit $\varphi = 0.070$;

 $c_0 = \sqrt{18.4 H} = 4.3 \sqrt{H}$

¹⁾ Reichel und Wagenbach (a. a. 0.) orhielten mit einer ziemlich kurzen Nadel bei 40 m Druck noch einen gut geschlossenen Strahl; bei 100 m Gefälle fuhr das Wasser besenförmig auseinander.

Rechnet man sicherheitshalber mit dem Werte

$$c_0 = 4.25 \sqrt{H}$$
,

der noch etwas unterhalb der niedrigsten Grenze liegt, und drückt man die Wassermenge Q in l/sek und die Strahldicke s in em aus, so erhält man aus der Kontinuitätsgleichung

$$\frac{\pi}{4}s^2 = \frac{Q}{c_0}$$

für die Strahldicke den Ausdruck

$$s = 1,74 Q^{\frac{1}{2}} H^{-\frac{1}{4}} \cdot$$

Ist der halbe Konvergenzwinkel der Düse

$$\delta = 40^{\circ}$$
.

so kann man nach Abschn. 49 für den Kontraktionskoeffizienten annehmen

$$\alpha = 0.815$$
.

Daher bekäme man für die Düsenweite selbst

$$d = \int_{\sqrt{0.815}}^{8} \simeq 1.1 \, s. \tag{244}$$

211. Die Weite des Einlaufes ist so groß zu bemessen, daß die Wassergeschwindigkeit c_a in demselben ein gewisses Maß nicht übersteigt. Man könnte die kinetische Energie im einlaufenden Wasser in ein bestimmtes Verhältnis zur verfügbaren Energie setzen und beispielsweise schreiben

$$\frac{c_d^2}{2a} = 0.015 \text{ bis } 0.02 H$$
,

so daß die Eintrittsenergie 1,5 bis 2 v.H. der totalen ausmachen würde; die Eintrittsgesehwindigkeit wüchse also mit der Quadratwurzel aus dem Gefälle. Da man aber nach diesen Angaben für größere Druckhöhen sehr bedeutende Werte von $c_{\mathfrak{o}}$ erhält, erscheint es angemessen, eine langsamer ansteigende Funktion zu wählen und beispielsweise zu sehreiben

$$c_s = 1.0 \text{ bis } 1.2 \text{ } \text{?} H.$$
 (245)

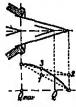
Die errechnete Einlaufweite soll auf einen gebräuchlichen Durch-

messer abgerundet werden.

Ofters wird der Einlauf von der Eintrittsflansche bis zur Düse stetig verjüngt. Dies hat im gekrümmten Teil den Nutzen, daß das Auftreten von Ablösungen verhindert wird, deren störende Wirkungen sich noch im Strahl geltend machen könnten. Im verderen geraden Teil des Einlaufes hitte eine Verjüngung nur eine Vermehrung der Reibung zur Folge, und wenn es sich nicht um eine Platzersparnis handelt, etwa um die Düse nither aus Rad zu bringen, wird man den Durchmesser lieber konstant lassen.

212. Der Zusammenhang zwischen Nadelstellung und Austrittsquerschnitt lißt sich unter einigen vereinfachenden Veraussetzungen leicht berechnen. Es sei angenommen, daß die Nadelspitze die Gestalt eines Kogels besitze; ferner soll als Mündungsquerschnitt die in der Mündungsobene gelegene freie Kreisringfläche gelten¹). Der Querschnitt der Nadel, der von der Mündungsfläche in Abzug zu bringen ist, wächst mit dem Quadrate des Abstandes von der Spitze, und daher läßt sich der freie Austrittsquerschnitt durch die Ordinate einer Parabel darstellen, deren Scheitel nach Abb. 286 in der Mündungsobene liegt. Die Austrittsmenge kann angenähert als dem Querschnitt proportional angenommen werden, und daher messen die Ordinaten der Parabel zugleich die ausströmenden Wassermengen.

Wegen der Schweifung des Nadelprofiles, wie sie tatsächlich stets



zur Anwendung kommt, und wegen anderen Umständen verläuft die Ausflußkurve im Scheitel etwas stumpfer als nach Abb. 286; sie entspricht in Wirklichkeit cher der in Abb. 287 gezeichneten kubischen Parabel. Wird die Nadelstellung x von der Mündungsebene aus gemessen, bedeutet a den größten Nadelverschub und Q_{\max} die größte Ausflußmenge, so ergäbe sieh die Ausflußmenge Q für irgendeine Nadelstellung x

Abb. 286.

$$Q = Q_{\text{max}} \left(1 - \frac{x^3}{a^3} \right). \tag{246}$$

Man bemerkt, daß bei vergeschrittenem Rückzug der Nadel die Ausflußmenge nur noch ganz langsam wächst. Es hat daher wenig Sinn, die Nadelspitze ganz zurückzuziehen; öfters ist man freh, am Nadelhub etwas sparen zu können.

213. Die Kraft zum Verschieben der Nadel wechselt je nach der augenblicklichen Stellung ziemlich stark. Sie ist am größten beim

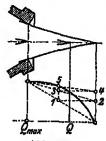


Abb. 287.

Offnen der vollständig geschlossenen Mündung. Bedeutet p, den statischen Druck im Einlauf, /o den Mündungsquerschnitt und / den Querschnitt des Schaftes der Nadel in der rückwärtigen Stoffbüchse, so ist, abgeschen von der Reibung, die Kraft zum Zurückzichen der Nadel

$$P = p_s(f_0 - f).$$

Wird die Nadel mehr und mehr zurückgezogen, so nimmt der Druck im Einlauf etwas ab; dagegen wächst der Druck auf die vordere Seite des Nadelkopfes, und es stellt sich schließlich ein rückwärts gerichteter Überdruck ein. Unter der Veraus-

setzung, daß bei ganz zurückgezogener Nadel der Druck p auf den vorderen Teil des Kopfes ebense groß wie in allen übrigen Teilen des Einlaufes sei, würde dieser rückwärts gerichtete Druck einen Wert

$$P = pf$$

als Grenzwert erreichen können.

i) Genau genommen ist als Mündungsquerschnitt die Drehfläche anzuschen, deren Meridian eine Normaltrajektorie zu den Wasserfäden ist.

Eine vollständigere Untersuchung wäre etwa derart anzufassen, daß man für einige Nadelstellungen in der Nähe des Kopfes die Querschnitte bestimmt, daraus die Wassergeschwindigkeiten und aus diesen nach dem Prinzip von Bernoulli die Drücke berechnet und schließlich die Resultante dieser Drücke auf den Nadelkopf ermittelt. Das wäre indessen eine ziemlich mühsame Arbeit, deren praktische Bedeutung rocht goring wäre.

214. Der Radhalbmesser, den man auf die Achse des eintretenden Strahles zu beziehen pflegt, kann in weiten Grenzen beliebig gewählt werden. Das Mindestmaß wird durch den Platzbedarf für die Radnabe und für die Schaufeln und ihre Befestigung auf dem Rade bedingt. Da die Abmessungen der Schaufeln von der Strahldicke s abhängen, erscheint es als zweckmäßig, den Radhalbmesser ebenfalls durch die Strahldicke auszudrücken. Der kleinste Wert des Halbmessers betrügt otwa

$$R=3$$
 bis $3.2s=m\cdot s$.

Er kommt zur Anwendung, wenn es sich darum handelt, die Umlaufzahl, selbst auf Kosten des Wirkungsgrades, soweit als möglich zu steigern. Für normale Verhältnisse sei etwa

$$R = 8 \text{ bis } 10 \text{ s}$$
. (247)

Größere Halbmesser kommen nur in Betracht, wenn man die Umlaufzahl herabziehen will; denn die Turbine fällt entsprechend teurer aus, ohne daß etwa der Wirkungsgrad verbessert würde. Zwar kann man, wie in Absehn. 217 gezeigt wird, bei wachsendem Halbmesser die Schaufeln weit auseinanderrücken und dadurch den Zersplitterungsverlustetwas

vermindern. Zugleich wird aber der mittlere Abstand zwischen Düse und Schaufel vergrößert, da man nach Abb. 288 gezwungen wird, mit zunehmendem Halbmesser den Einlauf immer weiter zurückzuschieben, und da geht denn, was man etwa an der Zersplitterung an den Schau-



Abb. 288.

feln erspart, an der Reibung des Strahles in der Luft wieder verloren.

215. Die Umfangsgeschwindigkeit soll derart gewählt werden, daß

das Wasser mit der kleinsten absoluten Geschwindigkeit austritt. Da aber jedes Wasserteilehen die Schaufel wieder an einem andern Punkt des Randes verläßt, wechselt die absolute Austrittsgeschwindigkeit von einem Teilehen zum andern; es kann sieh also nur um Mittelwerte handeln. Darf man annehmen, daß der mittlere Austrittshalbmesser gleich dem mittleren Eintrittshalbmesser sei, bezelehnet ferner u die Umfangsgeschwindigkeit im

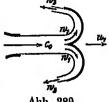


Abb. 289.

mittleren Eintrittshalbmesser, so ware unter Hinwels auf Abb. 289 annähernd die Bedingung

zu erfüllen. Schreibt man

 $w_0 = k w_1$

wobei in der Zahl k, die stets kleiner als eins ist, der Einfluß der Reibung längs der Schaufel zum Ausdruck kommt, und nimmt man Rücksicht darauf, daß

$$w_1 = c_0 - u_1,$$

$$w_2 = k(c_0 - u_1)$$

und endlich

so erhält man

$$u_1 = \frac{kc_0}{1+k}.$$

Nur ist damit nicht viel gewonnen, da k nicht direkt bestimmbar ist. Nach dem Versuch ist die günstigste Umfangsgeschwindigkeit, bei der die Leistung und der Wirkungsgrad den Größtwert erreichen, ungefähr

$$u = 0.45 \text{ bis } 0.46 c_0 = k_{u_1} \sqrt{2g II}$$
, (248)

sofern m=8 bis 10 ist. Für kleinere Werte von m muß auch k_{u1} kleiner gewählt werden.

Beispielsweise findet sich für $u=0.46\,c_0$ ein Wert von k=0.852. Das würde also bedeuten, daß rund 15 v.H. der Geschwindigkeit w_1 , mit der das Wasser relativ zur Schaufel eintritt, längs der Schaufelfläche durch die Reibung verlorengehen. Da sich das Wasser auf der Schaufel sehr stark ausbreitet und eine geringe Schichtdicke annimmt, spielt die Klebrigkeit eine große Rolle, und es liegt in der Höhe des Geschwindigkeitsverlustes nichts Unwahrscheinliches. Daß die Glätte der Oberfläche von wesentlichem Einfluß sein muß, ist selbstverständlich; die Schaufeln werden darum bei guten Ausführungen sorgfältig bearbeitet¹).

216. Spezifische Umlaufzahl. Rechnet man mit einem Wirkungsgrad von 80 v.H., so wäre zur Erzielung einer Leistung von 1 PS bei 1 m Gefälle eine Wassermenge

$$Q = \frac{75}{0.8} = 93,75 \text{ 1/sok}$$

erforderlich. Bei einem Ausflußkoeffizienten $\phi=0.97$ witre die Ausflußgeschwindigkeit aus der Düse etwa

$$c_0 = 0.97 \sqrt{2} g = 4.29 \text{ m/sek}$$
,

und der Strählquerschnitt

$$f = \frac{93,75 \cdot 1000}{4,29 \cdot 100} = 218 \, \text{qcm}$$

also die Strahldicke

$$s = 167 \text{ mm}$$
.

Beträgt die Umfangsgeschwindigkeit

$$u = 0.46 c_0 = 1.978 \text{ m/sek}$$
,

¹⁾ Und zwar aus freier Hand mit Schaber und Schmirgelscheile; denn es handelt sich hier nicht um einfache geometrische Flächen, deren Bearleitung auf Werkzeugmaschinen möglich wäre. Wichtig ist übrigens auch die Schärfe der Eintrittskante im Ausschnitt und an der Mittelschneide.

so findet sich für die spezifische Umlaufzahl

$$n_s = \frac{19.1 \ u}{2 \ R} = \frac{19.1 \cdot 1.978}{2 \ s} \left(\frac{s}{R}\right) = 113 \left(\frac{s}{R}\right).$$

Mit einem Werte von $R=3\,s$ für den kleinsten möglichen Halbmesser erhält man für die größte spezifische Umlaufzahl

$$n_{\rm amax} = 37.7$$
.

Die spezifische Umlaufzahl für die Zwillingsturbine vom kleinsten

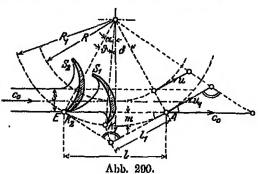
Durchmesser wird somit

$$n_{s \max} = 37.7 \sqrt{2} = 53.4$$
.

Für die einfache Turbine mit dem normalen Halbmesser R=8bis 10 s orhält man die spezifische Umlaufzahl

$$n_s = 14,1$$
 bis 11,3.

Man kann auch die spezifische Umlaufzahl durch Anbringen von zwei oder mehr Ein-



läufen erhöhen. Doch ist der Erfolg dieses Mittels nicht durchschlagend, da man zum Unterbringen mehrerer Düsen manchmal wieder eines größeren Radhalbmessers bedarf (vgl. Abschn. 228).

217. Die Schaufelteilung. In Abb. 200 sind zwei aufeinanderfolgende Schaufeln S_1 und S_2 im richtigen gegenseitigen Abstand voneinander gezeichnet. In der tiefsten Stellung ragt die Schaufelkante über den Strahl um einen Betrag m vor, der als der Schaufelvorstand bezeichnet werden mag.

Von dem Augenbliek an, wo die Eintrittskante K_2 der Schaufel S_2 den Strahl ganz durchschnitten hat, tritt offenbar kein Wasser mehr hinter jene Schaufel. Der abgeschnittene vordere Teil des Strahles aber bewegt sich so lange unverändert weiter, bis er mit der vorangehenden Schaufel S_1 in Berührung kommt und von derselben abgelenkt wird. Es ist von der größten Wichtigkeit, daß alles Wasser, das hinter die Schaufel S_2 getroten ist, auf die vorderen Schaufeln trifft und bei der Ablenkung an denselben seine Bowegungsenergie abgibt. Das letzte Teilehen, das eben noch bei E eintreten konnte, verließe im Punkte A den Bereich des Rades, wenn es nicht schon vorher von der Schaufel S_1 aufgefangen wird. Bezeichnet I die Streeke MA und c_0 die Geschwindigkeit des Strahles, so brauchte das zuletzt eingetretene Teilehen eine Zeit

$$t_i = \frac{t}{c_0},$$

um von E nach A zu gelangen. Bis die Schaufel S_1 mit ihrer Kante K_1 in A eintrifft, vergeht eine Zeit

$$l_3 = \frac{l_1}{u_1},$$

wenn l_1 gleich dem Bogen K_1A ist und u_1 die Umfangsgeschwindigkeit des Kreises über die Kanten bedeutet. Soll das letzte Teilehen gerade noch abgefangen werden, so wäre die Bedingung hierfür

$$t_2 = t_1$$
,

d. h. die Schaufelkante K_1 soll gleichzeitig mit dem zuletzt eingetretenen Wasserteilehen im Punkte A ankommen. Würde die Kante K_1 den Punkt A schon früher passieren, ehe das Wasserteilehen dort anlangt, so entwiche dieses, ohne die Schaufel S_1 berührt und seine Energie abgegeben zu haben.

Sotzt man die beiden Ausdrücke für t_1 und t_2 einander gleich, so erhält man als Bedingung dafür, daß das letzte Teilehon eben noch

abgefangen wird,

$$\frac{l}{c_0} = \frac{l_1}{u_1}. (249)$$

Sind die Abmessungen R, s und m und die Geschwindigkeiten $u=R\,\omega$ und c_0 gegeben, so läßt sich zunächst zeichnerisch

$$u_1 = \frac{R_1}{R}u$$

finden, und weiterhin kann man nach Abb. 290 mit Hilfe ähnlicher Dreiecke die Länge l_1 konstruieren. Trägt man diese von Λ rückwärts auf dem Kreisbogen ab, so erhält man in K_1 die augenblickliche Stellung der Kante von S_1 ; d. h. es ist der Bogen K_1K_2 die Schaufelteilung auf dem Kreise über die Kanten gemossen.

Es genügt indessen nicht, daß das zuletzt eingetretene Wasserteilehen nur gerade noch mit der Schaufel S_1 in Berührung komme. Soll es wirklich seine Energie an dieselbe abgeben, so muß es sie noch etwas innerhalb der Kante treffen, und zu diesem Zwecke hat man die Teilung noch um so viel zu verkleinern, daß die Zahl der Schaufeln um ungefähr 10 bis 20 v.H. größer wird.

218. Rechnerische Bestimmung der Schaufelzahl. Anstatt durch Konstruktion lüßt sich die Schaufelzahl auch auf dem Wege der Rechnung ermitteln. Es ist nach Abb. 290

$$l=2 R_1 \sin \alpha$$
, $l_1=R,\delta$.

Setzt man diese beiden Ausdrücke in Gl. (249) ein, so erhillt man

$$\frac{2\sin\alpha}{c_0} = \frac{\delta}{u_1}$$

und daraus

$$\delta = 2 \frac{u_1}{c_0} \sin \alpha$$

oder, da

$$u_1 = \frac{R_1}{R} u,$$

$$\delta = 2 \frac{R_1}{R} \frac{u}{c_0} \sin \alpha,$$

$$\alpha = \arccos \frac{R + \frac{1}{11}s}{R_1}$$

$$R_1 = R + \frac{1}{11}s + m.$$
(250)

wobei und

Der Teilwinkel ist nach Abb. 200

$$\vartheta = 2\alpha - \delta \tag{251}$$

und somit die Schaufelzahl

$$z = \frac{2\pi}{4}.\tag{252}$$

Auf Grund der Erfahrung ist etwa $u=0.46\,c_0$ zu setzen. Führt man die Rechnung für angenommene Werte des Verhältnisses m:s durch, so erhält man beim Auftragen im rechtwinkligen Koordinatensystem den Zusammenhang zwischen der Schaufelzahl z und dem Verhältnis R:s durch langgestreckte Kurven dargestellt, die sich innerhalb des Raumes, für den sie in Frage kommen, durch gerade Linien von der Gleichung

 $z = \frac{0.42}{m}(R+3s) + 10 \tag{253}$

ersetzen lassen. Man ersicht daraus, daß die Schaufelzahl mit dem Halbmesser wächst, jedoch langsamer als dieser; es wird also mit wachsendem Halbmesser die Teilung größer. Es ergibt sich ferner, daß die Schaufelzahl mit zunehmendem Schaufelvorstand m abnimmt oder die Schaufelteilung größer wird. Da erfahrungsgemäß die Größe m nicht viel über 0,6 s hinausgehen soll, kann man diesen Wert in obiger Gleichung einsetzen, wobei sie die Gestalt annimmt

$$z = 0.7 \frac{R}{s} + 12. {(254)}$$

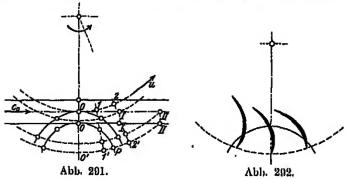
Streekt man die Schaufelteilung möglichst lang, so treffen die zuletzt eintretenden Wasserteilchen sohr schräg von innen nach außen auf die Schaufel, werden dabei nur schwach abgelenkt und geben daher nur einen kleinen Teil ihrer Energie ab. Es ist daher geboten, die nach vorstehenden Rechnungen ermittelten Schaufelzahlen wesentlich aufzurunden. Unter normalen Verhältnissen geht man bis auf das 1,2 fache. Bei stark überfüllten Schaufeln, d. h. wenn die Abmessungen der Schaufeln im Verhältnis zur Strahldieke gering sind, steigt man bis auf das 1,5 fache, weil hier die Verhältnisse für das zuletzt aufschlagende Wasser noch ungünstiger werden.

Folgende kleine Zahlentabelle gibt eine ungefähre Vorstellung von den nach Gl. (254) ausgerechneten und aufgerundeten Schaufelzahlen:

219. Relative Bahn des eintretenden Wasserstrahles. Die Schaufel hat die Aufgabe zu lösen, das Wasser unter den günstigsten Bedingungen zu empfangen und wieder zu entlassen. Um die Eintrittsbedingungen erkennen zu können, benützt man am besten die relative Bahn des eintretenden Strahles gegenüber der Radebene. Es soll z. B. nach Abb. 291 die Bahn konstruiert werden, die das Teilehen O des äußersten Wasserfadens relativ zur Radebene beschreibt. Man trägt auf der absoluten Bahn und auf dem Radumfang, der der Achse des Strahles entsprieht, zwei gleichförmige Punktreihen von der Beschaffenheit auf, daß

$$\frac{O, I, II, \ldots}{0, 1, 2, \ldots} = \frac{c_0}{u}$$

Trifft das Teilchen O nach einiger Zeit in II ein, so gehört offenbar derjenige Punkt P der Radebene, der gleichzeitig in II ankommt, der gesuchten relativen Bahn an. Überträgt man die Punktreihe 0, 1, 2, . . . durch Strahlen aus dem Mittelpunkte auf den durch II ge-



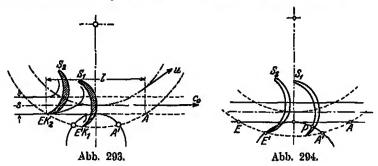
schlagenen Kreis, so ist 0'2' der Bogen, um den sich das Rad dreht, während O bis II gelangt; man hat also nur diesen Bogen 0'2' von II aus rückwärts aufzutragen, um den gesuchten Punkt P der relativen Bahn zu erhalten. Am bequemsten nimmt man den Bogen 2'II in den Zirkel; trägt man ihn von 0' aus nach beiden Seiten auf, so erhält man von der relativen Bahn gleich noch den symmetrischen Punkt.

Die relative Bahn ist eine verlängerte Evolvente, für deren Grundkreis $r\omega=c_0$ ist.

Wiederholt man die Konstruktion für den innersten Wasserfaden, so lassen sich mit den beiden relativen Bahnen alle Fragen betreffend den Eintritt des Wassers beantworten. Dreht man die Schaufel in die relative Bahn, so ergibt sich aus dem Schnitt der letzteren mit dem Schaufelprofil der Ort und die Richtung des Aufschlages. Im Anfang strömt das Wasser nach Abb. 292 schräg von außen nach innen auf die Schaufel; später trifft es sie voll, und gegen das Ende ist der Aufschlag schräg von innen nach außen gerichtet. Will man wissen, in welcher Schaufelstellung der betreffende Aufschlag eintritt, so hat man nur die Schaufel so weit zu drehen, daß der Aufschlagpunkt auf die absolute Wasserbahn zu liegen kommt.

Je langsamer sich das Rad dreht, desto mehr nähert sich die relative Bahn der absoluten, bis schließlich bei stillstehendem Rade die relative mit der absoluten Bahn zusammenfällt.

220. Bestimmung der Schaufelteilung mittels der relativen Bahn. Die relative Bahn des äußersten Wasserfadens kann nach Abb. 203 zur Bestimmung der Schaufelteilung dienen. In der Zeit, in der sich das Wasserteilchen O bei ungehinderter Bewegung nach A begeben würde, droht sich das Rad um den Bogen A'A. Der Bewegung des Wasserteilchens über die ganze Strecke EA entspricht eine Drehung des Rades um den Bogen EE' + A'A. Damit das letzte Wasserteilchen,



das noch hinter der Schaufel S_2 ins Rad tritt, noch rechtzeitig abgefangen werde, ist die Bedingung

$$K_1A > EE' + A'A$$

zu erfüllen. Zieht man diese Ungleichung von der Identität

$$K_{2}MA = EMA$$

ab, so ergibt sich für die Teilung

$$K_2K_1 < E'A';$$

d. h. die Teilung muß kleiner sein als der Bogen, den die relative Bahn des äußersten Wasserfadens auf dem Kreise über die Eintrittskanten ausschneidet.

Dreht man zwei aufeinanderfolgende Schaufeln S_1 und S_2 nach Abb. 294 so weit herum, daß die Eintrittskante der hinteren Schaufel in den Punkt E' der relativen Bahn des äußersten Wasserfadens zu liegen kommt, so erhält die vordere Schaufel im Punkte P, in dem sie von derselben relativen Bahn geschnitten wird, das letzte Wasser. Man könnte auf diesem Wege die Schaufelteilung bestimmen, wenn der Punkt P gewählt wurde.

221. Ein- und Austrittswinkel. Den Eintrittswinkel oder den halben Zuschärfungswinkel der Mittelkante nehme man nach Abb. 295 etwa

$$\beta_1 = 5 \text{ bis } 10^{\circ}.$$
 (255)

Von der Kante weg, die messerscharf sei soll, führe man das Profil zuerst ein Stück geradlinig weiter, damit die Ablenkung des Wassers nicht zu schroff einsetze. Mit dem Austrittswinkel kann man recht gut bis auf

$$\beta_0 = 4$$
 bis 5^0

(256)

herabgehen, ohne daß man Gefahr läuft, daß das austretende Wasser den Rücken der folgenden Schaufel streife; denn wie ein Blick auf Abb. 296 lehrt, hat das Wasser ohnehin eine Richtung, vermöge der es in der Hauptsache über die nachfolgende Schaufel hinweggeht. Die

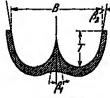


Abb. 295.

Gefahr des Streifens ist um so geringer, als das Wasser sich bei der starken Verteilung des Austrittes zu einer sehr dünnen Schicht ausbreitet und überdies diese Schicht eine Abbiegung nach außen erfährt, indem die der Schaufel anliegende Seite infolge der Klebrigkeit des Wassers eine Verzögerung erleidet.

222. Schnufelform. Mit Rücksicht darauf, daß der Austritt sich über den ganzen Umfang

der Schaufel verschiebt, sollte der Rand überall stark emporgezogen sein. Das ergäbe aber beim Eintreten der Schaufel in den Strahl eine fehlerhafte und verlustreiche Berührung zwischen Strahl und Schaufelrücken, weven man sich leicht überzeugen kann, wenn man sich die Schaufel langsam in die relative Bahn des Strahles hineingedreht denkt. Ein Blick auf Abb. 297 zeigt indessen sofort, daß man diesen Fehler dadurch vermeiden kann, daß man den Schaufelrücken hinten rinnenförmig ausschneidet. Die Richtung dieser Rinne ist durch die Tangente an die relative Bahn des innersten Wasserfadens gegeben. Legt man die Hinterschneidung nach Abb. 297 derart an, daß die hohle Schaufelfläche nur schwach gestreift wird, und schneidet man den mittleren Teil des verderen Randes auf eine Breite b weg, die etwas größer als die Strahldicke s ist, so wird die Schaufel annähernd stoßfrei in den Strahl eintreten.

Der Randausschnitt darf nicht zu weit in die Schaufelsläche hineinreichen, damit die zuletzt aufschlagenden Wasserteilehen, die etwa die Bahn der Pfeile 3 in Abb. 298 beschreiben, keinen zu großen Weg zurücklegen müssen. Dies führt von selbst dazu, die ganze Schausel und insbesondere die mittlere Kante ziemlich stark zurückzuneigen. Daß hierbei die letztere in der Mittellage nicht mehr rechtwinklig zum Strahl steht, was ja augenscheinlich das Angemessenste witre, ist ein Umstand, den man in den Kauf nehmen muß.

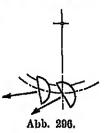
223. Die relative Bewegung längs der Schaufel steht unter dem Einflusse der Schaufelform, der relativen Richtung und Geschwindigkeit des eintretenden Wassers, der Reibung an der Schaufel und der Coriolissehen Ergänzungskräfte, wogegen man das Eigengewicht

¹⁾ Bei kleinem Verhältnis R:s fällt diese Rückwärtsneigung übermäßig großaus. Man verzichtet dann darauf, den Eintritt völlig stoßfrei zu gestalten und legt die Hinterschneidung etwas flacher an, so daß man die Schausel otwas aufrechter stellen kann. Der Verzicht auf völlig stoßfreien Eintritt erscheint um so eher zulässig, als sich die Eintrittsverhältnisse vom ersten Augenblick an immer besser gestalten.

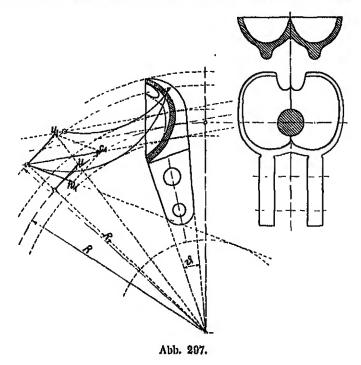
füglich außer acht lassen darf, da es gegenüber den übrigen Kräften stark zurücktritt.

Da der Anfangszustand in bezug auf den Ort, die Richtung und die Geschwindigkeit des Eintrittes nicht nur für jeden Wasserfaden,

sondern auch für jeden Augenblick wieder ein anderer ist, werden die Vorgänge ungemein verwickelt; jedes Wasserteilehen beschreibt wieder eine andere Bahn, und die Teilehen eines eintretenden Fadens werden vollständig über die Fläche zerstreut¹). Zuerst tritt das Wasser beim Ausschnitt des vorderen Schaufelrandes ein, und da der Eintritt nach innen gerichtet ist, nimmt es etwa den Verlauf der Pfeile 1 in Abb. 298 an. Allmählich rückt der Aufschlagspunkt weiter nach innen; der



Strahl fällt steiler auf und wird durch die mittlere Schneide nach beiden Seiten abgelenkt, etwa den Pfeilen 2 entsprechend. Gegen das



Endo verschiebt sich der Ort des Aufschlages wieder mehr nach außen, und da die Bewegung des relativen Eintrittes von innen nach außen

¹⁾ Man gewinnt dahor durch Vorsuche an stillstohenden Schaufeln keinen richtigen Einblick in diese Verhältnisse; einen selehen könnte nur das Strobeskop am laufenden Rade geben.

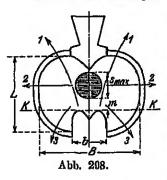
gerichtet ist, geht die Strömung längs der Schaufel etwa den Pfeilen 3 gemäß vor sich. Selbst wenn die Bahnen sich kreuzen, kommen die Wasserteilehen einander nicht in den Weg, da diese Bewegungen sich

nicht gleichzeitig, sondern nacheinander vollziehen.

Es ist darauf zu schen, daß die zuletzt aufgeschlagenen Teilehen ihren Ausweg nicht durch den Ausschnitt, sondern über den Rand der Schaufel nehmon, da ihnen die Energie nur auf diesem Wege vollständig entzogen wird; sie müsen also tief genug ins Rad eintreten, und der Schaufelvorstand m soll eine gewisse Größe besitzen; auch darf die Schaufelteilung nicht zu weitläufig sein 1).

An eine rechnerische Untersuchung dieser Vorgänge ist nicht zu

donken.



224. Die Ahmessungen der Schaufel stehen in einem gewissen Verhältnis zur Strahldicke; denn es ist einlouchtend, daß sich das Wasser auf einer großen Schaufel übermäßig stark ausbroitet und daher verhältnismäßig größere Reibungs- und Adhäsionsverluste orieidet, und daß andererseits bei zu knapp bemessenen Schaufeln infolge der schroffen Ablenkung größere Energieverluste entstehen. Ober das richtige Maß kann aber nur die Erfahrung entscheiden.

> In bezug auf die Strahldieke hat man zwischen dem Worte für die größte und

demjenigen für die meist gebrauchte oder normale Leistung zu unterscheiden. Man wird die Schaufel in der Regel nach der normalen Strahldicke bemessen, immerhin in dom Sinne, daß man sie etwas größer wählt, wenn die maximale Stärke weit über die normale hinausgeht. Bedoutet s die normale Strahldieke, so sei die Schaufelbreite nach Abb. 208 etwa

$$B = 3.4 s \text{ bis } 3.8 s.$$
 (257)

Bezeichnet smax die größte Strahldicke, so soll man nicht unter $B=3.2\,s_{\rm max}$ (257 a)

hinabgehen, damit die Schaufel in keinem Falle zu stark überfüllt werde.

Die radiale Abmessung oder die Schaufellänge L ergibt sieh fast von selbst. Nach Abb. 208 soll der diekste Strahl innen noch auf der Schneide Platz finden. Gilt die Linie KK, die den Grund des Ausschnittes im vorderen Rand berührt, als Eintrittskante, so sei der

¹⁾ Reichel und Wagenbach (a. a. O.) haben gefunden, daß bei einer gegebenen Schaufel für den Vorstand m ein günstiger Wort hesteht, der von der Strahldieke unabhängig ist. Bei veränderlicher Strahldieke sollte also die Lage des äußersten Wasserfadens unverändert beibehalten werden. Dies gibt sieh bei Zungen- und Schieberregulierungen ganz von selbat, ist aber bei der Nadelregulierung praktisch nicht erreichbar.

Schaufelverstand etwa

$$m = 0.5 \text{ bis } 0.7 s_{\text{max}},$$
 (257)

wobei der kleinere Wert anzuwenden wäre, wenn $s_{\rm nax}$ wesentlich über die normale Stärke hinausgeht, damit der normale Strahl nicht zu weit ins Rad hineinfalle. Über die Linie KK soll die Schaufel nur noch um so viel hinausreichen, als zur guten Entwicklung der Schaufelfläche nötig ist; davon kann man sich erst beim Aufzeichnen des Längenschnittes Rechenschaft geben.

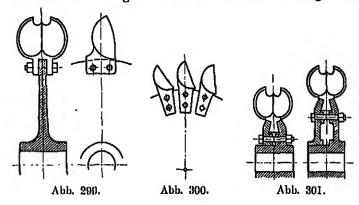
Die Schaufellänge mag etwa sein

$$L = 2.5 \text{ bis } 2.6 s_{\text{nax}}$$
 (258)

Auch über die Tiefe T gibt erst das Aufzeichnen des Querprofiles zutreffenden Aufschluß. Sie betrage etwa

$$T = 0.35 \text{ bis } 0.4 B.$$
 (259)

225. Das Aufzeichnen. Es ist kaum möglich, für das Entwerfen der Schaufeln feste Regeln aufzustellen. Hat man einige Elemente



angenommen, so sucht man die übrigen aus diesen zu bestimmen, und wenn man hierbei auf Unzweckmäßigkeiten stößt, muß man auf die Annahmen zurückgreifen.

Als Projektionsebene wird neben derjenigen normal zur Achse am besten die Axialebene verwendet, die den Schaufelrand am innersten Punkt berührt. Die Schaufelfläche wird am zweckmäßigsten durch ebene Querschnitte zu den Projektionsebenen dargestellt.

Zuerst wird man wohl meistens den Umriß der Schaufel in der Vorderansicht wählen und im Anschluß daran den Querschnitt über die größte Breite ziehen. Sodann legt man die Hinterschneidung fest, deren Richtung sich übrigens auch ohne Zuhilfenahme der relativen Bahn des eintretenden Wassers einfach aus dem Eintrittsparallelogramm ergibt. Ferner entwirft man den Längenschnitt über die größte Tiefe; sodann wählt man die Seitenprojektion der Mittelschneide und des Schaufelrandes usw. In Abb. 207 ist diese Arbeit durchgeführt.

Das Modell zur Schaufel erhält man am besten auf folgendem Wege, Man stellt zunächst die Gegenform zur führenden Schaufelfläche her, indem man die Hauptprofile in Pappe ausschneidet und auf einem Brettehen zusammenstellt und darauf die Zwischenräume mit magerem Lehm ausfüllt. Das Ausgleichen läßt sich beim Modellieren noch leichter als auf dem Reißbrett durchführen. Ein Gipsabguß von dieser Gegenform, der durch die Vorsprünge und Lappen ergänzt wird, die zur Befestigung der Schaufeln nötig sind, dient als erstes Modell, und ein von diesem in Messing abgenommener und sorgfältig bearbeiteter Abguß liefert das endgültige Modell. Dabei darf man nicht versäumen, auf das doppelte Schwindmaß Rücksicht zu nehmen.

Als Baustoffe für die Schaufeln kommen Gußeisen und Stahlguß in Betracht. Die Düse besteht aus Bronze oder aus Stahlguß, die Nadel

aus Bronze oder Stahl (Nickelstahl).

226. Befestigung der Löffel. Das früher immer üblich gewesene Zusammongießen mit dem Rad ist nicht mehr allgemein, da sowohl das Gioßen als auch das Bearbeiten der einzeln hergestellten Schaufeln viel leichter ist.

Bei der Verbindung mit dem Rad hat man darauf zu achten, daß der Austritt nach hinten nicht unzulässig beschränkt wird. Viel gebraucht wird die in Abb. 200 dargestellte Verbindung mit zwei Lappen und zwei nebeneinander liegenden Schraubenholzen, die von Doble eingeführt wurde. Bei enger Schaufelstellung, also bei verhältnismäßig kleinem Radhalbmesser, stellt man die beiden Bolzen nach Abb. 300 hintereinander. Solbst für die gedrungensten Räder läßt sieh die vom Verfasser entwerfene Verbindung mit festgeklemmtem Schwalbenschwanz nach Abb. 301 anwenden.

Bei großen Gefällen und Kräften ist zu untersuchen, ob die Festigkeit der Schaufel und ihre Befestigung der Inanspruchnahme durch die Zontrifugalkraft und den Wasserdruck gentigt.

Bezeichnet man die Zentrifugalkraft mit $C = m \cdot R_1 \cdot m^2$ und die

Umfangskraft mit $U=716,20\frac{\ddot{N}}{n\cdot R_1}$, so müsson diese Kritte zu einer

Resultiorenden R zusammengefügt und das Drehmennent dieser Kraft in bezug auf den Schwerpunkt S der beiden Schraubenquerschnitte bestimmt worden. Dieses Drehmement wird durch die beiden Schrauben aufgenommen und beansprucht sie mit den Kräften P_2 (siehe Abb. 302). Die Zentrifugalkraft C wird nach Größe und Richtung ebenfalls nach S verschoben gedacht und liefert dann an den Schrauben die Kräfte P. Es werden dann die Kräfte P_1 und P_2 , die an den beiden Schrauben wirken, zu den Resultierenden R zusammengesetzt und mit diesen die Schrauben auf Abscherung oder sicherer auf Biegung berechnet.

Abb. 803 zeigt eine andere Art der Schaufelbefestigung, wie sie bei kleinen Rädern und großen Strahldurchmessern von Kacher, Wyß & Co. ausgeführt wird. Die Bestimmung der die Schrauben beanspruchenden Kräfte erfolgt analog wie im oben beschrichenen Falle.

227. Gehäuse. Die Löffelräder mit fliegender Achse werden in einem Gehäuse eingeschlossen, das das Umherspritzen von Wasser verhindert. Damit das austretende Wasser, das von den Wünden abprallt, nicht wieder ins Rad zurückfalle, soll das Gehäuse im Bereiche des Austrittes etwa 3 mal so breit sein als die Schaufel. Die Lage des Einlaufes gegenüber dem Rade ist so zu wählen, daß das austretende Wasser möglichst frei herabfallen kann; der Strahl soll also sehräg abwärts oder wagrecht auf den unteren Teil des Rades gerichtet sein.

Das Wasser fegt in einer starken Verteilung die Luft sehr lebhaft aus dem Gehäuse fort. und wonn man nicht für Erneuerung sorgt, kann es vorkommon, daß das Unterwasser infolge der eintretenden Luftverdünnung bis zum Rade emporsteigt. Sitzen die Lager dieht am Cehauso, so wird bei ungenügender Lufterneuerung das Schmieröl in kürzester Zeit abgosaugt.

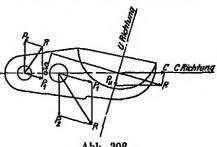
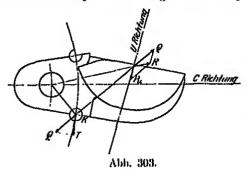


Abb. 302.

Beim Austritt der Welle versicht man das Gehäuse am besten Lederstulpen erzeugen starke Reibung mit einer Labyrinthdichtung. und greifen die Welle an.



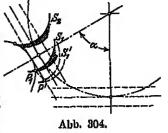
Löffelrad 228. mehreren Düsen. Zur Vermehrung der Leistung, ohne die Umlaufzahl gleichzeitig

stark zu vermindern, versieht man öfters die Löffelräder mit zwei und (ausnahmsweise auch) mit mehr Dabei darf man Düsen. aber nicht überschen, daß dies in der Regel eine Vergrößerung des

messers ruft, da die aufeinander folgenden Einläufe einen gewissen Ab-

stand voneinander halten müssen; Keine Schaufel darf neuerdings Wasser bekommen, bevor sie sieh nicht ganz entleert hat. Es wächst darum die spezifische Umhufzahl nicht nach Gl. (184) mit der Quadratwurzel aus der Leistung oder aus der Zahl der Einläufe, sondern langsamer.

Ober die Entfernung zweier aufeinander folgender Düsen gibt folgende Ka sollon in Betrachtung Auskunft. Abb, 304 durch S, und S, zwei aufeinander folgonde Schaufeln im richtigen gegenseitigen Abstand angedeutet sein. Dabei ist die Schaufel S, in der Stellung ge-



zeichnet, in der ihre Eintrittskante auf der relativen Bahn des äußersten Wasserfadens liegt. Dann ist nach Abschn. 220, Abb. 304 P_1 der Punkt der vorangehenden Schaufel, der noch zuletzt von dem hinter der Schaufel S_2 eingetretenen Wasser getroffen wird. Die Stellung S_1 , in der dies geschicht, wird gefunden, indem man die Schaufel S_1 so weit herumdreht, daß P_1 nach P' in der absoluten Bahn gelangt. In dieser

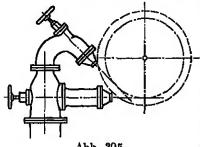


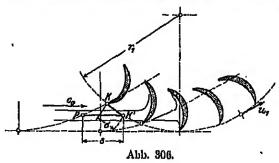
Abb. 305.

Stellung empfängt die vordere Schaufol den letzten Tropfen aus der orsten Düse, und der nächste Einlauf ist um soviel vorwärts zu schieben, daß das soeben noch eingetretene Wasser aus der ersten Düse Zeit findet, die Schaufel zu verlassen, ehe der Eintritt aus der zweiten Düse seinen Anfang nimmt. Dieser Zeitraum ist allerdings nicht näher bestimmbar; man wird sich damit begnügen müssen, den Spielraum

bis zur zweiten Düse schätzungsweise anzunehmen. Der Winkel a kann als Minimum zu 60° angenommen werden.

In Abb. 305 ist ein Löffelrad mit zwei Einläufen gezeichnet. Diese sind derart angelegt, daß das Wasser einen guten Austritt aus dem Rade findet. Der obere Einlauf erhält das Wasser durch eine sehr stark gekrümmte Zuleitung, deren Formgebung einer sorgfültigen Behandlung bedarf, wonn das Auftreten von Ablösungen verhindert werden soll.

229. Verteilung des Wasserstrahles auf die einzelnen Schaufeln. Auf jede Schaufel fällt ein ganz bestimmter Abschnitt des Strahls. Man findet diese Stücke, indem man nach Abb. 308 die relativen Bahnen der Schaufelkanten gegenüber dem Wasserstrahl bestimmt. Einzelne Punkte P der relativen Bahn, die die Kante K beschreibt, ergeben sich, wenn man die Kante um einen Bogen σ nach dem Punkte K' dreht, und diesen um eine Streeke K'P = s in der Richtung des Strahls zurück-



schiebt, die gleich dem Wogo ist, den Wasser in der Zeit zurücklegt, während der sich das Rad von K nach K' droht, für die sichsomit der Ausdruck orgible

$$s = \frac{\sigma}{u_1} c_0$$
.

Dor Punkt P trifft oftenbar mit K gleich-

zeitig in K' ein und ist somit ein Punkt der gesuchten relativen Bahn. Diese ist eine verlängerte gemeine Zykloide, deren Rollkreis durch die Beziehung $r \omega = c_0$ bestimmt wird.

Der Strahl wird durch die von den einzelnen Kanten beschriebenen Bahnen in lauter schräg abgeschnittene Stücke zerlegt. Der Außehlag beginnt mit dem innersten Faden, wächst bis zum vollen Strahl und hört mit dem letzten Zipfel des äußersten Fadens auf.

Will man vermeiden, daß Wasser unbenützt zwischen den Schaufeln entweicht, so dürfen sich die relativen Bahnen der Kanten zweier benachbarten Schaufeln nicht innerhalb des Bereiches des Strahles schneiden. Abb. 307 läßt erkennen, wie ein Teil des Wassers verlorengeht, wenn die Schaufeln zu weit auseinander stehen¹). Ähnliche Erscheinungen treten auf, wenn die Umfangsgeschwindigkeit des Rades zu groß ist.

230. Modellreihe. Unter den Modellen für die verschiedenen Gußstücke eines Löffelrades ist dasjenige für das Gehäuse das größte und teuerste. Dessen Abmessungen werden in erster Linie durch den Raddurchmesser bedingt, und so wird sich wohl diese Größe am besten als Kennzahl einer Nummer eignen. Es stehen aber auch alle übrigen Abmessungen in einer gewissen, wenn auch etwas lockeren Abhängigkeit voneinander, so daß die Wahl der einen Größe sofort gewisse Anhaltspunkte für die Annahme der übrigen gibt.

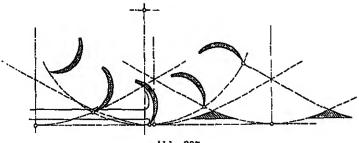


Abb. 307.

Setzt man nach Absehn. 211 für die Geschwindigkeit c. im Einlauf

$$c_{\bullet} = 1,2 \mathring{V}H$$

und für die Geschwindigkeit c_0 im Strahl

$$c_0 = 0.97 \sqrt{2 g II} = 4.3 \sqrt{H}$$
,

hezeichnet forner d_s die Weite des Einlaufes und s die Strahldicke, so ist

$$\frac{d_e}{s} = \sqrt{\frac{c_0}{c_e}}.$$

Führt man für c_0 und c_s die obigen Werte ein, so erhält man

$$\frac{d_a}{s} = 1.89 \sqrt[8]{H}$$
.

Die meisten Gefälle, die hier in Betracht fallen, dürften etwa zwischen 30 und 300 m liegen, und demnach würde sieh das Verhältnis

¹) Man kann daher die relativen Bahnen der Schaufelkanten gegenüber dem Strahl ebenfalls zur Bestimmung der Schaufelteilung verwenden.

da: s zwischen den Grenzen bewegen

$$\frac{d_{\bullet}}{8} = 2,91$$
 bis 3,86.

Zieht man noch das Verhältnis heran

$$\frac{s}{R} = \frac{1}{5} \text{ bis } \frac{1}{6} ,$$

wobei unter R der Radhalbmesser, bis auf die Strahlachse bezogen, zu verstehen ist, so erhält man schließlich

$$\frac{d_s}{R} = 0,48 \text{ bis } 0,77 \ . \tag{200}$$

Stellt man eine Reihe von Einlaufmodellen auf, die nach den gebräuchlichen Rohrweiten abgestuft ist, und richtet man sich derart ein, daß zwei bis höchstens drei aufeinander folgende Einlaufmodelle sich je an derselben Nummer anbringen lassen, so wird man so ziemlich allen Bedürfnissen entsprechen können.

Zu jedem Einlauf gehört ein einziges Düsenmodell, dem man ja durch Ausdrehen verschiedene Lichtweiten geben kann.

Eine Anzahl verschiedener Schaufelmodelle, die man nach der Reihe der Strahldicken abstuft, lasson sich, wenn man die Befestigungsweise etwa nach Abb. 300 oder 301 gewählt hat, für verschiedene Raddurchmesser oder Nummern verwenden.

Für jede Nummer gentigt ein einziges Radscheibenmodell. Dieses wird für die kleinste in Frage kommende Schaufel eingerichtet. Sollen größere Schaufeln aufgesetzt werden, so wird der Rand stärker abgedreht, bis der richtige Durchmesser erreicht ist, der ja auf die Achse des Wasserstrahles bezogen wird.

Den verschiedenen Leistungen und Geschwindigkeiten entsprechend fällt die Wellenstärke und somit auch die Lagerbohrung sehr verschieden aus. Es ergibt sich die Notwendigkeit, eine Reihe von Lagern aufzustellen, die sich innerhalb nicht zu weiter Grenzen mit jeder Gehäusenummer kombinieren lassen.

Der Anfang einer Modellreihe würde ebwa folgendes Ausschen zeigen:

Nr.	Rad- durohmossor	Umläufe für 1 m Gefälle	Strahldicke	Einlaufweite	Lagerbohrung
1	180	215	15—18	40 · 50	20 · 30
2	240	150	20—24	50 · 75	30 · 40
3	300	122	20—30	75 · 100	40 · 50
4	400	92,5	32—40	100 · 125	50 · 60 · 70
5	500	74	42—50	125 · 135 · 175	60 · 75 · 90

usw.

Fertigt man sich eine Tabelle an, in der für alle möglichen Werte des Gefälles die Ausflußmengen für die verschiedenen Strahldicken und die Werte für

$$\frac{d_o}{s} = 1,80 \ \text{VH}$$

zusammengestellt sind, so kann man sich aus der Modellreihe sofort die Nummer und den Einlauf aussuchen, wenn man für gegebene Werte des Gefälles und der Wassermenge ein Löffelrad zu bauen hat.

Man wird sich übrigens stots daran erinnern, wie elastisch die Zusammenhäuge zwischen den einzelnen Abmessungen sind, und gegebenenfalls von der Freiheit, der man gegenübersteht, gerne Gebrauch machen.

muonen.

231. Zahlenbeispiel. Es sei ein Löffelrad für folgende Verhältnisse zu berechnen:

Wassermonge Q = 105 l/sek, Gofälle $H_s = 116,5$ m, Länge der Druckleitung = 420 m.

An Hand der graphischen Tabelle wird zunächst die lichte Weite der Druckleitung derart gewählt, daß der Druckverlust nicht zu groß und doch die Leitung nicht zu teuer ausfällt. Für eine Lichtweite

der Leitung von 300 mm

wird der Druckverlust 20 v.T. der Länge, im ganzen also 8,4 m. Rundet man im Hinblick auf die Widerstände in den Krümmern, im Schieber usw. auf 10 m auf, so bleibt zur Verfügung ein Gefälle H=106,5 m.

Rechnet man mit einem Wirkungsgrad von 80 v.H., so ist die zu erwartende Leistung

$$N = \frac{165 \cdot 106,5}{75} \cdot 0.8 = 187,4 \text{ PS}.$$

Die Ausflußgeschwindigkeit aus der Düse ist

$$c_0 = 0.97\sqrt{2}g \cdot 106.5 = 44.34 \text{ m/sok}.$$

Daraus findet sich der Strahlquerschnitt

$$l_0 = \frac{105 \cdot 1000}{44.34 \cdot 100} = 37,2 \text{ qcm}$$

und die Strahldicke

Die Düsenweite ist

$$d_s = \frac{s}{0.0} = 76 \, \text{mm} \sim$$
 80 mm.

Der Radhalbmesser wird etwa

$$R = 5 \text{ bis } 6 s \sim 400 \text{ mm}$$
.

Die Umfangsgeschwindigkeit sei

$$u = 0.46 c_0 = 20.4 \text{ m/sok}$$

was einer Umlaufzahl von

$$n = \frac{19,1 \, u}{2 \, R} = 487$$

ontspricht. Rundet man diese auf

ab, so ergibt sich eine Umfangsgeschwindigkeit

Der Berechnung der Schaufelzahl sind etwa folgende Größen unterzulegen:

$$s = 70 \text{ mm}$$
,
 $m = 0.6 s = 42 \text{ mm}$,
 $R = 400 \text{ mm}$,
 $R_1 = R + \frac{1}{2}s + m = 477 \text{ mm}$,
 $n = 480$,
 $u = 20,106 \text{ m/sek}$,
 $c_0 = 44,34 \text{ m/sek}$.

Es wird nach Gl. (250)

$$\cos \alpha = \frac{R + \frac{1}{2}s}{R_1} = \frac{435}{477} = 0,912,$$

$$\alpha = 24^{\circ} 13\frac{1}{2}' = 0,1346 \pi,$$

$$\sin \alpha = 0,4103,$$

$$\delta = 2\frac{R_1}{R}\frac{u}{c_0}\sin \alpha = 0,1413 \pi,$$

$$\vartheta = 2\alpha - \delta = 0,1278 \pi;$$

daher die Schaufelzahl

$$z = \frac{2\pi}{6} = 15.6$$
.

Mit einem Zuschlag von 10 bis 20 v.H. erhält man schließlich die Schaufelzahl

$$z = 18 \text{ bis } 20.$$

Die empirische Formel ergäbe

$$z = \frac{0.42}{42}(400 + 210) + 10 = 16.1$$
.

Die Aufrundung um 10 bis 20 v. H. liefert dieselben Schaufelzahlen wie vorhin.

Die Geschwindigkeit im Einlauf sei etwa

$$c_0 = 1.2 \sqrt[3]{116.5} = 3.9 \text{ m/sok}$$

 $c_0 = \sqrt[3]{116.5} + 2 = 5.28 \text{ m/sok}.$

oder

Dies entspräche einer lichten Weite des Einlaufes $d_{\mathfrak{g}}$ - 234 bis 200 mm. Wählt man

 $d_s = 225 \text{ mm},$ $c_s = 4.15 \text{ m/sok}.$

so wird

Setzte man die lichte Einlaufweite auf $d_0=200\,\mathrm{mm}$ herab, so erhielte man die entsprechende Geschwindigkeit

was allenfalls auch noch angingo.

Für die Schaufelbreite wäre etwa zu nehmen

$$B=3.5 s \sim$$

VII. Verhalten der Turbinen unter veränderten Betriebsverhältnissen.

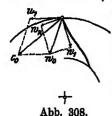
24. Verhalten einer gegebenen Turbine unter veränderten Bedingungen.

232. Bedeutung der Frage. Es ist von Wichtigkeit, das Verhalten oiner neu entworfenen Turbine bei den vorschiedenen Arbeitsbedingungen, unter denen sie stehen wird, zum veraus zu kennen. Im besonderen muß der Turbinenbauer sehen beim Absehluß des Lieferungsvertrages wisson, welche Leistungen und Wirkungsgrade zu erwarten sind, wenn der Zufluß von seinem vollen Werte auf bestimmte Bruchtoile (etwa ³/₄, ¹/₂ und ¹/₄) zurückgeht. Dabei wird stets eine gewisse Geschwindigkeit vorausgesetzt, die ein für allemal als normale Betriebsgeschwindigkeit festgesetzt wurde und genau einzuhalten ist. Am sichersten lassen sich derartige Fragen auf Grund der Erfahrungen beantworten, die man bei der experimentellen Untersuchung von ausgeführten Turbinen derselben oder ähnlicher Bauart gewonnen hat. Wo abor solche Erfahrungen nicht zur Verfügung stehen, bleibt nichts anderes fibrig als der Versuch, die Aufgabe auf dem Wege der Rechnung zu lösen, und wonn man sich dabei wohl oder übel mit Vereinfachungen und Annäherungen behelfen muß, die notwendigerweise einen ungünstigen Einfluß auf die Zuverlässigkeit der Rechnungsergebnisse haben, so bietet dieses Vorgehen andererseits den Vorteil, daß es nicht über die Erscheinungen als solche, sondern auch noch über die Ursachen Aufschluß giht; es verlohnt sich daher schon aus diesem Grunde, etwas Zeit und Mühe auf diese Rechnungen zu verwenden.

Zwischen den zahlreichen Größen, auf die sich die Untersuchung einer Turbine erstreckt, bestehen entsprechend zahlreiche Beziehungen. Will man den Zusammenhang zwischen zwei Größen verfolgen, so setzt man alle übrigen als unveränderlich an und stellt den gesuchten Zusammenhang durch eine Kurve im rechtwinkligen Koordinatensystem dar. Welche von den zwei Variablen als Urvariable gewählt wird, hängt wesentlich von der Bequemlichkeit ab, d. h. davon, welche Wahl die leichtere Rechnung gibt, bzw. welche Größe sieh bei der experimentellen Untersuchung leichter verändern und einstellen läßt. Die ganze Aufgabe wird dadurch stark verwiekelt, daß die Veränderung einer Größe öfters gleichzeitig mehrere anderen Größen in Mitleidenschaft zieht. So hat bei Niederdruckanlagen eine Veräuderung der Wassermenge einen starken Einfluß auf das Gefälle, und zwar in dem Sinne, daß bei zunehmender Wassermenge das Gefälle kleiner wird; diese Änderung kommt also bei der Leistung, bei der Geschwindigkeit und beim Wirkungsgrad zur Geltung. Die Steigerung der Geschwindigkeit hat z, B, bei der normalen Francis-Turbine eine Vermitderung der Durchflußmenge zur Folge usw.

Die einzige Größe, die beim Betriebe einer Turbine nicht wechseln darf, ist die Umlaufzahl, und dech ist es gerade die Geschwindigkeit, die man sowohl bei der experimentellen Untersuchung als auch bei der

rechnerischen Analyse gerne als Urvariable zu wählen pflegt. Man hat dazu etwa folgende Gründe. Bei der experimentellen Untersuchung läßt sich die Geschwindigkeit durch Änderung der Belastung leicht zwischen den weitesten Grenzen, d. h. zwischen Leerlauf und Stillstand, beliebig einstellen. Indem man die Versuchsgrenzen so bedeutend erweitert, gewinnt man eine wertvolle Vertiefung des Einblickes in die Natur der Turbine; man wird dabei z. B. unfehlbar die günstigste Ge-

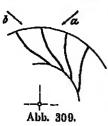


schwindigkeit kennenlernen. Von den übrigen Größen sind viele als unabhängige Variable nicht zu gebrauchen, weil sie in der Tat nicht unabhängig sind: man muß sie nehmen, wie sie eben sind, so z. B. das Gefälle. Um Vergleiche ziehen zu können, muß man allerdings hernach die Versuchsresultate auf dieselbe Grundlage umrechnen, was z. B. für das Gefälle nach Absehn. 98 keine Schwierigkeiten bereitet.

Solange als es sich um ähnliche Zustände handelt, d. h. so lange als die Geschwindigkeiten der Turbine und des Wassers darin in demselben Verhältnis zueinander stehen, bietet die Untersuchung keine Schwierigkeiten; diese Aufgabe hat bereits in Abschn. 98 ihre Lösung gefunden. In der Regel aber liegt die Frage weniger einfach; man wünscht z. B. das Verhalten der Turbine zu kennen, wenn sich die Öffnung der Abschützung oder das Verhältnis der Drehzahl zum Gefälle ändert.

Wo nicht ausdrücklich otwas anderes bemerkt ist, beziehen sich die nachstehenden Untersuchungen auf die Francis-Turbine mit Normalrad. Übrigens sellen die anderen Bauarfen, seweit sie Besonderheiten bieten, ebenfalls herangezogen werden.

283. Stoß beim Eintritt ins Laufrad. Die größte Schwierigkeit bei der rechnerischen Untersuchung über den Gang einer Turbine mit veränderlicher Geschwindigkeit bereitet die Einführung der Stoßverluste,



die beim Übergang ins Laufrad auftreten, sobald die Geschwindigkeit von der normalen abweicht. Man nimmt dabei gewöhnlich an, daß die Komponento w_n , die die relative Eintrittsgeschwindigkeit w_0 nach Abb. 308 in der Richtung normal zur Schaufel besitzt, infolge des Stoßes verlorengehe. Das gibt allerdings eine leidlich bequeme Rechnung, aber viel zu große Verluste. Das letztere erscheint ohne weiteres glaublich, wenn man bedenkt, daß nur die der Schaufel entlang fließen-

den Wasserfaden unter der schroffen Ablenkung zu leiden haben; die übrigen werden um so saufter abgelenkt, je weiter sie von der Schausel abliegen. Jedenfalls wächst der Stoßverlust mit der Größe des Ablenkwinkels; er ist offenbar größer, wenn das Wasser bei zu geringer Radgeschwindigkeit nach Abb. 309 wie bei a von hinten auf die Schausel schlägt; dagegen nimmt er ab, wenn der Aufschlag nach b in einer Richtung erfolgt, die mit der mittleren Flucht des Kanales ziemlich gut übereinstimmt; eine stark gekrümmte Schausel wird einen

größeren Verlust hervorrufen als eine von gestrecktem Profil; besteht zwischen Leit- und Laufrad ein größerer Zwischenraum, so vollzieht sieh die Ablenkung milder und der Stoß wird sanfter. Die Schwierigkeiten, alle diese Einflüsse in die Rechnung einzubeziehen, sind so groß, daß man besser tut, sieh gar nicht auf die Berechnung der Stoßverluste einzulassen. Die Erfahrung zeigt, daß der Fehler, den man beim Außerachtlassen der Stoßverluste begeht, bei Geschwindigkeiten über der normalen recht unbedeutend ist¹); dagegen nimmt er allerdings mit abnehmender Radgeschwindigkeit rasch zu, und es bedarf einer starken Korrektur des Rechnungsergebnisses (vgl. Absehn. 236).

234. Allgemeine Durchflußgleichung der Stauturbine. Bezeichnet man mit ζ_1 und ζ_2 die Widerstandskoeffizienten für den Durchfluß durch das Leit- und durch das Laufrad, so gestaltet sieh die Energiebilanz für die Vorgänge im Laufrad bei stoßfreiem Eintritt wie folgt.

Beim Eintritt steht, auf die doppelte Masseneinheit des durch-

fließenden Wassers bezogen, zur Verftigung:

an potentieller Energie an kinetischer Energie $2 g H - (1 + \zeta_1) c_0^2, \\ w_1^2.$

Daraus ist zu bestreiten

die kinetische Energie beim Austritt und die Reibung

im Laufrad die Energie für die Zontripetalbeschleunigung $u_1^2 - u_2^2$,

Einige Posten, die hier nicht namentlich aufgeführt sind, wie z.B. der Stoß gegen die Schaufelkanten u.a. können durch passende Ansätze für ζ_1 und ζ_2 berücksichtigt worden. Es ergibt sich eine gute Übereinstimmung für mittlere Verhältnisse, wenn man setzt

$$\zeta_1 = \zeta_2 = 0.06$$
 bis 0.08.

Die Bilanz liefert die Gleichung

$$2gH - (1 + \zeta_1)c_0^2 - w_1^2 + (1 + \zeta_2)w_2^2 + u_1^2 - u_2^2.$$
 (261)

Es mögen die gesamten Kanalquerschnitte beim Austritt aus dem Leitrad, beim Eingang ins Laufrad und beim Austritt daraus mit F_0 , F_1 und F_2 bezeichnet werden. Die verschiedenen Geschwindigkeiten des Wassers lassen sich dann folgendermaßen auf die Austrittsgeschwindigkeit c_0 aus dem Leitrad beziehen. Es ist

$$w_1 = \frac{F_0}{F_1'} c_0, \qquad w_2 = \frac{F_0}{F_2} c_0.$$

For nor ist $u_1=0.1047\,nR_1$ und $u_2=0.1047\,nR_2$; die Gleichung nimmt dann die Form an

$$2gH = \left[1 + \zeta_1 + (1 + \zeta_2) {\binom{F_0}{F_2}}^2 - {\binom{F_0}{F_1}}^2\right] c_0^2 + \frac{n^2}{91, 2} R_1^2 - R_2^2. \tag{262}$$

¹) Zu diesem Umstande trägt bei der Francis-Turbine die Tatsache viel bei, daß bei zunehmender Radgeschwindigkeit der Durchfluß stark zurückgeht, da ein großer Teil des Gefälles zur Erzeugung der Zentripetalbeschleunigung verbraucht wird. Die verminderte Wassermenge aber findet einen leichteren Übergang.

Als Bedingung für den stoßfreien Eintritt findet sich aus Abb. 159, Absehn, 101

oder

$$u_{1} = c_{0} \cos \alpha_{0} + w_{1} \cos \beta_{1}$$

$$n = \frac{9,55}{R_{1}} \left(\cos \alpha_{0} + \frac{F_{0}}{F_{1}} \cos \beta_{1} \right) c_{0}.$$
(263)

Drückt man die Geschwindigkeit c_0 durch die Wassermenge Q und den Querschnitt F_0 aus, so erhält man

$$2 g H = \left[\frac{1 + \zeta_1}{F_0^2} + \frac{1 + \zeta_2}{F_3^2} - \frac{1}{F_1^2} \right] Q^2 + \frac{n^2}{91, 2} (R_1^2 - R_2^2). \tag{264}$$

und

$$n = \frac{9.55}{R_1} \left(\frac{\cos \alpha_0}{F_0} + \frac{\cos \beta_1}{F_2} \right) Q. \tag{265}$$

Die Gleichung (264) setzt eigentlich stoßfreien Eintritt voraus und gilt also genau genommen nur für die durch Gl. (265) bestimmte Umlaufzahl. Sind indessen die Stoßverluste nicht beträchtlich, was bei allen Bauarten für die Nähe des normalen Ganges zutrifft und bei der Francis-Turbine noch ein gutes Stück darüber hinaus, so läßt sich Gl. (264) dazu benützen, den Einfluß der Umlaufzahl auf die Durchfluß menge darzustellen. Bei der Francis-Turbine gibt Gl. (264) überdies noch Aufschluß darüber, wie sich die Durchflußmenge mit dem Ausfluß-

querschnitt F_0 , also mit der Stellung der Drehschaufeln ändert. Diese Gleichung mag als die allgemeine Durchflußgleichung bezeichnet werden.

Ray

Abb. 310.

285. Rechnungsmäßige Halbmesser. Bevor man zur Anwendung der allgemeinen Durchflußgleichung schreiten kann, hat man sich Rechenschaft davon zu geben, was für Werte für die Halbmesser R_1 und R_2 und für die Querschnitte F_0 , F_1 und F_2 einzusetzen sind.

Dem Wesen der Sache nach wird man den Halbmesser bis dorthin zu rechnen haben, wo die Ablenkung des Wassers in den Turbinenkanälen beginnt, bzw. aufhört. Da bei der endlichen Ausdehnung der Kanalquerschnitte diese Punkte im allgemeinen nicht für alle Wasserfäden in demselben Achsabstande liegen, kann es sich nur um Mittelwerte handeln. Man könnte sagen, daß die Ablenkung erst dann ihren Anfang nehme, wenn das Wasserteilehen zwischen zwei benachbarte Schaufeln eingetreten sei. Dann wäre nach Abb. 310 der mittlere Eintrittshalbmesser R_1 bis auf die Mitte des Eintrittsquerschnittes zu heziohen, und ähnliche wäre der Austrittshalbmesser R_{g} zu messen. Indessen zeigen Versuche von Cameror, daß man für beide Halbmesser die bessere Übereinstimmung mit der Wirklichkeit bekommt, wenn man sie bis auf die Schaufelkante mißt. Ist der Eintrittswinkel $m{\beta}$ nicht sehr verschieden von 90°, so fallen beim Eintritt sowiese die Kreise über die Kanten und durch die Querschnittsmitten so ziemlich zusammen; allein es scheint, daß auch für den Austritt die Messung über die Kanten vorzuziehen sei. Es dürfte das wohl damit zusammenhängen, daß beim Verlassen der Kanäle ein Wasserstoß als Folge der plötzlichen Erweiterungen eintritt.

Liegt der Austritt nicht auf einer Zylinderfläche, was z. B. bei einer Francis-Turbine mit axialer Ablenkung stets zutrifft, so bedarf es noch einer besonderen Rechnung für die Bestimmung des Austrittshalbmessers R_2 . Hat man die Wasserstraßen gezogen und bedeutet r_2 den mittleren Halbmesser einer Straße an der Austrittskante und A A die Breite der Straße, so wäre nach Camerer zu setzen

$$R_2 = \frac{\sum (r_2 \Delta b_2)}{\sum (\Delta b_2)}; \tag{266}$$

d. h. der Austrittshalbmesser ist gleich dem Abstande des Schwerpunktes der Austrittskante von der Achse. Die Bestimmung läßt sich

bequem auf graphostatischem Wege durchführen.

Zu einem etwas anderen Ergebnis führt folgende Betrachtung. In der allgemeinen Durchflußgleichung kommen sowohl die Querschnitte als die Geschwindigkeiten nur in der zweiten Potenz vor, da in der Energiebilanz die Geschwindigkeiten nur im Quadrat auftreten. Dementsprechend wäre nicht das Mittel der Einzelwerte, sondern das Mittel der Quadrate der Einzelwerte maßgebend, und man sollte schreiben

$$R_{2}^{2} = \frac{\sum (r_{3}^{2} \triangle b_{2})}{\sum (\triangle b_{2})}.$$
 (267)

Über die Art, wie die Querschnitte zu messen sind, wäre etwa folgendes zu bemerken. Besteht zwischen Leit- und Laufradschaufeln ein gewisser Spielraum wie bei der Francis-Turbine mit Finkschen Drehschaufeln, so ist mit Rücksicht auf den zwanglosen Übergang der Querschnitt F_0 auf den Außendurchmesser des Laufrades zu beziehen, wobei der Winkel α_0 gleich demjenigen ist, unter dem die Leitschaufeln beim Ausgange den Parallelkreis schneiden; man erhält also für F_0 den Ausdruck

$$F_0 = 2 \pi R_1 B_0 \sin \alpha_0 \,, \tag{268}$$

wobei B_0 die Leitradbreite bedeutet. Ein Abzug für die Dieke der Leitradschaufeln braucht nicht in Rochnung gesetzt zu werden. Dagegen dürfte dies für den Eintrittsquerschnitt F_1 ins Laufrad angemossen sein.

Liegt der Austritt nicht auf einer Zylinderfläche, so bedarf es wieder einer besonderen Rechnung für die Bestimmung der Austrittsfläche F_2 . Es seien die Wasserstraßen in der Auzahl x gezogen; f_2 sei der Austrittsquerschnitt einer Wasserstraße und q die Durchflußmenge, die sie führt, a_2 die liehte Kanalweite und Δb_2 die Breite der Straße beim Austritt, so wäre, wenn z_2 die Anzahl der Schaufeln bedeutet,

$$\int_{\mathfrak{g}} = z_{\mathfrak{g}} a_{\mathfrak{g}} \Delta b_{\mathfrak{g}}$$
 und $q = \frac{Q}{\mathfrak{D}}$.

Nach früherem hat man mit der zweiten Potenz der Geschwindigkeiten zu rechnen, und wenn daher v_2 die relative Austrittsgeschwindigkeit der einzelnen Wasserstraßen bezeichnet, so erhielte man für die mittlere relative Austrittsgeschwindigkeit

$$w_{\mathfrak{g}}^{\mathfrak{g}} = \frac{\sum (v_{\mathfrak{g}}^{\mathfrak{g}})}{\mathfrak{w}}.$$

Für den ganzen Austrittsquerschnitt hat man

$$F_2^2 = \frac{Q^2}{w_2^2} = \frac{xQ^2}{\sum (v_2^2)},$$

$$v_2 = \frac{q}{f_2} = \frac{Q}{xz_2 u_2 \triangle b_2},$$

und da

bekommt man schließlich

$$F_{2}^{2} = \frac{x^{3}z_{2}^{3}}{\sum \left(\frac{1}{a_{2}^{2} \Delta b_{2}^{2}}\right)}.$$
 (269)

236. Umlaufgeschwindigkeit und Durchflußmenge. Wo die Zentripetalbeschleunigungen für Ein- und Austritt verschieden sind, d. h. wo Ein- und Austritt auf vorschiedenen Halbmessern liegen, ündert sich die Durchflußmenge mit der Umlaufzahl der Turbine, wie sich aus Gl. (264)

$$2gH = \left[\frac{1+\zeta_1}{F_0^2} + \frac{1+\zeta_2}{F_0^2} - \frac{1}{F_1^2}\right]Q^2 + 0.011 \ n^3 \left(R_1^2 - R_2^2\right)$$

erkennen läßt. Diese ist hinsichtlich der Größen n und Q vom zweiten Grad, und da beide nur in der zweiten Potenz auftreten, kann sie als die Achsengleichung eines Kegelschnittes aufgefaßt werden. Da das

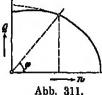


Abb. 311.

erste Glied rechts stets positiv ist, indem F. . F. ist, entscheidet das Verzeichen des zweiten über die Natur des Kegelschnittes. Für die normale Francis-Turbino ist $R_1 > R_2$, das Vorzeichen ist positiv, und die Gleichung stellt eine Ellipse dar.

Bei Geschwindigkeiten unter der normalen erloidet das Wasser beim Übergang vom Leitins Laufrad einen starken Stoßverlust; daher

gibt die Gleichung eine zu große Durchflußmenge, und es würe daher in dieser Partie der Ellipse eine kräftige Korrektur anzubringen, wie in Abb. 311 angedeutet ist. Für Geschwindigkeiten über derjenigen des stoßfreien Ganges muß ebenfalls eine Korrektur vorgenommen werden, indem \$1 und \$2 wächst.

Es werde die Turbine durch einen gentigend großen Widerstand festgehalten. Die Wassermenge, die in diesem Zustand durch die Turbine fließt, wird erhalten, wenn man in der obigen Gleichung n - () einsetzt. Dies gibt für den Stillstand den (zu großen) Wert

$$Q_{\bullet} = \sqrt{\frac{2gH}{\frac{1+\zeta_{1}}{F_{0}^{2}} + \frac{1+\zeta_{2}}{F_{2}^{2}} - \frac{1}{F_{1}^{2}}}}$$
 (270)

Wird die Turbine nach und nach entlastet, so setzt sie sieh mit immer wachsender Geschwindigkeit in Bewegung, und zwar nimmt die Geschwindigkeit für eine gegebene Belastung einen ganz bestimmten Wert an. Mit zunehmender Geschwindigkeit sinkt die Durchflußmenge, da die Zentripetalbeschleunigung einen immer größer werdenden Teil des Gefälles in Anspruch nimmt. Wird die Belastung ganz aufgehoben, so läuft die Turbine leer; es wird das ganze Gefälle dazu verbraucht, das Wasser durch die Turbine hindurch und diese selbst in ihren Zapfen und im umgebenden Mittel herumzutreiben. Gäbe man der Turbine einen äußeren Antrieb, so nähme bei immer wachsender Gesehwindigkeit die Wassermenge mehr und mehr ab, bis schließlich der Durchfluß ganz aufhörte. Man erhält die betreffende Umlaufzahl, wenn man in Gl. (264) für Q den Wert Null einsetzt. Man findet für dieselbe

$$n' = 9.55 \sqrt{\frac{2 g H}{R_1^2 - R_2^2}}.$$
 (271)

In diesem Zustand wird das Gefälle gänzlich zur Erzeugung der Zentripetalbeschleunigung aufgebraucht; das Wasser wird durch die Drehung gerade in der Schwebe gehalten. Steigert man die Geschwindigkeit der Turbine noch weiter, so setzt sich das Wasser im umgekehrten Sinne in Bewegung; die Turbine wirkt als Pumpe.

Ein ruhiges Schweben ist nur denkbar, wenn der Wert $R_1^2 - R_2^2$ für alle Wasserfäden derselbe ist. Bei der Turbine Abb. 312 wird bei

einer Geschwindigkeit das Wasser am Boden schon auswärts fließen, während es am Kranz noch seine ursprüngliche Bewegungsrichtung hat. Es gibt also auch für die Turbinenform eine Geschwindigkeit, bei der der Durchfluß aufhört; nur ist dies kein Zustand der Buhe, sondern der eines stetigen Kreislaufes.

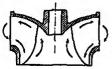


Abb 312

Die beiden Größen Q_s und n' ergeben die Halbachsen der Ellipse in Abb. 311, die sich mit deren Hilfe nun ohne weiteres zeichnen läßt. Die Geschwindigkeit des stoßfreien Eintrittes erzielte man, indem man Q aus den beiden Gl. (264) und (265) eliminiert. Bequemer findet man sie, indem man die durch den Anfangspunkt gehende Gerade, für die

$$\cot g \ \varphi = \frac{n}{Q} = \frac{9.55}{R_1} \left(\frac{\cos \alpha_0}{F_0} + \frac{\cos \beta_1}{F_1} \right) \tag{272}$$

nach Abb. 311 zum Schnitt mit der Durchflußkurvo bringt¹).

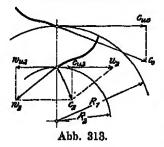
237. Drehmoment und Umlaufzahl, Kennt man für eine Turbine den Zusammenhang zwischen Durchflußmenge und Geschwindigkeit, so fällt es leicht, das Drehmoment, das vom Wasser auf die Turbine übertragen wird, in seiner Abhängigkeit von der Geschwindigkeit der Turbine darzustellen. In der Eulerschen Gleichung (107) Abschn. 57

$$\mathfrak{M} = M \left(R_1 c_{u1} - R_2 c_{u2} \right)$$

hedentet $\mathfrak M$ das Moment, M die sekundlich durchfließende Wassermasse, ferner nach Abb. 313 R_1 und c_{u1} den Halbmesser und die Umfangskomponente der absoluten Geschwindigkeit des Wassers am Ein-

¹⁾ Handelt es sich um eine im Entwurfe verliegende Turbine, für die Umlaufzahl und die Durchfinßmenge des stoßfreien Canges von verneherein augenommen werden ist, so braucht man zur Bestimmung der Ellipse nur noch einen Punkt; man wird am einfachsten noch die Geschwindigkeit des Schwebens berechnen.

tritt, und R_2 und c_{u2} die entsprechenden Größen am Austritt des Turbinenkanals. Dabei zählen c_{u1} und c_{u2} als positiv, wenn sie im Sinne der Drehung gerichtet sind. Die Gleichung gilt ohne Rücksicht auf vorhandene Widerstände, solange beim Eintritt kein Stoß und weder am Ein- noch am Austritt infolge des Flüssigkeitsdruckes ein Drehmoment



auftritt. Das letztere trifft bei Turbinenkanälen zu; die Betrachtung des Stoßes aber kann man dadurch aus der Rechnung fernhalten, daß als Ausgangspunkt der Zustand unmittelbar vor dem Eintritt in den Kanal gewählt wird. Bezeichnet cue die Umfangskomponente der absoluten Geschwindigkeit, mit der das Wasser aus dem Leitrad in den Bereich des Laufrades tritt, so hätte man für das Moment den Ausdruck

$$\mathfrak{M} = M (R_1 c_{u0} - R_2 c_{u3}). \tag{273}$$

Nach Abb. 313 ist

$$c_{u2} = u_2 - w_{u2}$$

und daher ist

$$\mathfrak{M} = M \left(R_1 c_{u0} + R_2 w_{u3} - R_2 u_2 \right). \tag{273a}$$

Werden die Summen der Durchflußquerschnitte normal zum Umfange mit F_{m_0} und F_{m_2} bezeichnet, so ist

$$c_{u0} = \frac{Q}{F_{u0}}$$
 und $w_{u2} = \frac{Q}{F_{u0}}$.

Da ferner

$$M = Q \frac{\gamma}{g}$$
 und $u_2 = 0.1047 R_2 n$,

kann man die Gleichung in der Form schreiben

$$\mathfrak{M} = \frac{\gamma}{g} Q \left[Q \left(\frac{R_1}{F_{m_0}} + \frac{R_2}{F_{m_2}} \right) - 0,1047 R_2^2 n \right]. \tag{273 b}$$

Dabei sind die Ausdrücke, die sich auf den Austritt beziehen, als Mittelwerte aufzufassen, sobald die Austrittskanten nicht auf einer Zylinderfläche liegen. Es ist im einzelnen

$$F_{m0}=2\pi B_0 R_1 \tan \alpha_0$$
;

ferner bei x Wasserstraßen und z_2 Schaufeln im Laufrad

$$\frac{R_{\rm g}}{F_{m_2}} = \frac{1}{x} \sum \left(\frac{R_{\rm g}}{x z_{\rm g}} \frac{R_{\rm g}}{m_{\rm g}} \frac{1}{\Delta b_{\rm g}} \right) = \frac{1}{x^2 z_{\rm g}} \sum \left(\frac{R}{m_{\rm g}} \frac{1}{\Delta b_{\rm g}} \right),$$

wobei R_2 den mittleren Austrittshalbmesser, m_2 die meridienale Kanalweite und Δb_2 die Breite der Wasserstraße bedeutet. Endlich ist

$$R_2^2 = \frac{1}{2} \sum (R_2^2)$$
.

Schroibt man zur Abkürzung

$$\frac{R_1}{F_{m0}} + \frac{R_2}{F_{m0}} = k$$
,

so nimmt die Gleichung (273) die Form an

$$\mathfrak{M} = \frac{\gamma}{a} k Q \left(Q - \frac{0.1047 R_3^2 n}{k} \right), \tag{274}$$

die sich nach Abb. 314 zoichnerisch darstellen läßt wie folgt. Zicht man durch den Anfangspunkt die Gerade

$$y = \frac{0,1047 R_2^2}{k} n,$$

$$\tan y = \frac{0,1047 R_2^2}{k},$$

für die

und vermindert man die Ordinaten der Q/n-Kurve um diejenigen dieser Geraden, so erhält man eine Kurve von der Gleichung

$$z = Q - \frac{0.1047}{k} \frac{R_{\rm g}^2}{k}$$
.

Führt man z in die Momentengleichung ein, so nimmt diese die Form an w z

$$Q = \begin{pmatrix} z \\ y \end{pmatrix}$$

Es lasson sich für beliebige Worte von n aus der z/n-Kurve mit Hilfe von ähnlichen Dreiecken einzelne Punkte der \mathfrak{M}/n -Kurve finden.

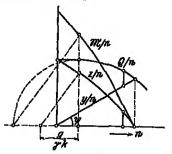


Abb. 314.

Der Maßstab, mit dem die Größen $\mathfrak M$ zu messen sind, hängt mit den Maßstäben zusammen, in denen die übrigen Größen aufgetragen wurden; er findet sich aber am sichersten, indem man z. B. für n=0 die Berechnung von $\mathfrak M$ durchführt. Man hat dabei den Vorteil, daß man für die Größe $g: \gamma$ k eine Strocke auftragen kann, die man beliebig unter dem Gesichtspunkt wählt, daß die Ordinaten der $\mathfrak M$ /n-Kurve ausreichend groß ausfallen. Man könnte auch umgekehrt derart vorgehen, daß für die berechnete Ordinate der Maßstab gewählt und rückwärts die Größe $g: \gamma$ k konstruiert wird.

Die Momentenkurve der Francis-Turbine zeigt in der Hauptsache eine auswarts gerichtete Krümmung, die erst bei der Annäherung an die Leerlaufgesehwindigkeit in eine leichte Gegenkrümmung übergeht,

wie durch die Erfahrung bestätigt wird.

Der Selmittpunkt der Geraden y/n mit der Q/n-Kurve entspricht dem Zustande, wo das Wasser kein Moment mehr auf das Rad überträgt. Hitte die Turbine keine Eigenreibung, so würde dadurch die Leerlaufgeschwindigkeit bestimmt. Das an der Turbinenwelle erhältliche Drehmement ist um dasjenige der Eigenreibung niedriger und dementsprechend auch die Leerlaufgeschwindigkeit etwas kleiner als nach der Konstruktion.

Von dem Moment der Eigenreibung darf man annehmen, daß er sich aus einem angenähert unveränderlichen Gliede für die Zapfenreibung und einem veränderlichen Teil für die Reibung im umgebenden Mittel zusammensetzt, der mit dem Quadrate der Geschwindigkeit wächst, so daß sich das ganze Reibungsmoment durch eine Funktion von der Form

$$\mathfrak{M}_{r}=a+bn^{2}$$

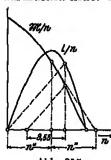


Abb. 315.

ausdrücken ließe. Die Berechnung läßt sich aber im allgemeinen nicht durchführen, und man ist auf die Schätzung. bzw. auf die Erfahrung angewiesen. Man darf in der Regel annehmen, daß die Reibung nicht mehr als etwa 2 bis 4 v. H. der vom Wasser verrichteten Arbeit verbraucht.

Wie sich aus der Momentengl. (274) deutlich erschen läßt, nimmt das Drohmoment bei unveränderlicher Durchflußmenge mit der wachsenden Umlaufzahl linear ab¹).

288. Leistung und Geschwindigkeit. Ist das Drehmoment in seiner Abhängigkeit von der Umlaufsgeschwindigkoit bokannt, so litßt sich sofort

auch die Leistung bestimmen; es ist

$$L = \mathfrak{M}\omega = \frac{\mathfrak{M}n}{9.55},$$

$$\frac{L}{n} = \frac{\mathfrak{M}}{9.55},$$
(275)

oder

und man kann daraus nach Abb. 315 die L/n-Kurve punktweise mit ähnlichen Dreiecken konstruieren.

Die Umlaufsgeschwindigkeit, für die die Leistung einen Größtwert erreicht, läßt sich schon aus der Momentenkurve bestimmen, Leistung wird ein Maximum, wenn

$$\frac{d(\mathfrak{M}n)}{dn} = 0$$

$$\mathfrak{M}\frac{dn}{d\mathfrak{M}} = -n;$$

oder wenn

d. h. die Subtangente für den betreffenden Punkt der Momentenkurve muß gleich der zugehörigen Umlaufzahl n" sein. Man findet diese, indem man durch Probieren denjenigen Punkt der Mementenkurve aufsucht, dessen Tangente auf die Abszissenachse die Strecke 2 n" absohneidet.

Der absteigende Ast der Momentenkurve bei der Francis-Turbine ist steiler als der aufsteigende, weil die Durchflußmenge mit wachsender Geschwindigkeit sinkt. Daher ist die Geschwindigkeit der größten Leistung höher als die halbe Leerlaufgeschwindigkeit.

239. Wirkungsgrad und Geschwindigkeit. Auf ähnlichem Wege läßt sich noch der Zusammenhang zwischen dem hydraulischen Wir-

¹⁾ Prášil fand, als er eine Francis-Turbine mit einer konstanten Wassermongo betrieb, webei das Gefälle sich frei einstellen konnte, diesen Satz bestiltigt (a. a. O.).

kungsgrad e und der Umlaufgeschwindigkeit n finden, wenn einerseits die Durchflußkurve und andererseits die Leistungs- oder die Momentenkurve bekannt ist. Es soll hier nur die Ableitung aus der Momentenkurve gegeben werden.

Die hydraulische Leistung ist

$$L = \frac{\mathfrak{M}n}{9,55}$$

und der hydraulische Wirkungsgrad

$$\varepsilon = \frac{L}{Q\gamma II};$$

$$\frac{\varepsilon}{n} = \frac{1}{9,55} \frac{\mathfrak{M}}{II\gamma} \frac{\mathfrak{M}}{Q}.$$
(276)

also ist

Wie sich diese Gleichung punktweise mit Hilfe von ähnlichen Dreiecken konstruieren läßt, ist aus Abb. 316 ohne weitere Erklärung zu ersehen.

Auch hei der Wirkungsgradkurve der Francis-Turbine verläuft der absteigende Ast steiler als der aufsteigende; die Geschwindigkeit des besten Wirkungsgrades liegt also über der halben Leerlaufgeschwindigkeit.

Die Geschwindigkeiten der größten Leistung und des besten Wirkungsgrades sind fibrigens keineswegs identisch, was sieh sehen daraus ergibt, daß nach Gl. (274) und (276) L und r verschiedenartige Funktionen von Q sind. Bei der Francis-Turbine

Abb. 316.

liegt die Geschwindigkeit des besten Wirkungsgrades etwas höher als diejenige der größten Leistung.

Der Verlauf der Momentenlinie und der Wassermengenkurve in Funktion der Drehzahl ist bei einer andern konstanten Turbinenöffnung analog wie oben beschrieben. Es ändert sich nur die Leerlaufgeschwindigkeit, die bei kleinerer Turbinenöffnung ebenfalls kleiner
wird; was zur Folge hat, daß die Drehzahl des besten Wirkungsgrades
und der größten Leistung sich mit der Öffnung der Turbine obenfalls
ändert. Bei Francis-Turbinen kunn allgemein gesugt worden, daß
mit kleiner werdender Öffnung die Drehzahl des besten Wirkungsgrades ebenfalls kleiner wird. Es ist also nicht möglich, eine FrancisTurbine so zu konstruieren, daß sie bei allen Öffnungen und konstanter
Drehzahl jeweils mit dem besten Wirkungsgrad der betreffenden Öffnung
arbeitet. Bei andern, modernen Turbinentypen ist es möglich, die Leorlaufgeschwindigkeitinnerhalbdermeistensin Frage kommenden Turbinenöffnungen ziemlich konstant zu halten, wodurch erreicht wird, daß die
Drehzahl des besten Wirkungsgrades bei diesen Öffnungen konstant ist.

240. Öffnungs- und Füllungsgrad. Bei der Francis-Turbine mit Anwendung der Finksehen Regulierung wird gewöhnlich verlangt, daß man durch ein stärkeres Öffnen eine gewisse Überfüllung der Turbine herbeiführen könne. Man muß also wissen, wie weit der Leitapparat zu öffnen ist, um eine vorgeschriebene Überschreitung der normalen Ausflußmenge zu ermöglichen. Das führt auf die Frage, wie unter Voraussetzung normaler Geschwindigkeit die Durchflußmenge mit der Öffnung des Leitapparates zusammenhänge.

Aus der Durchflußgleichung (264) erhält man durch eine einfache

Rechnung

$$F_{0}^{2} = \frac{(1+\zeta_{1})Q^{2}}{2gH - \frac{n^{2}}{91,2}(R_{1}^{2} - R_{2}^{2}) - \left(\frac{1+\zeta_{2}}{F_{2}^{2}} - \frac{1}{F_{1}^{2}}\right)Q^{2}}.$$
 (277)

Diese Gleichung gibt den Zusammenhang zwischen der Durchfluß-

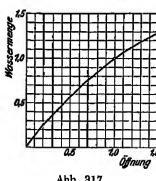


Abb. 317.

menge Q und der Größe des Austrittsquerschnittes Fo aus dem Leitapparat. Sie ist hinsichtlich dieser beiden Größen vom vierten Grad. Stellt man sie durch eine Kurve dar, so geht diese durch den Anfangspunkt, da F_0 und Q gleichzeitig Null worden. Da F_2 we sontlich kleiner als F, ist, behält das dritte Glied im Nenner stets das negative Vorzeichen; daher muß der Ausflußguerschnitt in demselben Sinne wachsen wie die Wassermenge, jedoch, wie eine nähere Prüfung erkennen läßt, verhältnismäßig stärkor als die Durchflußmenge.

Bezeichnet F_{0n} den normalen Ausflußquerschnitt und Q_n die entsprechend normale Durchflußmenge, bedeuten ferner F_0 und Q zwei beliebige zusammengehörige Werte des Ausflußquerschnittes und der Durchflußmenge, so mögen die Verhältnisse

$$F_0 = \ddot{o}$$
 and $Q = f$

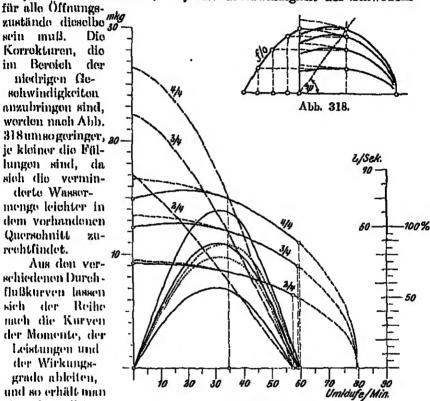
als Offnungs- bzw. Füllungsgrad bezeichnet werden. In Abb. 317 sind die zusammengehörigen Werte von ö und / für eine bestimmte Turbine (Normalläufer) aufgetragen. Man sieht, wie der Füllungsgrad bei zunehmendem Öffnungsgrad immer langsamer ansteigt, so daß für f=1,28 der Öffnungsgrad $\ddot{o}=1,5$ wird, und daß daher die Möglichkeit. den Füllungsgrad zu steigern, ziemlich stark beschränkt ist.

Es ist leicht, sich von diesem Zusammenhang Rechenschaft zu geben. Wird der Leitapparat stärker geöffnet, so daß der Durchfluß zunimmt, so wächst auch die Stauung im Laufrad; der Spaltdruck wird größer und die Ausflußgeschwindigkeit co aus dem Leitrad sinkt, so daß die Ausflußmenge nicht in demselben Verhältnis wie der Querschnitt wachsen kann. Aus Gl. (262) erhält man den Ausdruck

$$c_0^2 = \frac{2gH - \frac{n^2}{91,2} (R_1^2 - R_2^2)}{(1 + \zeta_1) + (1 + \zeta_2) \binom{F_0}{F_2}^2 - \binom{F_0}{F_1^2}^2}.$$
 (278)

Da $F_2 < F_1$, muß das zweite Glied des Nenners größer als das dritte sein, mit wachsendem Ausflußquerschnitt F_0 wird der ganze Nenner größer, und die Ausflußgeschwindigkeit c_0 nimmt in der Tat ab.

Kennt man für irgendeine Geschwindigkeit, z.B. für diejenige des stoßfreien Ganges, die Durchflußmengen für verschiedene Öffnungsgrade, so lassen sich die verschiedenen Durchflußkurven als affine Ellipsen leicht bestimmen, da ja die Geschwindigkeit des Schwebens



Verhalten der Turbine bei verschiedenen Öffnungsgraden und Geschwindigkeiten.

Аbb. 319.

Abb. 310 gibt das Bild wieder, das auf diesem Wege für das von Prásil¹) untersuchte Rad I gewonnen wurde. Die Ergebnisse sind auf das Gefülle umgerechnet, für das

$\sqrt{2gH} = 1 \text{ m/sok}$.

241. Empirische Formein. An Hand zahlreicher Bremsversuche an sehr verschiedenartigen Francis-Turbinen weist Bachmotoff nach 2),

ein sehr vollstim-

diges Bild von dem

¹⁾ A. a. (). 9) Z. ges. Turbinenweson 1011, S. 0.

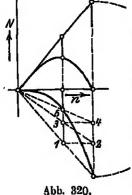
daß sich die Leistung einer gegebenen Turbine bei unveränderlieher Geschwindigkeit linear mit dem Gefülle ündere, so daß

$$N = \alpha H - \beta$$

wo α und β Konstanten sind. Scheuer¹), zeigt daß sich aus dieser Gleichung die Beziehung ableiten lasse

$$N = aHn - bn^3. (279)$$

Eine nähere Prüfung ergibt, daß die Konstanten a und b nur von der betreffenden Turbine abhängen. Setzt man das Gefälle als un-



veränderlich an, so läßt sich die Leistung nach Abb. 320 bequem durch die Subtraktion der Ordinaten einer Geraden und einer kubischen Parabel konstruieren.

Drückt man die Leistung in inkg aus und dividiert man durch die Winkelgeschwindigkeit, so erhält man für das Moment den Ausdruck

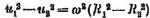
$$\mathfrak{M} = 716, 2 \left(a II - b n^2 \right), \tag{280}$$

der sich für konstantes Gefälle durch eine gewöhnliche Parabel darstellen läßt.

Die beiden Konstanten lassen sich aus zwei Versuchen berechnen; es würde z. B. genügen, wenn das Moment der festgehaltenen Turbine und die Leerlaufgeschwindigkeit ermittelt ist. Man könnte dann das Verhalten der Turbine

verfolgen, ohne daß man nötig hätte, Bromsversuche anzustellen. Das wäre allerdings sehr bequem; nur ist leider zu bemerken, daß (II. (280) für Geschwindigkeiten unterhalb der normalen nicht befriedigend mit der Erfahrung übereinstimmt; daher kann auch (II. (270) nur als Näherungsformel gelten.

242. Verteilung des Wassers im Laufrad der Francis-Turbine bei abnehmender Füllung. Die Energie des Wassers, die im Spalt vorhanden ist, wird, abgesehen von den Reibungswiderstünden, zur relativen Beschleunigung des Wassers in den Laufradkanülen und zur Erzeugung der Zentripetalbeschleunigung verbraucht. Die letztere wird durch die Größe



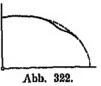
gemessen. Sie ist für die einzelnen Wasserfäden verschieden, und zwar ist sie am kleinsten für die äußersten und am größten für die innersten Fäden, wo R_2 den kleinsten Wert hat. Daher erfolgt der Durchfluß am leichtesten für die äußeren und am schwersten für die innersten Fäden. Dem Prinzip des geringsten Zwanges gemitß suchen die Wasserfäden gegen den Austritt hin

möglichst weit von der Achse abzurticken, wie in Abb. 321 angedeutet ist. Solange die normale Füllung verhanden ist, wird der äußere Leil des Durchflußraumes durch die äußeren Fäden in Auspruch genommen,

¹⁾ Z. ges. Turbinenwesen 1911, S. 417.

und den innersten Wasserfäden bleibt nichts anderes übrig, als ihren Weg dem Boden entlang zu nehmen. Sobald aber die Drehschaufeln stärker geschlossen werden und die Durchflußmenge infolgedessen vermindert wird, bietet sich am Boden die Möglichkeit zur Bildung einer Ablösung. Die Folge ist ein starker Energieverlust beim Austritt aus dem Laufrad, wenn sich das Wasser wieder über den ganzen Querschnitt ausbreitet. Die Erscheinung tritt um so stärker auf, je mehr die Durchflußmenge zurückgoht.

Ganz ühnliche Vorgünge stellen sich ein, wenn die Geschwindigkeit der Turbine bei unveränderter Öffnung wüchst, da hierbei einerseits die Durchflußmenge sich vermindert und andererseits der Bedarf an Überdruck an die Zentripetalbeschleunigung größer wird 1). Die rückläufige Bewegung am Radboden wird als Pumpen der Turbine bezeichnet.

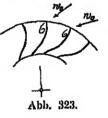


Das Wasser, das aus dem Saugraum wieder ins Laufrad zurückfließt, nachdem es seine Energie bereits abgegeben hat, wird in den Turbinenkanälen neuerdings beschlounigt, wozu ein gewisser Aufwand an Energie verbrancht wird. Man hat mit gutem Erfolg versucht, das Pumpen dadurch zu verhindern, daß man durch eine besondere Leitung Luft in den Raum zwischen Leit; und Laufrad einführt²).

243. Unstetigkeiten. Man beobachtet nicht selten im Verhalten der Francis-Turbine eine Unstetigkeit, die bei Geschwindigkeiten jenseits derjenigen des stoßfreien Ganges auftritt. Sie zeigt sich in einer Einstälpung der verschiedenen Kurven, wie sie in Abb. 322 für die Durchflußkurve angedeutet ist, die sich aber weiterhin bei höheren Geschwindigkeiten wieder mehr oder minder vollständig verliert. Die Erscheinung ist stärker ausgeprügt, wenn der Spielraum zwischen Leitund Laufradschaufeln gering ist, und desgleichen, wenn die Durchflußoffnung des Leitrades durch Schließen der Leitschaufeln schon stark

vermindert ist; sie verschwindet aber, wenn die Offnung und damit auch die Durchflußmenge noch mehr zurückgeht.

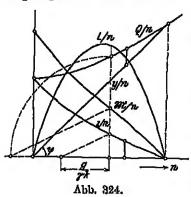
Die Ursache ist in den Ablösungen des Wassers im Laufrad zu suchen, die unter den angeführten Umstanden besonders leicht entstehen. Dabei handelt es sich um zwei verschiedene Arten von Ablösungen. Die einen zeigen sich nach Abb. 323 bei übermäßigen Geschwindigkeiten am Eintritt,



und zwar um so eher, wonn die Leitschaufeln bis hart ans Laufrad heranreichen, und dem Wasser keine Gelegenheit gelassen ist, sich selbst einen angenühert stoßfreien Übergang zu suchen. Die Ablösungen der zweiten Art sind diejenigen, die sich nach dem vorigen Abschnitt beim Radboden am inneren Umfang bilden, und zwar um so leichter, je größer die Umlaufzahl und je kleiner die Wassermenge ist.

¹⁾ Vgl. Absolm. 236.

Solange die Ablösungen noch klein sind, erleidet das Wasser nach jeder derselben bei der nachfolgenden Ausbreitung einen Stoßverlust; die Summe dieser beiden Verluste kommt in der Einstülpung der beiden Kurven zum Ausdruck. Bei wachsender Geschwindigkeit dehnen sieh die Ablösungen der ersten Art von außen nach innen aus, und diejenigen der zweiten Art von innen nach außen, bis sie sieh zuletzt in der Mitte vereinigen. Damit stellt sieh aber ein neuer Zustand ein; das Wasser fließt ungestaut durch die Laufradkanäle, der Stoßverlust tritt nur einmal auf, und die Zustandskurven kehren in die ursprüngliche Flucht zurück.



Wird die Turbine zuerst mit wachsender und hernach wieder mit abnehmender Geschwindigkeit betriebon, so tritt der Zustandswechsel bei derselben immer schwindigkeit ein; es kann vielmehr vorkommen, daß er sieh infolge dos Beharrungsvermögens merklich verspätet. Das hätte zur Folge, daß bei derselben Geschwindigkeit der eine oder der andere Zustand bestehen kann, je mehdem die betroffende Geschwindigkeit im Steigen oder im Sinken erreicht wurde. Gelegentlich macht sich bei einer be-

stimmten Geschwindigkeit ein rasch aufeinander folgender flatternder Wechsel von einem Zustand zum andern bemerkbar. Derartige unruhige Erscheinungen sind namentlich bei Schleuderpumpen öfters beobachtet worden.

244. Verhalten der Fourneyron-Turbine. Hier ist $R_1 < R_2$; das letzte Glied in der allgemeinen Durchflußgleichung (264) wird negativ, d. h. die Kurve der Durchflußmenge Q wird eine Hyperbel. Die Durchflußmenge ist ein Minimum für die festgehaltene Turbine. Bei zunehmender Geschwindigkeit wächst sie, bis sie beim Leergang ihren Größtwert erreicht. In Abb. 324 ist dargestellt, wie sieh die Wassermenge, das Drehmement und die Leistung mit der Geschwindigkeit ändern.

Steigert man die Geschwindigkeit durch einen äußeren Antrieb über die Leerlaufgeschwindigkeit hinaus, so wächst die Durchflußmenge immerzu. Bei genügender Geschwindigkeit kann die Turbine ein negatives Gefälle überwinden, d. h. sie wirkt als Pumpe. Ein Wechsel der Durchflußrichtung tritt hierbei nicht ein.

245. Die Jonval-Turbine nimmt zwischen der Francis- und der Fourneyron-Turbine eine Mittelstellung ein, indem hier $R_1 = R_8$ ist. Das letzte Glied in der allgemeinen Durchflußgleichung (264) wird gleich NuII; wenn also der Eintrittsstoß unbeachtet bleiben darf, so wäre die Durchflußmenge konstant, und der Zusammenhang zwischen

dom Moment und der Geschwindigkeit kann durch eine lineare Gleichung von der Form

 $\mathfrak{M}=a_1-b_1n$

ausgedrückt werden; für die Leistung ergibt sich somit eine Funktion von der Gestalt $L = a_0 n - b_0 n^2$

die sich nach Abb. 325 durch eine Parabel darstellen läßt. Einen ähn-

lichen Verlauf nimmt auch der Wirkungsgrad. Die Geschwindigkeiten der größten Leistung und des besten Wirkungsgrades fallen zusammen und sind halb so groß als die Leerlaufgeschwindigkeit. Die Erfahrung bestätigt, daß sieh der Verlauf innerhalb ziemlich weiter Grenzen in der beschriebenen Weise abspielt, und dies darf umgekehrt als Boweis dafür angesehen werden, daß der Einfluß des Eintrittsstoßes innerhalb jener Gronzon von geringer Bedeutung ist.

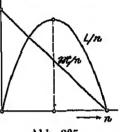


Abb. 325.

246. Schnell- und Expressaufer. Bei allen Laufrädern mit erweitertem Austritt zeigt die Durchflußmenge infolge der pumpenden Wirkung bei zunehmender Geschwindigkeit ein ausgesprochenes Wachstum. Daher ist die Leerlaufsgeschwindigkeit größer als das Doppelte der Geschwindigkeit des besten Ganges.

Von Bedeutung ist diese Zunahme der Durchflußmenge für die Turbinen der Niederdruckanlagen, bei denen das Gefalle abnimmt, wenn der Fluß Hochwasser führt. Da die Geschwindigkeit beizubehalten ist, laufen die Turbinen im Verhältnis zum vorhandenen Gefälle zu schnell. Der Umstand, daß die Durchflußmenge relativ größer wird, bewirkt eine gewisse Ausgleichung der Leistung¹).

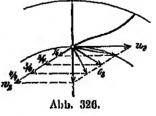
Die sehnelhufenden Turbinen mit erweitertem Radaustritt sind nicht sehr geeignet für die Ausnutzung von kleinen Bruchteilen der normalen Wassermenge. In der Eulerschen Arbeitsgleichung

$$L = M\omega (R_1e_{u_1} - R_2e_{u_2})$$

gewinnt das zweite Glied in der Klammer einen um so größeren Ein-

fluß, je mehr car bei Beschränkung des Zuflusses wächst (vgl. Abb. 326), da R_s relativ groß ist. Die Leistung nimmt also rascher ab als die Durchflußmenge; der Wirkungsgrad wird schlechter.

247. Vorhalten der staufreien Turbinen. Hier ist die Durchflußmenge unabhängig von der Geschwindigkeit; denn da beim Übergang ins Laufrad überschüssiger Platz



vorhanden ist, hat ein allfälliger Stoß keine stauende Wirkung auf den Austritt aus dem Leitrad. Allein es darf daraus nicht etwa ohne

¹⁾ Der Exprofificier mit Axialrad zeigt ühnliche Verhültnisse wie die Jonyal-Turbino; d. h. die Durchflußmenge findert sieh mit der Geschwindigkeit kaum, s. a. S. B. Z. 1915.

weiteres gefolgert werden, daß das Moment linear verlaufe. Dies würde voraussetzen, daß w_{uz} in Gl. (273a), Absehn. 237 ebenfalls konstant sei. Da aber der Strahl den Kanal nicht ausfüllt, braucht dies trotz der Konstanz der Wassermenge keineswegs zuzutroffen. Immerhin zeigt die Erfahrung, daß für die Girard-Turbine das Moment einen geradlinigen Verlauf besitzt. Es ergibt sich daraus wiederum ein parabolischer Verlauf der Leistungs- und der Wirkungsgradkurve und das Zusammenfallen der größten Leistung und des besten Wirkungsgrades mit der Geschwindigkeit des halben Leerganges.

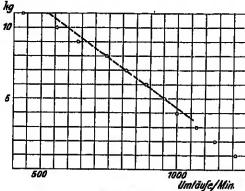


Abb. 327.

Eine Abweichung zeigt nach Abb. 327 die Momentenkurve des Löffelrados. Sie verläuft zwar auch hierinnerhalb gewisser Grenzen linear, zeigt aber bei einer gewissen höheren Geschwindigkeit plötzlich cinen Bruch in dem Sinne. daß das Moment auf einmal schnoller sinkt. Dieses ist darauf zurückzuführen. daß das Wasser bei zunehmonder Umlaufzahl mohr und mohr zwischen den Schaufeln

schlüpft, ohne mit ihnen in Berührung zu kommen, gerade wie wenn das Rad zu weitläufig geschaufelt wäre. Auch bei niedrigen Geschwindigkeiten geht die Momentenkurve unter die gerade Linie hinub.

Die in Abb. 327 aufgetragenen Werte rühren von einem Löffelrad von Boßhard, Steiner & Co. in Zürich her, das nach Zeichnungen des Verfassers ausgeführt war. Die Hauptabmessungen sind

Düsenweite	
Eintrittshalbmesser (bis zur Strahlachse)	150 mm,
Schaufelzahl	18,
Schaufelbreite	112 mm

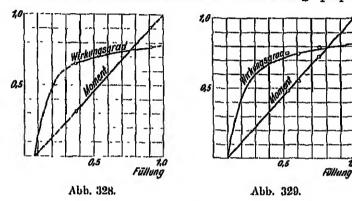
Die Versuche wurden mit teilweise geschlossener Düse erhalten; die Wassermenge betrug 14,5'l/sek bei einem Drucke von 35 m. Die ganz geöffnete Düse ließ 27 l/sek austreten. Die Ordinaten in Abb. 327 bedeuten die Gewichte auf der Wage. Der Bremshebel hatte eine Länge von $l=4:2\pi=0,037$ m, so daß sich die Leistung durch die Formel

 $L = \frac{Pn}{15}$ mkg

ausdrücken läßt (vgl. Absehn. 206). Die günstigste Geschwindigkeit war bei 740 Umläufen. Diese war vorgeschrieben; darum mußte der Radhalbmesser und die Schaufelbreite etwas knapp bemessen worden, so daß das Rad bei ganz geöffneter Ditse stark überfüllt war.

248. Einfluß des Füllungsgrades bei normaler Geschwindigkeit. Da es von großer praktischer Wichtigkeit ist, zu wissen, wie sich die Leistung bzw. der Wirkungsgrad bei normaler Geschwindigkeit mit der Füllung ändert, sollen hier noch einige Erfahrungen mitgeteilt werden.

Wonn bei einer Änderung des Füllungsgrades, d. h. des Verhältnisses zwischen der tatsächlichen und der normalen Durchflußmenge, die Geschwindigkeiten des Wassers in den Laufradkanälen sich nicht ändert, so muß das Drehmement mit der Durchflußmenge proportional



wachsen; es läßt sich also durch einen linearen Ausdruck von der Form

$$\mathfrak{M} = aQ - b$$

darstellen. Diese Voraussetzung trifft nach Abb. 328 für die staufreie Turbine mit Zellenregulierung zu, desgleichen nach Abb. 329 für die Jouval-Turbine, falls die zugedeckten Leitkanüle Luft zugeführt bekommen, so daß sieh die darunter liegenden Laufradkanäle ontleeren konnen Beim linearen Verlauf des Drehmomentes lassen sieh die Verhaltnisse auf dem Wege der Rechnung verfolgen.

Für den umbelasteten Zustand der Turbine wird $\mathfrak{M}=0$, und es bedeutet

$$Q_0 = \frac{b}{a}$$

die Wassermenge, die die unbelastete Turbine braucht, um die normale Geschwindigkeit anzunehmen.

Die Leistung ist

$$L = \mathfrak{M}\omega = (aQ - b)\omega.$$

Beim Einsetzen dieses Wertes nimmt der Ausdruck für den Wirkungsgrad

$$c = Q \gamma H$$

$$c = \omega \quad aQ - b$$

$$\gamma H \quad Q$$

die Form an

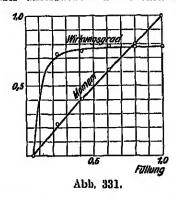
Trägt man den Wirkungsgrad c als Ordinate über der Wassermenge Q, bzw. über dem Füllungsgrad f als Abszisse auf, so orhält man eine gleichseitige Hyperbel, deren eine Asymptotedie c-Achse ist, deren andere also in der Richtung der f-Achse liegt. Kennt man den

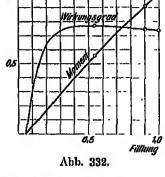
Abb. 330.

Wert f_0 für den Leorgang und z. B. den Wirkungsgrad für die Füllung f=1, so läßt sich die Momentenkurve nach Abb. 330 konstruieren.

Je kleiner der Wort /₀ ist, deste näher schließt sich die Hyperbel den Asymptoten an, und deste flacher verläuft der obere Teil, oder deste langsamer geht der Wirkungsgrad bei abnehmender Füllung zurück. Es ist also wichtig, daß die Turbine für den normalen

Gang im unbelasteten Zustand möglichst wenig Wasser verbrauche. In Abb. 328 sind die (ausgeglichenen) Ergebnisse der vom Verfasser untersuchten Schwammkrug-Turbine des Elektrizitätswerkes





der Stadt Chur aufgetragen. Der Leitapparat besaß zwölf Zellen. Die Bremse reichte gerade noch für elf Zellen aus, webei sich eine Leistung von 410 PS ergab. Abb. 329 gibt die Beobachtungen von Schröter an der Jonval-Turbine der Nähmaschinenfabrik Göppingen wieder. Das Leitrad konnte zur Hälfte mit seels ventilierten Deckeln abgeschlossen werden. Die volle Leistung betrug 270 PS.

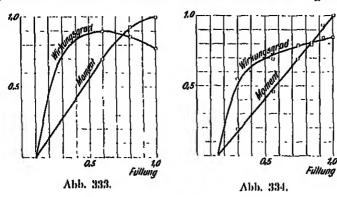
Beim Tangentialrad ändert sich mit dem Füllungsgrad die Wassermenge, die auf eine Schaufel entfällt; daher wird auch die Füllung der Schaufeln etwas anders, und das Moment verläuft nicht mehr linear; die Erfahrung zeigt, daß das Moment mit zunehmender Füllung etwas langsamer wächst.

Abb. 331 wurde mit dem Tangentialrad des Elektrizitätswerkes Luzern-Engelberg erhalten, das bei voller Öffnung eine (elektrisch gemessene) Leistung von 2569 PS ergab¹). Das in Absehn. 247 orwähnte Löffelrad lieferte die in Abb. 332 wiedergegebenen Kurven.

Erbaut von Th. Boll & Co., Luzern. Siehe Kilchmann: Schweiz. Bauzg. Bd. 48, S. 13. 1906.

Die Schaufeln sind für die volle Öffnung etwas zu knapp; der größte Wirkungsgrad stellt sich daher erst bei wesentlich verminderter Füllung ein; er bleibt dann aber selbst für kleine Bruchteile der ganzen Füllung ziemlich hoch, was vor allem der geringen Leergangsfüllung zu danken ist.

Die Kurven in Abb. 333 erhielt der Verfasser an der Francis-Turbine der Spinnerei und Weberei Glattfelden¹). Die Turbine hat eine liegende Achse, Spiralgehäuse und zweiseitigen Austritt. Sie arbeitet bei voller Öffnung mit starker Überfüllung und gibt daher den besten Wirkungsgrad erst bei wesentlich vermindertem Zufluß. Die Momentenkurve ist in ihrem oberen Teil stark vornüber gebeugt. Die Leistung bei voller Öffnung wurde zu 293 PS gebromst. Die Wassermenge wurde mittels eines Überfalles mit Seitenkontraktion gemessen.



Da die Überfallsbreite nur wenig kleiner als die Kanalbreite war, liegt die Vermutung nahe, daß die berechneten Wassermengen zu klein und die Wirkungsgrade etwas zu groß sind.

Das Verhalten einer Francis-Turbine zeigt Abb. 334, die nach Präsil für das Rad I der Turbine im Maschinenlaboratorium in Zürich aufgetragen wurde. Das Moment verläuft genau linear, und es ist diese Turbine im Gegensatz zur vorigen nicht voll ausgenützt, d. h. vorhältnismäßig zu groß.

Hervorzuheben wäre noch, daß die Leergangsfüllung /₀ nach Abb. 328, 331 und 332 für die teilschlächtigen Turbinen bedeutend kleiner ausfällt als nach Abb. 329, 333 und 334 für die Vollturbinen. Das hängt augenscheinlich damit zusammen, daß in den wassergefüllten Laufradkanälen der letzteren viel ungfüstigere Durchflußbedingungen für die verhältnismäßig kleinen Wassermengen bestehen.

249. Änderung des Gefülles. Ist das Verhalten einer gegebenen Turbine bei einem Gefülle H_1 in jeder Husicht bekannt, so fällt es leicht, dasjenige bei einem andern Gefälle H_2 festzustellen. Verlangt man zu wissen, wie sich die Turbine unter dem neuen Gefälle für eine gegebene Offnung bei der Geschwindigkeit n_2 verhält, so ermittelt man

¹⁾ Von Escher, Wyss & Co. erbaut. Escher-Dubs, Wasserturbinen. S. Aufl.

zunächst die Umlaufzahl n_1 , die beim Gefälle H_1 einen ähnlichen Zustand bedingt, aus der Gleichung

$$\frac{n_1}{n_2} = {H_1 \choose H_2}^{\frac{1}{2}}$$

Wenn für n_1 und H_1 die Größen Q_1 , \mathfrak{M}_1 und L_1 bekannt sind, so findet man die zugeordneten Größen für das neue Gefälle H_2 nach Absehn. 88 aus den Beziehungen

$$\begin{split} \frac{Q_2}{Q_1} &= \left(\frac{H_2}{H_1}\right)^{\frac{1}{2}},\\ \frac{\mathfrak{M}_2}{\mathfrak{M}_1} &= \frac{H_2}{H_1},\\ \frac{L_3}{L_2} &= \left(\frac{H_3}{H_1}\right)^{\frac{8}{2}}. \end{split}$$

Man kann auf diesem Wege die verschiedenen Kurven Punkt für Punkt umrechnen.

Um die Leistung einer Francis-Turbine für irgendein Gefalle H_2 bei einer beliebigen Umlaufzahl n_2 zu überschlagen, kann man sich der Scheuerschen Formel

$$N = a II n - b n^3$$

bedienen, sobald man aus zwei Versuchen bei demselben Gefälle die beiden Konstanten a und b berechnet hat.

Wie man aus dieser Beziehung erkennt, wird die Leistung der Turbine gleich Null für ein Gefälle H, welches aus:

$$II_0 = \frac{b}{a} n^2$$

bestimmt werden kann. Man erkennt aus dieser Gleichung leicht, daß das Leerlaufsgefälle H_0 bei ein und derselben Turbine um so größer wird, je größer die gewählte normale Drehzahl n ist. Für normale Francis-Turbinen $(n_s=100 \text{ bis } 220)$ liegt H_0 zwischen $\frac{1}{2}$ und $\frac{1}{3}$ des normalen Konstruktionsgefälles. Bei Schnelläufern (n_s) bis 350) kann H_0 auf die Hälfte des Konstruktionsgefälles anwachsen. Bedeutet m das Verhältnis der normalen Drehzahl n_0 zur Durchgaugsdrehzahl n_{\max} $\left(m=\frac{n_{\max}}{n_0}\right)$ bei gleichem Gefälle H_1 , so läßt sich nachweisen, daß das

 $\binom{m=-n_0}{n_0}$ bei gleichem Geialle H_i , so lätt sich nachweisen, daß das Leerlaufsgefälle H_0 bei voller Turbinenöffnung auch aus der Beziehung

$$II_0 = \frac{1}{m^2} \cdot II$$

beroehnet worden kann. Wenn man dann noch den Konstruktionspunkt heranzicht, so hat man zwei Punkte der Bachmetoffschen Geraden und kann dann die Linie ziehen.

250. Niederdruckturbinen an größeren Elüssen leiden daran, daß bei Hochwasser das Gefälle bedeutend zurückgeht, während die Drehzahl natürlich unverändert bleiben muß; die Turbine arbeitet daher

mit einer größeren Geschwindigkeit, als dem Gefälle entspräche. Soll bei dem verminderten Gefälle nicht auch die Leistung stark zurückgehen, so muß die Turbine eine starke Überfüllung zulassen; an Wasser fehlt es ja nicht. Hat die Turbine die Eigenschaft, bei zunehmender

Goschwindigkeit mehr Wasser zu sehlucken, so ergibt sieh sehen daraus ein gewisser Ausgleich

(ExpreBlüufer).

Ist das Verhalten der Turbine bei einerlei Gefälle und verschiedenen Geschwindigkeiten und Füllungen bekannt, so bietet die Durchführung der beim verliegenden Problem verkommenden Rechnungen keine Schwierigkeiten.

Geht man z. B. vom Niederwasserstande aus, der durch die Größen H_1 , n_1 und N_1 gekennzeichnet ist, so sollte sich bei Hochwasser ein Zustand erwichen Ingen, der durch die

reichen Inssen, der durch die Größen n_2 , N_2 und H_2 umschrieben wird. Einen ähnlichen Zustand beim Niederwassergefälle H_1 erhielte man nach Absohn, 249 für

$$\begin{aligned} n_x &= n_1 \begin{pmatrix} II_1 \\ II_2 \end{pmatrix}^1 \\ N_x &= N_1 \begin{pmatrix} II_2 \\ II_1 \end{pmatrix}^3 . \end{aligned}$$

und

Kennt man das Verhalten der Turbine beim Gefalle H_t in jeder Hinsicht, so wird es sich bald zeigen, ob die Turbine beim Gefalle H_t und bei der Drehzahl n_x durch Vermehrung der Füllung eine Leistung N_z aufzubringen vermag. Sollte dies nicht der Fall sein, so müßte man damit rechnen, daß bei Hochwasser die Leistung zurückgeht.

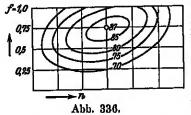
Abb. 335 lätt das Verhalten eines Expreßläufers mit geschweifter Eintrittskante der drei identischen Main-Kraftwerko bei Hanau erkennen¹). Ihr Gefälle verändert sich zwischen 0,94 und 2,44 m; der Konstruktion ist ein Gefälle von 1,8 m unterlegt.

Man bemerkt, daß mit abnehmendem Gefälle die Durchflußmenge nicht mit der Quadratwurzel aus dem Gefälle, sondern wesentlich langsamer sinkt. Indem bei vermindertem Gefälle die Turbine (bei unveränderter Drehzahl) verhältnismitßig zu schnell läuft, ruft sie durch ihre pumpende Wirkung eine relative Erhöhung der Durchflußmenge hervor, und daher geht auch die Leistung nicht mit der §-Potenz des Gefälles zurück, sondern langsamer. Die Wirkung-bei Hochwasser wird also günstiger als bei einer Francisturbine.

19*

¹⁾ Erbaut von Escher, Wyss & Co. Huguenin, A.: Schweiz. Baurg. Bd. 74, S. 268. 1919,

251. Geschwindigkeit, Filllung und Wirkungsgrad. Wie sich der Zusammenhang zwischen zwei Variabeln durch eine ebene Kurve darstellen läßt, so kann man gleichzeitig mittels einer krummen Fläche drei verschiedene Veränderlichen aufeinander beziehen und auf diesem Wege einen erweiterten Überblick gewinnen. So sind z. B. in Abb. 336



die Drehzahlen n und die Füllungsgrade f bei einem bestimmten Gefälle für eine gegebene Turbine auf der Horizontalebene als reehtwinklige Koordinaten aufgetragen, während die Wirkungsgrade als Höhenkoordinaten durch Schichtlinien siehtbar gemacht werden (Isokerden).

Man zicht es zu Vergleichszwecken

häufig vor, statt der wirklichen Drehzahl n die spezifische Drehzahl n_s einzuführen, für die man nach Absehn. 99 den Ausdruck

$$n_s = nN^{\frac{1}{2}}H^{-\frac{5}{4}} = \frac{nVN}{H\sqrt[4]{H}}$$

fand. Dabei beziehen sich die drei Größen n, N und H auf den wirklichen Zustand der Turbine.

25. Das Regeln der Geschwindigkeit.

252. Überblick über die Aufgabe. Eine Turbine befinde sich in gleichförmigem Gange; ihr Drehmoment ist mit dem widerstehenden Moment der Belastung im Gleichgewicht und die Geschwindigkeit ist konstant. Wonn in einem gegebenen Augenbliek die Belastung kleiner wird, so muß die Geschwindigkeit wachsen, da das Drehmement der Turbine größer ist als dasjenige der Belastung. Doch dauert dieses Wachstum nicht unbegrenzt an. An der Turbine treten infolge der vermehrten Geschwindigkeit gewisse Energieverluste auf, wie z. B. Stoßverluste beim Eintritt ins Laufrad, gesteigerte Austrittsverluste, vermohrte Reibung im umgebenden Mittel usw., während sieh gleichzeitig die Energie, die zur Überwindung des Widerstandes erforderlich ist, wegen der Zunahme der Geschwindigkeit steigert, und so stellt sieh binnen kurzem ein noues Gleichgewicht ein. Jeder Belastung entspricht eine ganz bestimmte Geschwindigkeit (vgl. Kup. 11, Absohn, 96); die Turbine reguliert sich bis zu einem gewissen Grade selbst.

Diese Selbstausgleichung kann, namentlich wenn man durch Verstellen der Abschützung von Hand etwas nachhilft, in solchen lätlen genügen, wo die Belastung wenig und selten sehwankt und wo man geringe Anforderungen an die Gleichförmigkeit des Ganges stellt.

In allen anderen Fällen ist die Aufgabe zu lösen, nach jeder Änderung der Belastung sofort automatisch das Gleichgewicht zwischen Leitung und Widerstand wieder herzustellen. Wenn also die Belastung größer wird, muß die Leistung der Turbine entsprechend ge-

steigert werden, ehe sich die Geschwindigkeit merklich vermindert hat. Dies geschieht dadurch, daß man eine Vermehrung des Wasserzuflusses einleitet, indem man die Abschützung etwas öffnet. Dies setzt aber veraus, daß der verhandene Zufluß hierfür ausreiche. Im andern Falle würde ein Sinken des Oberwasserspiegels eintreten, und das Gleichgewicht würde erst recht gestört. Daraus geht herver, daß die Lösung der Aufgabe nur so lange möglich ist, als ein genügender Überschuß au Wasser verhanden ist, um einen augenblicklichen Mehrbedarf decken zu können. Tritt Wassermangel ein, so muß man am Betrieb soviel vermindern, daß der Überschuß wieder hergestellt wird.

Man hat Vorrichtungen ersonnen, durch die bei sinkendem Stand des Oberwassers automatisch der Durchfluß durch die Turbine vermindert wird. Andere derartige Apparate wirken mit Geschwindigkeitsreglern so zusammen, daß sie bei sinkender Geschwindigkeit deren Eingreifen im Sinne der Vormehrung des Durchflusses so lange verhindern, als der Spiegel des Oberwassers zu tief steht. Von einem Regeln der Geschwindigkeit kann dabei erst die Rede sein, wonn die Betriebslast

ausreichend erleichert wird,

Zur Erhaltung der Geschwindigkeit kann man zwei Wege einschlagen. Entweder paßt man die Leistung der Turbine der wechschiden Belastung an oder man bringt durch Hinzufügen einer voranderlichen zusätzlichen Belastung den Widerstand mit der unveränderlichen Leistung der Turbine in Einklang. Diese Zusatzbelastung wird durch einen Bremsregler hervorgebracht, d. i. eine Vorrichtung, in der mechanische Arbeit durch veränderliche Widerstände aufgezohrt und in Wärme umgewandelt wird. Meist sind es Pumpen nach Art der Kapselrider, die die geförderte Flüssigkeit immer wieder ansaugen, wobei durch eine in den Kreislauf eingeschaltete Drosselvorrichtung von einem Tachometer¹) aus der Widerstand selbsttätig geregelt wird. Zur Aufnahme größerer Energiemengen eignen sie sich nicht, da die umgetriebene Flüssigkeit sich stark erhitzt. Man wendet sie gelegentlich au, um nachträglich den Gang von Turbinen auszugleichen, die nicht von Aufang an andere Reguliervorrichtungen erhalten haben. Wenn die Turbine einen Generator antreibt, so kann durch Einschalten von elektrischen Widerständen die Belastung des Generators und damit die Geschwindigkeit der Turbine konstant gehalten werden. Regelangen dieser Art, d. h. durch Vernichtung der überschüssigen Turbinonleistung, eignen sich jedoch nur für verhältnismäßig kleine Leistungen. Sie kommen auch nur für solche Anlagen in Frage, bei welchen der Wirkungsgrad der Wasserkraftausnätzung keine Rolle spielt.

Der gebränehliche Weg ist die Veränderung der Turbinonleistung nach Maßgabe des augenblicklichen Widerstandes. Da die Leistung sich aus der Wassermenge und aus dem Gefälle zusammensetzt, orgeben sich zwei Möglichkeiten, um die Leistung zu ändern. Baut man z. B. in das Zuleitungerehr eine Drosselklappe ein oder versieht man das Saugrehr um unteren Ende mit einer Ringschütze, so kann

¹⁾ Vgl. Absohn. 252.

man damit das wirksame Gefälle vermindern, nicht ohne zugleich die Durchflußmenge zu verkleinern. Diese beiden Vorrichtungen haben den Fehler, daß ihre Wirkung nicht dem zurückgelegten Weg proportional ist; sie ist im Beginn kaum spürbar, steigt dafür gegen das Ende der Bewegung ungemein rasch an.

Weitaus am häufigsten verändert man die Durchflußmenge, indem man die Absohützung des Leitapparates mehr oder weniger öffnet oder schließt. Dieser Weg hat den prinzipiellen Vorzug, daß das Gefälle in der Hauptsache unverändert bleibt und daß somit bei einer Verminderung der Leistung eine entsprechende Wassermenge erspart wird. Freilich kommt dieser Vorteil nur dort zur Geltung, wo die Möglichkeit gegeben ist, das nicht verbrauchte Wasser in einem Sammler aufzuspeichern. In allen anderen Fällen kommt es im Grunde auf dasselbe hinaus, ob die ganze Wassermenge verbraucht und der Leistungsüberschuß abgebremst wird, oder ob das Wasser gespart wird und beim Wehr überfließt.

Bei Tangentialrädern mit langer Druckleitung ist man genötigt, den Austritt aus dem Leitapparat nur ganz langsam zu verändern, um das Auftreten von unliebsamen Massenwirkungen in der Zuleitung zu vermeiden¹). Eine sehnelle Einwirkung auf die Leistung läßt sich dadurch erzielen, daß man einen Teil des Wassers am Eintritt ins Laufrad hindert. So kann z. B. der Strahl mit einer beweglichen Düse mehr oder minder weit ausgeschwenkt worden, oder man bringt einen Ablenker an, der das Wasser teilweise nach außen ablenkt, oder endlich man läßt bei einer Verminderung der Mündung des Leitapparates den Überschuß an Wasser durch einen entsprechend geöffneten Freilauf entweichen.

Arbeitet die Turbine mit einer Dampfmaschine zusammen, so wird die Turbine auf die verhandene Wassermenge fest eingestellt und die Regelung der Geschwindigkeit der Dampfmaschine überlassen; es ist natürlich mehr daran gelegen, Kohlen als Wasser zu sparen.

Die Handregulierung, bei der die Abschützverrichtung freihändig betätigt wird, kann in denjonigen Fällen genügen, wo der Kraftbedarf nicht zu stark und nicht zu häufig wechselt und wo keine großen Anforderungen an die Gleichförmigkeit des Ganges gestellt werden. In allen anderen Fällen muß zur automatischen Regulierung gegriffen werden.

Es sollen hier unter Ausschluß der Bremsregler nur die mit der Abschützung arbeitenden Reguliervorrichtungen behandelt werden. Nicht alle Abschützungen eignen sich gleich gut für den automatischen Betrieb. Vorzugsweise werden solche benützt, bei denen mit einem kleinen Weg große Veränderungen der Leistung bewirkt werden und webei sich die Leistung mit dem zurückgelegten Weg ungeführ proportional, auf jeden Fall aber stetig ündert.

Die Anforderungen an die Schnelligkeit und Genauigkeit der Regulierung sind besonders durch die Elektrotechnik ganz bedeutend

¹⁾ Vgl. Absohn. 279.

gesteigert worden, und manche Vorrichtung, die genfigte, solange es sich um den Betrieb von Fabriken handelte, mußte aufgegeben werden, weil sie den großen Schwankungen des elektrischen Betriebes nicht rasch und genau genug zu folgen vermochte. Hierher gehören die sämtlichen Zellenregulierungen. Weitaus am besten entspricht allen Bedingungen die Finksche Regulierung für Francis-Turbinen und die Zungen- und die Nadelregulierung für die Tangentialräder. Auch die vor oder hinter dem Laufrad eingeschaltete Ringschütze bei Radialturbinen kann in denjenigen Fällen Verwendung finden, wo es nicht darauf ankommt, daß Bruchteile der vollen Wassermenge noch günstig ausgenützt werden. Immerhin ist die Ringschütze wegen der Wirbel und Ausfressungen, zu denen sie Anlaß gibt, ein etwas bedenkliches Mittel.

258. Ausgangspunkt für das Regulleren. Die Aufgabe der selbsttätigen Regulierung der Geschwindigkeit bietet sieh bei allen Motoren in ähnlicher Weise dar und ist von großer praktischer Bedeutung. Da sie eine unerschöpfliche Quelle für mathematische Untersuchungen bildet, hat sie von jeher die Aufmerksamkeit der Theoretiker auf sieh gezogen. Bei der verwickelten Natur des Gegenstandes müssen wir uns auf eine vereinfachte Darstellung der wichtigsten Punkte beschränken.

Es handelt sieh zu allererst darum, die Abschützung im richtigen Augenbliek, d. h. sobald sieh der Widerstand der Turbine ändert, in Bowegung zu setzen, und zwar soll im weiteren der Ausschlag genau der Änderung der Belastung entsprechen, damit alsbald wieder Gloichgewicht eintrete. Folgerichtigerweise wäre somit die Ingangsetzung der Abschützung von der Veränderung der Belastung selbst abzuleiten. Das könnte etwa in der Weise geschehen, daß man die Leistung der Turbine durch eine Feder überträgt, deren Durchbiegung sich alsbald ändert, wenn die Belastung größer oder kleiner wird. Es wäre dann die Änderung der Feder dazu zu benützen, den Bewogungsmechanismus der Abschützung einzurücken. Dieser Weg bietet indessen große Schwierigkeiten und ist wohl darum noch nie ernstlich versucht worden.

Auch die Betätigung der Reglersteuerung durch ein Wattmoter kann bei mit elektrischen Stromerzeugern gekuppelten Turbinen in Frage kommen, doch macht auch bei einer solchen Einrichtung die Erfüllung der Bedingung konstanter Geschwindigkeit Schwierigkeiten, so daß solche Konstruktionen noch keinen dauernden Eingang in die Praxis gefunden haben.

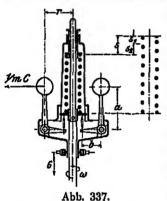
Der einzig gebränchliche Weg ist, das Einsetzen des Reguliervorganges von der Geschwindigkeitsänderung abzuleiten, die sich infolge der Störung des Gleichgewichtes einstellt. Daraus geht sofort hervor, daß sich auf diesem Wege die Aufgabe in voller Strenge gar nicht lösen läßt; denn es muß ja bereits eine Geschwindigkeitsänderung eingetreten sein, bevor die Abschützung in Bewegung gesetzt wird. Da man es aber in der Gewalt hat, diese Bewegung sehen durch eine sehr kleine Geschwindigkeitsänderung einleiten zu lassen, gelangt man dennoch dazu, allen Bedürfnissen der Praxis zu genügen.

Der ganze Reguliervorgang wird von einer Vorrichtung abgeleitet, die bei jeder Geschwindigkeit eine bestimmte Stellung einnimmt und dadurch die augenblickliche Geschwindigkeit anzeigt. Sie wird darum das Tachometer (von griech. tachos = Geschwindigkeit) genannt. Man nennt sie gewöhnlich schlochtweg den Regulator.

Der Ausschlag des Tachometers muß durch einen Zwischenmechanismus, das Stellzeug genannt, auf die Abschützung übertragen werden. Die ganze Reguliervorrichtung setzt sich aus dem Tacho-

meter, dem Stellzeug und der Abschützung zusammen.

254. Als Tachometer verwendet man mit seltenen Ausnahmen das Pendel mit Federbelastung, von dem Abb. 337 eine viel gebrauchte



Ausführungsform darstellt. langer Zeit ist diese Ausführungsform allerdings mehr oder woniger verdrängt worden durch solche Tachohei wolchon die meter. Hichkrüfte der Schwunggewichte unmittelbar von den Federn aufgenommen wurden, wie z. B. bei den bekannten Federreglern von Hartung. In neuester Zeit kommt man jedoch wieder mehr auf die in Abb. 337 dargestellte Form weil bei dieser alle schädlichen Nebendurch wirkungen dio Ungleichheit bei den andern Konstruktionen stots erforderlichen beiden Federn ver-

mieden werden. Der Einfachheit wegen sei angenommen, daß die Pendelarme in der Mittellage, d. h. bei normaler Geschwindigkeit, senkrecht stünden. Bei zunehmender Geschwindigkeit gehen die Kugeln auseinander, und indem die Feder zusammengedrückt wird, verschieht sich das Gehäuse mit der Hülse nach unten. Die gesamte Masse der Kugeln, deren Anzahl mit m bezeichnet werden möge, sei M. Gewöhnlichtist m = 2.

Um die Kugeln bei einer Winkelgeschwindigkeit ω im Abstande r von der Achse zu erhalten, bedarf es einer Zentripetalkraft von der Größe $C = M \omega^2 r$.

An der Hülse ist für diesen Zweck ein Druck

$$P = \frac{a}{b}C$$

auszuüben. Hierfür wird die Feder in Anspruch genommen, die überdies noch das Eigenwicht G der sämtlichen Teile zu tragen hat, die sich mit der Hülse gemeinsam auf und nieder bewegen.

Die Feder kann als vollkommen elastisch angesehen werden, so daß ihre Längenänderung der Belastung proportional zu setzen ist. Es möge einer Belastung p eine Durchdrückung um eine Längeneinheit entsprechen. Das Eigengewicht G-des Gehäuses usw. erzeugt alsdann eine Verkürzung um

 $s_1 = \frac{G}{n}$.

Zur Erzeugung einer weiteren Federkraft S, durch die die Zentrifugalkraft der Kugeln im Gleichgewicht gehalten wird, muß die Feder noch um die Länge

 $s_2 = \frac{S}{n}$

stärker zusammengedrückt werden. Die ganze Durchdrückung, auf die die Feder zu berechnen ist, wäre somit

$$s = s_1 + s_2$$
.

Damit das Tachometer im Gleichgewicht verharre, ist die Bedingung zu erfüllen. S=P.

Durch eine einfache Rechnung kann man schließlich der Gleichgewichtsbedingung die Form geben

$$s_2 = \frac{a M \omega^2 r}{b p}, \qquad (281)$$

odor

$$\omega^2 = \frac{b}{a} \frac{ps_2}{Mr}.$$
 (282)

Zwischen der Durchdrückung der Feder und der Winkelgeschwindigkeit besteht ein eindoutiger Zusammenhang. Jeder Federspannung oder Hülsenstellung entspricht eine gewisse Winkelgeschwindigkeit und umgekehrt. Man kann daher durch Spannen und Entlasten der Feder oder durch Austausch derselben gegen eine andere das Tachometer jeder Winkelgeschwindigkeit anpassen1).

Wird an dem im Beharrungszustande befindlichen Tachometer nach Abb. 337 das Gleichgewicht dadurch gestört, daß man die Hülse um einen unendlich kleinen Betrag ds z. B. nach unten verschiebt, so gehen die Kugeln auseinander und ihre Zentrifugalkraft nimmt um einen gewissen Betrag dC zu. Gleichzeitig wird die Feder um die Länge ds starker zusammengedrückt und ihr Widerstand wiichst um eine Größe d8. Die Vermehrung der Zentrifugalkraft der Kugeln bringt auf die Hülse eine Erhöhung des Druckes um dP hervor. Hinsichtlich der relativen Größe der Veränderungen dP und dS sind nur drei Fälle möglich; es ist $dP \gtrsim dS$.

1st $dP \cdot dS$, so bedeutet das, daß die Vermehrung des Federdruckes derjonigen der Zentrifugalkruft nicht mehr das Gleichgewicht zu halten

1) Bodoutet

P die ganze Belastung der Feder in kg, d die Drahtdieke in em,

D' den mittleren Durchmesser der Veder in em,

die zulässige Spannung (für gehärteten Federstahl 4000 bis 5000 kg/qcm),

den Blastizithtsmodul der Schublestigkeit (750000 für kg und em),

die Anzahl der spielenden Windungen der Feder,

so lassen sich ihre Ahmessungen aus der Gleichung berechnen

 $\frac{J^*D}{2} = \frac{\pi}{10} d^3\sigma.$ Die Belastung, die eine Durchdrückung von 1 em bewirkt, ist

$$p = \frac{\gamma}{8} \frac{d^4}{aD}.$$

vermag; die Kugeln fliegen soweit auseinander als sie können. Das Gleichgewicht, das vor der Störung bestand, war labil, das Tachometer ist unbrauchbar.

Im zweiten Falle, wo dP=dS ist, hålt die Vermehrung des Federdruckes derjenigen der Zentrifugalkraft gerade die Wage. Das Tachometer bleibt auch nach der Verschiebung der Hülse im Gleichgewicht. Tritt aber eine Änderung der Winkelgeschwindigkeit ein, so klappt entweder das Tachometer zusammen oder die Kugeln fliegen bis an die Grenze der Möglichkeit auseinander, je nachdem die Änderung der Winkelgeschwindigkeit negativ oder positiv ist. Das Tachometer kann nur bei einer ganz bestimmten Geschwindigkeit im Gleichgewicht stehen. Dieses Gleichgewicht wird durch eine Verschiebung der Hülse nicht gestört; es ist in different; das Tachometer befindet sich im Zustande der Astasie; es ist astatisch¹). Auch in dieser Form ist dasselbe unverwendbar.

Im dritten Falle endlich, we dP < dS ist, fiberwiegt der Einfluß der wachsenden Federkraft; das Pendel kehrt in die Gleichgewichtslage zurück: es ist stabil. Nur der Zustand der Stabilität ist verwendbar, da hier jeder Winkelgeschwindigkeit ein Gleichgewichtszustand bei einer bestimmten Hülsenstellung entspricht. Die Bedingung für die Stabilität ist also:

$$dP < dS$$
.

Für das ursprüngliche Gleichgewicht hatte man

$$P = S$$
.

Durch Division orhalt man

$$\frac{dP}{P} < \frac{dS}{S}$$
.

und da P dem Abstand r der Kugeln von der Achse, S der Zusammendrückung s_2 der Feder direkt proportional ist, kann man auch schreiben

$$\frac{dr}{r} < \frac{ds}{s_s}$$
.

Nimmt man Rücksicht darauf, daß

$$\frac{ds}{dr} = \frac{b}{a}$$

ist, so erhält man die Stabilitätsbedingung in der Form

$$s_2 > \frac{b}{a}r. \tag{283}$$

Durch Vergrößern von s₂, d. h. durch stärkeres Spannen der Feder, läßt sich der Zustand des Tachometers der Astasie nähern; das Tachometer schlägt stärker aus. Umgekehrt kann man durch Entspannung der Feder ein Tachometer beruhigen, d. h. stabilisieren. Nur darf da-

¹⁾ Man hat sich früher vielfach mit den astatischen Tachemetern hefaßt, und es hat recht lange gedauert, bis man sich von ihrer Unbrauchharkeit überzeugte.

bei nicht übersehen werden, daß nach Gl. 282 zu jeder Federspannung wieder eine andere Winkelgeschwindigkeit gehört.

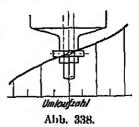
Der astatische Zustand wird durch die Gleichung

gekonnzeichnet.
$$s_2 = \frac{b}{a} r$$
 (284)

255. Stellkraft. Die Bewegung der Hülse beim Auftreten einer Geschwindigkeitsänderung muß dazu verwendet werden, das Stellzeug in Gang zu setzen. Es ist darum von Bedeutung, zu wissen, welchen Widerstand das Tachemeter zu überwinden vermag, wenn sich die Geschwindigkeit um einen gewissen Betrag geündert hat.

Um die Hülse des stillstehenden Tachemeters in die Stellung zu

bringen, die sie bei normalem Gange einnimmt, hat man einen gewissen Druck S auf dieselbe auszuüben, den man als den Hülsen- oder Muffendruck bezeichnet. Bei normaler Geschwindigkeit ist es die Zentrifugalkraft der Pendel, die die Hülse in ihre Stellung bringt und den hierzu erforderlichen Muffendruck S hervorruft. Es besteht somit Proportionalität zwischen der Zentrifugalkraft und dem Muffendruck, der nichts anderes ist, als die zum



Ausgleichen der Zentrifugalkraft nötige Federkraft $S=ps_2$, und da die Zentrifugalkraft sich mit der zweiten Potenz der Geschwindigkeit ändert, hat man die Beziehung

$$S = qn^3, \tag{285}$$

wo φ eine Größe ist, die von den Massen und Abmessungen des Tachometers und von der augenblicklichen Hülsenstellung abhängt. Wird die Umlaufzahl um dn geändert, so hat man an der Hülse einen gewissen zusätzlichen Widerstand dS anzubringen, wenn die Hülse in ihrer Stellung verharren soll. Ändert sich also die Geschwindigkeit um dn, so ist die Hülse, indem sie aus ihrer Lage herausstrebt, imstande, einen Widerstand dS zu überwinden, der sich ihrem Ausschlag entgegensetzt. Sieht man von der inneren Reibung des Tachometers ab, so würde die ganze Kraft dS zur Bewegung des Stellzeuges verfügbar sein; man neunt sie daher die Stellkraft. Durch Differenzieren erhält man aus obenstehender Gleichung

$$dS = 2 qndn$$
,

und beim Dividieren durch Gl. (285) ergibt sieh

$$\frac{dS}{S} = 2 \frac{dn}{n} \,. \tag{286}$$

Die Stellkraft ist im Verhältnis zum Muffendruck doppelt so groß als die verhältnismäßige Geschwindigkeitsänderung. Dieser Satz gilt für alle Zentrifugaltachometer, darf aber nicht auf zu große endliche Änderungen übertragen werden.

256, Geschwindigkeit und Hillsenweg. Einen deutlichen Einblick in die Eigenschaften eines Tachemeters gibt die Kurve, die man erhält, wenn man nach Abb. 338 den Hülsenweg als Ordinate über der

Umlaufzahl als Abszisse aufträgt. Je steiler die Kurve verläuft, deste mehr nähert sich der Zustand dem indifferenten Gleichgewicht oder der Astasie.

Es bedeute P den Teil des Federdruckes, der zur Erzeugung der Zentripetalkraft gebraucht wird. Als Gleichgewichtsbedingung wurde gefunden:

$$\frac{dP}{P} = \frac{dO}{C}$$
.

Es ist aber

$$P = ps_2$$
 $C = M\omega^2 r$ $dP = pds_2$ $dC = M(2r\omega d\omega + \omega^2 dr).$

Führt man diese Ausdrücke oben ein, so ergibt sich:

$$\frac{ds}{s_o} = 2\frac{d\omega}{\omega} + \frac{dr}{r}$$

oder, da nach den Bezeichnungen in Abb. 337 ads = bdr ist, und wenn man zugleich statt der Winkelgeschwindigkeit ω die Umlaufzahl n einführt,

$$\frac{ds}{s_2} = 2\frac{dn}{n} + \frac{s_2}{r}\frac{a}{b}\frac{ds}{s_2}.$$

Löst man diese Gleichung nach $ds:s_2$, so erhält man

$$\frac{ds}{s_2} = 2\frac{dn}{n} \frac{r}{r - \frac{a}{b}s_2}.$$

Aus dieser Beziehung, die man auch für nicht zu große endliche Änderungen gelten lassen darf, läßt sich der Satz herauslesen, daß die verhältnismäßige Änderung der Hülsenstellung doppelt so groß als die verhältnismäßige Änderung der Umlaufzahl ist. Dabei wäre der Hülsenweg von dem Punkte aus zu messen, der der Verkürzung der Feder unter dem Einflusse des Eigengewichtes des Tuchometers entspricht.

Für den Richtungskooffizienten der Tangente an die Kurve erhält man aus obenstehender Gleichung

$$\frac{ds}{dn} = 2 \frac{rs_2}{n\left(r - \frac{a}{b} \cdot s_2\right)}. (287)$$

Dieser Wert wird unendlich groß, wenn der Nenner rechts gleich Null wird, also wenn

$$s_2 = \frac{b}{a}r$$
.

Dies ist die im vorigen Abschuitt aufgestellte Bedingung der Astasio¹).

¹⁾ Es gibt Tachometer, die bei stetig sich ändernder Umlaufzahl ihren Charakter in dem Sinne wechseln, daß sie aus dem stabilen Zustand durch die Astasie hindurch in den labilen Zustand übergehen. Sie sind natürlich nur innerhalb des stabilen Bereiches brauchbar.

257. Unempfindlichkeit. Ändert sich die Umlaufzahl n des Tachometers, so muß, bevor ein Ausschlag eintritt, die Stellkraft einen Betrag erreichen, der den vorhandenen Widerständen mindestens gleich ist. Bezeichnet R die innere Reihung des Tachometers und W den Widerstand des Stellzeuges, beides auf die Hülse bezogen, so beginnt die Bewegung, wenn die Stellkraft den Betrag

$$\Delta S = R + W$$

überschreitet. Versteht man unter An die hierzu nötige Änderung der Umlaufzahl, so wäre nach dem vorigen Abschnitt

$$\Delta S = R + W = 2 S \frac{\Delta n}{n}, \qquad (288)$$

und daraus findet sich

$$\frac{An}{n} = \frac{R + \parallel^2}{2S}$$
.

Nun darf man wohl immer annehmen, daß die Größen R und W sowohl für positive als auch für negative Ausschläge dieselben absoluten Werte besitzen. Daher muß, ehe das Tachometer ausschlägt, die Umlaufzahl sowohl in dem einen als in dem anderen Sinne um denselben Betrag An zu- oder abnehmen. Zwischen den Greuzen n+An und n-An wird somit das Tachometer keinen Ausschlag zeigen und unempfindlich bleiben. Als Maß für die Unempfindlichkeit verwendet man die Zahl

$$e = \frac{(n + 4n) - (n - 4n)}{n} \cdot \frac{24n}{n}.$$
 (289)

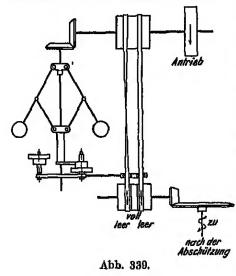
Daraus ergibt sich mit Rücksicht auf Gl. (288)

$$\varepsilon = \frac{R + W}{S}. \tag{290}$$

Um die Unempfindlichkeit einzuschränken, hat man vor allem auf ein Tachemeter mit großem Muffendruck und kleiner innerer Reibung zu sehen. Die Größen R und Wassen sich nicht leicht zum voraus berechnen; namentlich ist die innere Reibung R stark von den Zufälligkeiten der Ausführung abhängig und kann bei Tachemetern nach demselben Modell recht verschieden ausfallen. Zur Verminderung der inneren Reibung ist es bei Pendeln nach Abb. 337 allgemein üblich, die Pendelgelenke als Schneiden statt als Zapfen auszuführen. Man sehe darauf, daß die Feder genau zentrisch drückt.

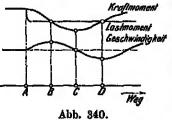
258. Indirekt wirkendes Stellzeug. Bei der Dampfmaschine und der Dampfturbine genügt ein einfaches, aus Stangen und Hebeln zusammengesetztes Stellzeug, um von der Lachemeterhülse aus die Abschützung direkt in Bewegung zu setzen, da man hier diese Organe äußerst leicht beweglich bauen kann, so daß sie nur sehr geringe Widerstände bieten. Bei den Wasserturbinen ist es ganz ausgeschlossen, daß das Tachemeter kräftig genug sei, die Abschützung unmittelbar in Gang zu setzen, da sie selbst unter den günstigsten Umständen viel

zu sohwer geht. Man hilft sich damit, daß man zur Bewegung der Abschützung eine besondere motorische Kraft benützt, die allerdings unter der Kontrolle des Tachometers steht; dieses hat aber nichts anderes zu tun, als diese Hilfskraft ein- und auszuschalten, und dazu kann eine Stellkraft von recht mäßigem Betrage genügen. Man spricht in diesem Falle von einem indirekt wirkenden Regler. Der die Hilfskraft liefernde Apparat wird Servomotor genannt, wobei je nach seiner Ausführung von einem mechanischen, hydraulischen oder elektrischen Servomotor gesprochen wird. Man kann als Hilfskraft auch die Turbine selbst benutzen, indem man die ganze Vorrichtung von der Turbinenwelle aus antreibt. Abb. 339 zeigt eine Vorrichtung dieser Art in vereinfachter



Gestalt. Die Hülse trägt am unteren Ende eine Daumenscheibe, die mittels zweier abgestuften Rollen die Riemengabel eines Wechseltriebes verschiobt. In der gezeichneten Mittelstellung liegen beide Riemon auf ihren Leorscheiben. Nimmt die Geschwindigkeit zu. so steigt die Hülse; die Riemengabel wird nach links schoben; der offene Riemen gelangt zur Herrschaft und setzt die Abschützung im Sinne des Schließens in Gang. Sobald die normale Geschwindigkeit wieder horgestellt ist, kehren sämtlicho Organo in ihre Mittelstellung zurück, und die Bewegung der Abschützung wird

unterbrochen. Sinkt die Goschwindigkeit und damit auch die Hülse, so wird umgekohrt der gekreuzte Riemen eingerfickt; die Abschützung



fängt an zu öffnen usw. Jedesmal, wenn wieder die normale Geschwindigkeit erroicht ist, hört die weitere Einwirkung auf; es scheint also die Aufgabe richtig gelöst zu sein. Indessen zeigt eine nähere Prüfung, daß dem nicht so ist.

Warum diese oder Abuliehe Verrichtungen ihren Zweek nicht erfüllen können, zeigt folgende Betrachtung. Man erkennt leicht, daß bei der he-

schriebenen Anordnung zwischen der Stellung des Tachemeters und derjenigen der Abschützung kein bestimmter Zusammenhang besteht. Der Vorgang läßt sich deutlich verfolgen, wenn man über dem Weg der Turbine als Abszisse das Kraft- und Lastmoment, sowie die Geschwindigkeit als Ordinaten aufträgt. Bis zum Punkt A in Abb. 340

möge Beharrungszustand geherrscht haben; d.h. Kraft- und Lastmoment waren einander gleich und die Geschwindigkeit konstant. In A trote eine plötzliche Entlastung ein; es sinke also das Lastmoment um einen gewissen Betrag. Die Geschwindigkeit steigt und die Abschützung setzt sieh im Sinne des Schließens in Bewegung; das Kraftmoment nimmt ab. Im Punkto B sei dasselbe auf den Betrag des Lastmomentes zurückgegangen. Es könnte jetzt wieder Gleichgewicht eintreten; der Mechanismus erlaubt es aber nicht. Solange nämlich das Kraftmoment einen Überschuß zeigt, wächst die Geschwindigkeit immer mohr; sie steht somit im Punkte B höher als normal, und das Tachomoter hält daher die Abschützung noch immer in Tätigkeit, so daß das Kraftmoment noch weiter sinkt. Nun nimmt allerdings die Geschwindigkeit ab. Hat sie endlich in C ihron normalen Stand erroicht, so ist inzwischen das Kraftmoment erhoblich unter das Lastmoment gesunken: also kann wiederum kein Gleichgewicht eintreten. Die Abschützung wird allerdings vom Tachometer ausgerückt; allein da wegen

des andauernden Ausfalles am Kraftmoment die Geschwindigkeit zu sinken fortfährt, wird das Stellzeug alsbatel wieder im Sinne des Öffnens eingerückt, das Kraftmoment ninmt zu, die Geschwindigkeit nimmt langsamer und langsamer ab, um weiterhin wieder zu wachsen, sobald im Punkte D das Kraftmoment die Höhe des Last-

momentes wieder erreicht hat usw.



Abb. 341,

Jedesmal, wonn die Geschwindigkeit ihren normalen Wort erreicht und das Stellzeug aus-

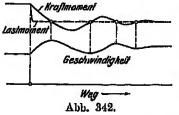
gerückt wird, steht das Kraftmoment abwechselnd in einem Minimum oder in einem Maximum; das System führt eine pendelnde Bewegung um eine Gleichgewichtslage aus. Ob diese Schwankungen zu- oder abnehmen oder in gleicher Stärke unbegrenzt fortdauern, hängt von den besonderen Umständen des Falles ab. Die im Tachomoter undim Stellzeugstets vorhandenen Reibungswiderstände wirken allerdings dämpfend und beruhigend, und darinliegt der Grund, warum derartige Vorrichtungen trotz ihrer prinzipiellen Follerhaftigkeit befriedigen konnten, solange es sich nicht um große und rasche Schwankungen in der Belastung handelte. Dies ist beim Fabrikhetrieb zumeist der Fall; für elektrische Anlagen ist ein soleher Regulator unbrauchbar.

259. Direkt wirkendes Stellzoug, Wesontlich anders verhält sich eine Regulierung, bei der die Abschützung mit dem Tachometer eindeutig zusammenhängt, wo also jeder Muffenstellung eine ganz bestimmte Stellung der Abschützung und somit auch ein bestimmtes Kruftmoment entspricht.

Unter der Annahme, daß die Reibung in der Abschützung, im Stellzeug und im Tachemeter verschwindend klein sei und ebense die Masse der Tachemeterteile, die sich mit der Hülse auf und nieder bewegen, ließe sich die Aufgabe durch ein unnachgiebiges starres Stellzeug erfüllen.

Während bis zum Punkte el in Abb. 341 Beharrungszustand vorlag, möge dert das Lastmement plötzlich um einen gewissen Betrag sinken. Die Geschwindigkeit wächst, weil ein Kraftüberschuß vorliegt; das Tachometer schlägt aus und beginnt die Abschützung zu schließen, so daß das Kraftmoment abnimmt. Sobald dieses auf den Betrag des Lastmomentes zurückgegungen ist, hört jeder Anlaß zu einer weiteren Beschleunigung auf; Tachometer und Abschützung gehen in Ruhe über, und indem sie in der erlangten Stellung verharren, tritt neuerdings Gleichgewicht ein. Freilich ist dieses nicht mit dem anfänglichen identisch; die neue Geschwindigkeit ist größer als die frühere. Die Lösung ist nicht vollkommen; es ist aber diese bleibende Zunahme an Geschwindigkeit viel weniger lästig als die periodischen Schwankungen, die beim indirekten Stellzeug auftreten. Man hat überdies Mittel und Wege, die Geschwindigkeitsänderung in weitgehendem Maße einzuschränken und schließlich sogar völlig zum Verschwinden zu bringen.

Die Fläche zwischen Kraft- und Lastmement hat eine bestimmte Bedeutung; sie stellt die überschässige Turbinenleistung dar, die durch Beschleunigung der mit der Turbine umlaufenden Mussen aufgespei-



chert wird. Durch Vermehrung der Masse derselben (Schwungräder) kann man die Übergänge mildern, d. h. in die Länge ziehen.

Das Bild, wie es die Wirklichkeit zeigt, sieht allerdings nach Abb. 342 etwas anders aus. Wegen der stets vorhandenen Reibung greift das Tachometer verspätet ein. Hat es sieh end-

lich in Bewegung gesetzt, so schießt es vermöge der Trägheit seiner Massen über die neue Gleichgewichtslage hinaus, um gleich darauf wieder zurückzupendeln usw., bis zuletzt die Schwingungen durch die innere Reibung gedämpft werden. Diese Eigenschwingungen des Tachometers sind um so stärker, je schwerer die mit der Hülse ausschlagenden Massen sind. Da aber zur Erzielung einer großen Stellkraft ein entsprechender Muffendruck erforderlich ist, pflegte man früher die Hülse mit großen Gewichten zu beschweren. Heute ersetzt man die Gewichte zur Verminderung der Massenwirkungen durch Federn; die Eigenschwingungen werden um so milder, je kleiner die Massen im Verhältnis zum Federdruck sind.

Die Unempfindlichkeit und die Eigenschwingungen des Tachometers haben zur Folge, daß die jeweilige Muffenstellung nicht genau der herrschenden Geschwindigkeit entspricht. Daraus ergiht sich ein unrichtiges Eingreifen in den Reguliervorgang, das sich nach Abb. 342 in wellenförmigen Geschwindigkeitsschwankungen beim Übergang in die neue Gleichgewichtsstellung ausspricht. Wenn auch in der Regel diese Schwankungen bald verschwinden, können sich unter ungünstigen Umständen, besonders bei zu großer Unempfindlichkeit des Tachometers, stehende Schwankungen von einer Größe einstellen, die einen geordneten Betrieb unmöglich machen.

200. Servomotor mit Rückführung. Es ist schon früher darauf hingewiesen worden, daß es der großen Reibung wegen unmöglich

ist, die Abschützung unmittelbar vom Tachometer bewegen zu lassen. Daher bleibt doch nichts anderes übrig, als einen indirekt wirkenden Rogler mit Servomotor zu Hilfe zu nehmen, und dem Tachometer nur die Steuerung des Servomotors zu überbinden.

Der Fehler der in Abb. 339 dargestellten Einrichtung liegt darin, daß das Tachometer die Hilfskraft zu lange in Tätigkeit erhält; dadurch wird der richtige Augenblick für das Ausrücken verpaßt, nämlich der Augenblick, wo Kraft- und Lastmoment einander gleich geworden sind. Sie muß derart abgeändert werden, daß das Tachometer zwar wie zuver den Hilfsmoter einrückt, sobald die Geschwindigkeit sich geändert hat. Das Ausrücken aber wird von der Abschützung aus bewirkt, sobald diese den Stand erreicht hat, der dem jeweiligen Hülsenausschlag entspricht. Die Abschützung geht nur so weit, als die Hülse

ihr vorschreibt. Zwisehen Absehützung und Hülse besteht somit ein eindeutiger Zusammenhang, der völlig unabhängig von der Reibung ist, da diese vom Hilfsmotor bewältigt wird. Dieser Art gibt das Tachometer nur die Anweisung zu der Bewegung, die der Hilfsmotor als starker und gehorsamer Diener ausführt.

Abb. 343 stellt den Servomotor für Dampf in einer der Formen vor, in der er von Farcot erdacht worden ist. Wird der Handgiff II des Hebels um ein Stück nach unten gedrückt und dann in dieser Lage festgehalten, so bewirkt dies zunächst nur eine Hebung des Muschelschiebers; infolgedessen tritt der Dampf unter den Kolben, so daß dieser in die Höhe steigt. Diese Bewegung aber zwingt den Schieber durch die Vermittlung

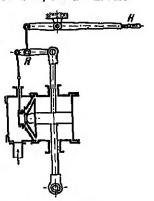


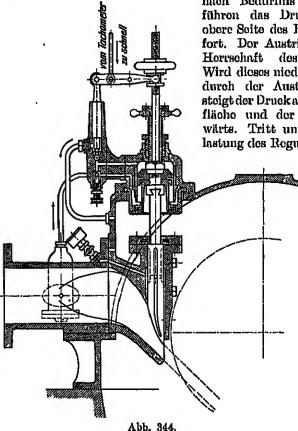
Abb. 343.

des Hebels R wieder nach unten zu gehen; der Dampfzufluß und damit die aufwärts gehende Bewegung des Kolbens kommt zum Stehen. Eine Fortsetzung der Bewegung tritt erst ein, wenn der Handgriff neuerdings herabgedrückt wird. Führt man den Handhebel langsamer oder schneller auf und ab, so bewegt sieh auch der Kolben in demselben Tempo auf und nieder. Während aber die Hand nur die verhältnismißig kleine Schieberreibung zu überwinden hat, kann man mit dem Dampfkolben eine Kraft hervorrufen, die ausreicht, um das Steuerruder des größten Fahrzouges zu regieren. Man erkennt, daß das Zusammenspielen der drei Organe Handhebel, Muschelschieber und Dampfkolben durch den Hebel R gesiehert wird, der jedesmal den Schieber in die Ruhelage zurückführt, sobald der Kolben denjenigen Aussehlag vollzogen hat, der der Verstellung des Handhebels entspricht. Dieser Hebel wird darum als die Rückführung bezeichnet.

Wie dieser Gedanke auf die Regulierung der Turbine übertragen werden kann, ist leicht einzusehen. An die Stelle des Dampfes tritt irgendeine gespannte Flüssigkeit; bei Hochdruckturbinen kann man das Wasser aus dem Druckrohr nehmen; bei Niederdruckanlagen wird durch ein besonderes kleines Pumpwerk Öl auf hohen Druck gebracht. Das Tachometer tritt an die Stelle der Hand, und vom Kolhen aus wird

die Abschützung bewegt.

Die vom Verfasser ontworfene Schieberregulierung für Löffelräder (Abb. 344) mag als Beispiel dienen. Der Servometer, der unmittelbar an der Stange des Regulierschiebers anfaßt, besitzt einen Differentialkolben, dessen untere Fläche fortwährend mit dem Druckwasser in Verbindung steht. Gebohrte Kanäle, die man durch Schrauben



nach Bedürfnis abdrosseln kann, führen das Druckwasser auf die obere Seite des Kolbens und wieder fort. Der Austritt steht unter der Herrschaft des Regulierventiles. Wird dieses niedergedrückt und dadurch der Austritt gedrosselt, so steigt der Druck auf die obere Kolbenfläche und der Schieber geht abwärts. Tritt umgekehrt eine Entlastung des Regulierventiles und so-

mit eine Erleich-

torung des Austrittes ein, so sinkt der Oberdruck; der Unterdruck wird Melster und der Schieber steigt. Die Anordnung der Rückführungentspricht genau derjenigen in Abb. 343 und bedarf keiner weiteren Erklärung.

Den geometrischen Zusammenhang zwischen Ser-

vomotor und Tachometer läßt Abb.345erkennen. Geht die Turbine

zu langsam und kommt der Tachometerhebel in die Stellung A, so wird das Steuerventil gelüftet; der Kolben des Servometers steigt und öffnet den Schieber. Sobald er aber den Rückführhebel in die Stellung UD gebracht hat, ist das Steuerventil in die Gleichgewichtsstellung U zurückgekehrt; der Kolben kann nicht weiter stelgen, als ihm durch den Ausschlag des Tachometers gestattet wird.

Bei einer Änderung der Belastung, also auch der Leistung der Turbine, entspricht dem neuen Gleichgewicht eine ganz bestimmte Muffenstellung, also eine gewisse Geschwindigkeit, die von der ursprünglichen verschieden ist. Wünscht man diese für den neuen Gleichgewichtszustand bzw. für die neue Leistung wieder herzustellen, so ist nach Abb. 345 folgende Aufgabe zu lösen. Die veränderte Leistung möge der Kolbenstellung D entsprechen. Es ist dann nur dafür zu sorgen, daß die Rückführung bei der ursprünglichen Tachometerstellung die Lage CD einnehmen könne. Das geschicht durch eine entsprechende Verkürzung der Verbindungsstange oder auch durch Heraufschrauben des Handrädehens auf der Kolbenstange in Abb. 344. Eine derartige Einstellung wird am einfachsten freihändig vorgenommen. Es sind indessen auch Einrichtungen ersonnen worden, um sie selbsttätig durchzuführen.

Rückführungen von gleichartiger Wirkung sind in verschiedenen Formen und für verschiedene Arten von Servemeteren konstruiert

worden. Alle diese Vorrichtungen genügen aber meistens für sich allein nicht zur Erreichung eines praktisch schwingungsfreien Überganges in den neuen Gleichgewichtszustand, und zwar deshalb, weil bei größeren Belastungsänderungen die Bewegungen des Servomotors meist verhältnismäßig langsamer erfolgen, als diejenigen des Tachometers. Die Unterbrechung der Bewegung des Servomotors erfolgt daher trotz der einfachen Rückführung noch zu spät, so daß sich der Übergang in den neuen Gleichgewichtszustand unter abnehmenden periodischen Sehwankungen vollziehen muß.

Zur Verhinderung dieser Schwankungen hat man besondere Vorrichtungen eingeführt, durch welche erreicht wird, daß sich der Übergang vom einen in den andern Beharrungszustund nach Möglichkeit aperiodisch vollzicht. Es sind dies die sog. nachgiebigen oder elastischen Rückführungen. Diese wirken nur während des Regelungsvorganges,

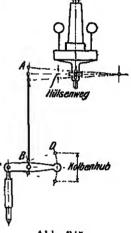


Abb. 345.

und zwar bedeutend schneller, als die beschriebenen Rückführungen mit starrer Verbindung. Durch geeignete Einstellung kann dann erreicht werden, daß die Unterbrechung der Bewegung des Servomotors annähernd in dem Augenblick erfolgt, in dem die Füllung der Maschine dem neuen Beharrungszustand entspricht.

Die gebräuchlichen nachgiebigen Rückführungen scheiden sich in

2 Hauptarten:

a) in solche, bei denen vorübergehend unter Zwischenschaltung eines Ölkataraktes ein vergrößerter Hub der Rückführung bewirkt wird (eigentliche nachgiebige Rückführung).

 b) in solche, bei denen das Tachemeter durch Beeinflussung vom Servomotor aus während des Reguliervorganges vorübergehend be-

deutend stabiler gemneht wird (sog. Muffenrückdrüngung).

Meistens werden solche Einrichtungen in Verbindung mit einer gewöhnlichen starren Rückführung verwendet, in einzelnen Fällen aber auch für sich allein; webei das ganze Regulierungssystem nur während der Dauer der Reguliervorgänge stabil ist. Im Beharrungszustande muß dabei die Muffe des Tachometers stets dieselbe Stellung einnehmen, und die Maschine hat bei jeder Belastung die gleiche Geschwindigkeit, der Ungleichförmigkeitsgrad (s. Absohn. 261) wird gleich Null. Man spricht in einem solchen Falle von einer isodromen Regulierung.

Ein ganz neuer Weg zur Erzielung eines schwingungslosen Überganges in den neuen Beharrungszustand wird bei den neuesten Re-

gulatoren von Escher, Wyss & Cio. eingeschlagen. Die Unterbrechung der Ser-

vomotorbewegung wird dabei in der Hauptsache nicht mehr, wie bei den Servemetoren mit Rückführung , durch gegenscitige Brcinflussung Steuerorganes von seiton des Tuchometers und des Servomotors bewirkt, sondern sie orfolgt ganz selbsttätig in Abhängigkeit von der Beschleunigung der Maschine, & Diese Konstruktion ermöglicht eine sehr vollkommene Anpassung der praktisohon

weise an die theoretischen Bedürfnisse und bietet daher ein besonderes Interesse. An Hand von Abb, 346 ist nachstehend das Wesentliche

dieser Steuerung beschrieben:

Die Druckvorteilung auf beide Seiten des Servenneters S erfolgt durch den Steuerschieber E, der an seinen wirksamen Kanten eine geringe Überdeckung besitzt, die nur durch wenige Nuten von sehr kleinem Querschnitt unterbrochen ist. Die Spindel des Steuerkolbens E ist an einem Steuerhebel angelenkt, dessen rechtes Ende als fester Drehpunkt dient, während das linke Ende gelenkig mit dem Kataraktgehäuse O verbunden ist. An der obern Verlängerung der Spindel des Steuerkolbens ist eine Feder D so angeordnet, daß der Steuerkolben

nur um den Weg, welcher der Überdeckung an seinen Kanten entspricht, verstellt werden kann, ohne daß ein weiteres Zusammendrücken der gespannten Feder D nötig ist, in welchem Fall also nur die kleinen Nuten an den Steuerkanten wirksam sind. Soll der Steuerkolben E am ganzen Umfang zur Wirkung gebracht werden, so muß die Feder D weiter zusammengedrückt werden. Eine eigentliche Auslenkung des Steuerkolbens E, also die Einschaltung und die Aufrechterhaltung einer raschen Servomotorbewegung, ist demnach nur unter Überwindung des Widerstandes der Feder D möglich.

Der im Kataraktgehäuse C bewegliche Kataraktkolben B ist durch Spindel und Gelenk mit dem Reglerhebel verbunden, der durch den Federregler A gesteuert wird. Der Kataraktkolben B wird im Beharrungszustande durch zwei Federn in seiner Mittellage gegenüber dem Gehäuse C gehalten. Die Spannung dieser Federn ist verhältnismäßig etwas geringer als diejenige der Feder D, so daß letztere Feder durch die Steuerung nur überwunden werden kann, wenn die Spannung der Kataraktfodern durch eine zusätzliche Kraft unterstützt wird. Diese Kraft wird nun nur bei einer verhältnismäßig raschen Bewegung des Kolbens B in dem mit Öl gefüllten Gehäuse C durch den zur Verdrängung des Öles von einer auf die andere Kolbenseite benötigten Druck erzeugt. Eine solche rasche Bewegung des Kolbens B kann aber wiederum nur stattfinden, wenn die Muffe des Federreglers A sieh mit entsprechender Goschwindigkeit bewegt, also wenn eine entsprochond starke Boschlounigung der Maschine stattfindet. Es folgt hieraus in Verbindung mit dem weiter oben Gesagten, daß oine Auslenkung des Steuerkolbens & um mehr als dem seiner Überdeckung entsprechenden Betrag, also eine eigentliche Einschaltung des Servomotors, nur erfolgen kann, wenn eine gewisse Beschleunigung der Maschine vorhanden ist, und nur so lange aufrechterhalten werden kann, als diese Beschleunigung andauert. Sobald die Beschleunigung und damit die rasche Bewegung des Kataraktkolbens B aufhört, geht der Steuerkolben E unter dem Einfluß der Feder D und unter Ausnützung der Nachgiebigkeit des Kataraktes gegen seine Mittellage zurück und die rasche Servemeterbewegung ist unterbrochen. Der Servomotor steht dann nur noch unter dem Einfluß der kleinen Nuten im Steuerkolben, durch welche die jeweilige, der Belastung entsprechende Lage des Servomotorkolbens festgehalten wird.

Es folgt hieraus, daß durch die beschriebene Steuerung die Unterbrechung des Reguliervorganges selbsttätig, durchaus unabhängig von der Größe des Geschwindigkeitsausschlages erfolgt, wenn die Beschleunigung der Maschine aufhört. In diesem Augenblick entspricht natürlich die Öffnung der Abschützung augenähert der neuen Belastung.

261. Ungleichförmigkeit. Unter der Voraussotzung, daß zwischen der Abschützung und dem Tachometer ein eindeutiger Zusammen-

hang bestehe und daß das Tachometer frei von innerer Reibung sei und nur verschwindend kleine äußere Widerstände zu überwinden habe, entsprechen den Gleichgewichtszuständen bei der größten möglichen Leistung und beim Leergang zwei ganz bestimmte Geschwindigkeiten n_{\min} und n_{\max} . Versteht man unter n die mittlere Geschwindigkeit, die ungefähr dem arithmetischen Mittel aus den beiden Grenzwerten gleichzusetzen ist, so wird die Größe

$$\delta = \frac{n_{\text{max}} - n_{\text{min}}}{n} \tag{291}$$

als der Ungleichförmigkeitsgrad bezeichnet. Da man stels noch mit inneren und äußeren Widerständen zu rechnen hat, werden jene Grenzwerte noch um einen Betrag Δn überschritten, und zwar ist Δn diejenige Geschwindigkeitsänderung, die eine Stellkraft auszulösen vermag, die zur Überwindung der inneren Reibung und des äußeren Widerstandes ausreicht. Der wirkliche Ungleichförmigkeitsgrad hat also die Größe

$$i = \frac{(n_{\text{max}} + \Delta n) - (n_{\text{min}} - \Delta n)}{n}$$

$$i = \frac{n_{\text{max}} - n_{\text{min}}}{n} + 2\frac{\Delta n}{n}.$$
(202)

oder

Das erste Glied rechts ist gleich δ , das zweite bedeutet nach Absehn. 289 nichts anderes als den Unempfindlichkeitsgrad ϵ , und somit wäre

$$i = \delta + \varepsilon. \tag{203}$$

Der wirkliche Ungleichförmigkeitsgrad ist also gleich der Summe des Ungleichförmigkeitsgrades der Gleichgewichtszustände und des Unempfindlichkeitsgrades. Die Größe & hängt nur von dem kinematischen Zusammenhang zwischen Tachometer und Abschützung ab; in der Größe & kommen die Reibungen und Widerstände des ganzen Systems des Tachometers und des Stellzeuges zum Ausdruck, soweit sie nicht durch den Servomotor übernommen werden.

Im praktischen Betriebe wird im allgemeinen ein Ungleichförmigkeitsgrad $\delta=0.03$ bis 0.04 zugelassen. Insbesondere bei Turbinen für Antrieb von Drehstrom-Generatoren geht man im allgemeinen nicht unter diese Werte, weil die gleichmäßige Lastverteilung auf die einzelnen Maschineneinheiten bzw. Kraftwerke um so sieherer erfolgt, je größer der Ungleichförmigkeitsgrad der einzelnen Regulatoren gewählt wird. In besonderen Fällen geht man jedoch mit dem Ungleichförmigkeitsgrad bis auf annähernd Null herunter, man wendet also die in Abschnitt 260 erwähnte isodrome Regulierung au.

Die Änderungen in der Belastung eines Turbinenbetriebes können innerhalb kürzester Zeit sehr hohe Werte annehmen. Wenn z. B. die Transmissionswelle bricht, der Treibriemen reißt oder abfüllt, oder wenn bei einem elektrischen Betriebe ein Kurzschluß eintritt, so verschwindet die Belastung von einem Augenbliek zum andern

vollständig. In solehen Fällen muß die Regulierung äußerst rasch eingreifen, wenn sie das Auftreten gefährlicher Beschleunigungen verhindern soll; man verlangt von ihr, daß sie in ganz kurzer Zeit den Wasserzutritt völlig abschließen und damit die Leistung der Turbine von ihrem größten Wert auf Null zurückführen könne. Bei modernen Reglern wird diese Zeit, die man die Schließzeit nennt, bis auf eine Schunde heruntergebracht, was bei hydraulischen Servemeteren entsprechend große Steuerungsquerschnitte bedingt. Weniger gefährlich sind plötzliche starke Vermehrungen des Widerstandes, wie sie etwa verkommen, wenn ein stark belasteter Stromkreis schnell eingeschaltet wird.

262. Schwungrad. Von besonderer Wirksamkeit für die Ausgleichung von Geschwindigkeitsschwankungen schnellaufender Turbinen sind die Schwungräder, das sind mit der Turbinenwelle verbundene schwere Massen mit hoher Umfangsgeschwindigkeit. Diese sind imstande, größere Mengen von kinetischer Energie anzusammeln oder abzugeben, ohne daß sich die Geschwindigkeit um mehr als um einen gewissen Betrag zu ändern braucht. Tritt z. B. eine Entlastung der Turbine ein, so veranlaßt der freigewordene Leistungsüberschuß eine Beschlounigung des ganzen Systems. Dieser Überschuß wird vorzugsweise zur Beschleunigung der Schwungmasse verbraucht, und je schwerer diese ist, desto langsamer nimmt die Geschwindigkeit zu. Daher wird der Übergang zur neuen Gleichgewichtslage in die Länge gezogen und die Regulierung erhält Zeit, ihre Aufgabe langsam und ruhig durchzuführen. Würde umgekehrt die Turbine stärker belastet, so gäbe das Schwungrad bei mäßiger Vorzögerung einen Teil seiner kinetischen Energie zur Deckung des Kraftausfalles ab, bis die Regulierung die Abschützung so weit geöffnet hat, daß die Kraft wieder gleich der Last geworden ist.

Da ein Überschreiten der normalen Geschwindigkeit große Übelstände im Gefolge haben kann, ist als ungünstigster Fall derjonige anzuschen, wo die Belastung der Turbine plötzlich vollständig aufgehoben wird. Es muß alsdann die ganze Arbeit A', die die Turbine während der Schließzeit T noch liefert, vom Schwungrad aufgenommen werden, und dabei darf die Geschwindigkeit einen gewissen Wert ω_2 nicht überschreiten. Um diese Aufgabe zu erfüllen, muß das Schwungrad eine bestimmte Größe haben.

Geht man von der (nicht genau zutreffenden) Annahme aus, daß die Leistung der Turbine während der Einwirkung der Regulierung linear mit der Schließzeit auf Null zurückgehe, so wäre die Durchschnittsleistung während des Reguliervorganges gleich der halben Anfangsleistung zu setzen. Bedeutet daher L die anfängliche (normale) Leistung und T die Schließzeit für vollständige Entlastung, so ist

$$A' = \frac{1}{9} L T'$$

die vom Schwungrad aufzunehmende Arbeit.

Nach Absohn. 6 ist die kinotische Energie einer Masse M, die sich mit der Winkelgeschwindigkeit ω um eine Achse droht,

$$A=\frac{J\omega^2}{2},$$

wobei

$$J = \sum (Mr^2)$$

das Trägheitsmoment dieser Masse hinsichtlich der Drehachse bedeutet.

Wenn die Winkelgeschwindigkeit von ihrem normalen Wert ω auf ω_2 gestiegen ist, hat die kinotische Energie der Schwungmasse eine Zunahme

 $A = \frac{1}{2}J(\omega_2^2 - \omega^2)$

erfahren. Da diese gleich der Arbeit sein soll, die die Turbine während der Schließzeit noch geleistet hat, erhält man durch Gleichsetzen der Ausdrücke für A und A' die Beziehung

$$J(\omega_2^2-\omega^2)=LT.$$

Schreibt man $\omega_2 = \omega + \Delta \omega$, so wird

$$\omega_2^2 = \omega^2 + 2 \omega \Delta \omega + (\Delta \omega)^2.$$

Da $\Delta\omega$ verhältnismäßig klein sein soll, darf man das letzte Glied als unbeträchtlich fallen lassen; daher wird

$$2J\omega^2\frac{\Delta\omega}{\omega}=LT.$$

Das Verhältnis $\Delta\omega$: ω , das mit α bezeichnet werden mag, ist nichts anderes, als die verhältnismäßige Geschwindigkeitszunahme, die man noch zulassen will. Man erhält schließlich für das Trägheitsmoment der Schwungmasse den Ausdruck

$$J = \frac{1}{2} \frac{LT}{\alpha \omega^2} \tag{294}$$

Ist die Schwungmasse in einem Ring von verhältnismäßig kleinem Querschnitt vereinigt, und bedeutet G das Gewicht und D den mittleren Durchmesser des Ringes, so ist

$$J=\frac{G}{g}\frac{D^2}{4},$$

und somit

$$GD^2 = 2q \cdot \frac{LT}{a\sigma^2}.$$

Führt man für die Winkelgeschwindigkeit die Umlaufzahl n ein und drückt man die Leistung in Pfordestärken N aus, so erhält man für die Bemessung des Schwungringes die Gleichung

$$GD^2 = 134200 \frac{NT}{\alpha n^2}.$$
 (205)

Das Schwungradgewicht ist somit umgekehrt proportional der zweiten Potenz des Durchmessers und der Umlaufzahl und der ersten Potenz der zulässigen Geschwindigkeitsänderung; es wächst dagegen direkt mit der Leistung und der Schließzeit.

Mit Rücksicht auf die Festigkeit des Schwungrades darf die Umfangsgeschwindigkeit für Gußeisen einen Wert von 80 bis 40 m/sek nicht viel tiberschreiten; denn beim Durchbrennen der Turbine steigt die Geschwindigkeit nahezu auf das Doppelte an, und bei einer Umfangsgeschwindigkeit von 60 bis 80 m/sek ist die Sicherheit eines gußeisernen Schwungringes gegen das Auseinanderfliegen sehen recht gering. Übrigens kommt dabei noch viel auf die Gestalt des Schwungrades und namentlich auf die Verteilung der Gußspannungen an. So ist es vorzuziehen, den Schwungrädern nach Abb. 347 statt einzelner Arme eine volle Scheibe zu geben. Man erzielt dabei, vorausgesetzt,

daß man die einspringenden Ecken gut abrundet, gleichförmig verteilte Gußspannungen. Auch wird der Luftwiderstand bei der vollen Scheibe merklich kleiner, besonders

wenn das ganze Schwungrad überdreht wird.

Wo man der Festigkeit des Gußeisens nicht mehr trauen darf, groift man zum Stahlguß, bei welchem Umfangsgesehwindigkeiten bis zu 70 m/sek zulässig sind.

Sorgfältiges Auswuchten der Schwungräder ist un-

erläßlich.

Bei direkt gekuppelten Elektrogeneratoren zählen die Abb. 347. Massen des rotierenden Ankers natürlich mit.

Da eine plötzliche vollständige Entlastung doch nur ganz ausnahmsweise eintritt, kann man sich in diesem Falle sehen größere vorübergehende Geschwindigkeitsänderungen gefallen lassen und mit Werten von

$$\alpha = 0.20 \text{ bis } 0.30$$

rechnen. Führt man in Gl. (295) die Umfangsgeschwindigkeit

$$u = \frac{\pi}{60} Dn$$

ein, so nimmt sie die Form an

$$G=368\,\frac{N\,T^1}{\alpha u^2}.$$

Setzt man beispielsweise die Werte ein

$$T = 2.5 \text{ sok},$$

$$\alpha = 0.30.$$

$$u = 40 \text{ m/sok}$$

so findet man für das Gewicht des Schwangringes

$$G=1,92\,N\,\mathrm{kg}\,,$$

d. h. bei einer Umfangsgesehwindigkeit des Schwungringes von 40 m/sek und bei einer Schließzeit von 2,5 sek für den vollständigen Abschluß muß man dem Ring für jede Pfordestärke der größten Leistung ein Gewicht von ungefähr 2 kg geben, wenn die Geschwindigkeit bei vollständiger Entlastung nicht um mehr als 30 v. H. wachsen soll.

Wird die Turbine um den $a_{\rm ten}$ Teil entlastet, und darf man voraussetzen, daß die Verminderung der Zuflußmenge nach wie vor in derselben konstanten Geschwindigkeit vor sieh gehe, daß also die Herstellung des Gleichgewichtes sieh im $a_{\rm ten}$ Teil der Schließzeit vollzöge,

so würde Geschwindigkeitszunahme bei demselben Schwungrad im Verhältnis von 1: a² kleiner werden. Begnügt man sich damit, die Turbine nur um den vierten Teil zu entlasten, so würde die Geschwindigkeitszunahme nicht über den sechzehnten Teil, also rund 0,02 oder 2 v. H. hinausgehen, was allen billigen Anforderungen genügen dürfte.

Die genauere Untersuchung dieser Dinge ist übrigens sehr schwierig und umständlich. So ist der Verlauf der Leistungskurve withrend des Reguliervorganges in recht verwiekelter Weise von der Beschaffenheit des Tachometers, des Servomotors und der Rückführung abhängig; es hat schon seine Schwierigkeiten, die Schließzeit zum voraus zu bestimmen, und so tappt man stets mehr oder weniger im Dunkeln. Es kann sich hier nicht um mehr als eine ungefähre Orientierung unter vereinfachten Voraussetzungen handeln.

Besonders wichtig und notwendig sind ausreichende Schwungmassen bei Hochdruckturbinen mit längeren Rohrleitungen, wo infolge der Massenwirkungen des Wassers im Zuflußrehr bei Störungen des Gleichgewichtes sehr bedeutende Druckschwankungen auftroten (siehe Kap. 28). Auch hier ist jener Fall der ungünstigste, we die voll belastete Turbine plötzlich ganz entlastet wird. Wenn die Regulierung abzuschließen beginnt, springt der Druck in die Höhe, und es kann dieser Sprung so groß werden, daß die Turbine im ersten Augenblick trotz der Verminderung der Einlaßöffnung mohr Energie zugeführt bekommt als zuvor; es wird also durch die Betätigung der Regulierung gerade das Gegenteil von dem erreicht, was beabsichtigt war. Unter solchen Umständen wird das Regulieren zur Unmöglichkeit, und die einzige Rettung liegt darin, der Reguliervorrichtung durch künstliche Verzögerung des Vorganges soviel Zeit zu verschaffen, daß sie die nötige Änderung des Ausflußquerschnittes vollziehen kann, ohne daß merkliche Druckzunahmen auftreten. Das prinzipiell einfachste Mittel hierzu sind die Schwungräder, deren Masson indessen bedeutend größer ausfallen, als bei unveränderlichem Drucke, weil die aufzunehmenden Leistungsüberschüsse beträchtlicher sind. Die mathematische Behandlung dieses Problems setzt die Kenntnis der Druckschwingungen in langen Rohrleitungen voraus, von denen erst in Kap. 28 das Wichtigsto mitgeteilt werden kann. Die Aufgabe ist indessen so verwiekelt, dall sie über den Rahmen dieses Buches hinausfällt1).

263. Ablenker. Es zeigt sich, daß man bei sehr langen Druckleitungen das Auftreten von ungemein großen Druckschwankungen
nur durch Anwendung von außerordentlich sehweren Schwungmassen
vermeiden kann, falls man das etwa durch eine Entlastung der Turbine gestörte Gleichgewicht mittels Vorminderung der Offnung
des Leitapparates wieder herstellen will. Nun gibt es aber (vgl.
Absehn. 252) noch ein anderes Mittel, um bei Löffelrädern die Leistung mit der Belastung in Einklang zu bringen, das von diesem Fehler
frei ist. Man kann zwischen Einlauf und Rad einen Schirm oder Ablenker einschalten, der das Wasser mehr oder minder vollständig seit-

¹⁾ Siehe Dubs - Utard, "Die Beeinflussung des Regulierverganges von seiten der durch die Massenträgheit entstandenen Druckschwankungen". Dingler 1911.

lich ablenkt und am Eintritt ins Rad hindert. Dabei geht freilich der abgelenkte Teil des Wassers verloren; da aber der Austritt aus der Druckleitung unverändert bleibt, kommen keine Schwankungen des Druckes zustande, und die Regulierung geht wunsehgemäß vor sieh, sobald der Ablenker kerrekt und schnell eingreift. Der Wasserverschwendung aber läßt sieh dadurch ein Ende setzen, ohne daß man sieh der Gefahr größerer Druckschwankungen in der Leitung aussetzt, daß man den Ablenker langsam genug zurückzieht und in demselben Maße die Nadelregulierung an seine Stelle treten läßt, bis die Wassermenge auf den augenblicklichen Bedarf vermindert worden ist. Die Wasservergeudung bleibt auf diese Zeit beschränkt. Der Rückzug des Ablenkers erfolgt durch eine Feder, die beim Verschieben desselben gespannt wurde; die Rückzugsgeschwindigkeit wird durch einen Katarakt nach Bedarf verzögert¹).

Der zurückgezogene Ablenker muß stets hart am Strahl anliegen, damit er jederzeit zum Eingreifen bereit sei und nicht erst einen größeren toten Weg zurücklegen muß.

264. Regulierarbeit. Zur Berechnung der Größe des zur Vorstellung des Leitapparates nötigen Servemeters müssen die auf die Leitschaufeln wirkenden Kräfte bestimmt werden. Diese Arbeit ist, wenn sie für jeden Fall durchgeführt werden muß, sehr zeitraubend, weshalb man sieh mit empirischen Formeln behilft, welche auf Grund zahlreicher Versuche mit verschiedenen Turbinentypen gefunden wurden. Bedeutet A die vom Servemeter eines Regulators zu leistende Regulierarbeit in m. kg, so ist

 $A = (2,4 \text{ bis } 2,8) \cdot \frac{Na}{\sqrt{H}}$

wobei der kleinere Wert für Normalläufer und der größere für Schnellläufer zu nehmen ist, und $Na = \frac{\gamma \cdot Q \cdot H}{75}$ die disponible Leistung in PS bedoutet.

Bei Spiralturbinen mit außenliegenden Lenkern und Regulierung, wobei eine gute Schmierung der bewegten Teile leicht möglich ist, vermindert sich die Regulierarbeit wesentlich, und man rechnet für diese Typen mit:

 $A = (1,2 \text{ bis } 2,0) \cdot \frac{Na}{\sqrt{II}}.$

wobei der größere Wert für Normal- und der kleinere für Langsamläufer gilt.

Gonaueres über die Bestimmung der Regulierarbeit findet sich in der Promotionsarbeit von Dr. A. Strickler²).

¹⁾ Früher pflegte man die Aufgabe mittels eines Nebenauslasses oder Freilaufes zu lösen. Trat z. B. eine Eutlastung ein und wurde die Mündung automatisch mehr oder weniger geschlessen, so öffnete der Mechanismus gleichzeitig den Freilauf um so viel, daß die gesamte Ausflußmenge unverändert blieb. Hernach aber wurde der Nebenauslaß durch ein Gewichtes langsam wieder geschlessen, daß keine Stöße in der Leitung entstehen konnten. Auch hier besorgte ein Katarakt die unentbehrliche Verzögerung des Rückganges.
2) Erschienen bei J. Frey, Buch- und Kunstdruckerei, Zürich. 1916

VIII. Die Verwendung der verschiedenen Bauarten.

26. Eignung der verschiedenen Bauarten für gegebene Verhältnisse.

265. Gesichtspunkte für die Wahl der Bauart. Soll eine Turbine für bestimmte Verhältnisse entworfen werden, so hat man sich zuerst über die zu wählende Bauart schlüssig zu machen. Die Entscheidung ist heute einfacher als noch vor wenigen Jahren, da in verhältnismäßig kurzer Zeit zwei Bauarten alle anderen verdrängt haben, so daß man nur noch zwischen den verschiedenen Formen der Francis-Turbine einerseits und dem Tangentialrad mit Löffelschauseln und Nadeldüse andererseits zu wählen hat. Es ist immerhin der Mühe wert, sich im Zusammenhange Rechenschaft davon zu geben, welchen Umständen diese beiden Bauarten ihre Bedeutung verdanken und warum die übrigen vom Schauplatz abtreten mußten.

Einen entscheidenden Einfluß bei der Wahl der Bauart haben

vor allem

1. das Gefälle und die Wassermenge.

Eine selbstverständliche Anforderung ist

2. ein hoher Wirkungsgrad. Es muß also die Wassermenge selbst bei starkem Rückgang gut ausgenutzt werden, und am Gefälle sind Verluste möglichst zu vermeiden.

3. Ofters wird eine bestimmte Umlaufzahl verlangt.

4. Genaues Einhalten der gewählten Geschwindigkeit ist meistens eine wesentliche Bedingung.

5. Die gute Zugänglichkeit aller Teile erleichtert die Wartung.

6. Die Lage der Achse im Raum kann violfach von Bedeutung sein.

7. Der Platzbedarf soll im Hinblick auf die Kosten der baulichen Teile möglichst gering sein.

8. Endlich kommt solbstverständlicherweise der Preis in Betracht, oder besser gesagt er kommt nun meistens zuerst in Betracht.

266. Gefälle und Wassermenge. Da die vollschlächtige Turbine immer gedrungener und daher billiger ausfällt als die teilschlächtige, wird man ihr immer den Vorzug geben, wo keine Gegengründe vorliegen. Bei hehen Gefällen ergibt sie aber sehr bedeutende Umlaufzahlen. Zwar hat man sich sehen in der Jugendzeit des Turbinenbaues in aller Unbefangenheit an diese hehen Umlaufzahlen herangewagt!); unangenehme Erfahrungen in bezug auf die Lagerung, auf die Übertragung der Arbeit durch Zahnräder und anderes mahnten indessen bald zur Vorsieht, und die Erfindung des Zuppingersehen Tangentialrades mit seinen verhältnismäßig geringen Umlaufzahlen wurde seiner-

¹⁾ Die seinerzeit berühmt gewesene Turbine von St. Blasien im hadischen Schwarzwald, die Fourneyren noch selbst aufgestellt hatte, lief bei 108 m Gefälle nach Rühlmanns Angaben mit 2200 bis 2300 Umdrehungen in der Minute.

zeit als eine wahre Erlösung empfunden. Seither hat sich freilieh vieles geändert; man hat gelernt, raschlaufende sehwere Massen dauerhaft zu lagern; zur Übertragung selbst großer Leistungen mit hohen Geschwindigkeiten besitzen wir im Riemen- und im Seiltrieb oder auch im elektrischen Strom geeignete Mittel, und so bereiten die großen Geschwindigkeiten bei weitem nicht mehr dieselben Schwierigkeiten wie früher. Es steht daher zu erwarten, daß die vollschlächtige Turbine in der Zukunft vielfach in Fällen zur Anwendung gelangen wird, wo man heute noch eine teilschlächtige Turbine aufstellen würde.

Zurzeit kommt das Tangentialrad ausschließlich für Gefälle von über 20 m in Betracht, sefern die Wassermenge einen Betrag von 2 bis 2,5 l in der Sekunde für 1 m Gefälle nicht überschreitet. Bei kleinen Gefällen wird es zu groß und zu teuer; auch wird der Verlust am Gefälle, der durch das Freihängen veranlaßt wird, verhältnismäßig

zu groß.

Für mittlere Gefälle und etwas größere Wassermenge griff man bis vor kurzem zur teilschlächtigen Girard-Turbine; heute kommt nur noch die Francis-Turbine in Frage, sobald die Wassermenge über 5 bis 61 auf je 1 m Gefälle beträgt. Für kleine Gefälle und große Wassermengen wird man stets die Francis-Turbine wählen, wenn nicht eine Propeller- oder Kaplan-Turbine in Frage kommt.

Liegt der Oberwasserspiegel um mehr als 5 bis 6 m über der Turbine, so muß die geschlossene Aufstellung gewählt werden. Da das Sauggefälle 5 bis 6 m nicht überschreiten darf, hätte das größte Gefälle, bei dem man noch an eine offene Aufstellung denken darf,

eino Höho von etwa 10 bis 12 m.

Wenn bei offener Aufstellung die Höhe des Wasserspiegels über der Turbine zu klein wird, so stellen sich trichterförmige Wirbel ein, durch die Luft in größeren Mengen in die Turbine gesangt wird. Da hierdurch die Wirkung des Saugrohres und der ganzen Turbine gestort und die Gefahr von Korrosionen nahe gerückt wird, muß die Bildung eines freien Wasserspiegels unmittelbar über der Turbine vermieden werden, indem man z. B. den Zufluß heberartig ausbildet. Man gibt ihm bei Francis-Turbinen mit liegender Achse die Gestalt eines Spiralgehäuses.

- 267. Wirkungsgrad. Den besten Wirkungsgrad weisen diejenigen Turbinen auf, bei denen die kleinsten Verluste auftreten. Man hat dabei die Zustände bei normaler Füllung von denjenigen zu unterscheiden, die sich einstellen, wenn die Abschützung behufs Anpassung an eine Verminderung des Zuflusses mehr oder minder geschlossen wird. Im normalen Zustande liegen die wichtigsten Verlustanellen
 - 1. beim Eintritt in den Leitapparat,
 - 2. in der Reibung in den Leitkanülen,
 - 3. beim Übergang ins Laufrad,
 - 4. im Laufrad solber und
 - 5. beim Austritt aus dem Laufrad.
- Zu 1. Die kinetische Energie in der Zuleitung für die Turbine zu retten, ist um so wichtiger, je höher man die Zuflußgeschwindig-

keit ansetzt, um z. B. bei langen Druckleitungen an den Anlagekosten zu sparen. Die Aufgabe wird dadurch gelöst, daß man die Zuleitung stetig und namentlich ohne plötzliche Querschnittserweiterung in den Leitapparat übergehen läßt. Dies ist bei den älteren vollschlächtigen Turbinenformen meistens entweder gar nicht oder nur mit Umständlichkeiten möglich; dagegen ergibt sich der stetige Übergang sehr gut bei der Francis-Turbine mit Spiralgehäuse, bei der Fourneyron-Turbine in der umgekehrten Aufstellung, bei der Girard-Turbine in der Sohwammkrugsehen Anordnung und beim Tangentialrad mit Nadeldüse.

Zu 2. Im Leitapparat spart man dadurch an Reibungsverlusten, daß man die Leitkanäle so kurz hält und so rasch zusammenzicht, als es die Sicherheit der Wasserführung gestattet. Diese Bedingung erfüllt das Leitrad der Francis-Turbine am besten; auch die Nadeldise des Tangentialrades gibt eine vortreffliche Lösung. Die ungünstigsten Verhältnisse weist die Fourneyron-Turbine auf; da hier das Leitrad innen liegt, fallen die Kanäle sehon beim Eintritt enge und die Geschwindigkeit groß aus.

Die staufreien Turbinen haben alle den Nachteil miteinander gemein, daß die Austrittsgeschwindigkeit aus dem Leitapparat und somit auch die betreffenden Verluste größer sind als bei den Stauturbinen.

Zu 3. Da man bei der radialen Anordnung die Spaltbreite kleiner halten kann als bei der axialen, fällt auch der bei gestautem Durchfluß unvermeidliche Wasserverlust kleiner aus. Die staufreien Turbinen sind gegen die Breite des Spaltes unempfindlich. Immerhin soll beim Tangentialrad der Einlauf so hart als möglich aus Laufrad herangerückt werden, damit der Strahl sieh nicht länger als durchaus nötig an der Luft reibe.

Eine ungünstige und mit Verlusten verbundene Form nimmt der Übergang ins Laufrad bei den teilschlächtigen Turbinen an den Punkten an, wo die Radkanäle in den offenen Teil des Leitapparates eintreten oder denselben wieder verlassen. Die Verluste sind wesentlich größer, wenn jene Übergänge sich unter Wasser vollziehen müssen, als wenn die Luft zutreten kann. Beim Tangentialrad gibt man den Löffelschaufeln eine derartige Gestalt, daß sie den Wasserstrahl in jeder Lage günstig empfangen können.

Zu 4. Die Reibung in den Läufrädern der Stauturbinen sucht man dadurch möglichst klein zu halten, daß man den Kanäten unter Wahrung der sicheren Wasserführung tunliehst geringe Länge und stärkste Verjüngung bei kleiner relativer Austrittsgeschwindigkeit gibt, Bedingungen, die sich bei der außerschlächtigen Anordnung sehr gut erfüllen lassen, während sie für die innerschlächtige Anordnung unmöglich sind. Die axiale Turbine hält die Mitte, leidet aber unter dem Fehler, daß nur der mittlere Faden korrekt geführt wird. Dies trifft übrigens auch bei der Girard-Turbine zu, deren Durchflußverhältnisse wegen der Ausbreitung des Strahls und wegen der Unsieherheit der Wasserführung in den nur teilweise gefüllten Kanäten sehr unübersichtlich und namentlich für die äußersten Wasserfäden ungünstig

werden. Noch unsicherer ist die Wasserführung beim Tangentialrad; es ist aber hier zu beachten, daß durch die hohlen Formen der Löffelschaufeln das Wasser zusammengehalten und an einer übermäßigen Ausbreitung verhindert wird. Günstig ist ferner der Umstand, daß man die Löffel leicht (durch Schaben und Schleifen) bearbeiten kann.

Zu 5. Die Größe der absoluten Austrittsgesehwindigkeit aus dem Laufrad hängt, abgesehen von den schnellaufenden Francis-Turbinen, nicht von der Bauart ab. Es ist aber nur bei der Francis-Turbine, oder der Kaplan- und Propellerturbine, möglich, diese Austrittsgesehwindigkeit mittels eines sich stetig anschließenden, konisch sich erweiternden Saugrohres wieder in Druck umzusetzen und dadurch für die Turbine zum Teil zurück zu gewinnen. Bei den übrigen Formen ist man also darauf angewiesen, sie möglichst niedrig anzusetzen, und dies hat eine Vergrößerung der Abmessungen zur Folge.

Ein weiterer Verlust tritt bei allen staufreien Turbinen in Gestalt des Freihängens hinzu. Dieses wird absolut genommen um so größer, je höher man die Turbine hinaufnehmen muß, um sie den Schwankungen des Unterwassers völlig zu entziehen!). Die relative Bedeutung

des Verlustes sinkt, je höher das totale Gefälle ist.

Von großer Wichtigkeit ist, wie stark der Wirkungsgrad abnimmt, wenn die Turbine mit vermindertem Zufluß arbeiten soll und die Abschützung teilweise geschlossen wird.

Die Zellenregulierung zeigt bei der Girard-Turbine annehmbare Verhältnisse; bei der Jonval-Turbine ist sie mit größeren Verlusten verbunden, wenn man die abgeschlossenen Zellen nicht ventiliert.

Der Spaltschieber, der nur für Radialturbinen in Betracht kommt, und zwar sowohl für inner- als für außerschlächtige, gibt absolut genommen um so größere Verluste, je geringer die Durchflußmenge ist; er muß daher ausscheiden. Die beste Einrichtung bei vollschlüchtigen Radialturbinen ist die Drehschaufelregulierung von Fink; sie ist aber für innerschlächtige Turbinen nicht anwendbar, weil hier der Platz im Innern des Laufrades fehlt. Der Vorsprung der Francis-Turbine gegenüber den älteren Bauarten ist zum größten Teil in der Anwendbarkeit der Finkschen Regulierung begründet. Da bei normalem Gang der Wirkungsgrad hoch ist, fällt eine Abnahme desselben beim teilweisen Schließen der Regulierung etwas weniger ins Gewicht.

Beim Tangentialrad hat die Verminderung des Zuflusses eine Abnahme des Wirkungsgrades zur Folge, die ihre Ursache darin hat, daß sich das Wasser dünner ausbreitet; es adhäriert daher stärker un der Schaufel und verläßt das Rad mit größerer absoluter Geschwindigkeit. Auch hier hilft der hohe Wirkungsgrad bei normaler Füllung dazu, die Verluste bei abnehmendem Zufluß erträglieher zu machen.

Wenn man bei den beiden Turbinenformen in die Lage kommt, andauernd mit schwacher Füllung arbeiten zu müssen, wird man gut

¹) Die Anwendung eines Saugrehres, in das man mittels eines Schwimmerventiles so viel Luft eintreten läßt, daß sich darin ein künstlich erhöhter konstanter Unterwasserspiegel bildet, ist eine Umständlichkeit, der man gerne aus dem Wege geht.

tun, die Turbinen so zu bemessen, daß sie bei der maximalen Wassermenge überfüllt sind.

268. Die Umlaufzahl ist in vielen Fällen ziemlich gleichgültig. und zwar dort, wo die Leistung der Turbino durch Zahnräder-, Riemonoder Seiltrieb übertragen wird. Für den direkten Antrieb von Arbeitsmaschinen, insbesondere von Dynamomaschinen, werden dagegen bestimmte Umlaufzahlen verlangt, und zwar möglichst hohe.

Die Drehzahl einer Turbine hängt außer von ihrer Bauart auch noch vom Gefälle und der durchzusetzenden Wassermenge bzw. von der zu erzeugenden Leistung ab. Dieser Einfluß kommt in der sno-

zifischen Umlaufzahl n. zum Ausdruck (vgl. Absehn. 99).

Für die älteren vollschlächtigen Turbinen bewegt sich diese Zahl in ziemlich engen Grenzen; man kann etwa mit folgenden Größen rechnen:

> Fourneyron-Turbine $n_{\bullet} = 85 \text{ bis } 100,$ $n_* = 117$ bis 152, Jonval-Turbine $n_s = 64 \text{ bis } 72.$ Girard-Turbine

Bei der Francis-Turbine läßt sich dank der Unabhängigkeit zwischen Ein- und Austrittsdurchmessern und anderen Möglichkeiten die spezifische Umlaufzahl zwischen den Grenzen 60 und 500 beliebig wählen; die älteren vollschlächtigen Formen fallen also ganz in den Bereich der Francis-Turbine und bieten in dieser Hinsicht keinerlei Vorteile, Eine Verminderung der spezifischen Umlaufzahl läßt sich bei der Girard-Turbine erzielen, indem man sie teilschlächtig ausführt. Da man den Eintritt mindestens auf die Hälfte des Umfanges beschränken kann, geht daboi die spezifische Umlaufzahl um mindestons 300 n also auf 40 bis 46 zurück. Da man indessen beim Tangentialrad die spezifische Umlaufzahl auf 35 bis 37,5 hinauftreiben kann, erkennt man, daß auch in dieser Form die Girard-Turbine keine besondere Berechtigung mehr hat. Dies ist auch der Fall, wo man die Geschwindigkeit weiter herabzuziehen wünscht, da dies ebensegut durch eine Vergrößerung des Durchmessers des Tangentialrades erreicht wird.

Zwischen dem Bereich der Francis-Turbine und dem Tangentialrad klafft allerdings eine Lücke. Diese wird am einfachsten durch Parallelschalten zweier oder mehrerer Tangentialräcker ausgefüllt!), wobei man eine Steigerung der Geschwindigkeit erzielt. Eine andere Lösung besteht im Hintereinanderschalten zweier Francis-Turbinen. die eine Verminderung der Geschwindigkeit auf das 1,68 fache herbeiführt (vgl. Abschn. 158).

269. Das Einhalten der gewählten Geschwindigkeit. Die Anforderungen an die Regulierfähigkeit der Turbinon sind seit einer Reihe von Jahren durch die Bedürfnisse der Elektrotechnik sehr hoch gesteigert worden. Es kommen bei elektrischen Betrieben außerst starke und plötzliche Schwankungen vor, denen sich die Turbine sofort ampassen muß; man verlangt daher, daß die Leistung in Zeit von zwei bis vier

¹⁾ Für das Anbringen einer zweiten Düse an einem Tangentialrad kleinsten Durchmessors fehlt öfters der Platz,

Sekunden von ihrem Vollwert auf Null zurückgeführt werden könne. Dies ist nur mittels derjenigen Abschützungen möglich, bei denen sämtliche Leitkanäle zugleich verengt werden, so daß eine verhältnismäßig kleine Bewegung den völligen Abschluß herbeiführt. Bei vollschlächtigen Radialturbinen läßt sich die Ringschütze anwenden, freilich nur auf Kosten des Wirkungsgrades. Bei der Francis-Turbine ergibt die Finksche Regulierung die beste Lösung; weniger gut sind die Regulierungen von Schaad und von Zodel. Das Tangentialrad besitzt in der Nadeldüse eine Vorrichtung, die nichts zu wünschen übrig läßt.

Als gänzlich ungenügend gegenüber den heutigen Anforderungen sind die Zellenregulierungen anzuschen, die nur einen Kanal nach dem andern abschließen und darum viel zu langsam wirken. Damit scheiden die Jenval- und die Girard-Turbinen aus dem Wettbewerb aus.

Bei langen Druckleitungen bereiten die in derselben auftretenden Druckschwankungen der Regulierung der Geschwindigkeit besondere Schwierigkeiten. Ob aber eine Druckleitung nötig ist, hängt nicht von der Bauart der Turbine ab, sondern von den äußeren Verhältnissen der Wasserkraftanlage, insbesondere vom Gefälle.

270. Zugänglichkeit. Am schlechtesten zugänglich sind Turbinen, die ganz oder teilweise im Unterwasser liegen, so daß dieses zuerst abgedämmt und ausgepumpt werden muß. Will man die Turbine tiber dem Unterwasser aufstellen, so muß man einen entsprechenden Teil des Gefälles als Freihängen opfern oder die Turbine mit einem Saugrohr verschen. Bei der einfachen Francis-Turbine mit senkrechter Wollo ist das Laufrad in der Regel zugünglich, sobald man den Deckel auf dem Leitrad abgehoben hat. Bei starker Erweiterung am Austritt kommt es vor, daß man zuver nech das Leitrad abheben muß. Dies ist bei den Axialturbinen stets der Fall. Besonders schlecht zugänglich ist das Laufrad bei den innerschlächtigen Turbinen, es ware denn, man hatte nach Abb. 211 die umgekehrte Aufstellung gewählt. Die wagrechte Lage der Welle ergibt in der Regel eine bessere Zugänglichkeit als die seukrechte. Dies trifft besonders auch bei mehrfachen Francis-Turbinen zu. Bei diesen pflegt man die lager der Welle durch besondere Einsteigschächte von unten her derart zugänglich zu machen, daß man sie während des Betriebes überwachen kann.

Beim Entwerfen größerer Turbinen ist sorgfältig darauf zu sehen, daß sich die Demontierung ohne zu große Schwierigkeiten durchführen läßt; das Gehäuse wird zweiteilig gebaut, und lange Wellen müssen mittels passend angelegter Kupplungen aus einzelnen Stücken zusammengesetzt werden. Zum Befestigen der Hebevorrichtungen (Flaschenzüge u. dgl.) sind die nötigen festen Aufhängepunkte sowie die Angriffspunkte an den zu hebenden Stücken anzubringen. Bei größeren Zentralanlagen erhält die Maschinenhalle einen durchgehenden Laufkrahn.

271. Lage der Welle im Raum. Zu der Zeit, als die Turbinen noch ausschließlich für den Fabrikbetrieb verwendet wurden und der Zahnrädertrieb das gebräuchliche Übertragungsmittel war, pflegte man die Turbinenwolle stets senkrecht zu stellen. Seither ist die wagrechte

Lage sehr gebräuchlich geworden, weil diese sich für die Kraftübertragung mit Seilen und Riemen besser eignet und auch für den direkten Antrieb von Dynamomaschinen Vorteile bietet.

Mit Rücksicht auf die Verhältnisse beim Austritt aus dem Laufrad ist die senkrechte Lage für die Fourneyron- und für die vollschlige Girard-Turbine als gegeben anzusehen. Sie gibt den bequemsten Anschluß an das Saugrohr und die einfachste Aufstellung auch für Jonval- und Francis-Turbinen. In den großen Niederdruckzentralen wird sie vielfach gebraucht, weil sie einen gedrängten Grundriß gibt. Neuerdings wird der Ringspurzapfen endständig ausgeführt und das Spurlager auf die Dynamomaschine gesetzt; man spart damit ein Stockwerk des Unterbaues.

Als das Natürlichste ist die wagrochte Lage der Welle beim Löffelrad anzusehen, da sich hierbei der Austritt nach beiden Seiten unter denselben Bedingungen vollzicht. Wo ausnahmsweise (für direkten Antrieb von Dynamomaschinen) die Welle senkrecht steht, hat man besondere Schirme anzubringen, die das nach oben austretende Wasser derart nach außen ablenken, daß es nicht auf das Rad zurückfällt. Selbstverständlich ist mit Rücksicht auf den Austritt aus dem Laufrad die wagrechte Lage bei der Girard-Turbine in der Anordnung nach Schwammkrug. Das Bequemste ist sie für Francis-Turbinen mit Spiralgehäuse, und gar nicht zu umgehen, wenn dabei zweiseitiger Ausguß angeordnet wird. Daneben kommt sie nach freier Wahl auch für offen aufgestellte einfache sowie für mehrfache Francis-Turbinen zur Anwendung.

Turbinen mit schrägliegender Welle kommen nur ganz ausnahmsweise vor.

272. Als Niederdruckturbine an großen Gewüssern kommt heute nur die Francis-Turbine in der Form des Schnell- und Expreßlüufers sowie die Kaplan- und die Propeller-Turbine in Betracht. Zu dem Umstande, daß sie wegen ihres geringen Durchmessers am sparsamsten sind und eine verhältnismäßig große Drehzahl aufweisen, kommt noch der Vorteil hinzu, daß ihre Leistung weniger stark abnimmt, wenn das Gefälle bei steigendem Zufluß zurückgeht.

273. Platzbedarf. Es ist einleuchtend, daß vollschlächtige Turbinen weniger Raum in Anspruch nehmen als teilschlächtige, und daß unter den ersteren diejenigen mit axialem Eintritt eines kleineren Raumes bedürfen als die außer- oder innerschlächtigen, bei denen die Lage des Leitrades in der Ebene des Laufrades eine Vergrößerung des Durchmessers bewirkt. Verhältnismißig große Ansprüche in der Breite machen die außerschlächtigen Niederdruckturbinen mit im Fundament ausgespartem Spiralgehluse. Den gedrängtesten Bau zeigt die Jonval-Turbine. Die Girard-Turbine braucht sehen wegen der Verbreiterung des Laufrades einen größeren Durchmesser. Die Diagonalturbine verfolgt den Zweck, am Durchmesser des Leitrades zu sparen.

Bei der Bemessung der Turbinenkammer ist übrigens der folgende Punkt oft wichtiger als der unmittelbare Platzbedarf. Man begeht oft den Fehler, die Turbinen in engen, schlecht beleuchteten Kammern aufzustellen. Es müssen dann allfällige Reparaturen, die immer sehr dringlich sind, da ja das ganze Werk oder wenigstens ein Teil desselben feiern muß, unter ungünstigen Verhältnissen, also mit größeren Zeitverlusten durchgeführt werden. Bemißt man den Raum etwas reichlicher, so wird allerdings zwischen den verschiedenen Bauarten kein großer Unterschied mehr bestehen. Bei den großen mehrfachen Francis-Turbinen umfangreicher Zentralen verlangt die liegende Anordnung im Grundriß mehr Raum als die Etagenturbine, die dafür einen höheren, komplizierteren und deshalb teureren Aufbau der Turbinenkammern bedingt.

274. Preis. Man darf im allgemeinen annehmen, daß die vollschlächtigen Turbinen gegenüber den teilschlächtigen gedrungener, leichter und daher billiger ausfallen. Dabei kann sich indessen infolge einer teueren Gehäusekonstruktion (Spiralgehäuse) das Verhältnis verschieben. Auch die Wahl der Regulierung wird von Einfluß sein; so ist die Finksche Regulierung verhältnismäßig teuer usw.

Eine große Rolle spielt der Preis bei der Wahl der Bauart nicht, da diese in den meisten Fällen durch die besonderen Verhältnisse der Anlage zum voraus mehr oder weniger bedingt ist. Es kommt noch dazu, daß die Kosten der Turbine stets nur einen kleinen Bruchteil des Kapitalaufwandes für die ganze Anlage ausmachen. Jedenfalls ist es nicht gerechtfertigt, eines verhältnismäßig geringen Preisunterschiedes wegen irgendwelche Nachteile in den Kauf zu nehmen, da doch die Maschinen dem Werk die Einnahmen verschaffen.

275. Schlußfolgerungen. Es ergibt sich aus den vorstehenden Betrachtungen, daß die Francis-Turbine und das Löffelrad, jedes in seinem Bereich, allen übrigen Bauarten gegenüber stark im Vorsprunge sind. Mit diesen beiden Formen kann man allen vorkommenden Bedürfnissen genügen, und so haben die älteren Bauarten ihre Bedeutung so weit verloren, daß sie seit einer Reihe von Jahren überhaupt nicht mehr nen gebaut werden. Wo ältere Turbinen in Abgang kommen, werden sie durch eine der beiden neuen Formen ersetzt. Daß hierbei der Francis-Turbine der Löwenanteil zufällt, hat seinen Grund darin, daß das Löffelrad nur für hohe Gefälle und ziemlich kleine Wassermengen in Betracht kommt, Bedingungen, wie sie nur im Gebirge, dagegen nie im Mittel- und Tiefland erfüllt sind. In der neuesten Zeit wird der Schnelläufer-Francis-Turbine durch die Kaplan- und die Propeller- und Schraubenturbine starke Konkurrenz gemacht.

IX. Die Druckleitung.

27. Die Druckleitung im Beharrungszustande.

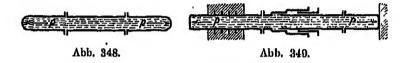
276. Wandspannungen an Goffisen mit innerem Druck. In der Wand einer Kugel vom Durchmesser d und der Wandstärke s, die unter einem inneren Drucke p steht, tritt eine Spannung auf vom Betrage

$$\sigma = \frac{\pi}{4} \frac{d^2 p}{s \pi d} = \frac{1}{4} \frac{pd}{s}.$$

Ein gerader zylindrischer Rohrstrang (von unendlich großer Länge) mit einem lichten Durchmesser d erleidet in der Richtung des Umfanges eine Wandspannung

$$\sigma = \frac{1}{2} \frac{pd}{s},\tag{206}$$

die also doppelt so groß ist als diojonige in der Wand einer Kugel von demselben Durchmesser und derselben Wandstärke. Daneben besteht



noch in der Längsrichtung eine Spannung, die von den Drücken auf die Endflächen herrührt (vgl. Abb. 348). Bedeutet F den Querschnitt, so sind diese Drücke

$$P = F p$$
.

Daraus ergeben sich die Längsspannungen

$$\sigma_1 = \frac{1}{4} \frac{pd}{s};$$

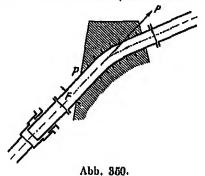
diese sind also gleich den Wandspannungen in der Kugel von gleichem Durchmesser und gleicher Wandstärke. Diese Längsspannungen müssen auch durch die Flanschenverbindungen übertragen werden.

Sind zwei Teile eines geraden Rohrstrauges nach Abh. 349 durch eine Ausdehnungskupplung verschiebbar miteinander verbunden, so müssen die Kräfte P durch die Verankerungen aufgenommen werden. In den Rohrwänden und Flanschenverbindungen zwischen den Verankerungen treten keine Zugspannungen in der Längsfrichtung auf¹).

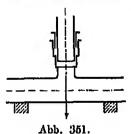
Ein schlauchförmiges Gobilde sucht unter dem Einflusse eines inneren Druckes einen kreisförmigen Querschnitt anzunehmen und sich zu strecken; letzten Endes strebt ein irgendwie gestaltetes Gefäß, das unter innerem Drucke steht, der Kugelform zu, weil dahei der Inhalt im Verhältnis zur Oberfläche am größten wird. Indem die Gefäßwände vermöge ihrer Steifigkeit diesen Bestrebungen entgegentreten, entstehen bei allen Gefäßen von nicht kugelförmiger Gestalt in den Wänden noch besondere Spannungen und Formveränderungen, deren Berechnung indessen größere Schwierigkeiten bietet. Bei Röhren

¹⁾ Für die Flanschenverbindungen trifft dies nur insoweit zu, als der Druck nicht zwischen die Flanschen troten kann.

von kreisförmigem Querschnitt sind sie verhältnismäßig klein und dürfen darum vernachlüssigt werden. Größere Spannungen treten z.B. in einer gebogenen Röhre von abgeflachtem Querschnitt auf; liegt die kleine Abmessung in der Biegungsebene, so streckt sieh die Röhre bei zunehmendem Drucke (Manometer von Bourdon, Absohn. 18).



Isteinegebogene Röhre von kreisförmigem Querschnitt nach Abb. 350 am

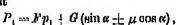


einen Ende offen, d.h. mit einer Ausdehnungskupplung an die Fortsetzung angeschlossen, so entsteht in der Richtung des Pfeiles ein Druck im Betrage von

P = F p,

der entweder durch die Verankerung oder durch die Steifigkeit des oberen Rohrteiles aufgenommen werden muß (vgl. Abb. 351, die zeigt, wie durch eine nachgiebige angeschlossene Abzweigung der Hauptstrang auf Biegung in Anspruch genommen wird).

1st der in Abb. 352 im Aufriß dargestellte Rohrstrang an beiden Enden offen, so lassen sich die auf die Verankerung B wirkenden Kräfte folgendermaßen bestimmen. Es ist



wobei p_1 den Druck an der oberen Ausdehnungsnuffe, G das Gewicht des Rohrstranges mit Einrechnung der Wasserfüllung, α seinen Neigungswinkel gegen den Horizont und μ den Reibungskooffizient zwischen Rohr und Rohrlagern bedeutet. Das positive Vorzeichen in der Klammer gilt, wenn sich die Röhre bei steigender Temperatur ausdehnt, und das negative für sinkende Temperatur. Die Verankerung ist für den Fall zu berechnen, der die größte Beanspruchung gibt. Forner ist

Abb. 352.

$$P_2 = F p_2$$
,

wo p_2 den Druck am unteren Ende des betrachteten Stranges bedeutet.

Fließt das Wasser mit einer Geschwindigkeit c durch die Rohrleitung, so treten nach Abschn. 54 noch zwei Kräfte P_3 hinzu, die, wenn M die in der Zeiteinheit durchströmende Wassermasse bedeutet, einen Betrag besitzen

$$P_3 = M c = 2 F \gamma \frac{c^2}{2g}$$
.

Sie sind übrigens in Vergleich mit den übrigen Krüften so gering, daß man sie außer acht lassen darf.

277. Spannungen in einem an beiden Enden verankerten Rohrstrang. Die Röhre sei bei einer Temperatur t verlegt worden; bedeutet α den linearen Ausdehnungskoeffizienten des Rohrmaterials, so würde sich die Länge des Stranges bei einer Temperatur $t\pm \Delta t$ um den Betrag

$$\lambda = \pm \alpha \Delta t$$

ändern. Wird die Röhre aber an beiden Enden durch die Verankerungen gewaltsam festgehalten, so setzt sich die Ausdehnung in Spannung um, und zwar erreicht diese den Wert

$$\sigma = \varepsilon \lambda$$
,

wenn s den Elastizitätsmodul des Rohrmaterials bedeutet. Es ergibt sich somit für die auftretende Längsspannung der Ausdruck

$$\sigma = \pm \varepsilon \alpha \Delta t$$
,

wobei das positive Vorzeichen Druckspannungen, das negative hingegen Zugspannungen bedeutet.

Für Flußeisen ist etwa zu setzen

$$\varepsilon = 2 \, 120000 \, \text{kg/om}$$
,
 $\alpha = \frac{1}{85000}$.

Mit diesen Zahlen erhält man

$$\sigma = +25 \Delta t$$
.

Bei einer Abweichung um $\pm 20^{\circ}$ von der Temperatur des spunnungslosen Zustandes ergeben sich somit Spannungen von ± 500 kg/qem, die als unbedenklich anzusehen sind. Die Verankerungen haben aber sehr bedeutende Kräfte auszuhalten. Solange die Röhre vom Wasser durchströmt ist, werden die größten Temperaturschwankungen den Betrag von 20° wohl nie überschreiten.

278. Die Anlage der Druckleitung bildet einen sehr wichtigen Teil größerer Hochdruckturbinenanlagen. Sie muß nach verschiedenen Richtungen, sowohl in bezug auf die hydraulischen Verhältnisse als auch hinsichtlich des Kostenpunktes durchgerochnet werden, ehe man einen endgültigen Entschluß fassen darf.

Bei größeren Anlagen mit mehreren Turbinen findet man vielfach mehrere Druckleitungen nebeneinander angeordnet, selten in dem Sinne, daß jede Turbine ihre besondere Druckleitung erhält, sondern meist derart, daß man sowohl die Turbinen als auch die Rohrstränge einzeln für sich aus- und einschalten kann. Es wird dadurch die Sicherheit des Betriebes erhöht.

Bedeutet d die liehte Weite und s die Wandstärke der Röhre, σ die zulässige Spannung in der Rohrwand und p den Druck, so hat man zur Berechnung der Wandstärke nach Gl. (296)

$$s = \frac{1}{2} \frac{pd}{\sigma} \cdot {}^{1}$$

Für Flußeisen kann man je nach der Art, wie die Röhren hergestellt sind, etwa setzen

für genietete Röhren²)

iiberlappte Längsnähte $\sigma=800$ kg/qem, gelasehte Längsnähte $\sigma=900$,, für gesehweißte Röhren $\sigma=1000$,,

Nach oben nimmt man die Wandstärke entsprechend der Druckabnahme immer kleiner.

Das Gewicht der laufenden Längeneinheit ist

$$G = \pi ds \gamma - \frac{\pi}{2} \frac{p d^2}{\sigma} \gamma$$
,

wenn mit γ das spezifische Gewicht des Rohrmaterials bezeichnet wird. Die Geschwindigkeit, mit der eine Wassermenge Q durchströmt ist,

$$w = \frac{4}{\pi} \frac{Q}{d^2}.$$

Durch Multiplikation ergibt sich

Das Röhrengewicht ist also der Geschwindigkeit umgekehrt proportional; daher hat man alle Ursache, große Geschwindigkeiten zuzulassen, um billigere Druckleitungen zu bekommen. Mit zunehmender Geschwindigkeit steigt aber der Druckverlust in der zweiten Potenz. Man muß also die Ersparnis an den Anlagekosten mit einer Minderleistung bezahlen, und es wird in jedem einzelnen Falle zu prüfen sein, wie weit man gehen darf.

Wird eine gegebene Wassermenge bei unveränderter Durchflußgeschwindigkeit auf a gleichweite Rohrstränge verteilt, so werden die Querschnitte der einzelnen Röhren im Verhältnis 1; a, die Durchmesser aber im Verhältnis von 1; Va kleiner. Das laufende Gewicht der einzelner Röhre, das mit der zweiten Potenz des Durchmessers wächst, sinkt somit im Verhältnis 1; a, und daher bliebe das Gesamtgewicht aller Stränge dasselbe. Durch die Verteilung auf mehrere parallel geschaltete Rohrstränge erreicht man indessen neben der Erhöhung der Betriebssicherheit den großen Vorteil, daß man die

$$a = \frac{1}{2} \frac{pd}{a} - |-s_0|$$

¹) Häufig fügt man noch eine Additionalkonstante bei, damit die Wandstürke für kleine Drücke nicht zu gering werde; man schreibt also

²) Gußeiserne Muffenröhren kommen nur für kleinere Verhältnisse in Frage.

Wandstärke in zweckmäßigen Grenzon halten kann. Als Nachteil ergibt sich aber ein größer Druckvorlust durch Reibung, da die benetzte Umfläche im Verhältnis von 1: a größer wird. 1)

Grundlegend für die Bestimmung der Rohrweite ist die Wahl der Geschwindigkeit w. Man könnte bei dieser so vorgehen, daß der

Druckverlust

$$\boldsymbol{H_v} = \lambda \, \frac{l}{d} \, \frac{w^2}{2 \, g}$$

einen bestimmten Bruchtoil des ganzen verfügbaren Gefälles ausmacht. Setzt man diesen Bruchteil oben ein und drückt man den Rohrdurchmesser d durch Q und w aus, so orhält man schließlich

$$w = \left(\frac{20.8 \, Q}{\lambda} \, \frac{H_{\bullet}}{l}\right)^{\frac{2}{5}};$$

d.h. die Geschwindigkeit in der Rohrleitung würde mit der 0,4ten Potenz des ganzen Gefälles wachsen, vorausgesetzt, daß γ konstant wäre. Es ergäben sich aber auf diesem Wege für hohe Gefälle zu große Geschwindigkeiten oder für kleine Gefälle zu geringe Geschwindigkeiten; man wird daher die Geschwindigkeit mit dem Gefälle langsamer wachsen lassen. Für einen ersten Überschlag nehme man vielleicht

$$w = 0.8 \text{ bis } 1.0 \sqrt[7]{\bar{H}}.$$
 (297)

Daß bei diesen Untersuchungen die Länge *l* der Druckleitung ein wichtiges Wort mitspricht, ist ohne weiteres verständlich. Beim Überschlagen der Druckverluste wird die graphische Tabolle Abschnitt 30 mit Vorteil Verwendung finden.

Zum Schutz gegen Überschwemmungen infolge von Rehrbrüchen pflegt man im obersten Teil der Druckleitung segenannte Rohrbruchventile einzubauen, die sich selbsttätig schließen, sebald die Geschwindigkeit des Wassers einen gewissen Betrag überschreitet. Hinter diesem Ventil ist ein Lufteinlaß anzubringen, der das Zustandekommen von negativen Pressungen verhindert, unter deren Einfluß der äußere Luftdruck ein Zusammenklappen der Rohrleitung herbeiführen könnte.

Die Drücke, wie sie sich im Beharrungszustand einstellen, können bei Störungen des letzteren sehr bedeutende Veränderungen erfahren. Solche Störungen treten im regelmäßigen Betriebe auf, wenn heim Regulieren der Turbine eine Änderung des Ausflusses erfolgt. Es sollen in den folgenden Abschnitten diese Erscheinungen einer Besprechung unterzogen werden.

28. Dynamische Wirkungen in der Druckleitung bei gestörtem Durchfluß.

279. Unter Wasserschlag versteht man die Druckzunahme, die in einer Wasserleitung auftritt, wenn man die Ausflußmündung rasch

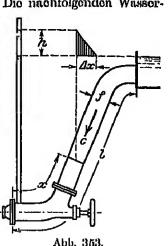
¹⁾ In Absoluitt 38 und Abb. 49 ist gezeigt, wie sieh bei gleich em Druckverlust die Verh
ältnisse gestalten.

verengt¹). Da diese Druckzunahme unter Umständen sehr beträchtlich wird, darf sie beim Entwerfen von Druckleitungen für Turbinen nicht außer acht gelassen werden.

Die hier zu besprechenden Erscheinungen beruhen auf der Elastizität des Wassers und der Rohrleitung. Zur Erleichterung der Vorstellung sei angenommen, daß die ganze Elastizität im Wasser allein liege, während die Rohrleitung selbst völlig starr sei. Die Rohrreibung möge als verschwindend klein angeschen werden.

Die Mündung der in Abb. 353 dargestellten Leitung werde plötzlich vollständig geschlossen. Die vordersten Wasserteilehen rennen am Verschluß an; es entsteht eine Erhöhung des Druckes und die Teilehen werden elastisch zusammengedrückt. Die nachfolgenden Wasser-

teilchen prallen auf die vorderen; dabei worden sie ihrerseits chenfalls unter höheren Druck troten und verdichtet worden. So pflanzt sich der infolge des Appralles entstehende Überdruck wie eine Welle von konstanter Höhe rückwärts fort. In dem Augenblick, we diese Welle innen am Bohälter anlangt, befindet sich der ganze Inhalt der Leitung in Ruhe; da er aber unter einem erhöhten Drucke steht. ist der Zustand nicht stabil. In der Tat weichen die hintersten Wasserteilchen alsbald rückwärts aus, bis sie unter dem Drucke stehen, wie er im Reservoir vorhanden ist; dabei setzt sieh die Kompressionsarbeit. dio sio yorher aufgenommen haben, in Geschwindigkeit um und die Teilehen nehmen eine Gesehwindig-



keit an, die der ursprünglichen gleich, aber entgegengesetzt ist. Die unmittelbar davor liegenden Teilehen werden durch dieses Zurückweichen alsbald entlastet und schließen sich der rückläufigen Bewegung an. Die Entlastung oder Entspannung schreitet so von Teilehen zu Teilehen wie eine Welle fort, und wenn sie nach einiger Zeit außen anlangt, besteht in der ganzen Leitung wieder der normale Druck. Dabei befindet sich aber die ganze Wassermenge in einer rückläufigen Bewegung. Vermöge der Massenwirkung entsteht am äußeren Ende eine elastische Verdünnung in Begleit eines entsprechenden Unterdruckes. Dieser setzt sich, wie verhin der Überdruck, als Welle konstanter Größe nach innen fort. Wenn sie beim Behälter anlangt, setzt wieder die Ausgleichung ein, indem wieder Wasser aus dem Behälter in die Leitung tritt. Diese Ausgleichung hat

¹⁾ Allievi: Atti della Società degli Ingegneri ed Architetti in Torino, 1003, unter dem Titel "Allgemeine Theorie über die veränderliche Bewegung des Wassers" übersetzt und erweitert von Dubs und Battaillard. Berlin: Julius Springer 1909. Eine einfache Darstellung gab der Verfasser in der "Turbine" 1010, Heft 1.

zur Folge, daß zunächst am inneren Ende und dann fortschreitend durch die ganze Füllung der ursprüngliche Druck und die anfängliche Geschwindigkeit sich einstellt. Das Spiel beginnt von vorne, und so folgen Überdruck, Ausgleichung, Unterdruck und abermalige Ausgleichung in ununterbrochenem Wechsel aufeinander, bis durch die Reibung die Bewegung nach und nach gedämpft wird. Der Unterdruck ist seinem absoluten Werte nach gerade so groß, wie der vorangegangene Überdruck.

Die Arbeit für die Kompression des Wassers wird von der kinctischen Energie geliefert, die ihm anfänglich innewohnte. Diese ist gleichmäßig über die ganze Wassermenge verteilt; ferner bedürfen alle Teilehen gleicher Größe derselben Kompressionsarbeit. Daraus folgt, daß für die Kompression eines Teilehens gerade nur seine eigene kinetische Energie und weder mehr noch weniger zur Verfügung steht, daß also der Energieumsatz sich innerhalb eines jeden Teilehens restles vollzieht.

Ferner leuchtet ein, daß die Summe der Arbeiten, die erforderlich sind, um die einzelnen Teilehen nacheinander zu verdichten, gerude so groß ist wie die Arbeit, die aufzuwenden wäre, um die ganze Wassermasse auf einmal zu komprimieren.

In einem gegebenen Augenblick habe sich der erste Anprall beim Schließen der Mündung über die Länge x nach innen ausgebreitet; der Druck ist um die Höhe h der Wassersäule im Piezometer gestiegen. Dabei hat die Säule in der Rohrleitung eine Verkürzung erfahren im Betrage von

$$\Delta x = h \gamma \frac{x}{\epsilon} ;$$

hierin bedeutet s den Elastizitätsmodul des Wassers. Während der Kompression steigt der Druck gleichförmig mit der Verkürzung an. Daher ist die Kompressionsarbeit, die auf die Wassersäule von der Länge x entfällt,

$$A_1 = \frac{1}{2} Fh \gamma \Delta x = \frac{1}{2} Fh^2 \gamma^3 \frac{x}{R},$$

wenn man mit F den Querschnitt der Leitung bezeichnet. Die ursprüngliche kinctische Energie der betrachteten Wassersäule ist

$$A_2 = \frac{F_{\alpha\gamma}}{q} \cdot \frac{c^2}{2} \,,$$

wenn man unter c die anfängliche Geschwindigkeit des Wassers in der Leitung versteht.

Setzt man diese beiden Arbeiten einander gleich, so erhält man als Ausdruck für die Höhe der Wassersäule, die den Schlag mißt:

$$h = c \sqrt{\frac{\varepsilon}{g\gamma}}. \tag{207}$$

Diesor Schlag breitet sich als plötzlich ansteigende Druckwelle mit unverminderter Heftigkeit über die ganze Rohrlänge bis zum Behälter aus. Man kann für den Elastizitätsmodul des Wassers, wenn man kg nd m als Einheiten wählt, etwa einsetzen

$$\varepsilon = 10200 \cdot 10^4$$

nd erhält für den Wasserschlag hei plötzlichem Schließen der Mündung

$$h = 102 c$$
;

. h. für jeden in der anfänglichen Geschwindigkeit springt der Druck in eine Wassersäule von etwas über 100 m um etwas über 10 atm. inauf. Dabei kommt es durchaus nicht auf die Länge der Leitung an. Derartige Zahlen müssen Bedenken erregen, und es macht sich die rage geltend, ob sich der Druck nicht durch langsames Schließen einehränken lasse.

Wenn der Absohluß über eine gewisse Zeit τ , die als Schließzeit ezeichnet werden möge, verteilt wird, so erhält die Länge der Rohrzitung einen wesentlichen Einfluß auf die Stärke des Wasserschlages.

Zunächst mag angenommen werden, die Länge der Leitung sei mendlich groß. Da sich auch hier der Ausgleich zwischen Bewegungsmid Kompressionsenergie innerhalb derselben Wassermasse abspielt, vird der Druck, der durch den Anprall entsteht, im Augenblick des rollendeten Schlusses denselben Wert wie vorhin erreichen; der ganze Interschied besteht durin, daß er sich nur allmählich entwickelt. Vonn die Abnahme des Mündungsquerschnittes gleichmäßig erfolgt, o darf annähernd auch ein gleichmäßiges Wachstum des Druckes agenommen werden. Die nach innen laufende Überdruckwelle geht Iso in eine Spitze aus.

Etwas unders verlaufen die Erscheinungen, wenn die Rohrlünge inen endlichen Wert hat. In dem Augenblick, wo die Spitze der Überlruckwelle beim Behälter anlangt, beginnt auch schon die Entlastung hurch Bildung einer allmählich unhebenden Entlastungswelle, die erhindert, daß der maximale Überdruck sich dem Behälter über eine gewisse Entfernung nähere.

lst die Leitung kurz genug, daß die Spitze der Entlastungswelle außen ankommt, ehe die Mündung vollständig geschlossen ist, so kann zon diesem Augenbliek an der Druck nicht weiter zunehmen; er bleibtilse auf dem Worte stehen, den er in diesem Augenbliek erreicht hat; lenn das Wachsen des Druckes wird durch die zunehmende Entlastung m Gleichgewicht gehalten. Somit hängt in diesem Falle die Größe des Wasserschlages von der Schließzeit \(\tau\) und von der Zeit \(T\) ab, die die Druckwelle braucht, um einmal längs der Leitung hin und her zu laufen, lie als Laufzeit bezeichnet werden mag.

Ist abor

$$T > \tau$$
.

so kommt der Wasserschlag zur vollen Entwicklung und erreicht die um Gl. (207) sich ergebende Höhe. Ist jedoch

$$T < \tau$$

md sotzt man gleichförmiges Wachstum des Druckes vorws, so errält man für den höchsten Druck des Wasserschlages, dessen Bildung durch das Eintreffen der Entlastungswelle unterbrochen wird,

$$h_0 = h \frac{T}{\tau} \ . \tag{298}$$

Die Newtonsche Formel

$$a = \sqrt{\frac{g \, \varepsilon}{\gamma}} \tag{290}$$

für die Geschwindigkeit des Schalles in einem elastischen Körper vom Elastizitätsmodul e und vom spezifischen Gewicht p gilt für die Fortpflanzungsgeschwindigkeit irgendeiner Druckänderung und ist auch für die Bewegung der Druckwellen maßgebend. Für offenes Wasser wurde von Colladon und Sturm die Schallgeschwindigkeit zu 1435 m/sek ermittelt. Für die mit Wasser gefüllte Röhre ist die Geschwindigkeit etwas kleiner, da hier der Elastizitätsmodul niedriger anzusetzen ist; denn offenbar ist wegen der Dehnbarkeit der Röhre die Verkürzung der Wassersäule bei einer Druckzunahme größer als in der Wassersäule von unveränderlichem Querschnitt. Man darf im Mittel etwa einsetzen

$$a = 1000 \text{ m/sek} \cdot 1$$

Verbindet man die Gl. (297) und (299) miteinander, so erhält man für den voll entwickelten Wasserschlag den Ausdruck

$$h = \frac{a\sigma}{g\gamma}. (300)$$

Setzt man diesen Wert in Gl. (298) ein, indem man gleichzeitig Rücksicht darauf nimmt, daß

$$T = \frac{2l}{a}$$

ist, so erhält man für die Höhe des vorzeitig unterbrochenen Wasserschlages

$$h_{\nu} = \frac{2 c l}{g \tau}. \tag{301}$$

Dieser Ausdruck ist unabhängig von der Geschwindigkeit der Druckwellen; er gilt aber nur für den Fall, daß die Schließzeit länger als die Laufzeit sei. Außerdem ist die Elastizität dabei nicht berücksichtigt und deshalb die effektive Drucksteigerung kleiner als die mit obiger Formel berechnete. Die Stärke des Wasserschlages ist direkt mit der anfänglichen Geschwindigkeit und der Rohrlänge und indirekt mit der Schließzeit proportional.

$$a = \frac{9907}{\sqrt{48,1 + \varphi \frac{d}{s}}},$$

wobei d die lichte Weite und s die Wandstärke der Röhre bedeutet. Ferner ist $\varphi=0.5$ für Blach, =1.0 " Gußeisen.

¹⁾ Auf Grund einer Rechnung, auf die hier nicht eingetroten wird, findet man für eine Temperatur von 12° in m/sek

Beispielsweise erhielte man für eine Leitung von 500 m Länge, in der das Wasser eine normale Geschwindigkeit von 2 m besitzt, bei einer Schließzeit von 2,5 Sekunden einen Wasserschlag von 81,6 m. Es entsteht also unter Verhältnissen, wie sie in der Wirklichkeit vorkommen, ein sehr bedeutender Überdruck.

Die herechneten Wasserschläge gelten für das äußerste Ende der Leitung. Es ist noch die Frage von Interesse, wie sich der Überdruck längs der Leitung verteile. Während sich bei plötzlichem Abschluß der Schlag in voller Wucht über die ganze Länge erstreckt, ist dies bei einer endlichen Schließzeit nicht mehr der Fall, da ja beim allmählichen Steigen des Druckes innen sofort nach dem Reservoir hin eine Entlastung eintritt, so daß dort überhaupt kein Schlag auftreten kann. Unter der Annahme, daß die Leitung kurz genug sei, um die völlige Entwicklung des Wasserschlages zu verhindern, darf angenommen werden, daß der Überdruck von außen nach innen stetig auf Null auslaufe; die oberen Teile der Leitung haben somit unter der Wirkung des Wasserschlages absolut weniger zu leiden.

Nachdem der Abschluß vollendet ist, stellt sich in der Leitung ein ziemlich verwickeltes Wellenspiel ein, bei dem sich Überdruck, Entlastung, Unterdruck und abermalige Entlastung in entgegengesetztem Sinne abwechselnd aufeinander folgen. Der Druck schwingt um eine Gleichgewichtslage, die dem Ruhezustand entspricht; Unter- und Überdrücke zeigen also gleichgroße Abweichungen. Jedes Spiel umfaßt zwei hin- und zwei hergehende Druckwellen; die Schwingungsdauer ist somit

 $T_{s} = 2 T = \frac{4l}{a}$.

Die Schwingungen werden nach und nach durch die Rohrreibung gedämpft; da aber die hin- und hergehende Bewegung des Wassers bei der abwechselnden Kompression und Expansion eine recht geringe ist, geht die Dämpfung nur langsam vor sich.

Wird die Mündung nur teilweise geschlossen, so hat dies eine ent-

sprechende Verminderung des Schlages zur Folge.

Beim Öffnen des Ausflusses treten ähnliche Erscheinungen auf wie beim Schließen, nur daß sie mit einer Unterdruckwelle heginnen. Man spricht hier von einem negativen Wasserschlag. Die Entstehung des Unterdruckes erklärt sich leicht. Die zuvorderst liegenden Wasserteilchen benützen die Erleichterung des Ausflusses zuerst; bis sich die rückwärts liegenden Teile anschließen, vergeht wegen ihrer Trägheit eine gewisse Zeit, und unterdessen sinkt der Druck hinter der Mündung um einen gewissen Betrag.

Der größte negative Wasserschlag ist seinem absoluten Werte nach etwas kleiner als der größte positive. Setzt man ihn daher diesem gleich, so geht man sicher. Der Druck darf bei einem negativen Schlag an keinem Punkte der Leitung unter eine Atmosphäre hinabgehen; anderenfalls läuft man Gefahr, daß die Leitung zusammengedrückt wird.

Immer, wenn die Bewegung des Abschlußorganes nicht bis zum vollständigen Schließen fortgeführt wird, beobachtet man eine rasche

Tabelle der Drucksteigerungen und des Korrektionsfaktors (k). Bekannt ist: L, c, H und τ . Man bildet: $\frac{L \cdot c}{H \cdot \tau}$ und $\frac{H}{c}$

Der Druckanstieg ist dann in % von H aus der Tabelle zu entnehmen.

a) Schließen der Turbine. (Ohne Druckregler.)

Kor- rek- tions- faktor		1,000	1,032	1,064	1,092	1,120	1,150	1,175	1,198	1,222	1,245	1,267	1,289	1,310	1,330	1,347	1,365	1,385	1,401	1,418	1,435	1,450	1,467	1,483	1,500	1,515
		.0	07	=	= \frac{3}{P}) - 7	ŋJ	0	ļΑ	0	416	M	ı	ເດຖ	[[O	BOI	p	uo	άľε	 H	00	 }p	• :	บ	, J	na
	400	000	4,00	8,00	12,00	16,00	20,20	24,50	28,50	32,50	36,60	40,70	44,80	49.00	53,00	57,20	61,20	65,30	69,50	73,60	77.70	82,00	86.00	90.00	94.00	1
	300	0000	3,50	2,00	1,00	15,00	19,00	23,50	28,00	32,50	36,60	40.70	44,80	49,00	53,00	57.20	61,20	65,30	69,50	73,60	27.70	83	86.60	00,06	94.00	1
	210	00'0	3,30	99.9	10.10	13,83	17,75	21,75	26,10	30,10	34,60	39,50	44,30	48,50	52,70	21,00	61,16	65,30	69,50	73,60	77.70	82,00	86.00	00.06	94.00	
_	150	00'0	3,15	6,37	9,32	12,75	16,25	20,10	200	28,00	32,07	36,47	40,95	45,60	50,30	55.00	90,00	64,30	68,70	73,00	9.	81,75	86,00	90,00	97.00	-
	120	0,0	3,00	6,00	8,80	15,8	15,50	19,00	22,60	26,50	30,20	34,30	38,70	43.00	47.50	52,00	56,70	61.50	66.40	71,20	76,00	81,00	86,00	90.00	94.00	1
	105	0,0	2,85	5,55	8,35	11,40	14,75	18,25	21,47	25,15	28.95	32,73	36,82	40,90	45,25	49.50	53,92	58.50	63,10	61,30	72.00	76.65	81,50	85.87	90.25	I
	95	0,0	2,13	5,53	8,13	11,03	14,20	17,36	20.73	24,10	27,80	31,50	35,40	39.30	43.50	47.60	51.80	56,17	60,50	8.38	69.13	73,47	78.10	82.50	87.00	91,80
H c	85	0,0	2,60	5.20	8,00	10,70	13,60	16,70	20,02	23,00	26,50	30,00	33,80	37.60	41.50	45.40	49,50	53,50	51,60 09,150	61.80	99	00'0	7.30	18.50	83.00	87,50
	7.5	0,0	2,53	4,93	8,	10,23	12,93	15,90	18,87	21,87	25,17	28,33	31,93	35.53	39,17	42,87	46,63	50,50	24,33	58.25	62.27	66.13	70.10	74.17	.8,30	82,50
	20	0'0	9,30	4,80	7,40	10,00	12,60	15,50	18,30	21,30	24,50	27,50	31,00	34,50	38,00	41,60	#5.20 120	49,00	52,70	56,50	96,99	64.20	68.00	<u>1</u> 5.08	76.00	80,00
	65	0,0	2,45	4,70	7,20	9,60	12,15	14,95	17,65	20,50	23,50	26,50	29,80	33,05	36,50	39.80	43.35	£,8	50,55	54,10	57,85	61,50	65.25	69,00	72,85	76,75
	09	0,0	2,40	4,60	8,	9,20	11,70	14,40	17,00	19,70	22,50	25,50	28,60	31.60	35,00	38,00	41,50	45,00	97,30	51.70	55.30	58,80	62,50	96.00	69,70	73,50
	55	00	2,30	4,40	6,70	8,85	11,35	13,80	16,30	18,85	21,50	24,15	27,15	30,10	33,30	36.25	39,50	€,580 12,80	46,05	49,35	52,70	56,10	59,60	63,00	66.45	20,00
	20	0,0	2,20	<u>4</u> 양	6,40	8,50	11,00	13,20	15,60	18,00	20,50	8	25,70	28,60	31,60	34,50	37.30	99,08	43,70	8,74	50,10	53,40	56,70	60,00	63,20	66,50
	0:35	0'0	2,20	4,20	6,40	8,50	11,00	13,20	15,60	18,00	20,50	86.5% 80.5%	25,50	27,90	30,50	33,00	35,60	38,40	41,10	44,00	47.00	50,00	53,00	56,20	59,40	62,50
L.c	2.17	0,0	0	9.7	9,0	8.0	0,1	2	7,4	1,6	8,	2,0	ଦା ଦା	2,	9	64 85	3,0	ଜା	3,4	ဗ	က	40	4 6	4,4	4.6	8,4

Tabelle des Druckanstieges nach dem Druckabfall.

Bekannt ist: L. c. H und τ . Man bildet: $\frac{L}{\tau}$ und $\frac{H}{\sigma}$. Der Druckanstieg ist dann in $^{\circ}_{,0}$ von H aus der Tabelle zu entnehmen.

bine.
Tm
der
Offnen
Q

			010		<i>,</i>	uo.	XI U	IVI		8.												U	טנוי
	200	1	ı	2.00	8.00	12.25	16.00	18,65	20.30	21.50	22.15	25.50	22.75	23.00	22.85	22.25	21.35	90.00	18,75	17.75	16.80	16.00	15,35
	480	1	ł	2.60	96	12,00	15,20	17.53	19.08	20.20	20,83	21.24	21.45	21.54	21.21	20.31	19,31	18,00	16,85	15,93	15,04	14.30	13,65
	460	ı	1	3.20	2.80	11.50	14.40	16,41	17.86	18.90	19.51	19.98	20,15	20,08	19,57	18,37	17.75	16,00	14,95	14.11	13.28	12.60	11,96
	440]		3.60	7.66	11.00	13,52	15.28	16.61	17,55	18,12	18,56	18.68	18.46	17.84	16.57	15,50	14,30	13,32	12,54	11,77	11,12	10,50
	420	ı	I	3.80	7.48	10,50	12,57	14,14	15.33	16,15	16,66	16,98	でに	16.68	16,02	14,91	14.00	12,90	11,97	11.22	10,51	9,8,	9
	400	1	Į	00° †	 8	10,00	11,62	13,00	14,05	14,75	15,20	15,40	15,40	14.90	14,20	13.25	12,50	11.50	10,62	06.6	9.35	8.62	8,00
	380	ı	0.10	4.04	さい	9.34	10,84	12,04	12,89	13,45	13,76	13,86	13,78	13.28	12,65	11,83	11.14	10,23	17.6	08.8	8,05	14-1	7,03
	360	ŀ	020	4,0S	6,78	8,68	10.06	11,06	11,73	12,15	12.32	12.32	12,16	11,66	11,10	10,41	9,78	8,96	8,32	7,70	6,85	6,39	90,9
r =	340	١	0.35	4.06	6.48	808	9.28	10.06	10.56	10,84	10.90	10.84	10.65	10,18	9,71	9.11	8.56	7.86	1,32	6,75	6.25	5.74	5,24
	320	ı	0.55	# 0.#	6.14	#C.1	8,49	9,03	9.37	9,52	9,51	9,43	9.25	が 。	8.48	:93	27 1-	6,93	6.46	5,95	5,50	5.05	10,4
	300	ı	0,73	00.4	50.00	00:2	7.70	8,00	8.18	8,30	8.12	8,00	7.85	30		6.73	9 7 9	6,00	5.6	5.15	4.75	4.30	3,90
	27.5	ı	0.7	3.75	5.40	6.39	8	7.13	7.19	Ξ.;	6.99	29	6.13	6.42	છ. ફુંફુ	5.83	J. 33	5.13	4,75	4.36	8	3.65	3,26
	250	ļ	0.80	3,50	5,00	5.78	6,25	6.25	9.50	6,00	5,85	5,75	5.60	5.35	5.15	.88°.₩	4.60	4.95	3. 8.	3.58	: []	3.00	2,62
	300	i	0.00	2,75	3,85	4,55	4.75	9.4	4,50	9	4.25	4.18	90.	3.80	3,65	3,40	3. 130	5.90	ري وي	41 33	2.15	 8	1,70
	150]	080	2,15	2.90	3,35	3,50	3,40	3,95	3.10	8 6 6	S.5	9.70	5.50	2.35	<u> </u>	8 8 8	3.S	1.65	3.50	1.32	S	06.0
	100	1	0,40	1,30	1,90	9 95	ر ان ان	2,95	2,05	96,1	1,80	5.1	9.	1.30	9 9	न १	9,1	0.95	6.0	0,78	0,70	6 ,6	0,30
	ાલ	1	0.25	0,65	1,00	1,15	1,10	3,0	0,00	08.0	0,76	0,75	0,70	85,0	0,50	0,45	O f 0	0,38	0,35	SK 0	0.25	75,0	81'0
ĦI	ט	56	8	67	8	8	901	110	120	130	140	150	160	98 180	ଛ	S S S	1960 1960	8	370	2	64 04	99	200

Dämpfung der nachfolgenden Schwingungen; die Druckwellen werden durch das fortdauernd ausströmende Wasser hinweggespült und durch das neu eintretende Wasser gestört.

280. Als Gegenmittel hat man früher etwa Windkossel auf das untere Ende der Druckleitung gesetzt. Bei der bedeutenden kinetischen Energie, die sie aufzunehmen haben, fallen sie sehr groß aus. Unter ungünstigen Verhältnissen können sie durch Resonanzerscheinungen das Übel ins Unerträgliche steigern. Federbelastete Sieherheitsventile haben den prinzipiellen Fehler, durch ihre Wirksamkeit Wasserverluste herbeizufähren. Ihre Schließbewegung muß durch einen Katarakt künstlich verzögert werden, wenn man dem Auftreten von gefährlichen Resonanzvergängen ausweichen will. Der Ausdruck

$$h_0 = \frac{2cl}{a\tau} ,$$

der näherungsweise für die Höho des Wasserschlages gilt, läßt erkennen, daß man in der Verlängerung der Schließzeit τ ein sehr ausgiebiges Mittel besitzt, dieselben einzuschränken. Eine Verlängerung der Schließzeit aber läßt sich dadurch herbeiführen, daß man die bei Gleichgewichtsstörungen auftretenden Geschwindigkeitsschwankungen durch die in Kap. 25, Absehn. 262 und 263 angegebenen Mittel verzögert, nämlich durch Schwungräder, Ablenker und Freiläufe.

In den umstehenden Tabellen ist auf Grund der Theorie von Alliè vi die Drucksteigerung eingetragen, welche sich beim Schließen des untern Endes einer Rohrleitung von der Länge L in m in der Zeit τ in Sckunden ergibt. Es bedeutet c die Geschwindigkeitsvorminderung des Wassers in m/sek und H das Gefälle in m. In der letzten Kolonne der Tabelle 1 ist ein Korrektionsfaktor k eingetragen, mit welchem die nach Gleichung 295 berechnete Schwungmasse (GD^2) multipliziert werden muß, um bei Rohrleitungsturbinen ohne Druckregler die gleichen Drehzahländerungen α wie bei offenen Turbinen einhalten zu können. Der

Faktor k bordeksichtigt also den Rinfluß der Wassorträgheit auf den Reguliervergung.

281. Gefällsbruch. Es kommt sehr oft vor, daß eine Druckleitung, wie in Abb. 354 gezeigt, in ihrem oberen Teil ziemlich tlach liegt und erst weiter unten eine stärkere Neigung annimmt. In diesem l'alle hat man dem Punkte B, wo das Gefälle bricht, besondere Aufmerksamkeit zu schenken.

In Abb. 355 sind unterhalb der Rohrlänge als Abszissen die Piezometerstände II als Ordinaten aufgetragen. Ferner ist eine

Unterdruckwelle eingezeichnet, die infolge eines negativen Wasserschlages entstanden ist und mit der Geschwindigkeit a dem inneren Ende der Leitung zueilt. Die schraffierte Fläche gibt offenbar den augenblicklich in jedem Punkte herrschenden Druck an. Schreitet die Unterdruckwelle weiter, so bringt sie zuerst im Punkte B den Druck in der Röhre

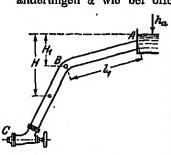


Abb. 354.

zum Verschwinden, und es kann der äußere Überdruck der Atmosphäre für die unter schwachem Druck liegende und daher dünnwandig gehaltene Partie der Leitung verhängnisvell werden. Bei wachsender Druckabnahme kann im Punkte B eine Luftleere entstehen, und die Wassersäule reißt ab. Bei der nächsten Druckschwankung in entgegengesetztem Sinne prallen die getrennten Teile wieder zusammen, und es tritt dabei ein Schlag von außererdentlicher Heftigkeit auf, der die Leitung in die größte Gefahr bringt.

Die Bedingungen, unter denen das Abreißen vermieden wird, lassen sich aus Abb. 355 leicht ableiten.
Nach Gl. (349) ist der größte positive Schlag, der bei ungestörter Entwicklung am unteren Ende auftritt.

$$h_0 = \frac{ac}{av}$$
,

worin a die Fortpflanzungsgesehwindigkeit der Druckwelle und e die normale Wassergesehwindigkeit in der Leitung bedeutet. Der größte negative Schlag kunn seinem absoluten Zahlenwerte nach ebenso

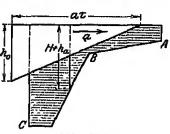


Abb. 355.

hoch angesetzt werden. Wenn man ferner annehmen darf, daß die Druckwellen linear mit der Rohrlänge auslaufen, so ist in dem Augenblick, wo die Spitze der Welle in A ankommt, der Unterdruck im Punkte B offenbar

$$h_{\rm l} = \frac{l_{\rm l}}{a\tau} h_{\rm 0} ,$$

wobei τ die Schließzeit bedeutet. Mit obenstehendem Ausdruck für h_0 erhält man

$$h_1 = \frac{1}{g\gamma} \frac{l_1 c}{\tau};$$

und wenn kein Abreißen der Wassersäule eintreten soll, muß die Bedingung erfällt sein

$$H_1 + h_\alpha > \frac{1}{g \gamma} \frac{l_1 c}{\tau};$$

wohei h_a die dem atmosphärischen Druck entsprechende Wassersätule bedeutet. Damit überhaupt kein Unterdruck auftrete, wäre dafür zu sorgen, daß

$$II_1 > \frac{1}{g\gamma} \frac{l_1 o}{\tau}.$$

Hine Gefahr liegt also um so näher, je größer die Länge l_1 des oberen, flacher liegenden Teiles der Leitung und die ursprüngliche Wassergeschwindigkeit σ in der Leitung und je kürzer die Schließzeit τ ist.

282. Standrohr. Man kann das Auftreten von Unterdrücken oder überhaupt von Druckschwankungen im Gefällsbruch dadurch "Escher-Dubs, Wassertunden. S. Auft.

sehr bedeutend einschränken, daß man nach Abb. 356 in jenem Punkte oder möglichst nahe dabei ein Standrohr auf die Leitung setzt1). Wenn beim Auftreten eines negativen Wasserschlages der Unterdruck bis zum Gefällsbruch B gelangt ist, beginnt er sowohl auf die Wassermasse des Standrohres als auch auf diejenige im oberen Teil der Leitung beschleunigend einzuwirken. Da die Masse im Standrohr verhältnismäßig klein ist, nimmt sie alsbald eine größere Geschwindigkeit an. ergießt sich in die Druckleitung und beginnt, die Depression auszufüllen; es wird dadurch die Ausbildung des Unterdruckes beschränkt. Inzwischen setzt sich aber auch die Wassersäule im Leitungstrumm A-B in eine raschere Bowegung; der Zufluß zum Punkte B wächst und erreicht nach einiger Zeit den Betrag des Abflusses. In diesem Augenblick hat der Wasserspiegel im Standrohr seinen tiefsten Stand erreicht. Die Beschleunigung der Wassermasse in der oberen Partie der Leitung dauert an; der Zufluß wächst weiter und der Wasserspiegel

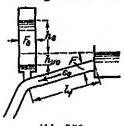


Abb. 356.

im Standrohr steigt wieder an. Dabei geht er aber vermöge der Trägheit der Massen über die Gleichgewichtslage hinaus; dies hat eine Verzögerung im Zufluß zur Folge usw. Es stellt sieh daher im oberen Teil der Leitung und im Standrohr eine (langsame) pendelnde Bewegung der Wassermasso ein, die erst nach und nach durch die Reibung gedämpft wird.

Die Schwankungen im Standrohr sind, wenn dassolbe weit genug bemessen wurde, im Ver-

gleich mit denjenigen der Wasserschläge gering; man darf also annehmen, daß das Standrohr die Wasserschläge vom oberen Teil der Leitung fernhalte. Seine Wirkung ist mit derjenigen eines Loches in der Wand einer tönenden Pfeife zu vergleichen.

Bei der Boreohnung der Wasserschläge ist nur die Länge des unteren Teiles der Druckleitung einzusetzen.

Der Hals des Standrohres muß weit genug sein, um bei plötzlichem Öffnen der Mündung den ganzen normalen Zufluß ohne erheblichen Widerstand liefern zu können.

283. Schwankungen des Wasserspiegels im Standrohr2). Erführt der Ausfluß am unteren Ende der Druckleitung eine Verminderung, so wird der Wasserspiegel im Standrohr durch die kinetische Energie des Wassers in der oberen Zuleitung in die Höhe getrieben. Das Standrohr muß so hoch hinaufgeführt werden, daß es unter keinen Umständen überfließt. Die größte Sprunghöhe tritt offenbar ein, wenn der Ausfluß plötzlich ganz geschlossen wird.

Bei geöffnetem Ausfluß sicht nach Abb. 350 im Beharrungszustande das Wasser im Standrohr wegen des Reihungsverlustes in der

Dubs: a. a. O.

¹⁾ Das Standrohr braucht nicht sonkrocht zu stehen; oft ist es bequemer und billiger, dasselbe an cinem Bergabhang schräg hinaufzuführen.
2) Vgl. Prášil: Wasserschloßprobleme. Schweiz. Bauzg. 1008, 13d. 52, S. 271;

Zuleitung um den Betrag h_{v0} tiefer als im Reservoir¹). Wird die Mündung plötzlich abgeschlossen, so steht für die Hebung des Wasserspiegels im Standrohr die ganze kinetische Energie des Wassers in der Zuleitung zur Verfügung. Diese ist bei Benützung der aus Abb. 356 sieh ergebenden Bezeichnungen

$$B_{\rm l} = F l_1 \gamma \frac{c_0^2}{2a}.$$

Ferner wird zu demselben Zwecke der Gefüllsverlust h_{00} frei. Bis zur Erreichung der Gleichgewichtslage steigt das Wasser im Standrohr um den Betrag hv_0 empor. Die mittlere Hebung der Wassermenge ist gleich der Hälfte dieser Höhe; dem entspricht eine Energiemenge

$$E_{s} = \{ F_{s} h_{v,0}^{2} \gamma .$$

Auf Kosten dieser beiden Energiemengen wird das Wasser über die Gleichgewichtslage hinaus um den Betrag h, oder die Sprunghöhe hinaufgepreßt. Da die mittlere Hebung der ganzen Wassermasse wieder gleich der halben Hebung des Wasserspiegels ist, wird hierfür eine Energiemenge gebraucht im Betrage von

$$E_3 = \frac{1}{2} F_a s_a^2 \gamma$$
.

Nach vollendetem Abschluß muß im ganzen ein Wasservolumen

$$V_s = F_s \left(h v_0 + h_s \right)$$

durch die Zuleitung hindurchgetrieben werden, was eine gewisse Reibungsarbeit R kostet. Sicht man von der sehr unbedeutenden kinctischen Energie des steigenden Wassers im Standrohr ab, so ergibt sich die Energiebilanz

$$K_1 + K_2 = K_3 + R. (302)$$

()#

Die drei ersten Posten sind bereits festgestellt, und es bleibt nur noch übrig, die Reibungsarbeit R zu ermitteln. Versteht man unter K die Zunahme des Wasservohmens im Standrohr und unter h_p den Druckhöhenverlust wegen Reibung in irgendeinem Augenblick, so stellt

$$R_{\mathbf{v}}^{\mathbf{t}} = \gamma \int_{0}^{V_{\mathbf{v}}} h_{\mathbf{v}} dV$$

die betreffende Reibungsarbeit dar, die noch aufzuwenden ist, um die Wassermenge V, nachzuliefern.

Witre keine Reibung verhanden, so bestände in dem Augenblick, wo die Geschwindigkeit in der Zuleitung von σ_0 auf w zurückgegangen ist und die Sprunghöhe den Wert k erreicht hat, die Beziehung

$$1 M (c_0^2 - w^2) = 1 F_a h^2 \gamma$$
,

wenn unter M die Wassermonge in der Zuleitung verstanden wird. Daraus ergähe sich zwischen der verminderten Geschwindigkeit w und der Zunahme V des Wasserinhaltes des Standrohres eine Funktion von der Form

$$c_0^2 - w^2 = a V^2$$

⁾ Es soll hier von der Druckhöhe, die zur Erzeugung der Geschwindigkeit co verbraucht wird, abgesehen werden.

wo a eine Konstante bedeutet. Man darf wohl ohne wesentlichen Fehler annehmen, daß sich der Zusammenhang zwischen w und V beim Verhandensein von Reibung durch eine ähnliche Funktion

$$c_0^2 - \imath v^2 = b \mathcal{V}^2$$

darstellen lasse. Setzt man ferner voraus, daß der Rohrreibungskoeffizient λ (vgl. Absohn. 38) unabhängig von der Wassergeschwindigkeit w sei, so ware der Druckverlust dem Quadrate der Geschwindigkeit proportional. Man erhält dann für die Abhängigkeit des Druckverlustes h, von der Vermehrung V des Wasserinhaltes im Standrohr die Beziehung

$$h_{v0}-h_v=\alpha V^2$$
,

worin a eine Konstante bedeutet. Diese Beziehung läßt sich nach Abb. 357 durch eine Parabel darstellen, die dadurch bestimmt wird, daß für den Be-

ginn
$$V=0$$
 and $h_v=h_{v0}$

und für den Endzustand

$$V = V_s$$
 und $h_v = 0$

ist. Die von der Parabel umschlossene Fläche stellt das gesuchte Integral dar, und da diese Fläche zwei Drittel des umschriebenen Recht-

ecks mißt, erhält man für die Reibungsarbeit

$$R = \frac{2}{3} \gamma h_{u0} V_s$$

 $R = \frac{2}{3} \gamma F_s (h_{u0} + h_s) h_{s0}$

oder wobei also unter h_* die Sprunghöhe vom Gleichgewichtszustunde aus

zu verstehen ist. Setzt man die verschiedenen Posten in die Bilanzgleichung (302) ein, so erhält man für die Sprunghöhe h_{s} die quadratische Gleichung

$$h_{s}^{2} + \frac{4}{3} h_{v0} h_{s} + \frac{1}{3} h_{v0}^{2} - 2 \frac{F l_{1} c_{0}^{2}}{F_{0} 2 a} = 0, \qquad (303)$$

und endlich für die Sprunghöhe selbst

Vs

Abb. 357.

$$h_{s} = -\frac{2}{3} h_{v0} + \sqrt{\frac{1}{9} h_{v0}^{2} + 2 \frac{F l_{1} c_{0}^{2}}{F_{s} 2 g}} \cdot 1)$$
 (304)

Da die Sprunghöhe positiv ist, kann nur das positive Vorzeichen der Wurzel gelten,

Löst man die Gl. (303) nach F_s , so kann man für eine gegebene Sprunghöhe h_s den entsprechenden Standrohrquerschnitt F_s berechnen; es ist

$$F_{\bullet} = 2 \frac{Fl_1}{h_a^2 + \frac{1}{4}h_{a0}h_a + \frac{1}{3}h_{a0}} \frac{c_0^2}{2g};$$
 (305)

ohne Berücksichtigung der Reibung geht obige Formel über in:

$$h_{s} = \frac{Q}{\sqrt{F \cdot F_{s}}} \cdot \sqrt{\frac{\overline{l_{1}}}{g}}, 1$$

¹⁾ s. Dubs a. a. O.

Es kommt öfters vor, daß der flachliegende Teil der Leitung als vollaufender Stollen ausgeführt wird. Da ein solcher keine größeren Drücke aufzunehmen vermag, sind größere Sprunghöhen dadurch zu vermeiden, daß man dem Standrohr nach Abb. 358 die Form eines Schachtes von größerem (beliebig gestaltetem) Querschnitt gibt. In dieser Ausführung wird er als Wasserschloß bezeichnet. Das Ansteigen des Wassers wird etwa durch einen Überfall begrenzt.

Wenn der Sprung seine größte Höhe erreicht hat, so ist damit das Gleichgewicht noch nicht hergestellt. Da das Wasser im Standrohr zu hoch hinaufgegangen ist, wird der Inhalt der Zuleitung zurück-

getrieben, und es entsteht so eine schwingende Bewegung, die erst nach und nach durch die Wasserreibung in der Zuleitung gedämpft wird.

Auch in offenen Kanitlen treten beim Schließen oder Öffnen der Turbine Niveauschwankungen auf, die sich auf Grund der

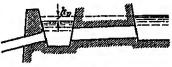


Abb. 358.

von Dr. Foifel in der Z. d. V. d. I. 1917 abgeleiteten Beziehung:

$$y_0'_{\text{max}} = c_0 \left\{ \frac{c_0 + \sqrt{c_0^2 + 4gy}}{2g} \right\}$$

berechnen lassen.

In der untenstehenden Abb. 350 ist für verschiedene Verhältnisse des Zuflußkanales die nach der Formel von Feifel sich ergebende Niveauerhöhung beim plötzlichen Schließen der Turbine aufgetragen. Es ist dabei angenommen, daß keine Resonanz zwischen den Niveauschwankungen und dem Regulator auftritt.

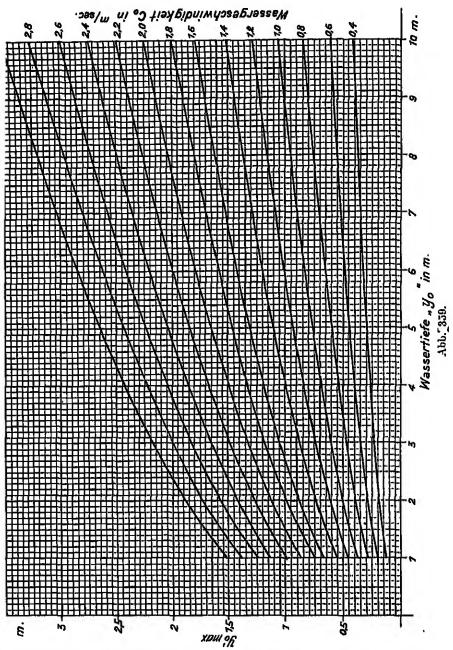
284. Negativer Sprung. Wird die Mündung an der Druckleitung vergrößert, so tritt eine Vermehrung des Durchflusses ein, die sich zuerst im unteren Teil der Leitung bemerkbar macht und solange aus dem Inhalt des Standrohres bestritten wird, bis auch der Inhalt der flachliegenden Zuleitung sich beschleunigt hat. Es erfolgt also im Standrohr eine Senkung oder ein negativer Sprung. Ein neuer Beharrungszustand wird sich erst nach längerem Hin- und Herpendeln der Wassermasse in der Zuleitung einstellen; dabei kommt der neue Wasserspiegel wegen der Vermehrung der Reibung in der Zuleitung tiefer zu liegen als vorher. Die stärkste Wirkung erhält man augenscheinlich, wenn die anfänglich geschlossene Ausflußmündung plötzlich vollständig geöffnet wird.

Die Berechnung der größten negativen Sprunghöhe wäre in ähnlicher Weise wie für den stärksten positiven Sprung durchzuführen. Is ergeben sich für die Energiebilanz dieselben Posten, und daher füllt die negative Sprunghöhe, bezogen auf den nachherigen Beharrungszustand, ihrem Zahlwert nach ebense groß aus wie die positive.

Das Standrohr darf sich nie völlig entleeren, damit keine Luft in

die Druckleitung eintreten kann.

285. Schwingungsdauer. Von der pendelnden Bewegung, die das Wasser in der Zuleitung nach einem Sprunge ausführt, kann man sich



durch eine vereinfachte Rechnung eine Vorstellung verschaffen. Es werde von der Reibung des Wassers in der Zuleitung abgesehen, und der Wasserspiegel im Behälter soll unveränderlich sein. Forner sel

die Wassermasse im Standrohr gegen diejenige in der Zuleitung verschwindend klein. Wurde die Mündung am unteren Ende der Druckleitung plötzlich geschlossen, so führt das Wasser im Standrohr einen Sprung von der Höhe h_s über die Mittellage aus. Die Kraft, die nunmehr die ganze Wassermasse rückwärts treibt, ist offenbar

$$P = F_a h \gamma$$
,

wonn F_s den Querschnitt des Standrohres und h die augenblickliche Überhöhung des Wasserstandes über die Gleichgewichtslage bedeutet. Ist dieser in seine Mittellage zurückgekehrt, so hat sich das Wasser in der Zuleitung von der Beendigung des Sprunges an gerechnet um den Betrag

$$r = \frac{F_s h_s}{F}$$

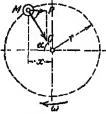
verscholen. Diese Streeke stellt somit den größeren Ausschlag dieser Wassermasse aus der Mittelstellung dar. Kraft und Ausschlag sind beide der größten Sprunghöhe h_s und daher auch unter sich proportional; man hat es also mit einer harmonischen Schwingung zu tun.

Diese läßt sieh als die Projektion einer kreisförmigen Zentralbewegung auffassen; denn in der Tat besteht für diese die Propertionalität, da sieh nach Abb. 360 für die Projektion der konstanten Zentripetalkraft

$$P = C \cos \alpha$$

und für den Ausschlag

ergibt. Versteht man unter M die schwingende Masse, so ist die Zentripetalkraft



$$C = M \omega^2 r$$
,

wenn man unter ω die Winkelgeschwindigkeit der kreisförmigen Bewegung und unter r ihren Halbmesser versteht.

Für die äußerste Stellung, also beim höchsten Sprung k_s , ist die Kraft, die das Wasser zurücktreibt,

$$P_a = C - F h_a \gamma$$
,

und der größte Ausschlag

$$r=rac{F_sh_s}{R}$$
,

wenn man mit F_g den Querschnitt des Standrohres und mit F denjeuigen der Zuleitung bezeichnet. Die hin- und herschwingende Masse ist

$$M := \frac{F l_1 \gamma}{q},$$

wobei t_1 die Länge der Zuleitung bezeichnet.

Aus der Verbindung dieser Beziehungen erhält man

$$\omega^2 = \frac{F}{F_*} \frac{g}{l_*};$$

die Schwingungsdauer aber ist

$$T = \frac{2\pi}{\omega} = 2\pi \sqrt{\frac{F_* l_1}{F_g}}.$$
 (806)

286. Zahlonbeispiel. Bei einem Werke bestehen folgende Ver	rhältnisso 1):
Länge des Zuleitungsstollens $l = \ldots \ldots \ldots$	
Querschnitt F =	
Normale Wassergeschwindigkeit c =	2,02 m/sok,
Querschnitt des zylindrischen schachtförmigen Standrohres $F_s =$	500 gm,
Druckverlust im Stollen $h_{v0} = \dots \dots$	2,92 m.
Daraus berechnet sich nach vorstehenden Formeln:	
	2,31 m,
Negative Sprunghöhe (unter dem normalen Wasserstand) — h. =	2,81 m,
Größte Schwankung $h_{aa} + h_{b} + h_{b} = \dots \dots$	7,54 m.
Solvingungsdauer $T = \dots $ 864 sok = 14	min 24 sok.

Daß es bei so langsamen Schwingungen nicht darauf ankommt, ob die Veränderung an der Mündung in 2 oder 20 Sekunden vollzogen werde, liegt auf der Hand.

X. Das Spurlager.

29. Die Belastung und Bemessung des Spurzapfens.

287. Zusammensetzung der Zapfenbelastung. Der Spurzapfen bildet bei Turbinen mit senkrechten Wollen einen sehr wichtigen Bestandteil. Die Betriebssieherheit hängt in hohem Grade von seinem guten Verhalten ab; Heißlaufen und Anfressen rufen die sehwersten Störungen hervor. Damit der Zapfen dauernd betriebssieher verbleibe, muß seine Tragfläche der Belastung und Geschwindigkeit angepaßt werden, und überdies ist für eine ausgiebige Schmierung zu sorgen. Zapfen oder Lager müssen eine axiale Verstellung gestatten, damit man das Laufrad gegenüber dem Leitrad in die richtige Lage bringen kann.

Ursprünglich pflegte man den Zapfen wie überall bei senkrechten Wellen am unteren Ende anzubringen. Man fand aber bald, daß diese Stellung bei Turbinen mit großen Nachteilen verbunden ist. Der Zapfen ist sehwer zugänglich und es ist daher schwierig, ihn zu überwachen. Der Zutritt des Wassers mit den darin enthaltenen Verunreinigungen läßt sich nur schwierig verhindern, und auch die Zuführung des Schmieröls wird leicht mangelhaft. Man hat daher sinnreiche Einrichtungen erdacht, durch die die Tragfläche in die Mitte oder an das obere Ende der Welle verlegt wird (mittel- oder oberständige Zapfen, die entweder nach Abb. 204 als Laternenzapfen²) oder nach Abb. 218 als Ringzapfen ausgeführt werden).

In neuerer Zeit werden nur noch die Ringspurlager verwendet, da die Belastungen der Lager bedeutend größer geworden sind und ebense die Drehgeschwindigkeiten der Turbinenwellen. Diese Spurlager bestehen in der Hauptsache aus einer feststehenden untern und einer sich mit der Welle drehenden obern Linse. Bei großen Lagerbelastungen,

¹⁾ Prášil: a. a. O.

s) Dor Laternenzapien setzt eine hohle Welle voraus, die am einfachsten aus Gußeisen angefertigt wird. Mit Rücksicht auf die geringe Festigkeit des Gußeisens greift man lieber zur massiven schmiedeisernen Welle, bei der sich die Anwondung eines Ringzopfens von selbst ergibt. Der Laternenzapien kommt daher heute kaum mehr zur Ausführung.

welche zu großen Dimensionen der Spurlinsen führen würden, hilft man sich dadurch, indem man zur Entlastung zwischen die Linsen Drucköl leitet. Man kommt dann mit kleineren Linsendimensionen aus, nur muß man dafür Sorge tragen, daß das Öl nicht ohne Überwindung eines großen Widerstandes seitlich austreten kann. Das Drucköl wird in einer besonderen, meistens von der Turbine direkt angetriebenen Pumpe erzeugt und beschreibt einen Kreislauf, wobei das vom Lager kommende Öl vielfach gekühlt wird. Seit einiger Zeit ist man dazu übergegangen, das Drucköl durch die Linsen selbst erzeugen zu lassen (Ferranti-Lagor usw.).

Für die Bestimmung der Zapfenfläche ist die Kenntnis der ganzen Belastung erforderlich. Diese setzt sich aus folgenden Posten zusammen.

- Das Eigengewicht des Laufrades, der Welle und aller übrigen Teile, die fest damit verbunden sind.
- 2. Der statische Druck des Wassers auf das Laufrad, der übrigens nur bei Turbinen mit gestautem Durchfluß auftreten kann.
- Die dynamische Rückwirkung des durch das Laufrad strömenden Wassers.
- 4. Die axiale Komponente des Zahndruckes bei Auwendung von Zahnrädertrieb für die Arbeitsübertragung. Sie ist übrigens in der Regel unbedeutend.

288. Das Eigengewicht setzt sich zusammen aus demjenigen des Laufrades selber mit allen damit fest verbundenen Teilen, als Welle, Kupplungen, Zahnrädern, Rotoren von direkt gekuppelten Dynamomaschinen usw. Die Berechnung der einzelnen Posten ist an Hand der Zeichnung vorzunehmen, und da die Abmessung der Welle öfters mit dem erst noch zu ermittelnden Zapfendurchmesser zusammenhängt, bleibt nichts anderes übrig, als die Wellenstärke vorläufig anzunehmen mit dem Vorbehalt, je nach dem Ausfall der Bestimmung des Zapfendurchmessers darauf zurückzukommen.

Faustregeln, die aus bekannten Ausführungen abgeleitet sind, kürzen die vorläufige Gewichtsbestimmung ab, sind aber mit Vorsicht anzuwenden, da sie nicht allen Umständen Rechnung tragen können. Reiffer¹) gibt für das Gewicht in kg von Laufrädern für Axialturbinen die Formel

$$G = kD^2 \sqrt[8]{Q}$$

worin D den mittleren Durchmesser in m und Q die Wassermenge in l/sek bedeutet. Darin wäre etwa einzusetzen:

k=30 für Gußschaufeln,
 =40 für Blechschaufeln²).

Eine andere Faustregel für die Laufräder von Francis-Turbinen lautet

$$G = 3000$$
 bis $3500 D^2 B$,

 ¹⁾ Einfache Berechnung der Turbinen. Zürich 1896.
 a) Da bei eingegossenen Blechschaufeln die Kränze dicker sein müssen, fällt das Gewicht größer aus.

wobei D den Eintrittsdurchmesser und B die Eintrittsbreite in m bedeutet.

Für das Gewicht der Zahmräder mag etwa die Formel benützt werden

G = 0.06 bis $0.08 a^2 bz$,

wenn man unter a die Zahnstärke, unter b die Zahnbreite in em und unter z die Zahnezahl versteht.

Bei ganz eingetauchten Laufrädern kommt der Auftrieb in Abzug.

289. Wasserdruck. Man hat den Druck auf die Spaltflüche und den Druck auf die Seitenflüchen der Radkränze zu unterscheiden. Beide treten nur bei gestautem Durchfluß durch das Laufrad auf, also wenn $p_1 > p_2$ ist.

Die Bestimmung des Druckunterschiedes $p_1 - p_2$ bietet nach Absohn. 100 keine Schwierigkeiten. Übrigens kann man meistens genau genug annehmen, daß derselbe dem halben Gefälle entspreche.



Abb. 361.

Bedeutet F_s die ganze Spaltfläche und $F_{s'}$ ihre Projektion auf eine Ebene normal zur Achse, so ist der Druck auf den Spalt

 $P_s = F_s'(p_1 - p_2)$.

Der Druck auf die Seitenflächen der Radkränze liefert nur dann einen Beitrag zum Axialschub, wenn diese Seitenflächen eine Projektion von endlicher Ausdehnung auf eine Ebene normal zur Achse ergeben, wie dies z. B. bei der Francis-Turbine nach Abb. 361 der Fall ist. Über die Größe der Drücke p_0 und p_u über und unter dem Laufrad läßt sich freilich nichts anderes aussagen, als daß sie

zwischen p_1 und p_2 liegen müssen. Ihre Größe hängt ab von der Menge des Wassers, das durch den Spalt austritt, also von der Weite des Spaltes und von den Widerständen beim Austritt am Spalt und beim Übergang in den Saugraum. Auch die Geschwindigkeit der Rotationsbewegung, die das Wasser durch die Berührung mit dem Laufrad aunimmt, ist von Einfluß. Daraus ergebe sich eine überaus verwiekelte Untersuchung, die nicht ohne eine ganze Reihe von mehr oder weniger willkürlichen Annahmen durchführbar ist¹). Den Druck p_0 auf die obere Fläche des Laufrades, der einen verhältnismäßig starken Beitrag zur Zapfenbelastung liefern kann, sucht man dadurch möglichst herabzuziehen, daß man den oberen Raum ausglebig mit dem Saugraum verbindet.

290. Dynamische Rückwirkung. Für die Bestimmung der dynamischen Rückwirkung der durch das Laufrad strömenden Wassermasse geben die Untersuchungen in Absehn. 54 die nötigen Anhaltspunkte. Bezeichnet man mit c_{1s} und c_{2s} die axialen Komponenten der absoluten Geschwindigkeiten beim Eintritt ins Laufrad und beim Austritt, und bedeutet M die in der Zeiteinheit durchströmende Wasser-

¹⁾ Kobes: Der Druck auf den Spurzapfen. Leipzig und Wien 1906.

masse, so erhält man für die dynamische Rückwirkung den Ausdruck

$$P_d = M(c_{1a} - c_{2a})$$
.

Dabei hat als positiv die Wirkung zu gelten, die mit c_{2s} denselben Richtungssinn besitzt. Bei der gewöhnlichen Anordnung der Francis-Turbine mit senkrechter Achse bewirkt P_d also eine Entlastung.

Bei der Jonyal-Turbine wäre für unendlich dünne Schaufeln

$$c_{1s} = c_{2s}$$
, $P_d = 0$.

Für endliche Schaufeldicken wird dies wenigstens annähernd zutroffen.

Bei der staufreien Axialturbine ist der Unterschied zwischen c_{1z} und c_{2z} sehr gering und somit auch die dynamische Rückwirkung.

Für ganz radiolen Durchfluß wird $c_{1s}=c_{2s}=0$ und daher auch $P_d=0$; bei der Francis-Turbine mit axialem Austritt erhält man, da hier $c_{1s}=0$ ist, eine Entlastung im Betrage von

$$P_d = M c_{2z}.$$

Bei normaler Füllung kann man

$$c_{2z} = c_3$$

oder gleich der Geschwindigkeit beim Übergang im Saugrohr setzen-Man darf nicht überschen, daß c_{2z} bei abnehmender Füllung, also beim Schließen des Leitrades, kleiner wird. Da auch die Durchflußmenge in demselben Verhültnis zurückgeht, sinkt die Entlastung mit der zweiten Potenz der Geschwindigkeit oder der Durchflußmenge.

291. Entlastung. Eine völlige Entlastung von allen statischen und dynamischen Drücken ergibt sich, wenn die Turbine streng symmetrisch zu einer Ebene normal zur Achse gebaut ist. Diese Symmetrie ist beim Löffelrad und bei der Francis-Turbine mit zweiseitigem Austritt vorhanden. Sie läßt sich auch bei Turbinen mit mehreren Laufrädern auf ein und derselben Welle erzielen. Wenn die Welle wagrecht liegt, so treten bei vollkommener Symmetrie überhaupt keine axialen Schübe auf.

Die Entlastung kann auch durch Einbauen von Entlastungskolben, die man dem Drucke des Triebwassers unterstellt, herbeigeführt werden. Doch ist dabei eine völlige Entlastung kaum zu erreichen, da der Axialschub mit dem Füllungsgrad sich ündert. Eine teilweise Entlastung läßt sich ferner erzielen, indem man das Schmieröl
mit Druck unter den Spurzapfen preßt. Man erreicht damit zugleich
den Vorteil einer sehr reichlichen und sieheren Schmierung.

292. Größe der tragenden Zapfenfläche. Bei der Bemessung des Spurzapfens hat man im Auge zu behalten, daß die spezifische Zapfenbelastung nirgends ein gewisses Maß überschreiten durf, damit das Schmieröl nicht zu leicht ausgequetscht werde. Sedann durf die pro Flächeneinheit entwickelte Wärmemenge denjenigen Betrag nicht übertreffen, der noch sehnell genug abgeleitet wird, um das Zustandekommen stärkerer Erwärmungen zu verhindern.

Bei einem gut eingelaufenen Zapfen geht die Abnützung in allen Punkten gleichmäßig vonstatten. Dies berechtigt zu der Annahme, daß die Reibungsarbeit pro Flächeneinheit überall dieselbe sei. Für diese läßt sich der Ausdruck aufstellen.

$$\frac{dL}{dF} = p u \mu,$$

wenn unter p der spezifische Zapfendruck, unter u die Umfangsgeschwindigkeit und unter μ der Reibungskoeffizient verstanden wird. Da der Wert von μ sich von einem Punkt zum andern kaum stark ändern wird, besonders wenn man annehmen darf, daß die Wärme überall gleich gut abgeleitet werde, orgibt sich daraus für jeden beliebigen Punkt der Zapfenfläche die Beziehung

$$pu = \text{const} = c. (307)$$

Die Umfangsgeschwindigkeit u aber ist dem Halbmesser r proportional, also wäre p r = const. Daraus ist der Schluß zu ziehen, daß die Verteilung des spezifischen Zapfendruckes p längs eines Halbmessers durch eine gleichseitige Hyperbel dargestellt wird, deren eine Asymptote in die Achse fällt¹).

Rechnet man bei einer ringförmigen Zapfeufläche der Einfachheit wegen mit Mittelwerten, und bedeutet d_m den mittleren Durch-

messer und b die Breite der Ringfläche, so kann man schreiben

$$p = \frac{P}{\pi d_m b},$$

$$u = \frac{\pi d_m n}{60}.$$

und

Setzt man diese Werte in Gl. (307) ein, so orhält man schließlich für die Breite der Ringfläche

$$b = \frac{Pn}{60 \, c}.\tag{308}$$

Dabei bedeutet P die ganze Belastung und c eine Erfahrungszahl. Wird alles auf kg und em bezogen, so erhält man brauchbare Abmessungen, wenn man setzt

$$o = 1330$$
. (309)

Bei sehr sorgfältiger Ausführung, zwangsweiser Einführung des Schmieröles und künstlicher Abkühlung kann man allenfalls bis auf das Doppelte dieses Wertes gehen.

Die Tragfläche, die durch Abrundungen und Schmiernuten ver-

loren geht, soll der rohen Tragfläche zugeschlagen werden.

Bei scheibenförmigen Zapfen darf man trotz des Loches in der Mitte für die Breite einsetzen

$$b = \frac{1}{2}d$$
;

¹⁾ Bei scheibenförmigen Zapfenflächen ergäbe sich für den Mittelpunkt eine unendlich große Belastung, was natürlich unzulässig wäre. Man sicht sich daher veranlaßt, die Fläche in der Mitte etwas auszunehmen, und wenn es auch nur durch ein eingebohrtes Loch wäre. Die Zapfenflächen haben also stets eine ringförmige Gestalt.

wonn d den Außendurchmesser bezeichnet. Es ist daher

$$d=2b=\frac{Pn}{30o}.$$

Die tragende Spurplatte ist unten kugelig zu gestalten, damit sie sieh frei einstellen kann.

Als Baustoffe für die Zapfenflächen kommt feinkörniges Gußeisen, Bronze und gehärteter und geschliffener Gußstahl zur Anwendung; doch soll nie Bronze auf Bronze und noch weniger Stahl auf Stahl laufen.

XI. Die experimentelle Untersuchung.

30. Prüfung auf die Betriebseigenschaften,

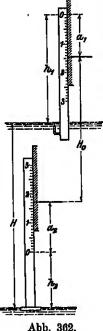
293. Ziel der Untersuchung. Die vollständige experimentelle Untersuchung stellt sich die Aufgabe, die Eigenschaften einer bestehenden Turbine in dem Umfange zu ergründen, daß man bei einem gegebenen Gefälle für jeden Offnungsgrad der Abschützung und für jede Umlaufzahl die Leistung und den Wirkungsgrad angeben kann. In dieser Vollständigkeit erfordert die Untersuchung mehr Zeit, als der regelmäßige Betrieb einzuräumen in der Lage ist; daher wird man sich zumeist darauf beschränken müssen zu prüfen, ob die vertraglichen Garantien erfüllt sind, und diese beziehen sieh in der Rogel darauf, daß die Turbine bei einem bestimmten Gefälle und einer vorgeschriebenen Umlaufzahl für eine festgesetzte größte Wassermenge und deren Bruchteile gewisse Leistungen mit vorgeschriebenen Wirkungsgraden erzielt.

Es ist häufig nicht möglich, die Untersuchung genau unter den vortraglich festgesetzten Bedingungen durchzuführen. So kann je nach den Wasserverhältnissen infolge von Rückstau im Unterwasser usw. das Gofallo nicht unerheblich von dem vertraglich vorausgesetzten abweichen, oder es will nicht gelingen, die vorgeschriebene Umlaufzahl bei der Prüfung einzuhalten usw. Dann bleibt nichts anderes übrig, als aus den Beobachtungen auf dem Wege der Rechnung abzuleiten, wie sich die Turbine unter den vortraglich vorausgesetzten Umständen verhalten würde. Das ist aber mit einiger Zuverlässigkeit nur möglich, wenn man das Verhalten der Turbine innerhalb eines gowisson Spiolraumes kennt; man darf sich also nicht zu enge an die normale Geschwindigkeit halten, sondern es soll die Untersuchung auf möglichet vorschiedene Geschwindigkeiten ausgedehnt werden. ist auch aus einem anderen Grunde zu empfehlen. Es stellt sich hierbei nicht selten heraus, daß die angenommene Betriebsgesehwindigkeit nicht zusammenfällt mit der Geschwindigkeit des besten Wirkungsgrades. In solchon Fällen kann man durch eine Anderung der Übersetzung, etwa durch den Austausch einer Riemenscheibe u. dgl. die Turbine dahin bringen, daß sie mit der günstigsten Geschwindigkeit läuft und damit den vertraglichen Wirkungsgrad erreicht.

Die Größen, die bei der Untersuchung unmittelbar bestimmt werden, sind; das Gefälle, die Umlaufzahl, das Drehmement und die Wassermenge. Durch eine einfache Rechnung ergeben sich daraus die Leistung und der Wirkungsgrad.

294. Das Gefälle ist meistens einem fortwährenden Wechsel unterworfen und muß daher in regelmäßigen Zwischenräumen von wenigen Minuten notiert werden. Man rechnet dann mit dem arithmetischen Mittel.

Wo der Oberwasserspiegel leicht zugänglich ist, also wo das Zuleitungsrohr ganz fehlt, wird er unmittelbar mit einem Schiebepegel



abgestochen. Eine scharfe Einstellung gestattel die auftauchende Spitze nach Abb. 362, sofern der Wasserspiegel gut beleuchtet und ruhig ist. Der Unterwasserspiegel läßt in dieser Hinsicht meistens alles zu wünschen übrig. Hier leistet ein handgroßes, stumpf auf das untere Ende des Pegels aufgenageltes Brottehen gute Dienste. Der Pegel wird derart eingestellt, daß die Oberfläche des Brottehens ungefähr die halbe Zeit überschwemmt und die halbe Zeit außer Wasser ist, was sieh von oben recht gut beobachten läßt.

Bei der in Abb. 302 gewählten Anordnung der Skalennullpunkte ist das Gefälle

$$H = (H_0 - h_1 + h_2) + a_1 + a_2$$
.

Der Klammerausdruck ist unveränderlich und wird zu Beginn des Versuches genau ausgemittelt; man hat alsdann nur noch die beiden Pegelablesungen a_1 und a_2 hinzuzuzählen.

Bei langen Zuleitungsrohren muß der Oberwasserstand mittels eines Manometers abgelesen werden, damit nicht die Druckverluste in der Zuleitung ungerechterweise der Turbine zur Last geschrieben werden. Das Manometer soll an einem geraden Teil der Zuleitung aufgesetzt werden, so daß man annehmen darf, der abgelesene Druck herrsche in allen Punkten des betreffenden Querschnittes. Die unerläßliche Kon-

trolle des Manometers läßt sich bei abgestellter Turbine leicht durchführen, indem man seine Angaben mit dem Gefälle vergleicht, wie es durch ein Nivellement ermittelt wurde. Zuverlässiger als das Manometer ist das Piozometer, das bei mäßigen Gefällen öfters gute Dienste leistet. Die Geschwindigkeitshöhe des zuströmenden Wassers an der Manometeranschlußstelle sollte streng genommen zum Gefälle hinzugeschlagen werden (vgl. Abschn. 92).

295. Die Umlaufzahl kann bei mäßigen Geschwindigkeiten direkt abgezählt werden, besonders dann, wenn jeder Umlauf ein hörbares Zeichen gibt. Man kann dieses leicht dadurch hervorrufen, daß man eine hölzerne Feder anbringt, gegen die ein Keil oder ein anderer Vorsprung auf der Welle anschlägt. Das hörbare Zeichen ist deutlicher als das sichtbare, weil das Ohr rhythmisch besser geschult ist als das Auge; dieses ist dann auch für die Beobachtung der Sekundenuhr frei. Wenn man drei oder vier Schläge zu einem Takt zusammenfaßt, kann

man ganz gut bis 300 Umläufe in der Minute abzählen. Hört die Minute mit einem schlechten Taktteil auf, so liegt, wie Abb. 363 erkennen läßt, für den Anfänger die Gefahr nahe, sich um eine Umdrehung zu verzählen. Am siehersten und für größere Geschwindigkeiten nicht zu entbehren ist der mechanische Umlaufzähler, dessen Anwendung allerdings voraussetzt, daß das eine Wellenende zugänglich sel. Der Antrieb sollte durch einen Mitnehmer und nicht durch die dreikantige Spitze bewirkt werden,

die beim Ein- und Ausrücken leicht Fehler ergibt. Besser ist es, den Umlaufzähler dauernd im Antrieb zu belassen und nur das Zählwerk ein- und auszurücken. Wo dies nicht geht, mißt man mit der Stechuhr die Zeit, die auf

eine größere runde Zahl von Umläufen entfällt, und rechnet daraus die Zahl der Umläufe in der Minute aus. Auch Tachemeter, welche die momentane Umlaufsgeschwindigkeit sefert angeben, können verwendet werden.

296. Das Drehmoment wird mittels des Pronyschen Zaums gemessen, von dessen Einrichtung Abb. 364 eine Vorstellung gibt. Es ist hier angenommen, daß die Welle wagrocht liege. Diese trägt eine Rolle mit zylindrischem Kranz aufgekeilt. Ein darum gelegter mit Holz garnierter Zaum kann durch Schrauben nach Bedarf mehr oder weniger stark angezogen werden. Durch die Reibung, die hierbei entsteht, überträgt die Rolle das Drehmoment der Turbine auf den Zaum.

Dieser ist mit einem längeren Hebel verbunden, und die an dessen Endeauftretende Kraft wirdmittelseiner Brückenwagegemosson. Es hedente T Druck, den der Hebel des Bremszaumes vermöge

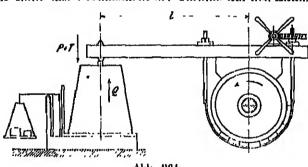


Abb. 364.

seines Eigengewichtes auf die Wage ausübt, oder die Tara; mit Q werde die Rückwirkung der Brückenwage bezeichnet. Dann bedeutet

$$P = :Q - \neg T$$

den Druck, den die Reibung um Umfunge der Rolle auf die Wage überträgt, und es wird durch

das Moment der Reibung ausgedrückt, das dem von der Turbine erzeugten Drehmement gleich ist. Bedeutet z die Umlaufzahl in der Minute, so ergibt sich für die Leistung

$$L = \frac{Pn}{\frac{9,55}{l}} \text{ m/kg}$$

$$N = \frac{Pn}{\frac{716,21}{l}} PS,$$
(309)

wobei P und l in kg und m einzusetzen sind.

Die Bestimmung der Tara kann in der Weise vorgenommen werden, daß man den Zaum lockert und oben zwischen Backen und Rolle ein dünnes Rundseien parallel zur Achse genau senkrecht über dem Mittel einschiebt¹). Das Ergebnis wird aber leicht ungenau, da der Zaum meistens an den Rändern streift. Bequem, aber nicht sehr genau findet man die Tara, indem man bei gelockertem Zaum die Wage je bis zum Ausschlagen belastet und wieder entlastet und das arithmetische Mittel nimmt. Der sicherste Weg ist folgender. Nachdem die Rolle abgenommen wurde, stellt man den Zaum wieder darüber zusammen und lagert die Rolle auf einem in die Nabe eingelegten Rundeisenstab. Gibt man dem Hebel dieselbe Neigung gegen den Horizont, die er während des Versuches einnahm, so kann man die Tara abwägen.

Die ganze Leistung der Turbine wird durch die Reibung aufgezehrt und in Wärme übergeführt. Zur Erhaltung eines gleichförmigen Reibungszustandes und um die Bromse vor sehneller Zerstörung zu sehützen, hat man durch Anwendung einer ausgiebigen Kühlung für rasche Ableitung der entwickelten Wärme zu sorgen. Man leitet zu diesem Zwecke Wasser auf die Bromse. Am besten ist Seifenwasser, das zugleich kühlt und sehmiert; man hat aber bei größeren Kräften Mühe, genügende Mengen davon zu beschaffen.

Für eine Pferdestärke ist in der Minute eine Wärmemenge von

$$\frac{75.60}{427}$$
 = 10,5 Cal.

abzuleiten. Läßt man eine Erwärmung des Wassers um 30° zu, so bedarf es für jede Pferdestärke einer Wassermenge von 10,5:30 = 0,35 l in der Minute. Möglichst viel Kühlwasser ist die erste Bedingung für eine siehere Bremsung. Das aufgeleitete Wasser soll aber auch wirklich zum Kühlen der Reibungsflächen benutzt werden und darf nicht gleich wieder abfließen. Am besten erreicht man dies, wenn man das Wasser stetig durch den hohlgegessenen Kranz der Bromsrolle hindurchführt, wobei besondere Vorrichtungen für die Zu- und Ableitung anzubringen sind. Bei dem sehlechten Wärmeleitungs-

¹⁾ Hierbei sind die vorspringenden Ränder, mit denen man den Umfang der Rolle zu verschen pflegt, sehr hinderlich. Man kann sieh dadurch holfen, daß man sie durchbehrt und die Welle so dreht, daß die Löcher senkrecht tiber dem Mittel stehen. Anstatt die Rolle mit vorspringenden Rändern zu verschen, täte man besser, den Kranz völlig glatt zu machen und den Zaum übergreifen zu lassen. Das hätte den weiteren Verteil, daß das Kühlwasser besser zusammengehalten würde.

vermögen des Holzes ist indessen noch immer eine Außenkühlung in mäßigem Betrage erforderlich, die zugleich schmierend wirken soll. Man kann hierzu Seifenwasser in kleineren Mengen verwenden oder noch besser einen Tropföler zum Schmieren und einen Wasserstrahl zum Kühlen nebeneinunder. Die Holzbekleidung soll reichlich mit Nuten versehen sein, damit das Kühlmittel an alle Punkte des Rollenumfanges gelangen könne.

Von der größten Wichtigkeit ist, daß die Rollenumfläche eine genügende Ausdehnung besitze. Dieselbe hängt von der abzuleitenden Wärmemenge, also von der Leistung ab; hauptsächlich aber kommt es darauf an, daß der Schmierung wegen die spezifische Pressung zwischen der Holzgarnitur und dem Rollenkranz ein gewisses Maß nicht überschreite, und demunch wäre also die Größe des Momentes maßgebend¹). Dabei kommt es aber noch sehr stark auf die Art der Kühlung und auf das angewandte Kühlmittel au.

Bezeichnet B die Krauzbreite und D den Durchmesser der Bremsrolle in m, so sei für reichliche Innenkühlung und für Außenkühlung mit Seifenwasser

 $BD = 0.25 \frac{N}{n}$,

wobei sich N und n auf die normale Geschwindigkeit beziehen; es bleibt dabei noch Spiel genug für die Ausdehnung des Versuches auf kleinere Geschwindigkeiten. 1st nur Außenkühlung vorhanden, so hat man selbst bei sehr beträchtlichen Wassermengen die Umfläche der Bremsrolle etwa anderthalbmal so groß zu wühlen.

Die Anordnung der Bremse kann sehr verschiedenartig getroffen werden; zwei Punkte sind dabei stets im Auge zu behalten: erstens soll das Moment der Rückwirkung der Wage zunehmen, wenn der Hebel im Sinne der Drehung ausschlägt, ansonst kein stabiler Gleichgewichtszustand eintreten könnte, und zweitens ist die Bewegung des Hebels durch starke Auschläge derart zu begrenzen, daß jede Gefahr für die Bedienungsmannschaft ausgeschlossen ist.

Die Genauigkeit der Bremsung hängt davon ab, ob es dem Bremsführer gelingt, die Wage dauernd in der Schwebe zu halten. Die erste Voraussetzung hierzu ist die genügende Bemessung der Bremsrolle und reichliche Kühlung. Es ist aber noch von seiten desjenigen, der die Bremse bedient, viel Geschiek und Übung erforderlich. Der Holzbelag des Zaumes nützt sich fortwährend ab, und daher muß die Bremse immer wieder ungezogen werden, sobald das Moment eine Abnahme zeigen will. Die Schwierigkeit liegt darin, sofort einzugreifen und dabei nicht über das Ziel hinauszuschießen. Der Bremsführer soll jede Zunahme der Geschwindigkeit sofort wahrnehmen und ebensosehr mit dem Gehör als mit dem Gesieht aufmerken. Damit er nicht die ganze Zeit die Hand am Griffrad habe und dabei einen ungewollten falsehen Druck auf die Wage hervorbringe, empfiehlt es sieh, das Griffrad durch

¹⁾ Damit steht die Tatsnehe im Einklang, daß man um so mehr Alihe hat, die Bremse in der Schwehe zu erhalten, je mehr die Geschwindigkeit infolge der Steigerung der Belustung abnimmt, obwohl die Leistung dabei kleiner wird.

leichte Schläge (mit einem Holzhammer) anzutreiben. Dieke Kautschukunterlagen unter den Muttern erleichtern die Führung sehr, da sie einen elastischen Druck ergeben.

Die Bremsung auf der sonkrechten Welle ist umständlicher als auf der liegenden. Der Hebel der Bremse muß aufgehängt werden; der Druck wird durch einen Winkelhebel auf die Brückenwage übertragen.

Öfters ist man durch örtliche Verhältnisse gezwungen, die Breinse auf dem Vorgelege aufzusetzen. Es müssen dann die Reibungsverluste, die zwischen der Turbinenwelle und der Breinse in den Zahnrädern und Lagern auftreten, so gut als möglich berechnet oder durch Versuche bestimmt und der Turbine gutgeschrieben werden.

297. Die Wassermenge ist diejenige Größe, deren Bestimmung in der Regel am meisten Schwierigkeiten bereitet und am unsichersten ist. Ob man den Zu- oder Abfluß mißt, ist gleichgültig, sofern zwischen diesen keine Verluste stattfinden können.

Die sicherste Methode ist die direkte Messung mit großen Gefäßen. Ihre Anwendung ist aber auf kleine Mengen beschränkt und an die Bedingung gebunden, daß man über das nötige Gefälle verfüge, um das Wasser in das Gefäß hineinlaufen zu lassen. In der Regel wird es sieh um Bottiehe von höchstens einigen hundert Liter handeln. Eine bewegliche Blechrinne leitet das Wasser zu und ist derart angeordnet, daß man den Eintritt in den Bottieh genau im gewollten Augenblick einleiten und wieder unterbrechen kann. Je länger die Füllungszeit dauert, deste weniger kommen die Fehler beim Ein- und Ausrücken zur Geltung. Die im Bottieh aufgefangene Wassermenge kann durch Eichung oder durch Wägung gemessen werden; die letztere ist zuverlässiger. Sehr große Bottiehe kann man (mit Walzenunterlagen) auf zwei Brückenwagen aufstellen.

Gibt sich die Möglichkeit, in den Zu- oder Abfluß einen Überfall einzubauen, so ist dieses weitaus das bequemste Mittel für die Bestimmung mittlerer Wassermengen. Die ganze Beobachtung beschränkt sich auf das Abstechen der Überfallshöhe, und man kann daher in der kürzesten Zeit sehr viele Messungen durchführen. Das Wasser soll dem Überfall möglichst ruhig und namentlich ganz blasenfrei zuströmen; nötigenfalls muß es durch eingesetzte Hindernisse vorher beruhigt werden. Der Pegel zum Abstechen der Überfallhöhe ist an einer Stelle anzubringen, die so weit hinter dem Überfall liegt, daß der Wasserspiegel noch keine Senkung zeigt. Der Nullpunkt ist direkt auf die Überfallkante einzunivellieren; der Wasserspiegel der Hinterfüllung des Überfalls steht wegen der Zähigkeit der Wasseroberfläche merklich höher als die Kante und darf daher nur mit Berücksichtigung dieses Meniskus zum Einstellen des Pegels benutzt werden.

Wo sich der Überfall nicht anwenden läßt, bleibt die Mossung mit dem hydrometrischen Flügel übrig. Sie erfordert ziemlich viol Zeit; ihre Zuverlässigkeit hängt in erster Linie vom benutzten Instrumente ab. Die Prüfung desselben erfordert besondere Einrichtungen, über die in der Regel nur staatliche Institute verfügen. Für die Durchführung der Messung wählt man ein Querprofil in einem möglichst regelmäßig verlaufenden Teil des Ober- oder des Unterwasserkanals. In einer Anzahl von gleichmäßig verteilten Punkten des Profils bestimmt man die Geschwindigkeit, indem man die Zeit mißt, die der Flügelbraucht, um eine gewisse Anzahl von Umläufen zu machen. Durch Interpolation (auf graphischem Wege) findet man die mittlere Geschwindigkeit, und mit dieser ergibt sieh aus dem bekannten Inhalt des Querprofiles die Wassermenge. Die Dauer einer Einzelbeobachtung muß groß genug sein, daß die Fehler in der Zeitmessung kein zu großes Gewicht annehmen können.

Vorzügliche Ergebnisse erhält man mit einem ebenen Schirm, den man senkrecht in einen geruden, rechteckigen Teil des Zu- oder des Abflußkanales einsenkt und vom Wasser treiben läßt. Diese Einrichtungen sind aber etwas umständlich und kommen nur für Versuchsstationen in Botracht¹).

298. Durchführung der Versuche. Nachdem man sich durch einen Vorversuch davon überzeugt hat, daß die Bremse gut spielt, geht man am besten in der Weise vor, daß man die Turbine bei normaler Offnung durchbremst, d. h. eine größere Auzahl von Versuchen bei unveränderter Öffnung vornimmt, die sich annähernd gleiehmäßig über den ganzen Raum zwischen Leergang und Stillstand verteilen. Dabei wird die Belastung der Bremse als Uryariable zur Grundlage genommen. Die verschiedenen Beobachter notieren sich nach gleichgestellten Uhren die Bremsbelastung, die Umlaufzahl und das Gefälle, so daß man hernach sofort die zusammengehörigen Größen herausfindet. Die Bestimmung des Bremsdruckes beim Stillstand hat ihre Schwierigkeiten, da die Wage bei ruhender Welle wegen der Lagerreibung nicht mehr frei spielt; man fondet ihn als Mittelwert der Belastungen, bei denen die Wage steigt oder fällt. Bei Tangentialrädern ist die Bestimmung überhaupt nicht durchführbar, weil je nach der zufälligen Stellung der Schaufel zum Strahl der Druck sehr verschieden sein kann²). Die Leerlaufgeschwindigkeit wird man in der Regel erst am Schlusse der sämtlichen Versuche nach Abnahme des Bremszaumes ermitteln können. 1st die Durchbremsung für die normale Offnung vollendet, so wiederholt man sie für andere Offnungsgrade.

Kann zur Wassermessung ein Überfall benutzt werden, so sticht man für jeden Versuch gleich die Überfallshöhe ab und erhält so eine sehr große Zahl von vollständigen Einzelversuchen, die ein übersichtliches Bild von dem Verhalten der Turbine unter den verschiedensten Umständen liefern.

Wenn das Wasser jedoch mit dem Flügel gemessen werden muß, so ist mit Rücksicht auf die zur Verfügung stehende Zeit meistens eine Einschränkung des Programmes notwendig. Beim Durchbromsen verzichtet man auf das Messen der Durchflußmenge. Hernach belastet man die Turbine bei normaler Öffnung so stark, daß sie möglichst genau die Geschwindigkeit annimmt, die dem gerade verhandenen Gefälle als normal entspricht, und während man diesen Zustand dauernd zu

¹) Siehe auch die "Moßnormen" des Vereines deutscher Ingenieure, sowie des Schweiz. Ingenieur- und Architektenvereins.

²⁾ Man maabt daher die Erfahrung, daß bei dieser Turbinenform die Bromse bei kleinen Geschwindigkeiten nicht mehr rocht spielen will.

erhalten sich bemüht, nimmt man die Wassermessung mit dem Flügel vor. Sofern es die Zeit erlaubt, wird diese Dauer brems ung mit anderen Öffnungsgraden wiederholt. Dagegen wird es der Zeit wegen nurausnahmsweise möglich sein, die Messung auf verschiede ne Geschwindigkeiten auszudehnen.

Beim Auswerten der Versuchsergebnisse werden die erhaltenen Werte zunächst nach Abschn. 98 auf einerlei Gefälle umgerechnet und im rechtwinkligen Koordinatensystem über den Umlaufzahlen als Abszissen aufgetragen.

Die Werte für die Leistungen müssen dadurch korrigiert werden, daß man die zusätzliche Lagerreibung, die durch die Bromse erzeugt wird, der Turbine gutschreibt. Es kommt dabei das Eigengewicht der Rolle und des Zaumes samt Hebel sowie die Reaktion der Wage in Betracht. Man pflegt mit einem Worte von 0,05 für den Koeffizienten der Lagerreibung zu rechnen.

Wenn man darauf angewiesen ist, das Wasser mit dem Flügel zu messen, so wird man bei dem großen Zeitbedarf für eine solche Messung sich öfters darauf beschränken müssen, eine einzige Dauerbremsung vorzunehmen, und zwar etwa für den normalen Öffnungsgrad bei normaler Geschwindigkeit. Hat man noch für denselben Öffnungsgrad die Turbine durchgebremst, so läßt sich auf Grund des einen Versuches durch Extrapolation ein Bild aufbauen, das über das Verhalten der Turbine bei den verschiedensten Verhältnissen Aufschluß gibt, wenn auch hinsichtlich seiner Treue keine absolute Sicherheit, aber immerhin eine gewisse Wahrscheinlichkeit besteht.

Nach Absehn. 236 wissen wir, daß z. B. bei einer Francią-Turbine der Zusammenhang zwischen der Drehzahl und der Durchflußmenge durch eine Ellipse dargestellt wird. Hat man nach Gl. (271) die Geschwindigkeit des Schwebens berechnet, so wird durch diese die Halbachse der Ellipse in der Richtung der n-Achse bestimmt, und die Ellipse läßt sich aus einem Punkte konstruieren, und damit ist die Kurve Q/n bekannt. Wir können ferner nach Absehn. 240 für normale Verhältnisse den Zusammenhang zwischen dem Öffnungs- und dem Füllungsgrad abschätzen, und man erhält weiterhin die Durchflußkurven für verschiedene Öffnungsgrade als affine Ellipsen, wie in Abb. 318 angegeben ist. Nach Absehn. 237 lassen sich die Momentenkurven ableiten und nach Absehn. 238 weiterhin die Leistungskurven usw. Beim Aufzeichnen kann man den Umstand heranziehen, daß die gleichartigen Kurven für verschiedene Öffnungsgrade hinsichtlich der n-Achse affin zueinander sein müssen.

Öfters kann man sich ohne große Opfer an Zeit und Mühe noch gewisse Kontrollpunkte verschaffen, so z.B. die Leerlaufgeschwindigkeit für normale Öffnung. Hat man Zeit, die betreffende Wassermenge zu messen, so ist deren Kenntnis von Wort (vgl. Abschn. 248).

Es empfiehlt sich, sehen während der Versuche die Beobachtungen sofort graphisch aufzutragen, damit man, wenn ein Punkt aus der Reihe fällt, alsbald auf den betreffenden Versuch zurückkommen könne. Nachträglich würde dies in den meisten Fällen nicht möglich sein, da der Betrieb nicht mehr gestört werden darf.

621-24 F4

- Die Wasserkrüfte, ihr Ausbau und ihre wirtschaftliche Ausnutzung. Ein technisch-wirtschaftliches Lehr- und Handbuch. Von Baninspekter Dr.Ing. Adolf Ludin. 2 Bände. Mit 1087 Abbildungen im Text und auf
 11 Tufeln. Preisgekrönt von der Akademie des Bauwesens in Berlin 1918.
 Unveränderter Neudruck. (XX u. 1528 S.) 1923.
 Gebunden 66 Goldmark / Gebunden 16 Dollar
- (Iber Wertberechnung von Wasserkräften. Von Dr.-Ing. Adulf Ludin und Dr.-Ing. Dr. rer. pol. W. G. Wassenmidt, Karlsruhe i. B. (Sonderdruck aus "Der Bauingenieur", Zeitschrift für das gesamte Bauwesen, 2. Jahrgung 1921, 11, 4.)
 (Auch als "Mitteilungen des Deutschen Wasserwirtschafts- und Wasserkraft-Verhandes E. V." Nr. 8 orschionen.)
 (II u. 18 S.) 1921.
 0.45 Geldmark / 0.15 Dellar
- Energie-Umwandlungen in Plüssigkeiten. Von Donat Banki, Maschineningenieur, o. ö. Professor an der Technischen Hochschule, Mitglied der Akademie der Wissenschaften zu Budapest.
 - Erster Band: Einleitung in die Konstruktionslehre der Wasserkraftmaschluen, Kompressoren, Dampfturbluen und Aeroplauc. Mit 591 Textabbildungen und 9 Tafoln. (VIII u. 512 S.) 1921. Gebunden 20 Goldmark / Gebunden 4.80 Dollar
- Theorie der Durchströmturbine. Von Erwin Sonnek, Ingonieur. Mit 24 Textfiguren. (VI u. 56 S.) 1923. 2 Goldmark / 0.50 Dollar
- Strömungsenergie und mechanische Arbeit. Beitrige zur abstrakten Dynamik und ihre Anwendung auf Schiffspropolier, schnelllaufende Pumpen und Turbinen, Schiffswiderstand, Schiffswegel, Windturbinen, Trag und Schlagflügel und Luftwiderstand von Geschossen. Von Paul-Wagner, Oberingenieur in Berlin. Mit 151 Toxtfiguren (XI u. 252 S.) 1914. Gebunden 10 Geldmark / Gebunden 2.40 Dollar
- Lehrbuch der Hydraulik für Ingenieure und Physiker.

 Zum Gebruche bei Vorlesungen und zum Selbststudium. Von Dr.-Ing.
 Theodor Pöschl, o. 5 Professor an der Dantschen Technischen Hochschule
 in Prag. Mrt 148 Abbildungen. (VI u. 192 S.) 1924.

 8.40 Goldmark; gebunden 9.30 Goldmark / 2 Dollar; gebunden 2.25 Dollar
- Kolben- und Turbo-Kompressoren. Theorie und Konstruktion. Von Prof. Dipl.-Ing. P. Ostering, Winterthur. Dritte, verbesserte Auflage. Mit 358 Textabbildungen. (VI u. 802 S.) 1923. Gebunden 20 Goldmark / Gebunden 4 80 Dollar
- Dynamik der Leistungsregelung von Kolbenkompressoren und -pumpen (einschließlich Selbstregelung und Paratlelbstrieb). Von Dr.-Ing Leo Walther, Nürnberg, Mit 44 Toxtabbildungen, 23 Diagrummen und 85 Zahlenbelspielen. (VII u. 149 S.) 1921. 4.60 Goldmark / 1.10 Dollar
- Die Pumpen. Ein Leitfaden für höhere Maschinenbauschulen und zum Selbstuntericht. Von Prof. Dipl.-Ing. H. Matthiessen, Kiel, und Dipl.-Ing. E. Fuchslocher, Kiel. Mit 137 Textabbildungen. (IV u. 85 S.) 1928. 1.60 Goldmark / 0.40 Dollar